JEE(Main)

Test Pattern

TEST#08 13-10-2024



## DISTANCE LEARNING PROGRAMME

(Academic Session: 2024 - 2025)

#### : LEADER SERIES / JOINT PACKAGE COURSE 12th Undergoing/Pass Students Time: 3 Hours

Maximum Marks: 300

## Test Type : Unit Test # 06

### READ THE INSTRUCTIONS CAREFULLY/कृपया इन निर्देशों को ध्यान से पढें

### Important Instructions:

- Immediately fill in the form number on this page of the Test Booklet with Blue/Black Ball Point Pen. Use of pencil is strictly prohibited.
- 2. The candidates should not write their Form Number anywhere else (except in the specified space) on the Test Booklet/Answer Sheet.
- 3. The Test Booklet consists of 90 questions.
- There are three parts in the question paper 1,2,3 consisting of Physics, Chemistry and Mathematics having 30 questions in each subject and each subject having Two sections.

Section-I contains 20 multiple choice questions with only one correct option.

Marking scheme: +4 for correct answer, 0 if not attempted and -1 in all other cases.

Section-II contains 10 Numerical Value Type questions. Attempt any 5 questions. First 5 attempted questions will be considered for marking. Marking scheme: +4 for correct answer, 0 if not

attempted and -1 in all other cases.

- Use Blue/Black Ball Point Pen only for writting particulars/marking responses on Side-1 and Side-2 of the Answer Sheet. Use of pencil is strictly prohibited.
- No candidate is allowed to carry any textual material, printed or written, bits of papers, mobile phone any electronic device etc, except the Identity Card inside the examination hall/room.
- Rough work is to be done on the space provided for this purpose in the Test Booklet only.
- On completion of the test, the candidate must hand over the Answer Sheet to the invigilator on duty in the Room/ Hall. However, the candidate are allowed to take away this Test Booklet with them.
- Do not fold or make any stray marks on the Answer Sheet.
- 10. Take g = 10 m/s2 unless otherwise stated.

### महत्वपूर्ण निर्देश:

- परीक्षा पुस्तिका के इस पुष्ठ पर आवश्यक विवरण नीले/काले बॉल पाइंट पेन से तत्काल भरें। पेन्सिल का प्रयोग बिल्कल वर्जित हैं।
- परीक्षार्थी अपना फार्म नं. (निर्धारित जगह के अतिरिक्त) परीक्षा पस्तिका/उत्तर पत्र पर कहीं और न लिखें।
- 3. इस परीक्षा पुस्तिका में 90 प्रश्न हैं।
  - इस परीक्षा पुस्तिका में तीन भाग 1, 2, 3 हैं, जिसके प्रत्येक भाग में भौतिक विज्ञान, रसायन विज्ञान एवं गणित के 30 प्रश्न हैं और प्रत्येक विषय में 2 खण्ड है।
    - खण्ड-I में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न है। जिनके केवल एक विकल्प (i)

अंक योजना: +4 सही उत्तर के लिए, 0 प्रयास नहीं करने पर तथा -1 अन्य सभी अवस्थाओं में।

- खण्ड-II में 10 संख्यात्मक मान प्रकार के प्रश्न है। किन्ही 5 प्रश्नों का उत्तर दीजिए। किये गये प्रश्नों में से केवल प्रथम पाँच प्रश्नों को ही अंक दिये जायेंगे।
  - अंक योजना: +4 सही उत्तर के लिए, 0 प्रयास नहीं करने पर तथा -1 अन्य सभी अवस्थाओं में।
- उत्तर पत्र के पुष्ठ-1 एवं पुष्ठ-2 पर वांछित विवरण एवं उत्तर अंकित करने हेतु केवल नीले/काले बॉल पाइंट पेन का ही प्रयोग करें। पेन्सिल का प्रयोग सर्वथा वर्जित है।
- परीक्षार्थी द्वारा परीक्षा कक्ष / हॉल में परिचय पत्र के अलावा किसी भी प्रकार की पाठ्य सामग्री मुद्रित या हस्तलिखित कागज की पर्चियों, मोबाइल फोन या किसी भी प्रकार के इलेक्ट्रानिक उपकरणों या किसी अन्य प्रकार की सामग्री को ले जाने या उपयोग करने की अनुमति नहीं हैं।
- रफ कार्य परीक्षा पस्तिका में केवल निर्धारित जगह पर ही कीजिये।
- परीक्षा समाप्त होने पर, परीक्षार्थी कक्ष/हॉल छोडने से पूर्व उत्तर पत्र कक्ष निरीक्षक को अवश्य सौंप दें। परीक्षार्थी अपने साथ इस परीक्षा पुस्तिका को ले जा सकते हैं।
- उत्तर पत्र को न मोडें एवं न ही उस पर अन्य निशान लगाएें।
- 10. g = 10 m/s2 प्रयुक्त करें, जब तक कि अन्य कोई मान नहीं दिया गया हो।

Name	of	the	Candidate	(in	Capitals)
2-0				N	

परीक्षार्थी का नाम (बड़े अक्षरों में) :

Form Number : in figures.

फॉर्म नम्बर

: अंकों में : in words

: शब्दों में

Centre of Examination (in Capitals): परीक्षा केन्द्र (बडे अक्षरों में) :

Candidate's Signature:

Invigilator's Signature :\_

परीक्षार्थी के हस्ताक्षर : निरीक्षक के हस्ताक्षर :

#### Target is to secure Good Rank in JEE(Main

ALLEM CAREER INSTITUTE Pvt. Ltd.

Registered & Corporate Office: 'SANKALP', CP-6, Indra Vihar, Kota (Rajasthan) INDIA-324005 Ph.: +91-744-3556677, +91-744-2757575 | E-mail: dlp@allen.in | Website: www.dlp.allen.ac.in, dsat.allen.ac.in

LTS / Page 1/30 For More Material Join: @JEEAdvanced

बिन 18 18 8 BY THE INVIGILATOR/ 20 WITHOUT BEING INSTRUCTED TO DO

乍

### Topic: Centre of Mass (Momentum & Collison) & Magnetic Effect of Current

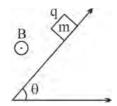
### PART-1: PHYSICS

### SECTION-I: (Maximum Marks: 80)

This section contains **20 questions**. Each question has 4 options for correct answer. Multiple-Choice Questions (MCQs) Only one option is correct. For each question, marks will be awarded as follows:

Full Marks : +4 If correct answer is selected. Zero Marks : 0 If none of the option is selected. Negative Marks: -1 If wrong option is selected.

1. A block of mass m & charge q is released on a long smooth inclined plane magnetic field B is constant, uniform, horizontal and parallel to surface as shown. Find the time from start when block loses contact with the surface.



- (A)  $\frac{m\cos\theta}{qB}$
- (C)  $\frac{m \cot \theta}{aB}$
- (D) None
- 2. A long straight wire along the z-axis carries a current I in the negative z direction. The magnetic vector field  $\vec{B}$  at a point having coordinates (x, y) in the z = 0 plane is :-

  - (A)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(y\hat{i} x\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$  (B)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{i} + y\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$
  - (C)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{j} y\hat{i})}{(x^2 + y^2)}$  (D)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{i} y\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$

### खण्ड -I: (अधिकतम अंक: 80)

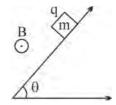
इस खंड में 20 प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में सही उत्तर के लिए 4 विकल्प हैं। बह्विकल्पीय प्रश्न (MCQs) केवल एक विकल्प सही है। प्रत्येक प्रश्न के लिए, अंक निम्नानुसार दिए जाएंगे:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर चुना गया है।

शृन्य अंक : 0 यदि कोई भी विकल्प नहीं चुना गया है।

ऋणात्मक अंक : -1 यदि गलत विकल्प चुना गया है।

एक m द्रव्यमान तथा q आवेश के ब्लॉक को लम्बे चिकने 1. नत तल पर विरामावस्था से छोड़ा जाता है। प्रदर्शित चुम्बकीय क्षेत्र B नियत समरूप, क्षैतिज तथा सतह के समान्तर है। प्रारम्भ से वह समय ज्ञात कीजिए जब ब्लॉक सतह के साथ सम्पर्क छोडता है।



- (A)  $\frac{m\cos\theta}{qB}$
- (C)  $\frac{m \cot \theta}{aB}$
- z-अक्ष के अनुदिश रखे एक लम्बे सीधे तार में ऋणात्मक z—दिशा में धारा I प्रवाहित हो रही है। z=0 तल में एक बिन्द्, जिसके निर्देशांक (x, y) हैं, पर चुम्बकीय सदिश क्षेत्र B का मान है-

  - (A)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(y\hat{i} x\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$  (B)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{i} + y\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$

  - (C)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{j} y\hat{i})}{(x^2 + y^2)}$  (D)  $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{(x\hat{i} y\hat{j})}{(x^2 + y^2)}$

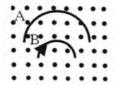
LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

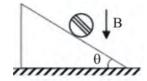
LTS - Page 2/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

3. Two particles A and B of masses  $m_A$  and  $m_B$  respectively and having the same charge are moving in a plane. A uniform magnetic field exists perpendicular to this plane. The speeds of the particles are  $v_A$  and  $v_B$  respectively and the trajectories are as shown in the figure. Then

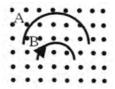


- (A)  $m_A v_A < m_B v_B$
- (B)  $m_A v_A > m_B v_B$
- (C)  $m_A < m_B$  and  $v_A < v_B$
- (D)  $m_A = m_B$  and  $v_A = v_B$
- 4. In the figure shown a coil of single turn is wound on a sphere of radius R and mass m. The plane of the coil is parallel to the plane and lies in the equatorial plane of the sphere. Current in the coil is i. The value of B if the sphere is in equilibrium is

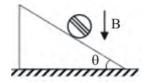


- (A)  $\frac{\text{mg cos }\theta}{\pi i R}$
- (B)  $\frac{\text{mg}}{\pi i R}$
- (C)  $\frac{\text{mg } \tan \theta}{\pi i R}$
- (D)  $\frac{\text{mg sin } \theta}{\pi i R}$

3. दो कणों A व B के आवेश समान तथा द्रव्यमान क्रमशः  $m_A$  तथा  $m_B$  है। दोनों कण एक ही तल में गित कर रहे है। इस तल के लम्बवत् एक एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र विद्यमान है। कणों की चालें क्रमशः  $v_A$  तथा  $v_B$  है तथा इनके पथ चित्रानुसार है, तो



- $(A) \ m_A v_A < m_B v_B$
- (B)  $m_A v_A > m_B v_B$
- $(C) \ m_A < m_B \ \pi$ था  $v_A < v_B$
- (D)  $m_A = m_B$  तथा  $v_A = v_B$
- 4. चित्र में एकल घेरे वाली कुण्डली को त्रिज्या R तथा द्रव्यमान m वाले गोले पर लपेटा गया है। कुण्डली का तल, तल के समान्तर है तथा गोले के निरक्षीय तल में स्थित है। कुण्डली में प्रवाहित धारा i है। यदि गोला साम्यावस्था में है तो B का मान होगा:-



- (A)  $\frac{\operatorname{mg}\cos\theta}{\pi i R}$
- (B)  $\frac{\text{mg}}{\pi i R}$
- (C)  $\frac{\text{mg} \tan \theta}{\pi i R}$
- (D)  $\frac{\text{mg sin }\theta}{\pi i R}$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

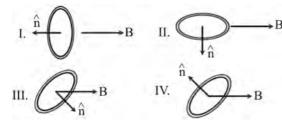
0999DJM262103240006

E + H / 13102024

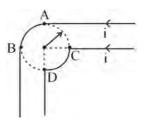
Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 3/30

5. A current carrying loop is placed in a uniform magnetic field in four different orientations, I,II, III & IV. Arrange them in the decreasing order of potential Energy

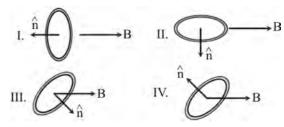


- (A) I > III > II > IV
- (B) I > II > III > IV
- (C) I > IV > II > III
- (D) III > IV > I > II
- 6. A particle of specific charge (charge/mass) α starts moving from the origin under the action of an electric  $\vec{E} = E_0 \hat{i}$  field and magnetic field  $\vec{B} = B_0 \hat{k}$ . Its velocity at  $(x_0, y_0, 0)$  is  $(4\hat{i} - 3\hat{j})$ . The value of  $x_0$  is:
  - (A)  $\frac{13}{2} \frac{\alpha E_0}{R_0}$
- (B)  $\frac{16 \alpha B_0}{E_0}$
- (C)  $\frac{25}{2\alpha E_0}$
- (D)  $\frac{5\alpha}{2R}$
- 7. All straight wires are very long. Both AB and CD arc of the same circle, both subtending right angles at the centre O. Then the magnetic field at O is :-

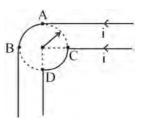


- (D)  $\frac{\mu_0 i}{2\pi R} (\pi + 1)$

एक धारावाही चालक लूप एक समरूप चुम्बकीय क्षेत्र में चित्रानुसार चार विभिन्न स्थितियों I, II, III तथा IV में रखा है। इनकी स्थितिज ऊर्जा को घटते क्रम में लिखो



- (A) I > III > II > IV
- (B) I > II > III > IV
- (C) I > IV > II > III
- (D) III > IV > I > II
- 6. विशिष्ट आवेश (आवेश / द्रव्यमान)  $\alpha$  का एक कण विद्युत क्षेत्र  $\vec{E} = E_0 \hat{i}$  तथा चुम्बकीय क्षेत्र  $\vec{B} = B_0 \hat{k}$ के अन्तर्गत मुल बिन्दु से गति प्रारम्भ कर रहा है।  $(x_0, y_0, 0)$  पर इसका वेग  $(4\hat{i} - 3\hat{j})$  है।  $x_0$  का मान होगा-
  - (A)  $\frac{13}{2} \frac{\alpha E_0}{B_0}$  (B)  $\frac{16 \alpha B_0}{E_0}$
  - (C)  $\frac{25}{2\alpha E_0}$
- चित्र में प्रयुक्त सभी सीधे तार बहुत लम्बे हैं। AB व 7. CD दोनों एक ही वृत्त के भाग हैं जो कि केन्द्र O पर समकोण अंतरित करते हैं। O पर चुम्बकीय क्षेत्र होगा :-



- (D)  $\frac{\mu_0 i}{2\pi R} (\pi + 1)$

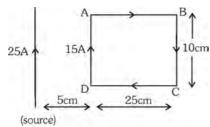
LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 4/30

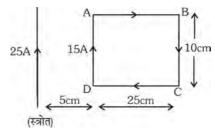
Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

- 8. A proton, deutron and an  $\alpha$ -particle are accelerated by same potential difference, enters in uniform magnetic field perpendicularly. Then ratio of radii of circular path :-
  - (A)  $1:\sqrt{2}:\sqrt{2}$
- (B) 2:2:1
- (C) 1:2:1
- (D) 1:1:1
- 9. A charged particle moves in a magnetic field  $\vec{B} = 10\hat{i}$  with initial velocity  $\vec{u} = 5\hat{i} + 4\hat{j}$ . The path of the particle will be :-
  - (A) Straight line
- (B) Circle
- (C) Helical
- (D) None of these
- **10.** A rectangular loop ABCD is placed near on infinite length current carrying wire. Magnetic force on the loop is:-



- (A)  $1.25 \times 10^{-4}$  N, Attraction
- (B)  $1.25 \times 10^{-4} \,\text{N}$ , Repulsion
- (C)  $12.5 \times 10^{-4}$  N, Repulsion
- (D)  $12.5 \times 10^{-4} \text{ N}$ , Attraction
- 11. Two bodies of masses 5 kg and 1 kg are moving with velocities  $2\hat{i} 7\hat{j} + 3\hat{k}$  and  $-10\hat{i} + 35\hat{j} 3\hat{k}$  m/s respectively. The velocity of the centre of mass of the two body system is :-
  - (A) along z-axis
- (B) in the xy-plane
- (C) in the xyz space
- (D) in the yz-plane

- 8. एक प्रोटान, डयूट्रॉन और एक α कण को समान विभवान्तर द्वारा त्विरत करते है और एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र के लम्बवत प्रवेश करते है। तब उनके वृतीय पथ की त्रिज्याओं का अनुपात है-
  - (A)  $1:\sqrt{2}:\sqrt{2}$
- (B) 2:2:1
- (C) 1:2:1
- (D) 1:1:1
- 9. एक आवेशित कण  $\vec{u}=5\hat{i}+4\hat{j}$  प्रारम्भिक वेग से  $\vec{B}=10\,\hat{i}$  वाले चुम्बकीय क्षेत्र में गित कर रहा है। कण का पथ होगा-
  - (A) सरल रेखीय
- (B) वृत्तीय
- (C) कुण्डलीनुमा
- (D) इनमें से कोई नहीं
- 10. एक आयताकार लूप ABCD अनन्त लम्बाई के धारावाही तार के निकट रखा है। लूप पर परिणामी चुम्बकीय बल होगा :-



- (A)  $1.25 \times 10^{-4} \text{ N}$ , आकर्षण
- (B)  $1.25 \times 10^{-4} \, \text{N}$ , प्रतिकर्षण
- (C)  $12.5 \times 10^{-4} \, \text{N}$ , प्रतिकर्षण
- (D)  $12.5 \times 10^{-4}$  N, आकर्षण
- 11. 5 kg तथा 1 kg द्रव्यमान के दो पिण्ड क्रमशः  $2\hat{i} 7\hat{j} + 3\hat{k}$  तथा  $-10\hat{i} + 35\hat{j} 3\hat{k}$  m/s वेगों से गतिमान है। द्वि-पिण्ड निकाय के द्रव्यमान केन्द्र का वेग है :-
  - (A) z-अक्ष के अनुदिश
- (B) xy-तल में
- (C) xyz आकाश में
- (D) yz-तल में

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 5/30

- 12. A moving neutron collides completes inelastically with a stationary  $\alpha$ -particle. The fraction of the kinetic energy lost is :-
  - (A)  $\frac{2}{3}$
- (B)  $\frac{4}{5}$
- (C)  $\frac{4}{9}$
- (D)  $\frac{16}{25}$
- 13. A body of mass m moving with a velocity v in the +x-direction collides with a body of mass M moving with velocity V in the + y direction. They stick together during collision. Then
  - (A) the loss of kinetic energy as a result of collision is  $\frac{1}{2} \left( \frac{Mm}{M+m} \right) (V^2 + v^2)$
  - (B) the composite body moves in a direction making an angle  $\theta = \tan^{-1} \left( \frac{MV}{mv} \right)$  with the x-axis
  - (C) the magnitude of momentum of the composite body is  $\sqrt{(mv)^2 + (MV)^2}$
  - (D) all the above choice are correct
- 14. A ball is thrown with a velocity of 6 m/s vertically from a height H = 3.2 m above a horizontal floor. If it rebounds back to same height then coefficient of restitution e is  $[g = 10 \text{ m/s}^2]$ 
  - (A) 0.5
- (B) 0.6
- (C) 0.7
- (D) 0.8

- 12. एक गतिमान न्यूट्रॉन स्थिर α-कण से पूर्णतया अप्रत्यास्थ संघट्ट करता है। गतिज ऊर्जा का नष्ट होने वाला भाग है:-
  - (A)  $\frac{2}{3}$
- (B)  $\frac{4}{5}$
- (C)  $\frac{4}{9}$
- (D)  $\frac{16}{25}$
- 13. +x दिशा में v वेग से गितमान m द्रव्यमान का एक पिण्ड +y दिशा में गितमान M द्रव्यमान के एक-दूसरे पिण्ड से टकराता हैं संघट्ट के पश्चात् दोनों एक साथ चिपक जाते है। तब
  - (A) संघट्ट के परिणामस्वरूप गतिज ऊर्जा में ह्यस  $\frac{1}{2}\left(\frac{Mm}{M+m}\right)(V^2+v^2)$
  - (B) संयुक्त पिण्ड x-अक्ष से  $\theta = tan^{-1} \left( \frac{MV}{mv} \right)$  कोण पर चलता है
  - (C) संयुक्त पिण्ड के संवेग का परिमाण  $\sqrt{\left(mv\right)^2+\left(MV\right)^2}$
  - (D) उपरोक्त चारों विकल्प सत्य हैं
- 14. एक गेंद को क्षैतिज फर्श से H=3.2~m ऊँचाई से 6~m/s के वेग से ऊर्ध्वाधर फैंका जाता है। यदि वह पुनः उछलकर उसी ऊँचाई तक जाती है तो प्रत्यावस्थान गुणांक e का मान होगा:-  $[g=10~m/s^2]$ 
  - (A) 0.5
- (B) 0.6
- (C) 0.7
- (D) 0.8

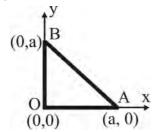
**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

0999DJM262103240006

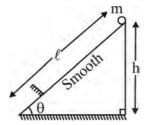
LTS - Page 6/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

- 15. One projectile moving with velocity v in space, gets burst into 2 parts of masses in the ratio 1:3. The smaller part becomes stationary. What is the velocity of the other part?
  - (A) 4v
- (C)  $\frac{4v}{2}$
- (D)  $\frac{3v}{4}$
- 16. Three rods of the same mass are placed as shown in the figure. Calculate the coordinates of the centre of mass of the system.

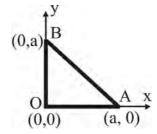


- (A)  $\left(\frac{a}{3}, \frac{a}{3}\right)$
- (C)  $\left(\frac{a}{3}, \frac{a}{2}\right)$
- 17. A ball of mass m is released from the top of an inclined plane of inclination  $\theta$  as shown. It strikes a rigid surface at a distances  $\frac{3\ell}{4}$  from top elastically. Impulse imparted to ball by the rigid surface is :-

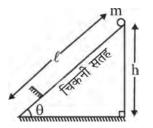


- (A)  $m\sqrt{\frac{3}{2}gh}$
- (B)  $m\sqrt{3gh}$
- (C)  $2m\sqrt{3gh}$
- (D)  $m\sqrt{6gh}$

- एक प्रक्षेप्य हवा में v वेग से गित करते हुए अचानक 15. दो भागों में अनुपात 1 : 3 से टूट जाता है। अगर छोटा भाग स्थिर हो जाता है तो बड़े भाग का वेग होगा?
  - (A) 4v
- (B) v
- (C)  $\frac{4v}{2}$
- (D)  $\frac{3v}{4}$
- समान द्रव्यमान की तीन छड़ें चित्रानुसार रखी हुई है। निकाय के द्रव्यमान केन्द्र के निर्देशांकों की गणना कीजिए।



- (A)  $\left(\frac{a}{3}, \frac{a}{3}\right)$  (B)  $\left(\frac{a}{2}, \frac{a}{3}\right)$
- (C)  $\left(\frac{a}{3}, \frac{a}{2}\right)$  (D)  $\left(\frac{a}{2}, \frac{a}{2}\right)$
- m द्रव्यमान की एक गेंद को दर्शाये अनुसार  $\theta$  आनित के 17. आनत तल के शिखर से छोड़ा जाता है। यह शिखर से  $\frac{3\ell}{4}$  दूरी पर स्थित दृढ़ सतह पर प्रत्यास्थ रूप से टकराती है। दृढ़ सतह द्वारा गेंद को प्रदान किया गया आवेग है :-



- (A)  $m\sqrt{\frac{3}{2}gh}$
- (B)  $m\sqrt{3gh}$
- (C)  $2m\sqrt{3gh}$
- (D)  $m\sqrt{6gh}$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

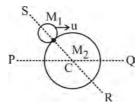
0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

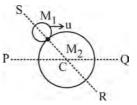
LTS - Page 7/30

18. An object of mass  $M_1$  moving horizontally with speed u collides elastically with another object of mass  $M_2$  at rest. Select correct statement :-



- (A) The momentum of system is conserved only in direction PQ
- (B) Momentum of  $M_1$  is conserved in direction perpendicular to SR
- (C) Momentum of  $M_2$  will change in direction normal to CR
- (D) All of these
- 19. An open water-tank railway wagon of mass  $5 \times 10^3$  kg move at an initial velocity 1.2 m/s without friction on a railway track. Rain drops fall vertically downwards into the wagon. The velocity of the wagon after it has collected  $10^3$  kg of water will be
  - (A) 0.5 m/s
- (B) 2 m/s
- (C) 1 m/s
- (D) 1.5 m/s
- **20.** In an inelastic collision, choose incorrect statement :-
  - (A) the velocity of both the particles may be same after the collision
  - (B) kinetic energy is not conserved
  - (C) linear momentum of the system is conserved
  - (D) velocity of separation will be less than velocity of approach

18. u चाल से क्षैतिज रूप से गतिशील  $M_1$  द्रव्यमान की वस्तु विराम में स्थित  $M_2$  द्रव्यमान की अन्य वस्तु के साथ प्रत्यास्थ रूप से टकराती है। सही कथन का चयन कीजिये :-



- (A) निकाय का संवेग केवल PQ दिशा में संरक्षित रहता है।
- (B)  $M_1$  का संवेग SR के लम्बवत् दिशा में संरक्षित रहता है।
- (C)  $M_2$  का संवेग CR के लम्बवत् दिशा में परिवर्तित होगा।
- (D) इनमें से सभी
- 19. घर्षण रहित रेलपथ पर एक पानी की खुली रेलवे मालगाड़ी (जिसका द्रव्यमान  $5 \times 10^3$  किय़ा है) प्रारम्भिक वेग 1.2 मीटर/सेकण्ड से चलती है। गाड़ी पर बारिश उर्ध्वाधर गिरती है।  $10^3$  किय़ा पानी भरने के पश्चात् गाड़ी का वेग होगा-
  - (A) 0.5 m/s
- (B) 2 m/s
- (C) 1 m/s
- (D) 1.5 m/s
- 20. अप्रत्यास्थ टक्कर में, गलत कथन है-
  - (A) टक्कर के पश्चात् दोनों कणों के वेग समान हो सकते हैं।
  - (B) गतिज ऊर्जा संरक्षित नहीं रहती है।
  - (C) निकाय का रेखीय संवेग संरक्षित रहता है।
  - (D) दूर जाने का वेग, पास आने के वेग से कम होता है।

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 8/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

SECTION-II: (Maximum Marks: 20)

This section contains 10 questions Candidates have to attempt any 5 questions out of 10. If more than 5 questions are attempted, then only first 5 attempted questions will be evaluated.

The answer to each question is a **Numerical Value**. For each question, enter the correct integer value (In case of non-integer value, the answer should be rounded off to the nearest Integer).

Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If correct answer is entered.
 Zero Marks : 0 If the question is unanswered.
 Negative Marks : -1 If wrong answer is entered.

- 1. A conducting rod of 1 m length and 1 kg mass is suspended by two vertical wires through its ends. An external magnetic field of 2T is applied normal to the rod. Now, the current to be passed through the rod so as to make the tension in the wires zero is:  $(Take g = 10 ms^{-2})$ :
- 2. A circular disk of radius R with uniform charge density  $\sigma$  rotates with an angular speed  $\omega$ . The magnetic field at the center of the disk is B=R  $\mu_0$   $\sigma \omega/n$ . Find 'n':
- 3. A solenoid is to be constructed with a magnetic field of 0.168 T at its center. The radius of solenoid is to be 0.01 m and the wire carries a current of 2A. If the solenoid is 1.4 m long, what is the length of wire needed (in m).

खण्ड-II : (अधिकतम अंक: 20)

इस खंड में 10 प्रश्न हैं। उम्मीदवारों को 10 में से किसी भी 5 प्रश्न का प्रयास करना है। यदि 5 से अधिक प्रश्नों का प्रयास किया जाता है, तो केवल पहले 5 प्रश्नों का मूल्यांकन किया जाएगा। प्रत्येक प्रश्न का उत्तर संख्यात्मक मान (Numerical Value) है। प्रत्येक प्रश्न के लिए, सही पूर्णांक मान दर्ज करें (दशमलव संकेतन में, उत्तर को निकटतम पूर्णांक में लिखा जाना चाहिए।) प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित अंकन योजना के अनुसार किया जाएगा:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर दर्ज किया गया है।

शून्य अंक : 0 यदि कोई भी उत्तर दर्ज नहीं किया गया है।

ऋणात्मक अंक : -1 यदि गलत उत्तर दर्ज किया गया है।

- 1. 1 मीटर लम्बाई एवं 1 किग्रा द्रव्यमान की एक चालकीय छड़, अपने दो सिरों से दो ऊर्ध्वाधर तारों के द्वारा लटकायी गयी है। 2 टेस्ला का एक बाह्य चुम्बकीय क्षेत्र छड़ के लम्बवत् लगाया गया है। अब छड़ में कितनी धारा प्रवाहित की जाये, कि तारों में तनाव शून्य हो जाये (g=10 मी/से $^2$ ):-
- 2. एकसमान आवेश घनत्व  $\sigma$  वाली R त्रिज्या की एक वृत्ताकार चकती  $\omega$  कोणीय चाल से घूर्णन करती है। दर्शाइये कि चकती के केन्द्र पर चुम्बकीय क्षेत्र B=R  $\mu_0$   $\sigma\omega/n$  है। n का मान ज्ञात करें।
- एक परिनालिका इसके केन्द्र पर 0.168 T के चुम्बकीय क्षेत्र के साथ निर्मित की जानी है। परिनालिका की त्रिज्या 0.01 m रखनी है तथा तार 2A की धारा प्रवाहित करती है। यदि परिनालिका 1.4 m लम्बी है, तो तार की आवश्यक लम्बाई क्या है ? (m में) ?

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

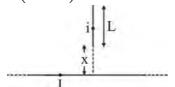
0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

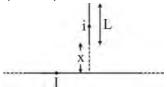
LTS - Page 9/30

4. The magnetic force between wires as shown in figure is  $\frac{\mu_0 i I}{4\pi} N \ln \left( \frac{x+L}{x} \right)$  then value of N is :-



- 5. A tightly-wound, long solenoid carries a current of 2.00 A. An electron is found to execute a uniform circular motion inside the solenoid with a frequency of  $1.00 \times 10^8$  rev/s. Find the number of turns per metre in the solenoid.
- 6. Two identical balls each of mass 4 kg are moving towards each other with speeds 2 m/s and 3 m/s respectively. They undergo head on perfectly elastic collision. Then impulse (in Ns) imparted by one ball on other is:-
- 7. A 1 kg uniform meter stick has two objects attached to it, one of 1 kg at the 30 cm mark and the other of 4 kg at the 70 cm mark. At what mark on the meter stick is the center of mass of the system (in cm):
- 8. A bullet of mass 10 gm is moving with a speed of 500 m/s which strikes with a block of mass 2 kg which is suspended by a string. After the collision if centre of gravity of block is found to rise by 0.1 m, the find out final speed (in m/s) of bullet by which it will emerge from block:
- **9.** Two identical particles move towards each other with velocity 4m/s and 2m/s respective the find velocity of centre of mass (in m/s):
- 10. A ball is thrown vertically downwards with speed  $V_0$  from height of 20m. It collides with the ground and looses 50% of its energy in collision then rise to same height find initial velocity  $V_0$  (in m/s): (Take g = 10 ms<sup>-2</sup>)

4. चित्र में दर्शाये गये तारों के बीच चुम्बकीय बल  $\frac{\mu_0 i I}{4\pi} N \, \ell \, n \left(\frac{x+L}{x}\right) \, \rlap{/}{\it k} \, \vec{n} \, \, N \, \, \mbox{an HI- होगा :-}$ 



- 5. एक कसकर लपेटी हुई लम्बी परिनालिका में 2.00~A धारा प्रवाहित हो रही है। परिनालिका के अन्दर एक इलेक्ट्रॉन  $1.00~\times~10^8$  चक्कर/सेकण्ड की आवृत्ति से एक समान वृत्तीय गति करता हुआ पाया जाता है। परिनालिका में प्रति मीटर फेरों की संख्या ज्ञात कीजिये।
- 6. 4 kg द्रव्यमान की दो समरूप गेंदें क्रमशः 2 m/s तथा 3 m/s चाल से एक दूसरे की ओर गतिशील हैं। ये सम्मुख पूर्ण प्रत्यास्थ टक्कर करती हैं। एक गेंद द्वारा अन्य को प्रदान किया गया आवेग (Ns में) है:-
- 7. समांगी मीटर स्टिक जिसका द्रव्यमान 1 kg है, के 30 cm तथा 70 cm चिन्हों पर क्रमशः 1 kg तथा 4 kg के कण चिपकाये गये हैं। निकाय का द्रव्यमान केन्द्र (सेमी में) किस चिन्ह पर होगा?
- 8. 10 ग्राम की एक गोली 500 m/s की चाल से 2 kg के ब्लॉक से टकराती है, जो डोरी से टंगा हुआ है। यदि गोली ब्लॉक को टक्कर मारे और ब्लॉक का गुरूत्व केन्द्र 0.1 m ऊँचा उठ जाए तो गोली की चाल (मी/सें. में) ज्ञात करे, जब वह ब्लॉक से बाहर निकलती है?
- 9. दो समान कण एक दूसरे की ओर 4m/s व 2m/s वेग से गित कर रहे है तो द्रव्यमान केन्द्र का वेग (मी/सें. में) ज्ञात करो?
- 10. एक गेंद को 20 मीटर ऊँचाई से ऊर्ध्वाधर नीचे की ओर  $V_0$  चाल से फैंका जाता है। यदि सतह से टकराने पर गेंद की 50% ऊर्जा नष्ट हो जाती है तथा गेंद पुनः उसी ऊँचाई तक लौटती है। तो गेंद की प्रारम्भिक चाल  $V_0$  (मी/सें. में) ज्ञात करो :  $(g = 10 \text{ ms}^{-2} \text{ लिजिये})$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 10/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

Topic : Electronic Displacement Effects, Carbonyl Compounds, Oxidation, Reduction, Aldol and Similar Name Reaction

### **PART-2: CHEMISTRY**

### SECTION-I: (Maximum Marks: 80)

This section contains **20 questions**. Each question has 4 options for correct answer. Multiple-Choice Questions (MCQs) **Only one option is correct**. For each question, marks will be awarded as follows:

Full Marks : +4 If correct answer is selected.
 Zero Marks : 0 If none of the option is selected.
 Negative Marks : -1 If wrong option is selected.

के लिए, अंक निम्नानुसार दिए जाएंगे:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर चुना गया है। शून्य अंक : 0 यदि कोई भी विकल्प नहीं चुना गया है।

खण्ड-I: (अधिकतम अंक: 80)

इस खंड में 20 प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में सही उत्तर के लिए 4 विकल्प हैं।

बह्विकल्पीय प्रश्न (MCQs) केवल एक विकल्प सही है। प्रत्येक प्रश्न

ऋणात्मक अंक : -1 यदि गलत विकल्प चुना गया है।

In the above given compound how many functional group reduced by LAH (Lithium aluminium hydride) and SBH (sodium borohydride) respectively:-

- (A) 4, 4
- (B) 4, 3
- (C) 3, 4
- (D) 4, 2

2. 
$$CH_3 - C - OH \xrightarrow{CaO/\Delta} A$$
Red P + HI

Product 'B' is :-

- (A) 2-propanol
- (B) 2-Butanol
- (C) n-Butane
- (D) Propane

दिये गये यौगिक में LAH (Lithium aluminium hydride) एवं SBH (sodium borohydride) द्वारा अपचियत क्रियात्मक समूह की संख्या क्या होगी:-

- (A) 4, 4
- (B) 4, 3
- (C) 3, 4
- (D) 4, 2

2. 
$$CH_3 - C - OH \xrightarrow{CaO/\Delta} A$$
Red P + HI

उत्पाद 'B' होगा :-

- (A) 2-propanol
- (B) 2-Butanol
- (C) n-Butane
- (D) Propane

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 11/30

3. Consider the following sequence of reactions

$$A \xrightarrow{C_2H_5MgBr} B \xrightarrow{H_2SO_4, \text{ heat}} C \xrightarrow{1. O_3} X$$
Ketone

$$(A)$$
  $\bigcirc$   $\bigcirc$ 

4. Consider following reaction sequence

OH
$$P_h \xrightarrow{\text{conc.H}_3P_4O} A \text{ (major product)}$$

$$O_3 \longrightarrow P_1 + P_2$$

 $P_1$  undergoes aldol condensation while  $P_2$  can not. Which of the following statement(s) is correct?

- (A) NaHSO $_3$  can be used to distinguish P $_1$  and P $_2$
- (B) P<sub>2</sub> reduces tollens reagent but can not reduce Fehling's solution.
- (C) P<sub>1</sub> and P<sub>2</sub> can undergo iodoform test.
- (D) Compound P<sub>2</sub> can give positive 2,4-DNP test but can not undergo Cannizzaro reaction.

3. निम्न अभिक्रिया क्रम में -

$$A \xrightarrow{C_2H_5MgBr} B \xrightarrow{H_2SO_4, \text{ heat}} C \xrightarrow{1. O_3}$$
Ketone

$$(A) \longrightarrow 0$$

4. निम्न अभिक्रिया क्रम पर विचार कीजिये-

 $P_1$  ऐल्डोल संघनन अभिक्रिया देता है जबिक  $P_2$  नहीं दे सकता है। निम्न कथनों में से कौनसा सत्य है-

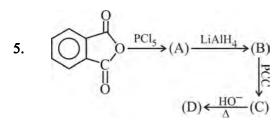
- (A)  $P_1$  तथा  $P_2$  को विभेदित करने के लिये  $NaHSO_3$  का प्रयोग किया जा सकता है
- (B)  $P_2$  टॉलेन्स अभिकर्मक को अपचयित कर सकता है परन्तु फेहलिंग विलयन को अपचयित नहीं कर सकता है
- (C)  $P_1$  तथा  $P_2$  आयोडोफार्म परीक्षण दे सकते हैं
- (D)  $P_2$  यौगिक धनात्मक 2,4-DNP परीक्षण दे सकता है, परन्तु कैनिजारो अभिक्रिया नहीं दे सकता है

**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

0999DJM262103240006

LTS - Page 12/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह



(A) 
$$CH_2$$
-OH  $CO_2^-$ 

6. Correct order of reactivity of following compounds towards Grignard reagent :-

- (A) I > II > III
- (B) II > I > III
- (C) II > III > I
- (D) I > III > II

7. 
$$\begin{array}{c} \text{COOH} \xrightarrow{\text{(i) } \text{Ca(OH)}_2} \text{P}_1 \xrightarrow{\text{Ph-C-O-O-H}} \end{array}$$

$$P_2 \xrightarrow{\text{(i) MeMgBr (excess)}} P_3 \xrightarrow{H^{\bigoplus}} P_4 \text{ [Cyclic compound]}$$







$$(D) \overset{\text{Me}}{\smile} 0$$

5. 
$$(D) \xrightarrow{PCl_5} (A) \xrightarrow{LiAlH_4} (B)$$

$$(D) \xleftarrow{HO^-} (C)$$

$$\text{(A)} \bigcirc \stackrel{\text{CH}_2\text{-OH}}{\bigcirc}$$

(C) 
$$CH_2$$
-OH  $CH_2$ -OH

ग्रीन्यार अभिकर्मक के प्रति निम्न यौगिकों की क्रियाशीलता का क्रम होगा :-

- (A) I > II > III
- (B) II > I > III
- (C) II > III > I
- (D) I > III > II
- COOH (i)  $Ca(OH)_2$   $P_1$   $P_{h-C-O-O-H}$ 7.

$$P_2 \xrightarrow{\text{(i) MeMgBr (excess)}} P_3 \xrightarrow{H^{\bigoplus}} P_4 [$$
चक्रीय यौगिक]







**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

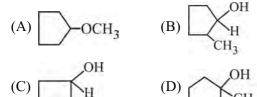
0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

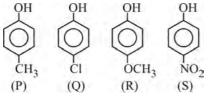
LTS - Page 13/30

8. An organic compound A (Molecular formula  $C_6H_{12}O$ ) does not change the colour of acidic dichromate solution. Compound A on treatment with  $H_2SO_4$  produces alkene, which on oxidative ozonolysis gives a molecule ( $C_6H_{10}O_3$ ) which gives positive iodoform test find a structure of A

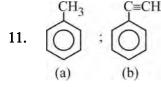


**9.** The correct stability order of the following resonance structures is:-

- (A) I > II > IV > III
- (B) I > III > II > IV
- (C) II > I > III > IV
- (D) III > I > IV > II
- **10.** The decreasing order of acidity of phenol derivate is



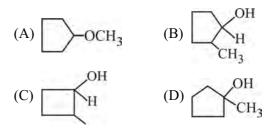
- (A) S > P > Q > R
- (B) R > S > P > Q
- (C) S > Q > P > R
- (D) P > Q > R > S



In compound (a) and (b) inductive effect of phenyl is:-

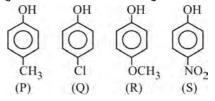
- (A) + I + I
- (B) -I, +I
- (C) -I, -I
- (D) +I, -I

8. एक कार्बनिक यौगिक A (अणुसूत्र  $C_6H_{12}O$ ), अम्लीय डाइक्रोमेट विलयन के रंग में परिवर्तन नहीं करता है। यौगिक 'A'  $H_2SO_4$  से क्रिया कर एल्कीन देता है, जो कि ऑक्सीकृत ओजोनी अपघटन पर ( $C_6H_{10}O_3$ ) अणु देता है। जो धनात्मक आयोडोफार्म परीक्षण देता है। A की संरचना ज्ञात कीजिए

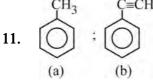


9. निम्न अनुनादी संरचानाओं का सही स्थायित्व क्रम है:-

- (A) I > II > IV > III
- (B) I > III > II > IV
- (C) II > I > III > IV
- (D) III > I > IV > II
- 10. फीनॉल व्युत्पन्न की अम्लता का घटता हुआ क्रम है -



- (A) S > P > Q > R
- (B) R > S > P > Q
- (C) S > Q > P > R
- (D) P > Q > R > S



यौगिक (a) एवं (b) में फेनिल का प्रेरणिक प्रभाव है:-

- (A) +I,+I
- (B) -I, +I
- (C) -I, -I
- (D) +I, -I

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

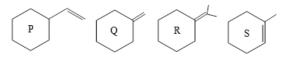
0999DJM262103240006

LTS - Page 14/30

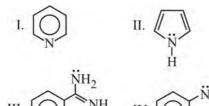
Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

### **ALLEN®**

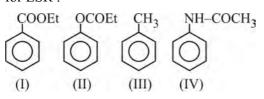
12. Arrange the following alkenes in increasing order of their enthalpy of hydrogenation  $(-\Delta H)$ :



- (A) R < S < Q < P
- (B) R < S < P < Q
- (C) P < Q < R < S
- (D) P < Q < S < R
- **13.** The decreasing order of basic characters of the following is:

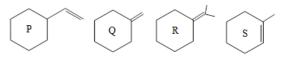


- (A) III > I > IV > II
- (B) II > I > IV > II
- (C) IV > III > II > I
- (D) I > II > III > IV
- **14.** The decreasing order of -I effect of the following is: I.  $H_3N^{\bigoplus}$  II.  $NO_2$  III. CN IV. COOH
  - (A) I > II > III > IV
- (B) II > I > III > IV
- (C) I > III > II > IV
- (D) II > I > IV > III
- **15.** Arrange the following is correct order of reactivity for ESR:-

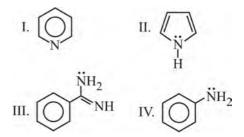


- (A) IV > III > II > I
- (B) I > II > III > IV
- (C) IV > II > I > III
- (D) IV > II > III > I

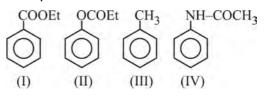
12. निम्न एल्कीन को हाइड्रोजनीकरण ऊष्मा के बढते क्रम में व्यवस्थित कीजिए  $(-\Delta H)$ 



- (A) R < S < Q < P
- (B) R < S < P < Q
- (C) P < Q < R < S
- (D) P < Q < S < R
- 13. निम्न का क्षारीय सामर्थ्य का घटता हुआ क्रम है



- (A) III > I > IV > II
- (B) II > I > IV > II
- (C) IV > III > II > I
- (D) I > II > III > IV
- 14. दिये हुये में -I प्रभाव का घटता क्रम होगा। I.  $H_3N^{\bigoplus}$  II.  $NO_2$  III. CN IV. COOH
  - (A) I > II > III > IV
- (B) II > I > III > IV
- (C) I > III > II > IV
- (D) II > I > IV > III
- 15. निम्न को ESR के प्रति क्रियाशीलता के सही क्रम में व्यवस्थित किजिए:-



- (A) IV > III > II > I
- (B) I > II > III > IV
- (C) IV > II > I > III
- (D) IV > II > III > I

**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 15/30

16. Glyoxal NaOH product, Product is :-

**18.** Identify the final product of the reaction.

$$\frac{O_4}{Zn, H_2O} (A) \frac{OH}{Aldol, \Delta} (B)$$

16. ग्लाईऑक्सेल <u>NaOH</u> उत्पाद, उत्पाद होगा :-

17. Ph-C-C-C-CH<sub>3</sub>  $\xrightarrow{(1) \text{I}_2/\text{OH}^{\Theta}}$  3cuia हैO Me O  $\xrightarrow{(3) \Delta}$ 

18. अभिक्रिया का अन्तिम उत्पाद होगा।

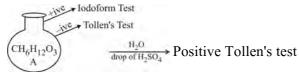
$$\overbrace{Zn, H_2O}^{O_4}(A) \xrightarrow{OH} (B)$$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 16/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह



Compound (A) is :-

## 20.

Give the correct order of increasing acidity of the following compounds:-

CICH<sub>2</sub>COOH

CH<sub>3</sub>CH<sub>2</sub>COOH

Ι

II

CICH<sub>2</sub>CH<sub>2</sub>COOH

(CH<sub>3</sub>)<sub>2</sub>CHCOOH

III

IV

CH<sub>3</sub>COOH

V

- (A) V < II < IV < I < III (B) IV < II < V < III < I
- (C) III < I < IV < II < V (D) V < IV < II < I < III

### Indoform Test Tollen's Test 19.

<sub>drop of H,SO₄</sub> > धनात्मक टॉलिन परिक्षण

यौगिक (A) है:-

(B) 
$$CH_3$$
– $C$ – $C$ – $C$ – $CH_3$ 
OC $H_3$ 

## 20.

निम्न यौगिको की अम्लीयता का बढ़ता हुआ सही क्रम

है :-

CICH<sub>2</sub>COOH

CH<sub>3</sub>CH<sub>2</sub>COOH

I

II

CICH<sub>2</sub>CH<sub>2</sub>COOH

(CH<sub>3</sub>)<sub>2</sub>CHCOOH

III

IV

CH<sub>3</sub>COOH

V

- (A) V < II < IV < I < III (B) IV < II < V < III < I
- (C) III < I < IV < II < V (D) V < IV < II < I < III

#### **LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE**

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 17/30

SECTION-II: (Maximum Marks: 20)

This section contains 10 questions Candidates have to attempt any 5 questions out of 10. If more than 5 questions are attempted, then only first 5 attempted questions will be evaluated.

The answer to each question is a **Numerical Value**. For each question, enter the correct integer value (In case of non-integer value, the answer should be rounded off to the nearest Integer).

Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If correct answer is entered.
 Zero Marks : 0 If the question is unanswered.
 Negative Marks : -1 If wrong answer is entered.

1. From the list below how many of them are stronger acid than benzoic acid

2. The total number of contributing structures showing hyperconjugation for the following carbocation is

खण्ड-II: (अधिकतम अंक: 20)

इस खंड में 10 प्रश्न हैं। उम्मीदवारों को 10 में से किसी भी 5 प्रश्न का प्रयास करना है। यदि 5 से अधिक प्रश्नों का प्रयास किया जाता है, तो केवल पहले 5 प्रश्नों का मूल्यांकन किया जाएगा। प्रत्येक प्रश्न का उत्तर संख्यात्मक मान (Numerical Value) है। प्रत्येक प्रश्न के लिए, सही पूर्णांक मान दर्ज करें (दशमलव संकेतन में, उत्तर को निकटतम पूर्णांक में लिखा जाना चाहिए।) प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित अंकन योजना के अनुसार किया जाएगा:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर दर्ज किया गया है।

शून्य अंक : 0 यदि कोई भी उत्तर दर्ज नहीं किया गया है।

ऋणात्मक अंक : -1 यदि गलत उत्तर दर्ज किया गया है।

1. नीचे दिये अम्लों में से कौनसे अम्ल बेन्जोइक अम्ल से प्रबल अम्ल है।

2. दिये गये कार्बधनायन में अतिसंयुग्मन प्रदर्शित करने वाली योगदान संरचना की संख्या है।

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

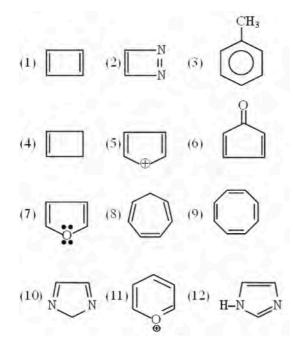
0999DJM262103240006

LTS - Page 18/30

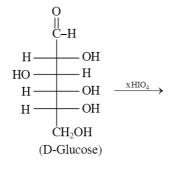
Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

### ALLEN®

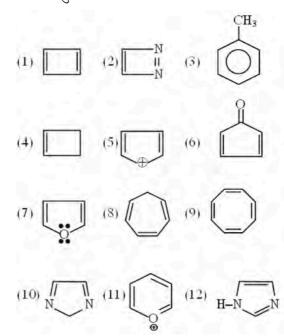
X = Number of aromatic compound.Y = Number of anti aromatic compoundProduct of X & Y is



- 4. Total number of 1-2 shift during the conversion of  $\frac{B^{-1}\Delta}{2}$
- 5. How many moles of  $HIO_4$  are consumed by given compound when it react with  $HIO_4$  –



X = ऐरोमेटिक यौगिक की संख्या
 Y = एण्टि ऐरोमेटिक की संख्या
 X व Y का गुणनफल है।



- 4. दिये गये परिवर्तन मे 1-2 स्थान्तरण की संख्या है।
- 5. निम्न दिये गये यौगिक की  $\mathrm{HIO_4}$  के साथ क्रिया करवाने पर,  $\mathrm{HIO_4}$  के कितने मोल उपयोग होंगे।

$$\begin{array}{c|c}
O \\
C-H \\
H & OH \\
HO & H \\
H & OH \\
CH_2OH \\
(D-Glucose)
\end{array}$$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E+H/13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 19/30

6. 
$$OH + aI_2 + bNaOH \rightarrow CHI_3$$
,

Find the value of (b-a)

- 7. Number of possible intramolecular aldol condensation product on heating with NaOH.
- 8. Identify number of compounds which are reduced by  $NaBH_4$ .

$$\bigcup_{(iii)} O, \bigcup_{(iv)}, \bigvee_{(v)} C \equiv N$$

$$(ix)$$
  $=$   $N-H$ ,  $O$   $(x)$ 

**9.** Find the value of x? (x = mole of RMgX consumed)

- 6.  $OH + aI_2 + bNaOH \rightarrow CHI_3$ , (b-a) का मान ज्ञात कीजिए :-
- 7. NaOH के साथ गर्म करने पर अन्तराण्विक एल्डोल संघनन उत्पादों की संख्या है।
- 8. NaBH4 द्वारा अपचयित होने वाले यौगिको की पहचान कर संख्या ज्ञात कीजिए।

$$\bigcup_{(i)}^O H \ , \ \bigcup_{(ii)}^O NH_2$$

$$\bigcup_{(iii)}^{O}O, \bigcup_{(iv)}^{O}, \bigvee_{(v)}^{C\equiv N}$$

$$\bigcirc_{(ix)} = N-H, \quad \bigcirc_{0} Cl$$

$$(x)$$

9. x का मान होगा (x = RMgX के उपयोग में आने वाले मोलों की संख्या)

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 20/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

**10.** In how many of the following reactions aldehyde is formed as a product?

$$(ii) \bigcirc OH \xrightarrow{(i) CHCl_3 + KOH} \xrightarrow{(ii) H_3O^-}$$

(iii) 
$$\sim$$
 OH  $\xrightarrow{\text{Cu,300°C}}$ 

$$(iv) \bigcirc \xrightarrow{H_3CCOCl,AlCl_3} \xrightarrow{\Delta}$$

$$(v) \quad \bigcirc \xrightarrow{CH_3} \xrightarrow{CO+HCl. ZnCl_2} \xrightarrow{\Delta}$$

$$(vi) \bigcirc \bigcap_{j=1}^{N} AICl_3/CS_2 \xrightarrow{\Delta}$$

(vii) 
$$\sim$$
 OH  $\xrightarrow{\text{PDC}, \text{CH}_2\text{Cl}_2}$ 

(viii) 
$$\sim$$
 OH  $\xrightarrow{\text{CrO}_3, \text{AC}_2\text{O}}$ 

 निम्न में से कितनी अभिक्रिया में एल्डिहाइड उत्पाद के रूप में मिलेगा।

$$(ii) \bigcirc OH$$

$$\xrightarrow{(i) CHCl_3 + KOH} \longrightarrow$$

(iii) 
$$\sim$$
 OH  $\xrightarrow{\text{Cu},300^{\circ}\text{C}}$ 

$$(iv) \bigcirc \xrightarrow{H_3CCOC1, AlCl_3} \xrightarrow{\Delta}$$

$$(v) \begin{picture}(100,0) \put(0,0){\line(1,0){100}} \put(0,0){\line(1,0$$

$$(vi) \bigcirc \begin{matrix} O \\ \parallel \\ O-C-CH_3 \end{matrix}$$

$$(vi) \bigcirc \qquad \xrightarrow{AlCl_3/CS_2} \xrightarrow{\Delta}$$

(vii) 
$$\sim$$
 OH  $\xrightarrow{PDC, CH_2Cl_2}$ 

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E+H/13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 21/30

### Topic: Circle, Area Under The Curve & Differential Equations

### **PART-3: MATHEMATICS**

SECTION-I: (Maximum Marks: 80)

This section contains **20 questions**. Each question has 4 options for correct answer. Multiple-Choice Questions (MCQs) Only one option is correct. For each question, marks will be awarded as follows:

Full Marks : +4 If correct answer is selected. Zero Marks : 0 If none of the option is selected. Negative Marks: -1 If wrong option is selected.

- 1. The area, enclosed by the curves  $y = \sin x + \cos x$ and y=  $|\cos x - \sin x|$  and the lines x=0, x= $\frac{\pi}{2}$ , is:
  - (A)  $2\sqrt{2}(\sqrt{2}-1)$
  - (B)  $2(\sqrt{2}+1)$
  - (C)  $4(\sqrt{2}-1)$
  - (D)  $2\sqrt{2}(\sqrt{2}+1)$
- The area (in sq. units) of the part of the circle 2.  $x^2 + y^2 = 36$ , which is outside the parabola  $y^2 = 9x$ , is:
  - (A)  $24\pi + 3\sqrt{3}$
  - (B)  $12\pi 3\sqrt{3}$
  - (C)  $24\pi 3\sqrt{3}$
  - (D)  $12\pi + 3\sqrt{3}$
- The area of the region bounded by y x = 2 and 3.  $x^2 = y$  is equal to :-
  - (A)  $\frac{16}{3}$  (B)  $\frac{2}{3}$  (C)  $\frac{9}{2}$  (D)  $\frac{4}{3}$

खण्ड-I: (अधिकतम अंक: 80)

इस खंड में 20 प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में सही उत्तर के लिए 4 विकल्प हैं। बह्विकल्पीय प्रश्न (MCQs) केवल एक विकल्प सही है। प्रत्येक प्रश्न के लिए, अंक निम्नानुसार दिए जाएंगे:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर चुना गया है।

शृन्य अंक : 0 यदि कोई भी विकल्प नहीं चुना गया है।

ऋणात्मक अंक : —1 यदि गलत विकल्प चुना गया है।

- वक्रों  $y = \sin x + \cos x$  एवं  $y = |\cos x \sin x|$ 1. तथा रेखाओं x = 0,  $x = \frac{\pi}{2}$  से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है :
  - (A)  $2\sqrt{2}(\sqrt{2}-1)$
  - (B)  $2(\sqrt{2}+1)$
  - (C)  $4(\sqrt{2}-1)$
  - (D)  $2\sqrt{2}(\sqrt{2}+1)$
- वत्त,  $x^2 + y^2 = 36$  के उस भाग का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में), जो परवलय  $y^2 = 9x$  के बाहर है, है:
  - (A)  $24\pi + 3\sqrt{3}$
  - (B)  $12\pi 3\sqrt{3}$
  - (C)  $24\pi 3\sqrt{3}$
  - (D)  $12\pi + 3\sqrt{3}$
- y x = 2 तथा  $x^2 = y$  द्वारा घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल बराबर है :
  - (A)  $\frac{16}{3}$  (B)  $\frac{2}{3}$  (C)  $\frac{9}{2}$  (D)  $\frac{4}{3}$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 22/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

4. If the area of the bounded region

> $R = \{(x, y) : \max\{0, \log_e x\} \le y \le 2x, \frac{1}{2} \le x \le 2\}$ is,  $\alpha(\log_e 2)^{-1} + \beta(\log_e 2) + \gamma$ , then the value of  $(\alpha + \beta - 2\gamma)^2$  is equal to:

- (A) 8
- (B) 2
- (C) 4
- (D) 1
- 5. Let A<sub>1</sub> be the area of the region bounded by the curves  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$  and y-axis in the first quadrant. Also, let A2 be the area of the region bounded by the curves  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ , x-axis and  $x = \frac{\pi}{2}$  in the first quadrant. Then,
  - (A)  $A_1: A_2 = 1: \sqrt{2}$  and  $A_1 + A_2 = 1$
  - (B)  $A + A_2$  and  $A_1 + A_2 = \sqrt{2}$
  - (C)  $2A_1 = A_2$  and  $A_1 + A_2 = 1 + \sqrt{2}$
  - (D)  $A_1: A_2 = 1: 2$  and  $A_1 + A_2 = 1$
- Let y = y(x) be the solution of the differential 6. equation  $xdy = (y + x^3 \cos x)dx$  with  $y(\pi) = 0$ , then y  $\left(\frac{\pi}{2}\right)$  is equal to :
  - (A)  $\frac{\pi^2}{4} + \frac{\pi}{2}$  (B)  $\frac{\pi^2}{2} + \frac{\pi}{4}$
  - (C)  $\frac{\pi^2}{2} \frac{\pi}{4}$  (D)  $\frac{\pi^2}{4} \frac{\pi}{2}$
- If  $\frac{dy}{dx} = \frac{2^{x+y} 2^x}{2^y}$ , y(0) = 1, then y(1) is equal to:
  - (A)  $\log_2(2 + e)$
- (B)  $\log_2(1 + e)$
- (C)  $log_2(2e)$
- (D)  $\log_2(1 + e^2)$

यदि परिबद्धित क्षेत्र

 $R = \{(x, y) : \max\{0, \log_e x\} \le y \le 2x, \frac{1}{2} \le x \le 2\}$ का क्षेत्रफल  $\alpha(\log_e 2)^{-1} + \beta(\log_e 2) + \gamma$  है, तो  $(\alpha + \beta - 2\gamma)^2$  का मान बराबर है :

- (A) 8 (B) 2 (C) 4
- (D) 1
- माना वक्रों  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$  तथा y-अक्ष द्वारा प्रथम चतुर्थांश में घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल  $A_1$  है और माना वक्रों  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ , x-अक्ष तथा  $x = \frac{\pi}{2}$  द्वारा प्रथम चतुर्थांश में घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल A2 है। तो
  - (A)  $A_1: A_2 = 1: \sqrt{2}$  तथा  $A_1 + A_2 = 1$  है
  - (B)  $A + A_2$  तथा  $A_1 + A_2 = \sqrt{2}$  है
  - (C)  $2A_1 = A_2$  तथा  $A_1 + A_2 = 1 + \sqrt{2}$  है
  - (D) A<sub>1</sub>: A<sub>2</sub> = 1: 2 तथा A<sub>1</sub> + A<sub>2</sub> = 1 है
- माना अवकल समीकरण

 $xdy = (y + x^3 \cos x)dx$ ,  $y(\pi) = 0$  का हल y = y(x) है। तो y  $\left(\frac{\pi}{2}\right)$  बराबर है :

- (A)  $\frac{\pi^2}{4} + \frac{\pi}{2}$  (B)  $\frac{\pi^2}{2} + \frac{\pi}{4}$
- (C)  $\frac{\pi^2}{2} \frac{\pi}{4}$  (D)  $\frac{\pi^2}{4} \frac{\pi}{2}$
- यदि  $\frac{dy}{dx} = \frac{2^{x+y} 2^x}{2^y}$ , y(0) = 1, हैं, तो y(1) बराबर है:
  - (A)  $\log_2(2 + e)$
- (B)  $\log_2(1 + e)$
- (C)  $log_2(2e)$
- (D)  $\log_2(1 + e^2)$

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 23/30

- A differential equation representing the family of 8. parabolas with axis parallel to y-axis and whose length of latus rectum is the distance of the point (2, -3) form the line 3x + 4y = 5, is given by :
  - (A)  $10\frac{d^2y}{dv^2} = 11$  (B)  $11\frac{d^2x}{dv^2} = 10$

  - (C)  $10\frac{d^2x}{dv^2} = 11$  (D)  $11\frac{d^2y}{dx^2} = 10$
- 9. Let f be a non-negative function in [0, 1] and twice differentiable in (0, 1).

If 
$$\int_{0}^{x} \sqrt{1 - (f'(t))^{2}} dt = \int_{0}^{x} f(t) dt$$
,  $0 \le x \le 1$ 

and 
$$f(0) = 0$$
, then  $\lim_{x \to 0} \frac{1}{x^2} \int_0^x f(t) dt$ :

- (A) equals 0
- (B) equals 1
- (C) does not exist
- (D) equals  $\frac{1}{2}$
- The population P = P(t) at time 't' of a certain 10. species follows the differential equation  $\frac{dP}{dt}$  = 0.5P - 450. If P(0) = 850, then the time at

which population becomes zero is:

- (A) log<sub>e</sub>18
- $(B) \log_{e} 9$
- (C)  $\frac{1}{2} \log_{e} 18$
- (D) 22log<sub>e</sub>18

ऐसे परवलयों के कुल, जिनके अक्ष y-अक्ष के समांतर है 8. तथा जिनकी नाभिलंब जीवा की लम्बाई बिन्द (2, -3) की रेखा 3x + 4y = 5 से दूरी है, को निरूपित करने वाला एक अवकल समीकरण है :

(A) 
$$10\frac{d^2y}{dx^2} = 11$$
 (B)  $11\frac{d^2x}{dy^2} = 10$ 

(B) 
$$11\frac{d^2x}{dy^2} = 10$$

(C) 
$$10\frac{d^2x}{dy^2} = 11$$
 (D)  $11\frac{d^2y}{dx^2} = 10$ 

(D) 
$$11\frac{d^2y}{dx^2} = 10$$

माना एक फलन f[0, 1] में ऋणोत्तर तथा (0, 1) में दो बार 9. अवकलनीय है।

यदि 
$$\int_0^x \sqrt{1-\left(f^{'}\left(t\right)\right)^2} dt = \int_0^x f\left(t\right) dt \ 0 \le x \le 1$$

तथा 
$$f(0) = 0$$
 है, तो  $\lim_{x \to 0} \frac{1}{x^2} \int_0^x f(t) dt$ :

- (A) 0 के बराबर है
- (B) 1 के बराबर है
- (C) का अस्तित्व नहीं है
- (D)  $\frac{1}{2}$  के बराबर है
- 10. किसी प्रजाति की समय 't' पर जनसंख्या, P = P(t), अवकल समीकरण,  $\frac{dP}{dt} = 0.5P - 450$  को संतुष्ट करती है। यदि P(0) = 850 है, तो वह समय, जब प्रजाति की जनसंख्या शन्य हो जाती है, है:
  - (A) log<sub>e</sub>18
- (B) log<sub>e</sub>9
- (C)  $\frac{1}{2}\log_e 18$
- (D) 2log<sub>e</sub>18

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 24/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

- If a curve y = f(x) passes through the point (1, 2)11. and satisfies  $x \frac{dy}{dx} + y = bx^4$ , then for what value of b,  $\int f(x)dt = \frac{62}{5}$ ?
  - (A) 5
- (B) 10
- (C)  $\frac{62}{5}$

(A) 3

- (D)  $\frac{31}{5}$
- 12. Let  $r_1$  and  $r_2$  be the radii of the largest and smallest circles, respectively, which pass through the point (-4,1) and having their centres on the circumference of the circle  $x^2 + y^2 + 2x + 4y - 4 = 0$ . If  $\frac{r_1}{r_2} = a + b\sqrt{2}$ , then a + b is equal to :

(B) 11 (C) 5 (D) 7

- Let the circle S:  $36x^2 + 36y^2 108x + 120y + C = 0$ 13. be such that it neither intersects nor touches the co-ordinate axes. If the point of intersection of the lines, x - 2y = 4 and 2x - y = 5 lies inside the circle S, then:
  - (A)  $\frac{25}{9} < C < \frac{13}{3}$
  - (B) 100 < C < 165
  - (C) 81 < C < 156
  - (D) 100 < C < 156

- यदि एक वक्र y = f(x) बिन्दु (1, 2) से होकर जाता है तथा  $x \frac{dy}{dx} + y = bx^4$  को संतुष्ट करता है, तो b के किस मान के लिए  $\int f(x)dt = \frac{62}{5}$  है ?
  - (A) 5
- (B) 10
- (C)  $\frac{62}{5}$
- (D)  $\frac{31}{5}$
- माना सबसे बडे तथा सबसे छोटे वृत्तों, जो बिन्दु (-4, 1) 12. से होकर जाते हैं तथा जिनके केन्द्र, वृत्त  $x^2 + y^2 + 2x + 4y - 4 = 0$  की परिधि पर स्थित है, की त्रिज्याएँ क्रमशः  $\mathbf{r}_1$  तथा  $\mathbf{r}_2$  है। यदि  $\frac{\mathbf{r}_1}{\mathbf{r}_2} = \mathbf{a} + \mathbf{b}\sqrt{2}$  है, तो a + b बराबर हैं:
  - (A) 3
- (B) 11 (C) 5

- माना वृत्त  $S: 36x^2 + 36y^2 108x + 120y + C = 0$ न तो निर्देशांक अक्षों को काटता है और न ही उनको स्पर्श करता है। यदि रेखाओं, x - 2y = 4 तथा 2x - y = 5का प्रतिच्छेदन बिन्दु, वृत्त S के अन्दर स्थित है, तो -
  - (A)  $\frac{25}{9} < C < \frac{13}{3}$
  - (B) 100 < C < 165
  - (C) 81 < C < 156
  - (D) 100 < C < 156

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

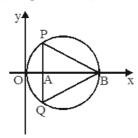
0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 25/30

14. In the circle given below, let OA = 1 unit, OB = 13 unit and  $PQ \perp OB$ . Then, the area of the triangle PQB (in square units) is:



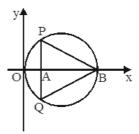
- (A)  $24\sqrt{2}$
- (B)  $24\sqrt{3}$
- (C)  $26\sqrt{3}$
- (D)  $26\sqrt{2}$
- Let  $S_1 : x^2 + y^2 = 9$  and  $S_2 : (x 2)^2 + y^2 = 1$ . Then 15. the locus of center of a variable circle S which touches  $S_1$  internally and  $S_2$  externally always passes through the points:
  - (A)  $(0, \pm \sqrt{3})$
- (B)  $\left(\frac{1}{2}, \pm \frac{\sqrt{5}}{2}\right)$ 
  - (C)  $\left(2, \pm \frac{3}{2}\right)$
- 16. Choose the correct statement about two circles whose equations are given below:

$$x^2 + y^2 - 10x - 10y + 41 = 0$$

$$x^2 + y^2 - 22x - 10y + 137 = 0$$

- (A) circles have same centre
- (B) circles have no meeting point
- (C) circles have only one meeting point
- (D) circles have two meeting points

नीचे दिए वृत्त में, माना OA = 1 इकाई, OB = 13 इकाई तथा PQ ⊥ OB हैं। तो त्रिभ्ज PQB का क्षेत्रफल (वर्ग इकाईयों में) है:



- (A)  $24\sqrt{2}$
- (B)  $24\sqrt{3}$
- (C)  $26\sqrt{3}$
- (D)  $26\sqrt{2}$
- माना  $S_1: x^2 + y^2 = 9$  तथा  $S_2: (x-2)^2 + y^2 = 1$  हैं। 15. तो एक चर वृत्त S, जो  $S_1$  को अंदर से स्पर्श करता है तथा  $\mathbf{S}_2$  को बाहर से स्पर्श करता है, के केन्द्र का बिंदुपथ हमेशा निम्न में से किन बिंदुओं से होकर जाता है?

  - (A)  $\left(0, \pm\sqrt{3}\right)$  (B)  $\left(\frac{1}{2}, \pm\frac{\sqrt{5}}{2}\right)$
  - (C)  $\left(2, \pm \frac{3}{2}\right)$  (D)  $(1, \pm 2)$
- दो वृत्तों जिनके समीकरण 16.

$$x^2 + y^2 - 10x - 10y + 41 = 0$$

$$x^2 + y^2 - 22x - 10y + 137 = 0$$

हैं, के लिए सही कथन चुनिए:

- (A) एक बिंद दोनों वृत्तों का केन्द्र है
- (B) वृत्त किसी भी बिंद् पर नहीं मिलते
- (C) वृत्त केवल एक बिंद् पर मिलते है
- (D) वृत्त दो बिंदुओं पर मिलते है

**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

0999DJM262103240006

LTS - Page 26/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

- 17. Let A(1, 4) and B(1, -5) be two points. Let P be a point on the circle  $(x - 1)^2 + (y - 1)^2 = 1$  such that  $(PA)^2 + (PB)^2$  have maximum value, then the points P, A and B lie on:
  - (A) a straight line
- (B) a hyperbola
- (C) an ellipse
- (D) a parabola
- 18. If the locus of the mid-point of the line segment from the point (3, 2) to a point on the circle,  $x^2 + y^2 = 1$  is a circle of radius r, then r is equal to:
  - (A) 1
- (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{1}{2}$  (D)  $\frac{1}{4}$
- Let the lengths of intercepts on x-axis and 19. y-axis made by the circle  $x^2 + y^2 + ax + 2ay + c = 0$ , (a < 0) be  $2\sqrt{2}$  and  $2\sqrt{5}$ , respectively. Then the shortest distance from origin to a tangent to this circle which is perpendicular to the line x + 2y = 0, is equal to:
  - (A)  $\sqrt{11}$
- (B)  $\sqrt{7}$
- (C)  $\sqrt{6}$
- (D)  $\sqrt{10}$
- Let Z be the set of all integers, 20.

$$A = \{(x, y) \in Z \times Z : (x - 2)^2 + y^2 \le 4\},\$$

$$B = \{(x, y) \in Z \times Z : x^2 + y^2 \le 4\}$$
 and

$$C = \{(x, y) \in Z \times Z : (x - 2)^2 + (y - 2)^2 \le 4\}$$

If the total number of relation from  $A \cap B$  to

 $A \cap C$  is  $2^p$ , then the value of p is :

- (A) 16
- (B) 25
- (C) 49
- (D) 9

- माना दो बिंदु A(1, 4) तथा B(1, -5) है। माना वृत्त 17.  $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 1$  पर P एक बिंदु है, जिसके लिए  $(PA)^2 + (PB)^2$  का मान अधिकतम है, तो बिन्दु P, A तथा B निम्न में से किस पर स्थित है ?
  - (A) एक अतिपरवलय
- (B) एक सरलरेखा
- (C) एक दीर्घवृत्त
- (D) एक परवलय
- यदि बिंदु (3, 2) से वृत्त  $x^2 + y^2 = 1$  के किसी बिंदु तक 18. रेखा-खण्ड के मध्य-बिन्दु का बिंदुपथ r त्रिज्या का एक वृत्त है, तो r बराबर है:

- (A) 1 (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{1}{3}$  (D)  $\frac{1}{4}$
- 19. माना वृत्त  $x^2 + y^2 + ax + 2ay + c = 0$ , (a < 0) द्वारा x-अक्ष तथा y-अक्ष पर बनाये गये अंतःखंडों की लम्बाईयाँ क्रमशः  $2\sqrt{2}$  तथा  $2\sqrt{5}$  हैं। तो इस वृत्त की एक स्पर्श रेखा, जो रेखा x + 2y = 0 के लम्बवत् है, की मूलबिंदु से न्यूनतम दूरी बराबर है:
  - (A)  $\sqrt{11}$
- (B)  $\sqrt{7}$
- (C)  $\sqrt{6}$
- (D)  $\sqrt{10}$
- माना सभी पूर्णांकों का समुच्चय Z है,

$$A = \{(x, y) \in Z \times Z : (x - 2)^2 + y^2 \le 4\},\$$

$$B = \{(x,y) \in Z \times Z : x^2 + y^2 \leq 4\}$$
 तथा

$$C = \{(x, y) \in Z \times Z : (x - 2)^2 + (y - 2)^2 \le 4\}$$

यदि  $A \cap B$  से  $A \cap C$  में संबंधों की कुल संख्या  $2^p$  है, तो pका मान है :

- (A) 16
- (B) 25
- (C) 49
- (D) 9

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

LTS - Page 27/30

SECTION-II: (Maximum Marks: 20)

This section contains 10 questions Candidates have to attempt any 5 questions out of 10. If more than 5 questions are attempted, then only first 5 attempted questions will be evaluated.

The answer to each question is a **Numerical Value**. For each question, enter the correct integer value (In case of non-integer value, the answer should be rounded off to the nearest Integer).

Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If correct answer is entered.
 Zero Marks : 0 If the question is unanswered.
 Negative Marks : -1 If wrong answer is entered.

- 1. The area (in sq. units) of the region bounded by the curves  $x^2 + 2y 1 = 0$ ,  $y^2 + 4x 4 = 0$  and  $y^2 4x 4 = 0$ , in the upper half plane is \_\_\_\_\_.
- 2. The area of the region  $S = \{(x, y) : 3x^2 \le 4y \le 6x + 24\} \text{ is } \____.$
- 3. Let a and b respectively be the points of local maximum and local minimum of the function  $f(x) = 2x^3 3x^2 12x$ . If A is the total area of the region bounded by y = f(x), the x-axis and the lines x = a and x = b, then 4A is equal to \_\_\_\_\_.
- 4. If the line y = mx bisects the area enclosed by the lines x = 0, y = 0,  $x = \frac{3}{2}$  and the curve  $y = 1 + 4x x^2$ , then 12 m is equal to \_\_\_\_\_.
- 5. The graphs of sine and cosine functions, intersect each other at a number of points and between two consecutive points of intersection, the two graphs enclose the same area A. Then  $A^4$  is equal to  $A^4$ .

खण्ड-II: (अधिकतम अंक: 20)

इस खंड में 10 प्रश्न हैं। उम्मीदवारों को 10 में से किसी भी 5 प्रश्न का प्रयास करना है। यदि 5 से अधिक प्रश्नों का प्रयास किया जाता है, तो केवल पहले 5 प्रश्नों का मूल्यांकन किया जाएगा। प्रत्येक प्रश्न का उत्तर संख्यात्मक मान (Numerical Value) है। प्रत्येक प्रश्न के लिए, सही पूर्णांक मान दर्ज करें (दशमलव संकेतन में, उत्तर को निकटतम पूर्णांक में लिखा जाना चाहिए।) प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित अंकन योजना के अनुसार किया जाएगा:

पूर्ण अंक : +4 यदि सही उत्तर दर्ज किया गया है।
 शन्य अंक : 0 यदि कोई भी उत्तर दर्ज नहीं किया गया है।

ऋणात्मक अंक : -1 यदि गलत उत्तर दर्ज किया गया है।

- ऊपरी आधे निर्देशांक तल में वक्रों,
   x² + 2y 1 = 0, y² + 4x 4 = 0 तथा y² 4x 4 = 0
   द्वारा परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) बराबर है ।
- 2. क्षेत्र  $S = \{(x, y) : 3x^2 \le 4y \le 6x + 24\}$ का क्षेत्रफल है \_\_\_\_।
- 3. माना फलन  $f(x) = 2x^3 3x^2 12x$  के स्थानीय उच्चतम तथा स्थानीय निम्नतम बिन्दु क्रमशः a तथा b है। यदि y = f(x), x-अक्ष, तथा रेखाओं x = a और x = b से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल A है, तो 4A बराबर है \_\_\_\_.
- **4.** यदि रेखाओं x = 0, y = 0,  $x = \frac{3}{2}$  तथा वक्र  $y = 1 + 4x x^2$  से घिरे क्षेत्र के क्षेत्रफल को रेखा y = mx समद्विभाजित करती है, तो 12 m बराबर है\_\_\_\_\_।
- 5. साइन तथा कोसाइन फलनों के ग्राफ एक दूसरे को बहुत से बिन्दुओं पर काटते हैं, तथा इनके दो क्रमागत प्रतिच्छेदन बिन्दुओं के बीच में ये दो ग्राफ एक समान क्षेत्रफल A घेरते हैं। तो  $A^4$  बराबर है ।

**LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE** 

0999DJM262103240006

LTS - Page 28/30

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

6. Let a curve y = y(x) be given by the solution of the differential equation

$$\cos\left(\frac{1}{2}\cos^{-1}\left(e^{-1}\right)\right) dx = \sqrt{e^{2x} - 1} dy$$
. If it intersects y-axis at  $y = -1$ , and the intersection point of the curve with x-axis is  $(\alpha, 0)$ , then  $e^{\alpha}$  is equal to \_\_\_\_\_.

- 7. Let y = y(x) be the solution of the differential equation  $\left((x+2)e^{\left(\frac{y+1}{x+2}\right)} + (y+1)\right) dx = (x+2) dy$ , y(1) = 1. If the domain of y = y(x) is an open interval  $(\alpha, \beta)$ , then  $|\alpha + \beta|$  is equal to \_\_\_\_\_.
- 8. Let y = y(x) be solution of the following differential equation  $e^y \frac{dy}{dx} 2e^y \sin x + \sin x \cos^2 x = 0$ ,  $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$ . If  $y(0) = \log_e(\alpha + \beta e^{-2})$ , then  $4(\alpha + \beta)$  is equal to.
- 9. If  $y = y(x), y \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right)$  is the solution of the differential equation  $\sec y \frac{dy}{dx} \sin(x+y) (x-y) = 0$ , with y(0) = 0, then  $5y'\left(\frac{\pi}{2}\right)$  is equal to \_\_\_\_\_.
- 10. Let y=y(x) be the solution of the differential equation  $dy=e^{ax+y}\,dx$ ;  $a\in \mathbf{N}$ . If  $y(\log_e 2)=\log_e 2$  and  $y(0)=\log_e\left(\frac{1}{2}\right)$ , then the value of  $\alpha$  is equal to\_\_\_\_.

- 7. माना अवकल समीकरण  $\left( (x+2) \, e^{\left( \frac{y+1}{x+2} \right)} + (y+1) \right) \mathrm{d}x = (x+2) \, \mathrm{d}y, \, y(1) = 1$  का हल y = y(x) है। यदि y = y(x) का प्रान्त विवृत्त अन्तराल  $(\alpha, \, \beta) \, \vec{\xi}, \, \vec{\Pi} \, | \alpha + \beta | \, \vec{\Pi} \, \vec{\Pi} \, \vec{\xi} \qquad \mathsf{I}$
- 8. माना y=y(x), अवकल समीकरण  $e^y\frac{dy}{dx}-2e^y\sin x+\sin x\cos^2 x=0,\ y\left(\frac{\pi}{2}\right)=0$  का हल है। यदि  $y(0)=\log_e(\alpha+\beta e^{-2})$  है, तो  $4(\alpha+\beta)$  बराबर है।
- $\sec y \frac{dy}{dx} \sin(x+y) (x-y) = 0, y(0) = 0 \text{ का हल}$   $y = y(x), y \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right] \vec{\xi}, \vec{\eta} \cdot 5y'\left(\frac{\pi}{2}\right) \text{ बराबर } \vec{\xi} \underline{\hspace{1cm}}$
- 10. माना अवकल समीकरण  $dy = e^{ax+y} dx$ ;  $a \in \mathbf{N}$  का हल y = y(x) है। यदि  $y(\log_e 2) = \log_e 2$  तथा  $y(0) = \log_e \left(\frac{1}{2}\right), \ \ \hat{\mathbb{R}}, \ \ \hat{\Pi} \quad \alpha \quad \text{का मान बराबर}$  है\_\_\_\_\_।

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

E + H / 13102024

Space for Rough Work / रफ कार्य के लिए जगह

9.

यदि अवकल समीकरण

LTS - Page 29/30

### SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिए जगह

Note: In case of any Correction in the test paper, please mail to dlpcorrections@allen.ac.in within 2 days along with Paper code and Your Form No.

नोट : यदि इस प्रश्न पत्र में कोई Correction हो तो कृपया Paper code एवं आपके Form No. के साथ 2 दिन के अन्दर dlpcorrections@allen.ac.in पर mail करें।

LEADER TEST SERIES / JOINT PACKAGE COURSE

0999DJM262103240006

LTS - Page 30/30 E + H / 13102024

For More Material Join: @JEEAdvanced\_2025

"No preparation is complete until it is self evaluated and properly assessed"



(Systematic Analysis of Test for DLP Students)

For multidimensional performance analysis of **distance students** 



The students and parents can review the detailed analysis of the student's performance on



with various scientific & analytical features which are as follows:



#### Score Card

Gives the quantitative performance of the student in the tests. The score card provides a brief review of the overall score, subject scores, percentage wise, difficulty V/S marks distribution and ranks obtained (subject wise & overall).



### Question Wise Report

This report provides summary of all questions attempted (by all students). This will unveil the relative performance of the student in a question, wherein student will find individual question wise analysis compared with the peers.



#### **Test Solution**

This report is to facilitate students in the learning process. This displays solutions for Selected questions asked in the exam so that they are aware of the correct answers as well as the right way of attempting questions.



#### Compare Yourself With Toppers

Benchmark your performance. Discover where you stand in relation to the toppers. This helps students to strive for excellence and better performance.



#### Difficulty Level Assessment Report

Find out how you performed on the parameter of three difficulty levels i.e. tough, medium and easy. The number of correct and incorrect attempts point out your strengths as well as the areas that needs to be worked upon. The uniqueness of this feature is that the student can compare his performance with toppers.



#### Test Performance Topic Wise Report

Find out your competent areas. Analyse what topics need to be worked upon and what topics fetch you advantage by reviewing the topic scores. Use them to excel in the exams.



#### Subject Wise Test Report

This feature provides subject wise analysis of the test. Here the assessment can be compared with the toppers with improvement tips and suggestions followed by subject or topic level analysis.



#### Compare Center/State Wise Performance

Yes! We know that you are always curious to know your centre/State wise performance report and it is now possible and made available on **dsat.allen.ac.in** 



#### Graphical Test Report

This report displays your performance graph. The slope shows the performance gradient. The student will know whether the effort put in is sufficient or not.

This report will assist in planning and executing both. A thorough analysis of performance and bench-marking will help you in improving constantly and performing outstandingly in the final examinations. Our wishes are with you!

### To aim is not enough...you must hit

D-SAT Mobile app is available on



Multi dimensional analysis of student performance on various parameters



## **Distance Learning Programmes**

(Session-2024-25)
ALL INDIA TEST SERIES

### **ABOUT FEEDBACK SYSTEM**

#### Dear Student,

We request you to provide feedback for the test series till you have appeared. Kindly answer the questions provided on the reverse of paper with honesty and sincerely.

Although our test series questions are extremely well designed and are able to improve speed, accuracy & developing examination temperament, yet we are always open to improvements.

If you have not prepared well for today's test and if you are not feeling good today, then do not blame test series for it.

We strive to prepare you for all kinds of situations and facing variations in paper, as this can also happen in Main exam. It is important for you to concentrate on your rank.

Go through the feedback form thoroughly and answer with complete loyalty. Darken your response (2, 1, 0) in OMR sheet corresponding to :

		Questions						
1.	Any problem in subscription of test series:							
	[2] Not at all	[1] Some time	[0] Problem faced					
2.	Test paper start on time:							
	[2] As per schedule	[1] Some time deviate from schedule	[0] Always delay					
3.	Test paper timing :							
	[2] Comfortable	[1] Average	[0] Need to be change					
4.	Location of test center:							
	[2] Good and approachable	[1] Average in terms of approach	[0] difficult to reach					
5.	Are you satisfy with result analysis :							
	[2] Outstanding	[1] Average	[0] Below average					
6.	The level of test paper [meet all the requirement of competitive examination]							
	[2] Outstanding	[1] Average	[0] Below average					
7.	Number of mistake in test papers							
	[2] Negligible	[1] Are very less	[0] Maximum					
8.	Do you think our test series is able to improve speed, accuracy & developing examination temperament?							
	[2] Yes	[1] Partly	[0] Not at all					
9.	Response from ALLEN on email / telephonically							
	[2] Always good and prompt	[1] Some time delay	[0] Not satisfactory					
10.	Response on test center							
	[2] Satisfactory	[1] Partly Satisfactory	[0] Not good					

# For More Material Join: @JEEAdvanced 2025