Bài 1: Cho hàm đệ quy để tính tổng các số từ 1 đến n. Hãy giải thích từng bước

thực hiện của hàm đệ quy này khi n = 7

```
def sum_of_numbers(n):
    if n == 1:
        return 1
    else:
        return n + sum_of_numbers(n-1)
print(sum_of_numbers(7))
```

Bước 1: sum_of_numbers(7)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.
- Tính 7 + sum of numbers(6).

Bước 2: sum_of_numbers(6)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.
- Tính 6 + sum of numbers(5).

Bước 3: sum_of_numbers(5)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.
- Tính 5 + sum_of_numbers(4).

Bước 4: sum_of_numbers(4)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.
- Tính 4 + sum of numbers(3).

<u>Bước 5</u>: sum_of_numbers(3)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.
- Tính 3 + sum_of_numbers(2).

```
Bước 6: sum_of_numbers(2)

- n không bằng 1, nên đi vào nhánh else.

- Tính 2 + sum_of_numbers(1).

Bước 7: sum_of_numbers(1)

- n bằng 1, nên trả về 1.

Bây giờ, chúng ta quay lại các lời gọi hàm đệ quy và cộng dần kết quả trả về từ dưới lên: sum_of_numbers(1) trả về 1.

sum_of_numbers(2) là 2 + sum_of_numbers(1) = 2 + 1 = 3.

sum_of_numbers(3) là 3 + sum_of_numbers(2) = 3 + 3 = 6.

sum_of_numbers(4) là 4 + sum_of_numbers(3) = 4 + 6 = 10.

sum_of_numbers(5) là 5 + sum_of_numbers(4) = 5 + 10 = 15.

sum_of_numbers(6) là 6 + sum_of_numbers(5) = 6 + 15 = 21.

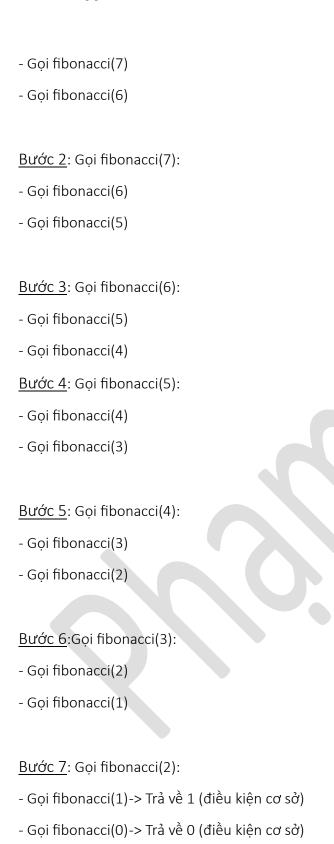
sum_of_numbers(7) là 7 + sum_of_numbers(6) = 7 + 21 = 28.
```

Bài 2: Cho hàm đệ quy để tính số Fibonacci thứ n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi n = 8.

- Do đó, khi chạy print(sum of numbers(7)), kết quả in ra sẽ là 28.

```
def fibonacci(n):
    if n <= 1:
        return n
    else:
        return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2)
print(fibonacci(8))</pre>
```

Bước 1: Gọi fibonacci(8):



Kết quả: fibonacci(2) = 1 + 0 = 1

Bước 8: Trở lại fibonacci(3) (tiếp tục từ bước 6):

- Đã có fibonacci(2) = 1 (từ bước 7)
- Gọi fibonacci(1)-> Trả về 1 (điều kiện cơ sở)

Kết quả: fibonacci(3) = 1 + 1 = 2

Bước 9: Trở lại fibonacci(4) (tiếp tục từ bước 5):

- Đã có fibonacci(3) = 2 (từ bước 8)
- Gọi fibonacci(2)-> Trả về 1 (từ bước 7)

Kết quả: fibonacci(4) = 2 + 1 = 3

Bước 10: Trở lại fibonacci(5) (tiếp tục từ bước 4):

- Đã có fibonacci(4) = 3 (từ bước 9)
- Gọi fibonacci(3)-> Trả về 2 (từ bước 8)

Kết quả: fibonacci(5) = 3 + 2 = 5

Bước 11: Trở lại fibonacci(6) (tiếp tục từ bước 3):

- Đã có fibonacci(5) = 5 (từ bước 10)
- Gọi fibonacci(4)-> Trả về 3 (từ bước 9)

Kết quả: fibonacci(6) = 5 + 3 = 8

Bước 12: Trở lại fibonacci(7) (tiếp tục từ bước 2):

- Đã có fibonacci(6) = 8 (từ bước 11)
- Goi fibonacci(5)-> Trả về 5 (từ bước 10)

Kết quả: fibonacci(7) = 8 + 5 = 13

Bước 13: Trở lại fibonacci(8) (tiếp tục từ bước 1)

- Đã có fibonacci(7) = 13 (từ bước 12)

```
Gọi fibonacci(6)-> Trả về 8 (từ bước 11)
Kết quả: fibonacci(8) = 13 + 8 = 21
```

=> Kết Quả

- Khi gọi print(fibonacci(8)), chương trình sẽ in ra kết quả là 21.

Bài 3: Cho hàm đệ quy để tính x mũ n. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này khi x = 2 và n = 6.

```
def power(x, n):
    if n == 0:
        return 1
    else:
        return x * power(x, n-1)
print(power(2, 6))
```

<u>Bước 1</u>: Gọi power(2, 6):

- n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,5)

Bước 2: Gọi power(2, 5):

- n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,4)

Bước 3: Gọi power(2, 4):

- n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,3)

<u>Bước 4</u>: Gọi power(2, 3):

- n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,2)

Bước 5: Gọi power(2, 2):

- n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,1)

Bước 6: Gọi power(2, 1): - n không bằng 0, do đó trả về 2*power(2,0) Bước 7: Gọi power(2, 0): - n=0, do đó trả về 1 (điều kiện cơ sở) Bước 8: Quay lại power(2, 1): - Đã có power(2,0)=1 - Do đó power(2,1)=2*1=2 Bước 9: Quay lại power(2, 2): - Đã có power(2,1)=2 - Do đó power(2,2)=2*2=4 Bước 10: Quay lại power(2, 3): - Đã có power(2,2)=4 - Do đó power(2,3)=2*4=8 Bước 11: Quay lại power(2, 4): - Đã có power(2,3)=8 - Do đó power(2,4)=2*8=16 Bước 12: Quay lại power(2, 5): - Đã có power(2,4)=16

- Do đó power(2,5)=2*16=32

Bước 13: Quay lại power(2, 6):

- Đã có power(2,5)=32
- Do đó power(2,6)=2*32=64

=> Kết Quả

Khi gọi print(power(2, 6)), chương trình sẽ in ra kết quả là 64.

Bài 4: Cho hàm đệ quy giải bài toán Tháp Hà Nội. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy này chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C.

```
def thap_ha_noi(n, A, C, B):
    if n == 1:
        print(f"Chuyển đĩa 1 từ cột {A} sang cột {B}")
    else:
        thap_ha_noi(n-1, A, B, C)
        print(f"Chuyển đĩa {n} từ cột {A} sang cột {B}")
        thap_ha_noi(n-1, C, A, B)

#Chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C
thap_ha_noi(4, "A", "C", "B")
```

• Hàm thap_ha_noi(n, A, C, B)

Nếu n == 1, in ra thông báo chuyển đĩa từ cọc A sang cọc B.

Nếu n > 1, thực hiện ba bước sau:

- Gọi đệ quy để chuyển n-1 đĩa từ cọc A sang cọc C, sử dụng cọc B làm trung gian.
- Chuyển đĩa thứ n từ cọc A sang cọc B.
- Gọi đệ quy để chuyển n-1 đĩa từ cọc C sang cọc B, sử dụng cọc A làm trung gian.

Bây giờ ta giải thích từng bước cụ thể khi chuyển 4 đĩa từ cọc A sang cọc B với trung gian là cọc C bằng cách gọi hàm thap_ha_noi(4, "A", "C", "B").

```
Gọi thap_ha_noi(4, "A", "C", "B")

<u>Bước 1</u>: Gọi thap_ha_noi(3, "A", "B", "C")

<u>1.1</u>: Gọi thap_ha_noi(2, "A", "C", "B")
```

```
a, Goi thap_ha_noi(1, "A", "B", "C")
```

- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột B"
- b, In: "Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột C"
- c ,Goi thap_ha_noi(1, "B", "A", "C")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột B sang cột C"
- 1.2: In: "Chuyển đĩa 3 từ cột A sang cột B"
- 1.3: Gọi thap_ha_noi(2, "C", "A", "B")
- a ,Goi thap_ha_noi(1, "C", "B", "A")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột A"
- b, In: "Chuyển đĩa 2 từ cột C sang cột B"
- c ,Goi thap_ha_noi(1, "A", "C", "B")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột B"

Bước 2: In: "Chuyển đĩa 4 từ cột A sang cột B"

<u>Bước 3</u>: Gọi thap_ha_noi(3, "C", "A", "B")

- 3.1: Gọi thap_ha_noi(2, "C", "B", "A")
- a, Goi thap_ha_noi(1, "C", "A", "B")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột A"
- b, In: "Chuyển đĩa 2 từ cột C sang cột B"
- c, Goi thap_ha_noi(1, "A", "C", "B")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột B"
- 3.2: In: "Chuyển đĩa 3 từ cột C sang cột B"
- 3.3: Goi thap ha noi(2, "A", "C", "B")
- a, Goi thap ha noi(1, "A", "B", "C")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột C"
- b, In: "Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột B"

```
c, Gọi thap_ha_noi(1, "C", "A", "B")
- In: "Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột B"
```

Bài 5: Cho hàm đệ quy giải bài toán cổ vừa gà vừa chó. Hãy giải thích từng bước thực hiện của hàm đệ quy của bài toán này.

```
def cho_ga(tong_so_con, tong_so_chan):
    if tong_so_con == 0 and tong_so_chan == 0:
       return 0,0
    if tong_so_chan % 2 != 0:
       return -1, -1
    for cho in range(tong_so_con + 1):
        ga = tong_so_con - cho
       if ga * 2 + cho * 4 == tong_so_chan:
           return cho, ga
   cho, ga = cho_ga(tong_so_con -1, tong_so_chan -4)
   if ga != -1:
       return cho + 1, ga
    else:
       return -1, -1
tong_so_chan = 100
tong_so_con = 36
so_cho, so_ga = cho_ga(tong_so_con, tong_so_chan)
print("Số gà là:", so_ga)
print("Số chó là:", so_cho)
```

Bước 1: Gọi hàm cho ga(36, 100)

1.1: Kiểm tra điều kiện cơ bản

- tong_so_con = 36 và tong_so_chan = 100, không thỏa mãn điều kiện tong_so_con == 0 and tong_so_chan == 0.
- 100 % 2 == 0, không thỏa mãn điều kiện tong so chan % 2 != 0.
- 1.2: Thử các khả năng về số lượng chó
- Vòng lặp từ cho = 0 đến cho = 36.
- Nếu cho = 0, ga = 36. Kiểm tra 36 * 2 + 0 * 4 != 100.
- Nếu cho = 1, ga = 35. Kiểm tra 35 * 2 + 1 * 4 != 100.

- ...

- Nếu cho = 14, ga = 22. Kiểm tra 22 * 2 + 14 * 4 == 100. Đúng! => trả về (14, 22).

=> Kết quả

- Tìm thấy giải pháp trong vòng lặp, không cần gọi đệ quy.
- Trả về (14, 22).

