

Rapport TP4 - NF16

Arbre binaire de recherche

A. Partie A

1. Fonction **creerSommet()**:

La fonction ne contient que les instructions simples donc la complexité est $O(1)$

2. Fonction **insérerSommet()**:

On peut voir qu'il y a un boucle while dans cette fonction. Pour insérer un nouveau sommet, il faut parcourir m éléments de l'arbre. Donc la complexité est $O(m)$ avec $m \leq 2^h$, h l'hauteur de l'arbre car on n'est pas sûr que l'arbre est équilibré.

3. Fonction **afficher()**:

Cette fonction a 2 appels de récursivité avec la complexité est $O(\text{gauche})$ et $O(\text{droite})$ avec gauche le nombre d'éléments de sous arbre gauche et droite le nombre d'éléments de sous arbre droite. Donc la complexité de cette fonction est $O(n)$ avec n le nombre d'éléments de l'arbre binaire de recherche ($n = \text{gauche} + \text{droite}$).

4. Fonction **rechercheSommet()**:

Dans cette fonction, on parcourt l'arbre jusqu'à ce qu'on trouve l'élément de paramètre. Donc la complexité est $O(m)$ avec $m \leq n$, n le nombre d'éléments de l'arbre.

5. Fonction **tailleArbre()**:

Même raisonnement et même complexité que la fonction `afficher()`.

6. Fonction **deleteAbr()**:

Même raisonnement et même complexité que la fonction `afficher()`.

B. Partie B

7. Fonction `creerSommetCompact()`:

La fonction ne contient que les instructions simples donc la complexité est $O(1)$

8. Fonction `insérerElement()`:

On peut voir qu'il y a une boucle `while` dans cette fonction. Pour insérer un nouveau sommet, il faut parcourir m éléments de l'arbre. Donc la complexité est $O(m)$ avec $m \leq 2^h$, h l'hauteur de l'arbre car on n'est pas sûr que l'arbre est équilibré.

9. Fonction `afficherArbreCompact()`:

Cette fonction a 2 appels de récursivité avec la complexité est $O(\text{gauche})$ et $O(\text{droite})$ avec gauche le nombre d'éléments de sous arbre gauche et droite le nombre d'éléments de sous arbre droite. Donc la complexité de cette fonction est $O(n)$ avec n le nombre d'éléments de l'arbre binaire de recherche ($n = \text{gauche} + \text{droite}$).

10. Fonction `rechercheElement()`:

Dans cette fonction, on parcourt l'arbre jusqu'à ce qu'on trouve l'élément de paramètre. Donc la complexité est $O(m)$ avec $m \leq n$, n le nombre d'éléments de l'arbre.

11. Fonction `tailleArbreCompact()`:

Même raisonnement et même complexité que la fonction `afficherArbreCompact()`.

12. Fonction `deleteAbrCompact()`:

Même raisonnement et même complexité que la fonction `afficherArbreCompact()`.

C. Fonctions supplémentaires

Nous avons créé 2 fonctions `min()` et `max()` pour retourner la valeur min, max pour fusionner l'intervalle si l'élément ajouté ne satisfait pas la condition.