

LUDWIG-MAXIMILIANS-UNIVERSITÄT MÜNCHEN

FAKULTÄT FÜR PHYSIK

R: RECHENMETHODEN FÜR PHYSIKER, WISE 2024/25

DOZENT: JAN VON DELFT

ÜBUNGEN: MARKUS FRANKENBACH



https://moodle.lmu.de → Kurse suchen: 'Rechenmethoden'

# Blatt 00: Ableiten und Integrieren

Ausgabe: Di 01.10.24 Abgabe: keine

(b)[2](E/M/A) bedeutet: Aufgabe (b) zählt 2 Punkte und ist einfach/mittelschwer/anspruchsvoll

Beispielaufgabe 1: Ableitungen von Polynomen [1]

Punkte: (a)[0,5](E); (b)[0,5](E).

Berechnen Sie die erste und zweite Ableitung der folgenden Polynome. [Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a; b, c] steht für f'(a) = b, f''(a) = c.

(a)  $f(x) = 3x^3 + 2x - 1$  [2; 38, 36] (b)  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 2$ 

[2; 24, 44]

#### Beispielaufgabe 2: Ableitungen von Potenzen, Sinus und Cosinus: Produktregel und Kettenregel [1]

Punkte: (a)[1](E); (b)[1](E)

Berechnen Sie die erste Ableitung der folgenden Funktionen.

[Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a, b] steht für f'(a) = b.]

(c)  $f(x) = \frac{1}{7 - x^2}$ 

[3, $\frac{3}{2}$ ] (d)  $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ 

 $\left[3,\frac{1}{8}\right]$ 

# Beispielaufgabe 3: Ableitungen: Produktregel und Kettenregel [2]

Punkte: [3](E).

Berechnen Sie die erste Ableitung der folgenden Funktionen:

[Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a, b] steht für f'(a) = b.]

(a)  $f(x) = -\frac{1}{\sqrt{2x}}$ 

 $\left[2, \frac{1}{8}\right]$ 

(b)  $f(x) = \frac{x^{1/2}}{(x+1)^{1/2}}$   $\left[3, \frac{1}{16\sqrt{3}}\right]$ 

(c)  $f(x) = e^x(2x - 3)$ 

[1,e] (d)  $f(x) = 3^x$ 

 $\left[-1, \frac{\ln 3}{3}\right]$ 

(e)  $f(x) = x \ln x$ 

[1,1]

(f)  $f(x) = x \ln(9x^2)$ 

 $[\frac{1}{3}, 2]$ 

# Beispielaufgabe 4: Einfache Integrale [1]

Punkte: (a)[0,5](E); (b)[0,5](E)

Berechnen Sie folgende Integrale: [Kontrollergebnisse: (a)  $I(2) = \frac{15}{2}$ ; (b)  $I(\ln 2) = \frac{7}{3}$ .]

(a)  $I(x) = \int_{1}^{x} dy (2y^3 - 2y + 3),$ 

(b)  $I(x) = \int_{0}^{x} dy e^{3y}$ .

#### [Gesamtpunktzahl Beispielaufgaben: 5]

## Hausaufgabe 1: Ableitungen von Polynomen [1]

Punkte: (a)[0,5](E); (b)[0,5](E).

Berechnen Sie die erste und zweite Ableitung der folgenden Polynome. [Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a; b, c] steht für f'(a) = b, f''(a) = c.

(a) 
$$f(x) = 4x^5 - x^3 + 2$$

$$\left[\frac{1}{2}; \frac{1}{2}, 7\right]$$

(a) 
$$f(x) = 4x^5 - x^3 + 2$$
  $\left[\frac{1}{2}; \frac{1}{2}, 7\right]$  (b)  $f(x) = x^3 - 2x^2 - x + 9$ 

### Hausaufgabe 2: Ableitungen von Potenzen, Sinus und Cosinus: Produktregel und Kettenregel [2]

Punkte: (a)[1](E); (b)[1](E)

Berechnen Sie die erste Ableitung der folgenden Funktionen.

[Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a, b] steht für f'(a) = b.]

(a) 
$$f(x) = (x + \frac{1}{\pi}) \sin\left[\pi(x + \frac{1}{4})\right]$$
  $\left[0, \sqrt{2}\right]$  (b)  $f(x) = -x^2 \cos(\pi x)$   $\left[\frac{1}{3}, -\frac{1}{3} + \frac{\pi}{6\sqrt{3}}\right]$ 

$$[0,\sqrt{2}]$$

(b) 
$$f(x) = -x^2 \cos(\pi x)$$

$$\left[\frac{1}{3}, -\frac{1}{3} + \frac{\pi}{6\sqrt{3}}\right]$$

(c) 
$$f(x) = \cos[\pi \sin(x)]$$

$$\left[\frac{\pi}{6}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\pi\right]$$

(c) 
$$f(x) = \cos\left[\pi \sin(x)\right]$$
  $\left[\frac{\pi}{6}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\pi\right]$  (d)  $f(x) = -\cos^4\left(\frac{3}{\pi}x^2 - x\right)$   $\left[\frac{\pi}{2}, 2\right]$ 

$$\left[\frac{\pi}{2},2\right]$$

(e) 
$$f(x) = \frac{1}{x^3 - 2x^2}$$

$$[3, -\frac{5}{27}]$$

$$[3, -\frac{5}{27}]$$
 (f)  $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 1}$ 

$$[2, \frac{12}{25}]$$

#### Hausaufgabe 3: Ableitungen: Produktregel und Kettenregel [2]

Punkte: [2](E) (Lösen Sie beliebige 4 Teilaufgaben; darüber hinaus: 0.25 Bonus pro Teilaufgabe.)

Berechnen Sie die erste Ableitung der folgenden Funktionen:

[Eckige Klammern geben Kontrollergebnisse an: [a, b] steht für f'(a) = b.]

(a) 
$$f(x) = \sqrt[3]{x^2}$$

$$\left[8, \frac{1}{3}\right]$$

$$\left[1, 2\right]$$

(b) 
$$f(x) = \frac{x}{(x^2+1)^{1/2}}$$

$$\left[1, \frac{1}{\sqrt{8}}\right]$$

(c) 
$$f(x) = -e^{(1-x^2)}$$

(d) 
$$f(x) = 2^{x^2}$$

$$[1, 4 \ln 2]$$

(e) 
$$f(x) = 2\frac{\sqrt{\ln x}}{x}$$

$$\left[e, -\frac{1}{e^2}\right]$$

(f) 
$$f(x) = \ln \sqrt{x^2 + 1}$$

$$[1, \frac{1}{2}]$$

## Hausaufgabe 4: Einfache Integrale [1]

Punkte: (a)[0,5](E); (b)[0,5](E)

Berechnen Sie folgende Integrale: [Kontrollergebnisse: (a)  $I(6) = \ln 2$ ; (b)  $I(\ln 9) = \frac{4}{3}$ .]

(a) 
$$I(x) = \int_0^x dy \frac{1}{2y+4}$$
,

(b) 
$$I(x) = \int_0^x \mathrm{d}y \, \sinh\left(\frac{1}{2}y\right)$$
.

[Gesamtpunktzahl Hausaufgaben: 6]