

Test Pattern

JEE(Advanced) CLASSROOM CONTACT PROGRAMME **FULL SYLLABUS** 02-03-2025

(Academic Session: 2024 - 2025)

JEE(Main + Advanced) : ENTHUSIAST COURSE (SCORE-II)

PAPER-2 (OPTIONAL) Time: 3 Hours Maximum Marks: 180

IMPORTANT NOTE: Students having 8 digits Form No. must fill two zero before their Form No. in OMR. For example, if your Form No. is 12345678, then you have to fill 0012345678.

READ THE INSTRUCTIONS CAREFULLY

GENERAL:

- This sealed booklet is your Question Paper. Do not break the seal till you are told 1. to do so.
- 2. Use the Optical Response Sheet (ORS) provided separately for answering the questions.
- 3. Blank spaces are provided within this booklet for rough work.
- Write your name, form number and sign in the space provided on the back cover of this 4. booklet.
- After breaking the seal of the booklet, verify that the booklet contains 24 pages and that 5. all the 18 questions in each subject and along with the options are legible. If not, contact the invigilator for replacement of the booklet.
- 6. You are allowed to take away the Question Paper at the end of the examination.

OPTICAL RESPONSE SHEET:

- 7. The ORS will be collected by the invigilator at the end of the examination.
- 8. Do not tamper with or mutilate the ORS. Do not use the ORS for rough work.
- Write your name, form number and sign with pen in the space provided for this purpose 9. on the ORS. Do not write any of these details anywhere else on the ORS. Darken the appropriate bubble under each digit of your form number.

DARKENING THE BUBBLES ON THE ORS:

- Use a **BLACK BALL POINT PEN** to darken the bubbles on the ORS. 10.
- Darken the bubble COMPLETELY. 11.
- 12. The correct way of darkening a bubble is as:
- 13. The ORS is machine-gradable. Ensure that the bubbles are darkened in the correct way.
- 14. Darken the bubbles ONLY IF you are sure of the answer. There is NO WAY to erase or "un-darken" a darkened bubble.
- Take $g = 10 \text{ m/s}^2$ unless otherwise stated. 15.

QUESTION PAPER FORMAT:

The question paper has three parts: Physics, Chemistry and Mathematics.

Please see the last page of this booklet for rest of the instructions

SOME USEFUL CONSTANTS

Atomic No. : H = 1, B = 5, C = 6, N = 7, O = 8, F = 9, Al = 13, P = 15, S = 16,

Cl = 17, Br = 35, Xe = 54, Ce = 58

Atomic masses: H = 1, Li = 7, B = 11, C = 12, N = 14, O = 16, F = 19, Na = 23, Mg = 24,

Al = 27, P = 31, S = 32, Cl = 35.5, Ca = 40, Fe = 56, Br = 80, I = 127,

Xe = 131, Ba=137, Ce = 140

• Boltzmann constant $k = 1.38 \times 10^{-23} J K^{-1}$

Coulomb's law constant $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9$

• Universal gravitational constant $G = 6.67259 \times 10^{-11} \text{ N-m}^2 \text{ kg}^{-2}$

• Speed of light in vacuum $c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$

• Stefan–Boltzmann constant $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{ Wm}^{-2}\text{-K}^{-4}$

• Wien's displacement law constant $b = 2.89 \times 10^{-3} \text{ m-K}$

• Permeability of vacuum $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ NA}^{-2}$

• Permittivity of vacuum $\in_0 = \frac{1}{\mu_0 c^2}$

• Planck constant $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J-s}$

Space for Rough Work

E-2/24 1001CJA101021240048

HAVE CONTROL → HAVE PATIENCE → HAVE CONFIDENCE ⇒ 100% SUCCESS

BEWARE OF NEGATIVE MARKING

PART-1: PHYSICS

SECTION-I (i): (Maximum Marks: 12)

• This section contains **FOUR (04)** questions.

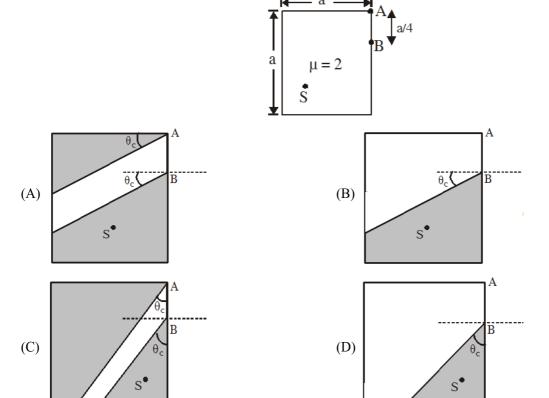
- Each question has **FOUR** options (A), (B), (C) and (D). **ONLY ONE** of these four options is the correct answer.
- For each question, choose the option corresponding to the correct answer.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme :

Full Marks : +3 If ONLY the correct option is chosen.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered)

Negative Marks : -1 In all other cases

1. Figure shows a transparent block of front sides 'a' and 'a'. The third dimension of the block is negligible. A point source S which can emit light in all directions can move inside the block. It is desired that no light of 'S' should pass through AB. The region in which S should be present to satisfy this condition shown by shaded region. Choose correct option.



1001CJA101021240048 E-3/24

2. A string on a musical instrument is held under tension T and extends from the point x=0 to point x=L. The string is overwound with a wire in such a way that its mass per unit length μ (x) increases uniformly from μ_0 at x=0 to μ_L at x=L. Find the time interval required for a transverse pulse to travel the length of the string.

$$(A) \ \Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} - \sqrt{\mu_0}\right)}$$

(B)
$$\Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 - \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

(C)
$$\Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

$$(D) \ \Delta t = \frac{2L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{3\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

- 3. A uranium nucleus 235 U liberates 200 MeV per fission. 1.5 kg of uranium reacts during explosion of a uranium bomb. What is the mass of an equivalent TNT bomb if the heating capacity of TNT is 4.1×10^6 J/kg?
 - (A) $3 \times 10^6 \text{ kg}$
 - (B) $3 \times 10^7 \text{ kg}$
 - (C) $9 \times 10^7 \text{ kg}$
 - (D) $9 \times 10^6 \text{ kg}$
- 4. A solid sphere (density = 8900 kg/m³ and specific heat capacity $S = 390 \text{ J-kg}^{-1}\text{-K}^{-1}$) of radius 10 cm is at an initial temperature $T_1 = 200 \text{ K}$. It is then suspended inside a chamber whose walls are at almost 0 K. Calculate the time required for the temperature of the sphere to drop to $T_2 = 100 \text{ K}$. Given $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{W/m}^2 \text{K}^4$
 - (A) 123 hrs 21 mins
 - (B) 227 hrs 51 mins
 - (C) 148 hrs 23 mins
 - (D) 165 hrs 19 mins

E-4/24 1001CJA101021240048

SECTION-I (ii): (Maximum Marks: 24)

• This section contains **SIX (06)** questions.

- Each question has **FOUR** options. **ONE OR MORE THAN ONE** of these four option(s) is (are) correct answer(s).
- For each question, choose the option(s) corresponding to (all) the correct answer(s)

• Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

Partial Marks : +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen.

Partial Marks : +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen and

both of which are correct.

Partial Marks : +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen and it is a

correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks : -2 In all other cases.

- For Example: If first, third and fourth are the ONLY three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in −2 marks.
- 5. Total energy of a particle executing oscillating motion is 3 joule and given by

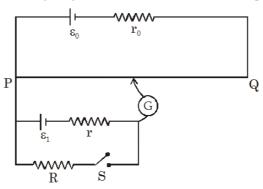
$$E = x^2 + 2x + v^2 - 2v$$

Where x is the displacement from origin and v is velocity of particle at x. Then choose the correct statement(s):

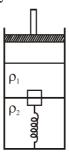
- (A) Amplitude of oscillation is 1m
- (B) Maximum velocity of particle during oscillation is 3 m/sec
- (C) Amplitude of oscillation can be 2m
- (D) Maximum velocity of particle during oscillation is $(\sqrt{5} + 1)$ m/sec

1001CJA101021240048 E-5/24

6. Diagram shows a potentiometer. The wire of potentiometer is of length ℓ and is of uniform cross-section A but its resistivity varies as $\rho = \rho_0 \frac{x}{\ell}$ (x measured from end P). When switch was opened, balancing length was ℓ_1 while when switch was closed, balancing length was ℓ_2 . Choose the correct option(s):



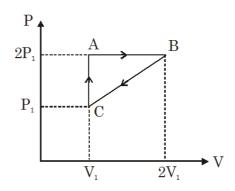
- (A) Value of ϵ_1 is $\frac{\rho_0\epsilon_0\ell_1^2}{2A\ell r_0+\rho_0\ell^2}$
- (B) Value of ε_1 is $\frac{\rho_0 \varepsilon_0 \ell_1 \ell_2}{\frac{R}{\ell_2} + 2A \ell r_0 + \rho_0 \ell_1 \ell_2}$
- (C) Value of r is $R\left[\left(\frac{\ell_1}{\ell_2}\right)^2 1\right]$
- (D) Value of r is R $\left[\left(\frac{\ell_2}{\ell_1} \right)^2 1 \right]$
- 7. The figure shows a cylindrical container fitted with a piston. It contains two immiscible incompressible liquids with densities ρ_1 and ρ_2 . A block floats is equilibrium in the position shown. Choose the **CORRECT** statement(s). (Spring is connected to bottom of cylinder as well as block.)



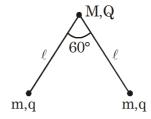
- (A) Suppose the spring is compressed. Now, if the piston is moved downward then compression in spring will be same as before.
- (B) Suppose the spring is compressed. Now if the whole system is moved with some acceleration upward then spring will definitely attain natural length.
- (C) Supposed the spring is initially relaxed. The piston is moved downward and whole system is accelerated upward then no change will occur in the state of spring.
- (D) Supposed the spring is initially relaxed. The piston is moved downward and whole system is accelerated upward then the change in state of spring will depend on ρ_1 and ρ_2 .

E-6/24 1001CJA101021240048

8. Consider the PV cycle shown. If the heat given to one mole of the monatomic gas in the step AB is Q, then:



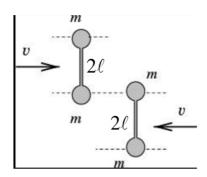
- (A) Work done in the process BC on the gas is 3Q/10
- (B) The heat released in the process BC is 2Q/5
- (C) The efficiency of the cycle is 10%
- (D) The heat given to the gas during CA is 3Q/10
- 9. A particle having charge Q and mass M = 2m is tied to two identical particles, each having mass m and charge q. The particles are connected with ideal strings of equal length ℓ . The system is held at rest on a smooth horizontal surface (with string taut) in a position where string make an angle of 60° between them. From this position the system is released:



- (A) The amplitude of oscillation of M is $\frac{\sqrt{3}}{4} \ell$
- (B) Maximum speed acquired by M is $\frac{q}{4}\sqrt{\frac{1}{\pi \in_0 m \ell}}$
- (C) When all the particles are in straight line, speed of each particle is same.
- (D) Tension in string when particles are in straight line is $T = \frac{q}{16\pi \epsilon_0 \ell^2} (4Q + 5q)$

1001CJA101021240048 E-7/24

10. A dumb-bell is made of two small spheres of equal mass connected by a light rigid rod of length 2ℓ. Two such identical dumb-bells approach each other with zero angular velocity on a smooth horizontal table as shown and undergo an elastic collision of negligible duration. Which of the following statements is/are true?



- (A) Just after collision, the tension in the rods is $\frac{2mv^2}{\ell}$
- (B) The rods do not exert any impulse on the spheres during the collision
- (C) The center of mass of each dumb-bell remains at rest for a time $\frac{\pi \ell}{v}$
- (D) There will be a second collision.

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

E-8/24 1001CJA101021240048

SECTION-III: (Maximum Marks: 24)

This section contains EIGHT (08) questions.

• The answer to each question is a **SINGLE DIGIT INTEGER** ranging from 0 to 9, both inclusive.

• For each question, enter the correct integer value of the answer in the place designated to enter the answer.

• For each question, marks will be awarded in <u>one of the following categories</u>:

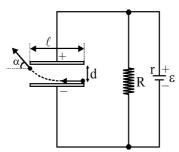
Full Marks : +3 If only the correct answer is given.

Zero Marks : 0 If no answer is given.

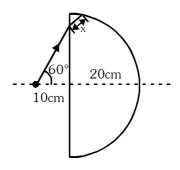
Negative Marks : -1 In all other cases

1. A parallel plate capacitor with plates of length ℓ is included in a circuit as shown in figure. Given are the emf of the current source, its internal resistance r and the distance d between the plates. An electron with a velocity V_0 flies into the capacitor, parallel to the plates. The resistance R should be connected in parallel with the capacitor so that the electron flies out of the capacitor at an angle of 37° to the plates is given as α Ω . Find $\frac{\alpha}{10}$.

(Assume that circuit is in steady state). (Take : $\ell = 91$ cm, $\epsilon = 3V$, $r = 2\Omega$, $d = \frac{1}{3}$ mm, $v_0 = 4 \times 10^7$ m/s)

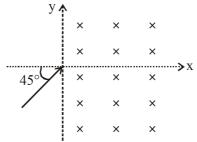


2. A point-like light-source is placed (in air) to the symmetry axis of a hemisphere shaped piece of glass of radius 20 cm, 10 cm away from the plane surface. The refractive index of glass is 1.5. If a ray travels a distance x (in cm) through the glass till it reaches the curved surface as shown in figure then find the value of $\frac{\sqrt{2}+1}{5}$ x.

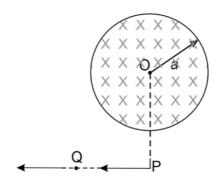


1001CJA101021240048 E-9/24

3. Two point charges A and B, having charges q_A and q_B in ratio $\frac{q_A}{q_B} = \frac{-\left(\sqrt{2}+1\right)}{\sqrt{2}-1}$, enter a uniform magnetic field given by $\vec{B} = 0$ for x < 0 & $\vec{B} = -B_0 \hat{k}$ for x > 0. Charges enter at origin making an angle 45° with x-axis moving in xy plane as shown, one by one, and eventually, come out. During their motion the maximum x-coordinate acquired by both of them is equal. If their de-Broglie wavelengths are λ_A and λ_B respectively, find $\frac{\lambda_A}{\lambda_B}$. (Ignore interaction between A and B) $(q_A$ is -ve)



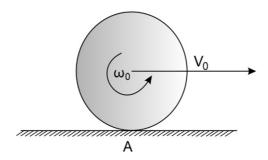
- Consider a standard YDSE setup in which a bichromatic source of light is used. Find the 2nd closest (non-zero) distance (in mm) from the central bright where the intensity is maximum. (the terms have their usual meaning)
 (Given: λ₁ = 300 nm, λ₂ = 500 nm, d = 1mm, D = 1m)
- 5. There exists a uniform magnetic field perpendicular to the plane of the figure in cylindrical region of radius a. The magnetic field is increasing at a constant rate $\alpha T s^{-1}$. A particle having charge q is at a point P outside the field region. The particle is slowly moved to infinity, work done by the external agent on the particle if, the particle is moved in a direction perpendicular to OP along PQ is $\frac{\pi q a^2 \alpha}{n}$. Find n.



6. In a hypothetical hydrogen atom the electrostatic potential energy of interaction of proton and electron is given by $U = U_0 \, \ell \, n \left(\frac{r}{r_0} \right)$ where U_0 and r_0 are constants and r is radius of circular orbit of electron. For such hydrogen atom the energy difference between n^{th} and m^{th} state is represented by ΔE_{nm} . Calculate the ratio ΔE_{12} : ΔE_{24} . Assume Bohr's assumption of angular momentum quantization to hold.

E-10/24 1001CJA101021240048

- 7. In a region of space a uniform magnetic field exist in positive z direction and there also exists a uniform electric field along positive y direction. A particle having charge +q and mass m is released from rest at the origin. The particle moves on a curve known as cycloid. If a wheel of radius R were to roll on the X axis, a fixed point on the circumference of the wheel would generate this cycloid. It is given that strength of magnetic and electric fields are B_0 and E_0 respectively. Radius, $R = \frac{nmE_0}{7qB_0^2}$. Find n.
- 8. A solid sphere of mass m and radius r is given an initial angular velocity ω_0 on and a linear velocity $v_0 = \lambda r \omega_0$ from a point A on a rough horizontal surface. It is observed that the ball turns back and returns to the point A after some time if λ is less than a certain maximum value λ_0 . Find $10\lambda_0$.



1001CJA101021240048 E-11/24

PART-2: CHEMISTRY

SECTION-I (i): (Maximum Marks: 12)

- This section contains **FOUR (04)** questions.
- Each question has **FOUR** options (A), (B), (C) and (D). **ONLY ONE** of these four options is the correct answer.
- For each question, choose the option corresponding to the correct answer.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme :

Full Marks : +3 If ONLY the correct option is chosen.

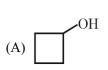
Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered)

Negative Marks : -1 In all other cases

- 1. When 0.1 mole salt of cobalt (III) forming octahedral structure with chemical formula $\left[\text{Co(NH}_3)_x\text{Cl}_y\right]\text{Cl}_z$ get dissolved in 31 mole of water, then freezing point of solution becomes 272.15K. Determine the value of (x+y+z), if K_f of water is 1.86 K kg mol⁻¹ and freezing point of pure water is 273.15 K (assuming dissociation of given salt is 100%)
 - (A) 6 (B) 7
 - (C) 8 (D) 9
- 2. Which of the following reaction will produce HD? $(D = {}^{2}H)$ without contamination of H₂ and D₂?
 - (A) Applying electric arc to a mixture of H₂ & D₂
 - (B) Adding D₂O to NaH
 - (C) Electrolysis of HDO
 - (D) Electrolysis of NaCl solution in D₂O.
- **3.** The correct statement among the following is :-
 - (A) $WO_4^{2-} > MoO_4^{2-} > CrO_4^{2-}$ (oxidising power)
 - (B) Ni = Pt > Pd (No. of unpaired 'd' electrons)
 - (C) Fe > Co > Ni (density)
 - (D) Eu > Gd > Tb (No. of protons)

E-12/24 1001CJA101021240048

Major product 'E' is



(C)
$$CH_2$$
-OH

1001CJA101021240048 E-13/24

SECTION-I (ii): (Maximum Marks: 24)

• This section contains **SIX (06)** questions.

• Each question has **FOUR** options. **ONE OR MORE THAN ONE** of these four option(s) is (are) correct answer(s).

• For each question, choose the option(s) corresponding to (all) the correct answer(s)

• Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

Partial Marks : +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen.

Partial Marks : +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen and

both of which are correct.

Partial Marks : +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen and it is a

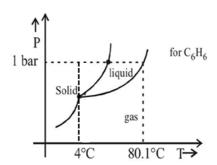
correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks : -2 In all other cases.

- For Example: If first, third and fourth are the ONLY three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in −2 marks.
- 5. The standard boiling point of benzene (C_6H_6) is 80.1°C, then for given process $C_6H_6(\ell) \rightarrow C_6H_6(g)$

Select the correct statement(s):



- (A) ΔG is zero at standard boiling point for the given process
- (B) ΔG° is zero at standard boiling point for the given process
- (C) ΔH° is positive for given process
- (D) ΔS° is positive for given process.

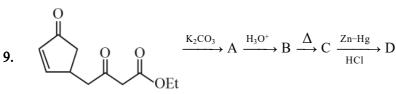
E-14/24 1001CJA101021240048

6. For the gas phase reaction :

$$C_2H_4 + H_2 \rightleftharpoons C_2H_6 (\Delta H = -32.7 \text{Kcal})$$

carried out in a vessel, the equilibrium concentration of C₂H₄ can be increased by-

- (A) increasing the temperature
- (B) decreasing the pressure
- (C) removing some H₂ at constant volume
- (D) adding some C₂H₆ at constant volume
- 7. Chiral compounds among the following are:-
 - (A) $\left[\text{Ru(bpy)}_3 \right]^{2+}$
 - (B) $Fac [Co(NO_2)_3 (dien)]$
 - (C) $Mer [Co(NO_2)_3 (dien)]$
 - (D) $\left[Mn(acac)_{3} \right]$
- **8.** Which of the following is correctly matched?
 - (A) Zone refining Ga, In
 - (B) Vapour phase refining Ti, Ni
 - (C) Liquation Sn, W
 - (D) Distillation Zn, Hg



Select the correct options.

- (A) Product 'C' is a symmetrical diketone.
- (B) 'D' produces brisk effervescence with NaHCO₃.
- (C) Formation of 'A' is an example of conjugate addition.
- (D) 'D' on monobromination with Br₂/hv produces 3 products (not including stereoisomers)

1001CJA101021240048 E-15/24

10. Which of the following reactions are feasible?

(A)
$$NaOH$$

(B)
$$Me_3C$$
 O CH_3 III O $OLi + CH_3I$ O

(C)
$$H_3C$$
 OH Conc. HBr/CH_3COCH_3 H_3C CH_3

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

E-16/24 1001CJA101021240048

SECTION-III: (Maximum Marks: 24)

• This section contains **EIGHT (08)** questions.

• The answer to each question is a **SINGLE DIGIT INTEGER** ranging from 0 to 9, both inclusive.

• For each question, enter the correct integer value of the answer in the place designated to enter the answer.

• For each question, marks will be awarded in <u>one of the following categories</u>:

Full Marks : +3 If only the correct answer is given.

Zero Marks : 0 If no answer is given.

Negative Marks : -1 In all other cases

1. At 27° C and 1 bar, gaseous N_2O_4 is 50% dissociated into NO_2 at equilibrium by the reaction :

$$N_2O_4 \rightleftharpoons 2NO_2$$

If magnitude of standard Gibbs free energy change of the reaction in cal/mol at 727°C is 'P' cal/mol, then find value of $\left(\frac{P}{100}\right)$?

[Given: ln2 = 0.7, ln3 = 1.1]

2. The standard reduction potential of silver chloride electrode (Ag/AgCl/Cl⁻)(metal – sparingly soluble salt electrode) is 0.21 V and for silver electrode is 0.80 V. If the moles of AgCl that can be dissolved in 10 L of a 0.01 M NaCl solution is represented as 10^{-y}, then find the value of y?

Given:
$$\frac{2.303 \,\text{RT}}{\text{F}} = 0.059$$

3. For the reaction

$$Br_2(I) + Cl_2(g) \rightleftharpoons 2BrCl(g)$$
;

In a closed container of volume 164 L initially 10 moles of Cl_2 are present at 27°C. What minimum mass (in gram) of $Br_2(I)$ must be introduced into this container so that above equilibrium is maintained at total pressure of 2.25 atm. Vapour pressure of $Br_2(I)$ at 27°C is 0.25 atm. Assume that volume occupied by liquid is negligible. (R = 0.082 L atm mol⁻¹ K⁻¹, Atomic mass of Br = 80). Express minimum mass required as $x \times 10^2$ g. Determine x.

4. Pyrolusite, Rutile, Chromite, Bauxite, Kernite, Limonite, Chalcopyrite, Cerrusite.

Total number of transition metal oxide ores are :-

5. The oxidation state of Nickel in the final product of the given reaction is:-

$$Ni^{+2}(aq.) \xrightarrow{KCN} A \xrightarrow{K \text{ metal in liq. } NH_3} B$$

p-isobutylbenzaldehyde

Final product (D) is soluble in aq. NaHCO₃. Calculate the total number of sp² hybridised carbons in (D).

1001CJA101021240048 E-17/24

7. Find total number of reactions in which final product can be secondary amine.

(1)
$$NaBH_4$$
 CH_3OH

NH2

OH

(2) HN
 $ACHO$
 A

8.
$$\frac{H_2SO_4}{\Delta} A \xrightarrow{Zn} B \xrightarrow{KMnO_4} C \xrightarrow{phenol} C_{20}H_{14}O_4$$

$$H_3C CH_3$$

How many given statements are correct regarding final product?

- (1) At pH=0, it is colorless and total charge of this colorless compound is 0.
- (2) At pH=14, it is colorless and total charge of this colorless compound is -3.
- (3) Number of sp² hybridised carbon atoms in final product is 20.
- (4) Number of acidic hydrogen atoms in final product is 3.

E-18/24 1001CJA101021240048

ALLEN®.

PART-3: MATHEMATICS

SECTION-I (i): (Maximum Marks: 12)

- This section contains **FOUR (04)** questions.
- Each question has **FOUR** options (A), (B), (C) and (D). **ONLY ONE** of these four options is the correct answer.
- For each question, choose the option corresponding to the correct answer.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme :

Full Marks : +3 If ONLY the correct option is chosen.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered)

Negative Marks : -1 In all other cases

- 1. For $\theta \in (0, 2\pi) \{\pi\}$, sum of all values of θ' satisfying equation $4\cot^4\theta + 9\cot^3\theta + 8\cot^2\theta + 9\cot\theta + 4 = 0$; is equal to :
 - (A) 5π

(B) 6π

(C) 7π

- (D) None
- 2. For p, q, r > 0 the least value of $\frac{(2p^8 + 2q^8 + 3r^2)^2}{p^2q^2r^3}$ is equal to:
 - (A) 16

(B) $16\sqrt{2}$

(C) 32

- (D) $32\sqrt{2}$
- **3.** How many of following statement(s) is/are TRUE?
 - (i) There exist infinite pairs of square matrices (A, B) such that AB BA = I, where I is identity matrix of same order.
 - (ii) For two invertible matrices of same order A & B det (I + AB) = det(I + BA)
 - (iii) Determinant value of each skew-symmetric matrix with integral entries is perfect square of an integer.
 - (iv) For distinct positive integers a, b, c if $\begin{vmatrix} a & 0 & 1 \\ a & b & -b \\ 0 & 1 & c \end{vmatrix} = 23$, then least of a + b + c is 13.
 - (A) 1

(B) 2

(C) 3

- (D) 4
- 4. Value of $\sum_{i=1}^{10} {}^{10}C_j \left(\sum_{i=1}^{10-j} {}^{10-j}C_i \right)$ is divisible by :
 - (A) 5

(B) 3

(C) 2

(D) None

1001CJA101021240048 E-19/24

SECTION-I (ii): (Maximum Marks: 24)

- This section contains **SIX (06)** questions.
- Each question has **FOUR** options. **ONE OR MORE THAN ONE** of these four option(s) is (are) correct answer(s).
- For each question, choose the option(s) corresponding to (all) the correct answer(s)
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

Partial Marks : +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen.

Partial Marks : +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen and

both of which are correct.

Partial Marks : +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen and it is a

correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks : -2 In all other cases.

- For Example: If first, third and fourth are the ONLY three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in −2 marks.
- 5. If every solution of the equation $x([x]-5)+2\{x\}+6=0$, satisfies the inequality $(a-3)x^2+2(a+3)x-8a\leqslant 0$, where [x] and $\{x\}$ denote greatest integer and fractional part functions respectively then value(s) of a can be

$$(A) (-2, 1)$$

(B)
$$(-9, 0]$$

(C)
$$\{0,1\}$$

6. If
$$f(x) = \lim_{n \to \infty} \frac{\left(1 - \cos\left\{1 - \tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right)\right\}\right) (x+1)^n + \lambda \sin\left(n - \sqrt{n^2 - 8n}\right) x}{x^2 (x+1)^n + x}$$

 $x \neq 0$ is continuous at x = 0 then

(A)
$$f(0) = 1$$

(B)
$$\lambda = \frac{1}{2}$$

(C)
$$f(0) = 2$$

(D)
$$\lambda = 1$$

E-20/24 1001CJA101021240048

- 7. Consider the family of planes x + y + z = c where c is a parameter intersecting the coordinate axes at P, Q, R and α , β , γ are the angles made by each member of this family with positive x, y and z axis. Which of the following interpretations hold good for this family.
 - (A) each member of this family is equally inclined with the coordinate axes.

(B)
$$\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 1$$

(C)
$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 2$$

(D) for c = 3 area of the triangle PQR is $3\sqrt{3}$ sq. units.

8. If
$$\int \frac{(x-1)dx}{x^2\sqrt{2x^2-2x+1}} = \frac{\sqrt{f(x)}}{g(x)} + c$$
, then

(A)
$$f(x) = 2x^2 - 2x + 1$$

(B)
$$g(x) = x + 1$$

(C)
$$f(x) = 2x^2 - 2x$$

(D)
$$g(x) = x$$

9. Let f(x,y) = 0 is a solution of the differential equation $\frac{dy}{dx} = \frac{y - 2x^3}{x + 2yx^2}$ in x-y plane where f(1, 1) = 3.

The value of λ , for which the line $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+1}{1}$ intersects the curve $f(x,y) = \lambda$, is less than:

$$(A)$$
 7

$$(C)$$
 13

- 10. Let $f: R \to R$ be a differentiable function satisfying $f\left(\frac{x+y}{2}\right) = \frac{f(x) + f(y)}{2} \ \forall x, y \in R$. If f(0) = 1 and f'(0) = -1, then which of the following is/are correct?
 - (A) f(|x|) is non-differentiable at one point
 - (B) Number of solution of the equation $f(x) = f^{-1}(x)$ is exactly 1.

(C)
$$\sum_{r=0}^{10} (f(r))^2 = 286$$

(D) $tan^{-1}(f(x))$ is derivable $\forall x \in R$

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

1001CJA101021240048 E-21/24

SECTION-III: (Maximum Marks: 24)

- This section contains **EIGHT (08)** questions.
- The answer to each question is a **SINGLE DIGIT INTEGER** ranging from 0 to 9, both inclusive.
- For each question, enter the correct integer value of the answer in the place designated to enter the answer.
- For each question, marks will be awarded in <u>one of the following categories</u>:

Full Marks : +3 If only the correct answer is given.

Zero Marks : 0 If no answer is given.

Negative Marks : -1 In all other cases

- 1. The area of the loop of the curve, $3y^2 = x^2(3 x)$ is 'A' then find [A] where [] represent G.I.F.
- 2. A wire of given length ' ℓ ' is cut into two pieces which are then bent into two shapes i.e. circle & square respectively. If the sum of the area of circle and square will be least when (side of square) = k (diameter of circle), then find the sum of digits of $\sqrt{2025}$ k.
- 3. Value of $\lim_{x\to 0} \frac{\sin^{-1}x \tan^{-1}x + (1+x^3)^{1/3} 1}{x^3}$ is K then value of 6K is
- **4.** If a, b, c, d > 0, $x \in R$ and $(a^2 + b^2 + c^2)x^2 2(ab + bc + cd)x + b^2 + c^2 + d^2 \le 0$, then

value of
$$\begin{vmatrix} 33 & 14 & \ell \, \text{na} \\ 65 & 27 & \ell \, \text{nb} \end{vmatrix} + \frac{b^2 + c^2}{ac + bd}$$
 is

5. For $\lambda \in Z^+$ (the set of all positive integers),

$$\lim_{n\to\infty}\frac{(n+7)^{2-\lambda}(1^{\lambda}+2^{\lambda}+\ldots\ldots+n^{\lambda})}{(n^2\lambda+1^2)+(n^2\lambda+2^2)+\ldots\ldots+(n^2\lambda+n^2)}=\frac{3}{40}$$
 then $\lambda=$

- 6. Let z is a complex number satisfying $\arg\left(\frac{z+\ell}{z+m}\right) = \frac{\pi}{6}$, $(\ell, m \in R)$. Locus of z is an arc of a circle $x^2 + y^2 + 3\sqrt{2}x \sqrt{6}y + 4 = 0$ then $\ell^2 + m^2 \ell m = \dots$
- 7. The slope of tangent and normal to the curve

$$(y + x^3)^3 = x^2 (\tan^{-1}(\tan x) + \csc^{-1}(\csc x) + x^2)^2$$
 at the point $(2, -4)$ are m_1 and m_2 respectively. Then $[m_2 - m_1] = \dots, ([\cdot]$ denotes GIF)

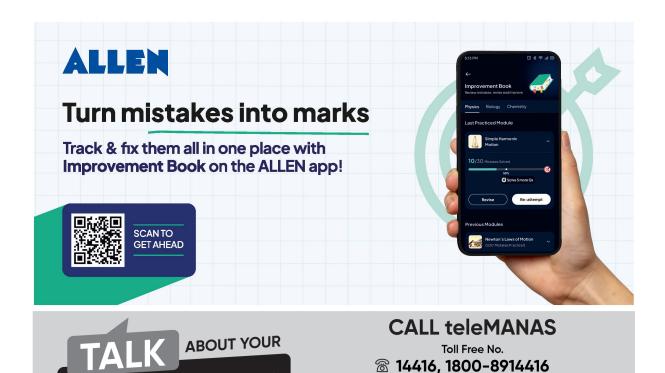
8. Let S (a, b, c) be the mirror image of a point Q (3, 2, 9) with respect to the plane given by $\vec{r} = (1+2\mu)\hat{i} + (2+\lambda-\mu)\hat{j} - \lambda\hat{k}, \text{ where } \lambda \text{ and } \mu \text{ are parameters. Then } c - b =$

E-22/24 1001CJA101021240048

Space for Rough Work

1001CJA101021240048 E-23/24

NAME OF THE CANDIDATE	
FORM NO.	
I have read all the instructions and shall abide by them.	I have verified the identity, name and Form number of the candidate, and that question paper and ORS codes are the same.
Signature of the Candidate	Signature of the Invigilator



ALLEN CAREER INSTITUTE Pvt. Ltd.

Registered & Corporate Office: 'SANKALP', CP-6, Indra Vihar, Kota (Rajasthan) INDIA-324005 Ph.: +91-744-3556677, +91-744-2757575 | E-mail: info@allen.in | Website: www.allen.ac.in

E-24/24

Your Target is to secure Good Rank in JEE 2025

1001CJA101021240048





Test Pattern

JEE(Advanced) FULL SYLLABUS 02-03-2025

CLASSROOM CONTACT PROGRAMME

(Academic Session: 2024 - 2025)

JEE(Main+Advanced): ENTHUSIAST COURSE (SCORE-II)

Time: 3 Hours PAPER-2 (OPTIONAL) Maximum Marks: 180

महत्वपूर्ण निर्देश: जिन विद्यार्थियों के फॉर्म नम्बर 8 अंकों के हैं, उन्हें OMR में फॉर्म नम्बर के पहले दो शून्य भरना है। जैसे कि, यदि आपका फॉर्म नम्बर 12345678 है, तो आपको 0012345678 भरना है।

कृपया इन निर्देशों को ध्यान से पढ़ें

सामान्य :

- 1. यह मोहरबन्ध पुस्तिका आपका प्रश्नपत्र है। इसकी मुहर तब तक न तोड़ें जब तक इसका निर्देश न दिया जाये।
- 2. प्रश्नों का उत्तर देने के लिए अलग से दी गयी ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ. आर. एस.) (ORS) का उपयोग करें।
- 3. कच्चे कार्य के लिए इस पुस्तिका में खाली स्थान दिये गये हैं।
- 4. इस पुस्तिका के पिछले पृष्ठ पर दिए गए स्थान में अपना नाम व फॉर्म नम्बर लिखिए एवं हस्ताक्षर बनाइये।
- 5. इस पुस्तिका की मुहर तोड़ने के बाद कृपया जाँच लें कि इसमें 24 पृष्ठ हैं और प्रत्येक विषय के सभी 18 प्रश्न और उनके उत्तर विकल्प ठीक से पढ़े जा सकते हैं। यदि नहीं, तो प्रश्नपत्र को बदलने के लिए निरीक्षक से सम्पर्क करें।
- 6. परीक्षार्थी प्रश्नपत्र को परीक्षा की समाप्ती पर ले जा सकते हैं।

ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ.आर.एस.) :

- 7. ओ. आर. एस. को परीक्षा के समापन पर निरीक्षक के द्वारा एकत्र कर लिया जाएगा।
- 8. ओ. आर. एस. में हेर-फेर/विकृति न करें। **ओ.आर.एस. का कच्चे काम के लिए प्रयोग न करें।**
- 9. अपना नाम और फॉर्म नम्बर ओ.आर.एस. में दिए गए खानों में कलम से लिखें और अपने हस्ताक्षर करें। इनमें से कोई भी विवरण ओ.आर.एस. में कहीं और न लिखें। फॉर्म नम्बर के हर अंक के नीचे अनुरूप बुलबुले को काला करें।

ओ.आर.एस. पर बुलबुलों को काला करने की विधि:

- 10. ओ.आर.एस. के बुलबुलों को काले बॉल पॉइन्ट कलम से काला करें।
- 11. बुलबुले 🔾 को पूर्णं रूप से काला करें।
- 12. बुलबुले को काला करने का उपयुक्त तरीका है :
- 13. ओ.आर.एस. मशीन जाँच्य है। सुनिश्चित करें की बुलबुले सही विधि से काले किए गये हैं।
- 14. बुलबुले को तभी काला करें जब आप उत्तर के बारे में निश्चित हों। काले किए हुए बुलबुले को मिटाने अथवा साफ करने का कोई तरीका नहीं है।
- 15. $\mathbf{g} = \mathbf{10} \ \mathbf{m/s^2} \ \mathbf{y} \ \mathbf{y}$ पुक्त करें, जब तक कि अन्य कोई मान नहीं दिया गया हो।

प्रश्नपत्र का प्रारूप :

16. इस प्रश्नपत्र में तीन भाग हैं : भौतिक विज्ञान, रसायन विज्ञान एवं गणित।

कृपया शेष निर्देशों के लिए इस पुस्तिका के अन्तिम पृष्ठ को पढ़ें।

SOME USEFUL CONSTANTS

Atomic No. : H = 1, B = 5, C = 6, N = 7, O = 8, F = 9, Al = 13, P = 15, S = 16,

Cl = 17, Br = 35, Xe = 54, Ce = 58

Atomic masses: H = 1, Li = 7, B = 11, C = 12, N = 14, O = 16, F = 19, Na = 23, Mg = 24,

Al = 27, P = 31, S = 32, Cl = 35.5, Ca = 40, Fe = 56, Br = 80, I = 127,

Xe = 131, Ba=137, Ce = 140

• Boltzmann constant $k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$

• Coulomb's law constant $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9$

• Universal gravitational constant $G = 6.67259 \times 10^{-11} \text{ N-m}^2 \text{ kg}^{-2}$

• Speed of light in vacuum $c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$

• Stefan–Boltzmann constant $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \, \mathrm{Wm}^{-2} - \mathrm{K}^{-4}$

• Wien's displacement law constant $b = 2.89 \times 10^{-3} \text{ m-K}$

• Permeability of vacuum $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ NA}^{-2}$

Permittivity of vacuum $\in_0 = \frac{1}{\mu_0 c^2}$

• Planck constant $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J-s}$

कच्चे कार्य के लिए स्थान

H-2/24 1001CJA101021240048

HAVE CONTROL → HAVE PATIENCE → HAVE CONFIDENCE ⇒ 100% SUCCESS

BEWARE OF NEGATIVE MARKING

PART-1: PHYSICS SECTION-I (i): (अधिकतम अंक: 12)

इस खण्ड में चार (04) प्रश्न हैं

प्रत्येक प्रश्न में चार उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें केवल एक ही सही हैं।

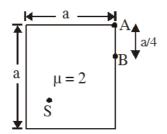
प्रत्येक प्रश्न के लिए सही उत्तर विकल्प के अनुरूप विकल्प को चुनें।

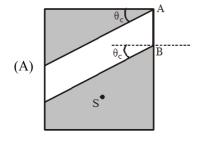
प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगेः

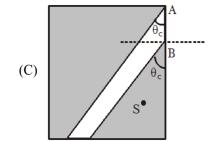
पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को चुना गया है। शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है

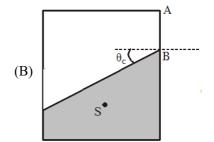
 π ण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

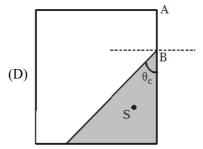
1. चित्र में एक पारदर्शी ब्लॉक को दर्शाया गया है, जिसकी सामने की भुजाऐ 'a' तथा 'a' हैं। ब्लॉक की तीसरी विमा नगण्य मानी जा सकती है। एक बिन्दु स्रोत S, जो कि सभी दिशाओं में प्रकाश उत्सर्जित कर सकता है, ब्लॉक के अन्दर गित करता है। हम यह चाहते हैं कि S का प्रकाश AB में से होकर न गुजरे। इस शर्त को संतुष्ट करने के लिए S को जिस भाग में होना चाहिये, उसे यहां छायांकित भाग द्वारा दर्शाया गया है। सही विकल्प चुनिये।











1001CJA101021240048 H-3/24

2. किसी वाद्य यंत्र में लगी डोरी को T तनाव के अधीन बिन्दु x=0 से x=L तक तनित किया गया है। इस डोरी पर एक तार को इस प्रकार लपेट दिया जाता है कि इसकी प्रति इकाई लम्बाई का द्रव्यमान μ (x), x=0 पर μ_0 से x=L पर μ_L तक रैखिक रूप से एकसमान रूप से बढ़ता है। किसी अनुप्रस्थ स्पंद को डोरी की लम्बाई को तय करने में लगा आवश्यक समयान्तराल होगा:-

$$(A) \ \Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} - \sqrt{\mu_0}\right)}$$

$$(B) \ \Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 - \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

(C)
$$\Delta t = \frac{3L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{2\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

$$(D) \ \Delta t = \frac{2L \left(\mu_L + \mu_0 + \sqrt{\mu_L \mu_0}\right)}{3\sqrt{T} \left(\sqrt{\mu_L} + \sqrt{\mu_0}\right)}$$

- 3. एक यूरेनियम नाभिक 235 U प्रति विखंडन 200 MeV ऊर्जा उत्सर्जित करता है। एक यूरेनियम बम के विस्फोटन के दौरान 1.5 kg यूरेनियम अभिक्रिया दर्शाता है। एक तुल्य TNT बम का द्रव्यमान क्या होगा, यदि TNT की ऊष्मन धारिता 4.1×10^6 J/kg है?
 - (A) $3 \times 10^6 \text{ kg}$
 - (B) $3 \times 10^7 \text{ kg}$
 - (C) $9 \times 10^7 \text{ kg}$
 - (D) $9 \times 10^6 \text{ kg}$
- 4. त्रिज्या 10 cm वाला एक ठोस गोला (घनत्व = $8900~{\rm kg/m^3}$ व विशिष्ट ऊष्मा धारिता $S=390~{\rm J-kg^{-1}-K^{-1}}$) प्रारंभिक तापमान $T_1=200~{\rm K}$ पर है। अब इसे लगभग $0~{\rm K}$ पर दीवारों से बने कक्ष में लटका दिया जाता है। गोले का तापमान $T_2=100~{\rm K}$ तक गिरने के लिए आवश्यक समय ज्ञात कीजिये। (दिया है: $\sigma=5.67\times 10^{-8}{\rm W/m^2-K^4}$)
 - (A) 123 hrs 21 mins
 - (B) 227 hrs 51 mins
 - (C) 148 hrs 23 mins
 - (D) 165 hrs 19 mins

H-4/24 1001CJA101021240048

SECTION-I (ii) : (अधिकतम अंक: 24)

इस खंड में छ: (06) प्रश्न हैं।

प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही है(हैं)।

प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।

प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

्रेंगांशिक अंक : +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

्र *आंशिक अंक* : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और चुने हुए दोनों विकल्प

सही विकल्प हैं।

आंशिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और चुना हुआ विकल्प सही

विकल्प हैं।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)।

 $\frac{1}{2}$ अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणतः पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), -2 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- 5. दोलनी गित कर रहे एक कण की कुल ऊर्जा 3 जूल है तथा इसे निम्न प्रकार दिया जाता है

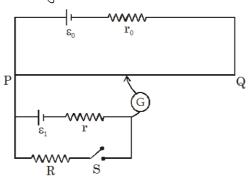
$$E = x^2 + 2x + v^2 - 2v$$

जहाँ x मूलबिन्दु से विस्थापन है तथा v, x पर स्थित कण का वेग है। सही कथन/कथनों को चुनिये।

- (A) दोलन का आयाम 1m है।
- (B) दोलन के दौरान कण का अधिकतम वेग 3 m/sec है।
- (C) दोलन का आयाम 2m हो सकता है।
- (D) दोलन के दौरान कण का अधिकतम वेग $(\sqrt{5}+1)$ m/sec है।

1001CJA101021240048 H-5/24

6. चित्र में एक विभवमापी दर्शाया गया है। विभवमापी के तार की लम्बाई ℓ व इसका एकसमान अनुप्रस्थ काट क्षेत्रफल A है परन्तु इसकी प्रतिरोधकता $\rho = \rho_0 \frac{x}{\ell}$ के अनुसार परिवर्तित होती है (जहाँ x सिरे P से मापी गयी है)। जब स्विच खुला था तो संतुलन लम्बाई ℓ_1 थी जबिक स्विच बंद होने पर यह ℓ_2 थी। सही विकल्प चुनिये।



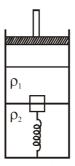
$$(A) \ \ \epsilon_1 \ \text{का मान} \ \frac{\rho_0\epsilon_0\ell_1^2}{2A\ell r_0+\rho_0\ell^2} \ {\mbox{\colored}{\colore$$

$$(B) \hspace{0.1cm} \epsilon_{1} \hspace{0.1cm} \text{ का मान } \hspace{0.1cm} \frac{\rho_{0}\epsilon_{0}\ell_{1}\ell_{2}}{\frac{R}{\ell_{2}} + 2A\ell r_{0} + \rho_{0}\ell_{1}\ell_{2}} \hspace{0.1cm} \tilde{\xi} l$$

(C)
$$r$$
 का मान $R\left[\left(\frac{\ell_1}{\ell_2}\right)^2-1\right]$ है।

(D)
$$r$$
 का मान $R\left[\left(\frac{\ell_2}{\ell_1}\right)^2-1\right]$ है।

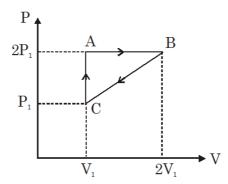
7. प्रदर्शित चित्र में बेलनाकार पात्र में एक पिस्टन लगा हुआ है। इसमें दो अमिश्रणीय असंपीड्य द्रव भरे हैं, जिनके घनत्व ho_1 व ho_2 है। प्रदर्शित स्थिति में एक ब्लॉक साम्यावस्था में तैरता है। सही कथन चुनिए। (स्प्रिंग ब्लॉक के साथ बेलन के पेंदे से भी जुड़ी हुयी है)



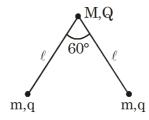
- (A) माना स्प्रिंग संपीडि़त है। अब यदि पिस्टन को नीचे की ओर गति कराई जाती है तो स्प्रिंग में संपीड़न पहले के समान ही प्राप्त होगा।
- (B) माना स्प्रिंग संपीडि़त है। अब यदि सम्पूर्ण निकाय को कुछ त्वरण के साथ ऊपर की ओर गति कराई जाए तो स्प्रिंग निश्चित रूप से मूल लम्बाई प्राप्त कर लेगी।
- (C) माना स्प्रिंग प्रारम्भ में विश्रांत अवस्था में है। अब यदि पिस्टन को नीचे की ओर गति कराई जाती है तथा सम्पूर्ण निकाय को ऊपर की ओर त्वरित किया जाए तो स्प्रिंग की अवस्था में कोई परिवर्तन नहीं होगा।
- (D) माना स्प्रिंग प्रारम्भ में विश्रांत अवस्था में है। अब यदि पिस्टन को नीचे की ओर गित कराई जाती है तथा सम्पूर्ण निकाय को ऊपर की ओर त्वरित किया जाए तो स्प्रिंग की अवस्था में परिवर्तन ho_1 व ho_2 पर निर्भर करेगा।

H-6/24 1001CJA101021240048

8. प्रदर्शित PV चक्र पर विचार कीजिये। यदि पद AB में एकपरमाण्विक गैस के एक मोल को दी गयी ऊष्मा Q हो तो सही कथन चुनिये।



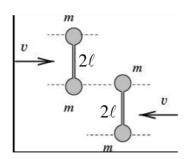
- (A) प्रक्रम BC में गैस पर किया गया कार्य 3Q /10 है।
- (B) प्रक्रम BC में मुक्त ऊष्मा 2Q/5 है।
- (C) चक्र की दक्षता 10% है।
- (D) प्रक्रम CA के दौरान गैस को दी गयी ऊष्मा 3Q/10 है।
- 9. द्रव्यमान M = 2m तथा आवेश Q वाले एक कण को प्रत्येक द्रव्यमान m तथा आवेश q वाले दो एकजैसे कणों से बांधा गया है। कणों को समान लम्बाई ℓ वाली आदर्श रिस्सियों से जोड़ा गया है। निकाय को एक चिकनी क्षैतिज सतह पर विरामावस्था की स्थिति में रोककर रखा गया है जबिक रस्सी तनी हुयी रहती है एवं रस्सी उनके मध्य 60° का कोण बनाती है। इस स्थिति से निकाय को विरामावस्था से छोड़ा जाता है :-



- (A) M के दोलन का आयाम $\frac{\sqrt{3}}{4}\ell$ है।
- (B) M द्वारा प्राप्त अधिकतम चाल $\frac{q}{4}\sqrt{\frac{1}{\pi \in_0 m \ell}}$ है।
- (C) जब सभी कण सरल रेखा में होते हैं तो प्रत्येक कण की चाल समान होती है।
- (D) जब कण सरल रेखा में होते है तो रस्सी में उत्पन्न तनाव $T=\dfrac{q}{16\pi\,\varepsilon_0\,\ell^2}(4Q+5q)$ होता है।

1001CJA101021240048 H-7/24

10. लम्बाई 2ℓ वाली एक हल्की दृढ़ छड़ से समान द्रव्यमान के दो छोटे गोलों को जोड़कर एक डम्बल बनाया गया है। ऐसे ही दो एकजैसे डम्बल एक चिकनी क्षैतिज टेबल पर चित्रानुसार एक-दूसरे की ओर शून्य कोणीय वेग से आते है तथा नगण्य समयावधि की प्रत्यास्थ टक्कर करते है। सही कथन चुनिये।



- (A) टक्कर के ठीक बाद छड़ों में तनाव $\ \frac{2mv^2}{\ell}$ है।
- (B) टक्कर के दौरान छड़े गोलों पर कोई आवेग आरोपित नहीं करती है।
- (C) प्रत्येक डम्बल का द्रव्यमान केन्द्र समय $\frac{\pi\,\ell}{v}$ के लिये विराम में बना रहता है।
- (D) यहाँ द्वितीय टक्कर होगी।

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

H-8/24 1001CJA101021240048

SECTION-III: (अधिकतम अंक: 24)

इस खण्ड में आठ (08) प्रश्न हैं

■ प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का एक एकल अंकीय पूर्णांक है।

प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही पूर्णांक मान को उत्तर के लिए चिन्हित स्थान पर दर्ज करें।

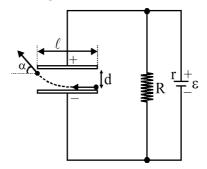
प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नेलिखित पिरिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को ही चुना गया है।

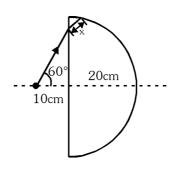
शून्य अंक : 0 यदि कोई उत्तर नहीं दिया गया है। ऋण अंक : –1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

1. चित्र में प्रदर्शित परिपथ में एक समान्तर पष्ट संधारित्र लगा हुआ है जिसकी प्लेटों की लम्बाई ℓ है। चित्र में धारा स्त्रोत का विद्युत वाहक बल, इसका आंतरिक प्रतिरोध r व प्लेटों के मध्य दूरी d दर्शायी गई है। एक इलेक्ट्रॉन V_0 वेग से इस संधारित्र के अन्दर प्लेटों के समान्तर प्रवेश करता है। यह इलेक्ट्रॉन संधारित्र से बाहर प्लेटों से 37° कोण पर बाहर निकले इसके लिए संधारित्र के समान्तर क्रम में प्रतिरोध $\alpha\Omega$ लगाना होगा। $\frac{\alpha}{10}$ ज्ञात करें (परिपथ को स्थायी अवस्था में मानें)।

(दिया है :
$$\ell = 91$$
 cm, $\epsilon = 3$ V, $r = 2\Omega$, $d = \frac{1}{3}$ mm, $v_0 = 4 \times 10^7$ m/s)

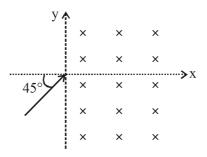


2. एक 20 cm त्रिज्या वाले काँच के अर्द्ध गोलाकार टुकड़े की समित अक्ष पर इसकी समतल सतह से 10 cm दूर एक बिन्दुवत् प्रकाश स्त्रोत रखा हुआ है। काँच का अपवर्तनांक 1.5 है। यदि एक प्रकाश किरण काँच से होकर से वक्रीय सतह (चित्रानुसार) तक जाने में x (cm में) दूरी तय करती है तो $\frac{\sqrt{2}+1}{5}$ x का मान ज्ञात कीजिए।

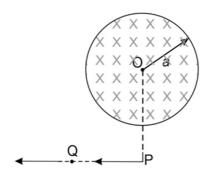


1001CJA101021240048 H-9/24

3. दो बिन्दु आवेश A तथा B के आवेशों क्रमशः q_A तथा q_B का अनुपात $\dfrac{q_A}{q_B} = \dfrac{-\left(\sqrt{2}+1\right)}{\sqrt{2}-1}$ है। यह ऐसे समरूप चुम्बकीय क्षेत्र में प्रवेश करते है जो x < 0 के लिये $\overset{\rightharpoonup}{B} = 0$ तथा x > 0 के लिये $\overset{\rightharpoonup}{B} = -B_0 \overset{\rightharpoonup}{k}$ द्वारा दर्शाया जाता है। आवेश एक के बाद एक क्रमागत रूप से x-अक्ष से 45° कोण पर मूल बिन्दु से प्रवेश करते हुये xy-तल में गित करते है तथा अन्त में बाहर निकल जाते है। इस गित के दौरान इनके द्वारा प्राप्त अधिकतम x-निर्देशांक समान होते है। यदि इनकी डी-ब्रॉग्ली तरंगदैर्ध्य क्रमशः λ_A व λ_B हो तो $\frac{\lambda_A}{\lambda_B}$ का मान ज्ञात कीजिये। (A व B के मध्य किसी भी प्रकार की अन्योन्य क्रिया को नगण्य मानें।) (q_A ऋणात्मक है।)



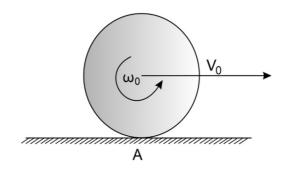
- 4. एक मानक YDSE व्यवस्था पर विचार कीजिये जिसमें द्विवर्णीय प्रकाश स्त्रोत प्रयुक्त किया गया है। केन्द्रीय उच्चिष्ठ से द्वितीय निकटतम (अशून्य) दूरी (mm में) ज्ञात कीजिये, जहाँ तीव्रता अधिकतम है। यहाँ संकेतो के सामान्य अर्थ है। (दिया है: $\lambda_1 = 300$ nm, $\lambda_2 = 500$ nm, d = 1mm, D = 1m)
- 5. त्रिज्या a वाले एक बेलनाकार प्रभाग में चित्र के तल के लम्बवत् समरूप चुम्बकीय क्षेत्र विद्यमान है। चुम्बकीय क्षेत्र $\alpha T s^{-1}$ की नियत दर से बढ़ रहा है। आवेश q वाला एक कण क्षेत्र प्रभाग के बाहर बिन्दु P पर है। कण को धीरे-धीरे अनन्त तक ले जाया जाता हे। यदि कण को PQ के अनुदिश OP के लम्बवत् दिशा में गित करायी जाये तो कण पर बाह्य कारक द्वारा किया गया कार्य $\frac{\pi q a^2 \alpha}{n}$ प्राप्त होता है। n का मान ज्ञात कीजिये।



6. एक काल्पनिक हाइड्रोजन परमाणु में प्रोटोन व इलेक्ट्रॉन के मध्य अन्योन्य स्थिरवैद्युत स्थितिज ऊर्जा का मान $U=U_0\,\ell\,n\left(\frac{r}{r_0}\right)$ द्वारा दिया जाता है, जहाँ U_0 व r_0 नियतांक है तथा r इलेक्ट्रॉन की वृत्ताकार कक्षा की त्रिज्या है। ऐसे ही हाइड्रोजन परमाणु के लिये n वीं तथा m वीं अवस्था के मध्य ऊर्जा का अन्तरत ΔE_{nm} . से दर्शाया जाता है। अनुपात $\Delta E_{12}:\Delta E_{24}$. का मान ज्ञात कीजिये। माना यहाँ बोहर की कोणीय संवेग क्वान्टीकरण की अवधारणा लागू होती है।

H-10/24 1001CJA101021240048

- 7. समष्टि के किसी प्रभाग में धनात्मक z दिशा में समरूप चुम्बकीय क्षेत्र विद्यमान है तथा यहाँ धनात्मक y दिशा में एक समरूप विद्युत क्षेत्र भी विद्यमान है। आवेश +q व द्रव्यमान m वाला एक कण मूलबिन्दु से विरामावस्था से छोड़ा जाता है। यह कण एक वक्र चक्रज पर गित करता है। यदि त्रिज्या R का एक पहिया X अक्ष पर लुढ़काया जाता तो पहिये की परिधि पर स्थित एक स्थिर बिन्दु इस चक्रज का निर्माण करता है। यहाँ चुम्बकीय क्षेत्र व विद्युत क्षेत्र की सामर्थ्य क्रमशः B_0 व E_0 है। यदि त्रिज्या $R = \frac{nmE_0}{7qB_0^2}$ हो तो n का मान ज्ञात कीजिये।
- 8. द्रव्यमान m व त्रिज्या r वाले एक ठोस गोले को खुरदरी क्षैतिज सतह पर स्थित बिन्दु A से प्रारम्भिक कोणीय वेग ω_0 व रेखीय वेग $v_0 = \lambda r \omega_0$ दिया जाता है। यह प्रेक्षित किया जाता है कि गेंद वापस मुड़ती है तथा कुछ समय बाद बिन्दु A पर लौट आती है, यदि λ का मान एक निश्चित अधिकतम मान λ_0 से कम है। $10\lambda_0$ का मान ज्ञात कीजिये।



1001CJA101021240048 H-11/24

PART-2: CHEMISTRY

SECTION-I (i): (अधिकतम अंक: 12)

इस खण्ड में चार (04) प्रश्न हैं

- प्रत्येक प्रश्न में चार उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें केवल एक ही सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए सही उत्तर विकल्प के अनुरूप विकल्प को चुनें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित पिरिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगेः

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को चुना गया है। शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है

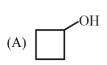
 $\frac{1}{2}$ अन्य सभी परिस्थितियों में।

- 1. जब रासायनिक सूत्र $\left[\mathrm{Co(NH_3)_xCl_y}\right]\mathrm{Cl_z}$ वालें अष्टफलकीय संरचना बनाने वाले कोबाल्ट (III) के 0.1 मोल लवण, जल के 31 मोल में घुल जाते है तो विलयन का हिमांक 272.15K हो जाता है। (x+y+z) का मान बताईये यदि जल का $\mathrm{K_f}$, 1.86 K kg mol^{-1} एवं शुद्ध जल का हिमांक 273.15 K है। (दिये गये लवण का 100% वियोजन मानते हुये।)
 - (A) 6
 - (B) 7
 - (C) 8
 - (D) 9
- **2.** निम्न में से कौनसी अभिक्रिया, H_2 तथा D_2 को मिश्रित किये बिना HD बनायेगी? $(D = {}^2_1H)$?
 - (A) H_2 तथा D_2 के मिश्रण में विद्युत आर्क का प्रयोग करके
 - (B) NaH में D2O मिलाकर
 - (C) HDO का वैद्युत अपघटन
 - (D) D_2O में NaCl विलयन का वैद्युत अपघटन
- 3. निम्न में से सही कथन चुनिये ?
 - (A) $WO_4^{2-} > MoO_4^{2-} > CrO_4^{2-}$ (ऑक्सीकारी क्षमता)
 - (B) Ni = Pt > Pd (अयुग्मित 'd' इलेक्ट्रॉन की संख्या)
 - (C) Fe > Co > Ni (घनत्व)
 - (D) Eu > Gd > Tb (प्रोटोना की संख्या)

H-12/24 1001CJA101021240048

4.
$$\square$$
 HBr A KCN DMF B Partial hydrolysis C Br₂ + NaOH D HNO₂ E

मुख्य उत्पाद 'E' है ?



1001CJA101021240048 H-13/24

SECTION-I (ii) : (अधिकतम अंक: 24)

уत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से **एक या एक से अधिक** विकल्प सही है(हैं)।

प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।

प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

्रेंगंशिक अंक : +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

्र आंशिक अंक : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और चुने हुए दोनों विकल्प

सही विकल्प हैं।

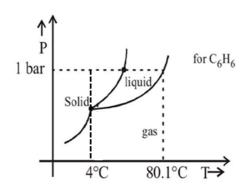
आंशिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और चुना हुआ विकल्प सही

विकल्प हैं।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)।

ऋण अंक : −2 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणतः पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), -2 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- 5. बेंजीन (C_6H_6) का मानक क्वथनांक $80.1^{\circ}C$ है तो दिये गये प्रक्रम $C_6H_6(\ell) \to C_6H_6(g)$ के लिए सही कथन चुनिये।



- (A) दिये गये प्रक्रम के लिये मानक क्वथनांक पर ΔG , शून्य है।
- (B) दिये गये प्रक्रम के लिये मानक क्वथनांक पर ΔG° , शून्य है।
- (C) दिये गये प्रक्रम के लिये ΔH° , धनात्मक है।
- (D) दिये गये प्रक्रम के लिये ΔS° , धनात्मक है।

H-14/24 1001CJA101021240048

6. पात्र में हो रही गैस प्रावस्था अभिक्रिया

$$C_2H_4 + H_2 \rightleftharpoons C_2H_6 (\Delta H = -32.7 \text{Kcal})$$

के लिये C₂H₄ की साम्य सांद्रता को बढ़ाया जा सकता है।

- (A) ताप बढ़ाकर
- (B) दाब घटाकर
- (C) नियत आयतन पर कुछ H_2 हटाकर
- (D) नियत आयतन पर कुछ C_2H_6 मिलाकर
- 7. निम्न में से किरेल यौगिक है।
 - (A) $\left[\text{Ru(bpy)}_3 \right]^{2+}$
 - (B) $Fac [Co(NO_2)_3 (dien)]$
 - (C) $Mer [Co(NO_2)_3 (dien)]$
 - (D) $\left[Mn(acac)_{3} \right]$
- 8. निम्न में से कौनसे सही रूप से सुमेलित है ?
 - (A) क्षेत्र परिशोधन Ga, In
 - (B) वाष्प प्रावस्था परिशोधन- Ti, Ni
 - (C) द्रवीकरण Sn, W
 - (D) आसवन Zn, Hg

- (A) उत्पाद 'C', असममितिय डाईकीटोन है।
- (B) 'D' , $NaHCO_{3.}$ के साथ तीव्र बुदबुहाइट देता है।
- (C) 'A' का निर्माण, संयुग्मी योग का उदाहरण है।
- (D) 'D', $Br_2/h\nu$ के साथ मोनोब्रोमिनीकरण कराने पर 3 उत्पाद बनाते है। (त्रिविम समावयवियो को सम्मिलित करते हुये)

1001CJA101021240048 H-15/24

10. निम्न में से कौनसी अभिक्रिया सम्भव है?

(A)
$$NaOH$$

(B)
$$Me_3C$$
 CH_3 Me_3C $OLi + CH_3I$

(C)
$$H_3C$$
 OH CH_3COCH_3 CH_3COCH_3 CH_3

(D)
$$Ph$$

Conc. HBr/CH_3COCH_3
 Ph
 Ph

OH

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

H-16/24 1001CJA101021240048

ALLEN®.

SECTION-III : (अधिकतम अंक: 24)

इस खण्ड में आठ (08) प्रश्न हैं

- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का एक एकल अंकीय पूर्णांक है।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही पूर्णांक मान को उत्तर के लिए चिन्हित स्थान पर दर्ज करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नेलिखित पिरिस्थितयों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को ही चुना गया है।

शून्य अंक : 0 यदि कोई उत्तर नहीं दिया गया है।

ऋण अंक : —1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

1. 27° C एवं 1 bar पर गैसिय N_2O_4 , निम्न अभिक्रिया द्वारा साम्य पर NO_2 में 50% वियोजित होती है। $N_2O_4 \rightleftharpoons 2NO_2$

727°C पर अभिक्रिया की मानक गिब्स मुक्त ऊर्जा परिवर्तन का परिमाण 'P' cal/mol है। तो $\left(\frac{P}{100}\right)$ का मान बताईये? [दिया है : $\ln 2 = 0.7, \ln 3 = 1.1$]

2. सिल्वर क्लोराइड इलेक्ट्रोड ($Ag/AgCI/CI^-$) (धातु-अल्प विलेय लवण इलेक्ट्रोड) का मानक अपचयन विभव 0.21~V है एवं सिल्वर इलेक्ट्रोड का 0.80~V है। यदि AgCI के मोल जो 10~L, 0.01~M NaCl विलयन से विलेय किये जा सकते है को 10^{-y} के रूप में प्रदर्शित किया गया है तो y का मान बताईये।

Given: $\frac{2.303 \,\text{RT}}{\text{F}} = 0.059$

3. अभिक्रिया

 $Br_2(I) + Cl_2(g) \rightleftharpoons 2BrCl(g)$;

 27° C पर164 L आयतन के बंद पात्र में प्रारम्भ में Cl_2 के 10 मोल उपस्थित है। इस पात्र में प्रवेशित किये जा सकने वाले $Br_2(I)$ का न्यूनतम द्रव्यमान (ग्राम में) क्या होना चाहिये जिससे की उपरोक्त साम्य 2.25 atm के कुल दाब वाष्प दाब नियंत्रित है। 27° C पर $Br_2(I)$ का वाष्प दाब 0.25 atm है। माने की द्रव द्वारा घेरा गया आयतन नगण्य है। (R=0.082 L atm mol^{-1} K $^{-1}$, Br का परमाण्विय द्रव्यमान 80) आवश्यक न्यूनतम द्रव्यमान 800 के रूप में व्यक्त किया गया है तो 801 बताईये।

- 4. पायरोल्युसाइट, रूटाईल, क्रोमाइट, बॉक्साइट कर्नाइट, लिमोनाइट, चेल्कोपायराइट, सिरूसाइट संक्रमण धातु ऑक्साइड अयस्को की कुल संख्या है
- 5. दी गयी अभिक्रिया के अन्तिम उत्पाद में निकिल की ऑक्सीकरण अवस्था है ?

$$Ni^{+2}(aq.) \xrightarrow{KCN} A \xrightarrow{K \text{ metal in liq. NH}_3} B$$

6. NaBH₄ A
$$\frac{[1] \text{ PBr}_3}{[2] \text{ NaCN}}$$
 B $\frac{[1] \text{ LDA}}{[2] \text{ CH}_3 \text{I}}$ C $\frac{\text{H}_3 \text{O}^+}{\Delta}$ D

p-isobutylbenzaldehyde

अन्तिम उत्पाद (D) जलीय NaHCO3 में विलेयशील है तो (D) में sp2 संकरित कार्बनो की कुल संख्या बताईये।

1001CJA101021240048 H-17/24

7. ऐसी अभिक्रियाओ की कुल संख्या बताईये जिनमें अन्तिम उत्पाद द्वितियक ऐमीन हो सकता है?

(1)
$$\underbrace{\frac{\text{NaBH}_{4}}{\text{CH}_{3}\text{OH}}}_{\text{OH}}$$

(2)
$$HN$$
 $HCHO$ Zn Δ acid

(3)
$$\stackrel{\text{H}}{\swarrow}$$
 + $\stackrel{\text{CHO}}{\longleftarrow}$ $\stackrel{\text{NaBH}_3CN}{\longleftarrow}$

(4)
$$NH \frac{(1)LiA1H_4}{(2)H_2O}$$

8.
$$\frac{H_2SO_4}{\Delta} A \xrightarrow{Zn} B \xrightarrow{KMnO_4} C \xrightarrow{phenol} C_{20}H_{14}O_4$$

$$H_3C CH_3$$

अन्तिम उत्पाद के सन्दर्भ में कितने कथन सही है?

- (1) pH=0 पर यह रंगहिन है एवं इस रंगहिन यौगिक का कुल आवेश 0 है।
- (2) pH=14 पर यह रंगहिन है एवं इस रंगहिन यौगिक का कुल आवेश -3 है।
- (3) अन्तिम उत्पाद में ${
 m sp}^2$ संकरित कार्बन परमाणुओ की संख्या 20 है।
- (4) अन्तिम उत्पाद में अम्लीय हाइड्रोजन परमाणुओं की संख्या 3 है।

H-18/24 1001CJA101021240048

PART-3: MATHEMATICS

SECTION-I (i): (अधिकतम अंक: 12)

- इस खण्ड में चार (04) प्रश्न हैं
- प्रत्येक प्रश्न में चार उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें केवल एक ही सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए सही उत्तर विकल्प के अनुरूप विकल्प को चुनें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित पिरिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगेः

पूर्ण अंक षाजा अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को चुना गया है।

शून्य अंक

: 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है

ऋण अंक

: -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- 1. $\theta \in (0, 2\pi) \{\pi\}$ के लिये θ' के सभी मानों का योगफल, जो समीकरण $4\cot^4\theta + 9\cot^3\theta + 8\cot^2\theta + 9\cot\theta + 4 = 0$; को संतुष्ट करता है, होगा
 - (A) 5π

(B) 6π

(C) 7π

- (D) कोई नहीं
- 2. p, q, r > 0 के लिये $\frac{(2p^8 + 2q^8 + 3r^2)^2}{p^2q^2r^3}$ का न्यूनतम मान है
 - (A) 16

(B) $16\sqrt{2}$

(C) 32

(D) $32\sqrt{2}$

- 3. निम्नलिखि में से कितने कथन सत्य है/हैं
 - (i) वर्ग आव्यूह (A, B) के अनंत युग्म इस प्रकाकर विद्यमान होते है कि AB BA = I है, जहाँ I समान कोटि का तत्समक आव्यूह है।
 - (ii) समान कोटि A तथा B के दो व्युत्क्रमणीय आव्यूहों के लिये $\det\left(I+AB\right)=\det(I+BA)$ है।
 - (iii) पूर्णांक प्रविष्टियों वाले प्रत्येक विषम-सममित आव्यूह का सारणिक मान एक पूर्णांक का पूर्ण वर्ग होता है।
 - (iv) विभिन्न धनात्मक पूर्णांकों a,b,c के लिये यदि $\begin{vmatrix} a & 0 & 1 \\ a & b & -b \end{vmatrix} = 23$ हो, तो a+b+c का न्यूनतम मान 13 है। $\begin{vmatrix} 0 & 1 & c \end{vmatrix}$
 - (A) 1

(B) 2

(C) 3

- (D) 4
- **4.** $\sum_{i=1}^{10}\ ^{10}C_{j}\left(\sum_{i=1}^{10-j}\ ^{10-j}C_{i}\right)$ का मान निम्न से विभाजित है :
 - (A) 5

(B) 3

(C) 2

(D) कोई नहीं

1001CJA101021240048 H-19/24

SECTION-I (ii) : (अधिकतम अंक: 24)

इस खंड में छः (06) प्रश्न हैं।

- प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही है(हैं)।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

्रेंगंशिक अंक : +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

्र आंशिक अंक : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और चुने हुए दोनों विकल्प

सही विकल्प हैं।

आंशिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और चुना हुआ विकल्प सही

विकल्प हैं।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)।

ऋण अंक : −2 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणतः पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), -2 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- 5. यदि समीकरण $x([x]-5)+2\{x\}+6=0$ का प्रत्येक हल, असिमका $(a-3)x^2+2(a+3)x-8a\leqslant 0$ को संतुष्ट करता है, जहाँ [x] तथा $\{x\}$ क्रमशः महत्तम पूर्णांक फलन तथा भिन्नात्मक भाग फलन को दर्शाता है, तो a का मान हो सकता है
 - (A) (-2, 1)
 - (B) (-9, 0]
 - $(C) \{0,1\}$
 - (D) (1, 2)
- - (A) f(0) = 1
 - (B) $\lambda = \frac{1}{2}$
 - (C) f(0) = 2
 - (D) $\lambda = 1$

H-20/24 1001CJA101021240048

- 7. माना समतलों का निकाय x + y + z = c है जहाँ c एक प्राचल है जो निर्दशी अक्षों को P, Q, R पर प्रतिच्छेद करता है तथा α , β , γ इस निकाय के प्रत्येक सदस्य द्वारा धनात्मक x, y तथा z अक्ष के साथ बनाए गये कोण है। निम्नलिखित में से कौनसी व्याख्या इस निकाय के लिये सही है।
 - (A) इस निकाय का प्रत्येक सदस्य निर्देशी अक्षों के साथ समान रूप से झुका हुआ है।
 - (B) $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 1$
 - (C) $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 2$
 - (D) c=3 के लिये त्रिभ्ज PQR का क्षेत्रफल $3\sqrt{3}$ वर्ग इकाई है।
- 8. यदि $\int \frac{(x-1)dx}{x^2\sqrt{2x^2-2x+1}} = \frac{\sqrt{f(x)}}{g(x)} + c$ हो,तो
 - (A) $f(x) = 2x^2 2x + 1$
 - (B) g(x) = x + 1
 - (C) $f(x) = 2x^2 2x$
 - (D) g(x) = x
- 9. माना x-y समतल में f(x,y)=0 अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx}=\frac{y-2x^3}{x+2yx^2}$ का एक हल है, जहाँ f(1,1)=3 है। λ का मान, जिसके लिये रेखा $\frac{x-1}{2}=\frac{y+1}{3}=\frac{z+1}{1}$, वक्र $f(x,y)=\lambda$ को काटती है, निम्न से कम होगा:
 - (A) 7
 - (B) 14
 - (C) 13
 - (D) 22
- **10.** माना $f: R \to R$ एक अवकलनीय फलन है जो $f\left(\frac{x+y}{2}\right) = \frac{f(x)+f(y)}{2} \ \forall \ x,y \in R$ को संतुष्ट करता है। यदि f(0) = 1 तथा f'(0) = -1 है, तो निम्न में से कौनसा/कौनसे सही होगा/होंगे
 - (A) f(|x|) एक बिन्दु पर अवकलनीय नहीं है।
 - (B) समीकरण $f(x) = f^{-1}(x)$ के हलों की संख्या ठीक 1 है।
 - (C) $\sum_{r=0}^{10} (f(r))^2 = 286$
 - (D) सभी $\forall x \in R$ के लिये $tan^{-1}(f(x))$ अवकलनीय है।

Note: No questions have been asked in the section II of this paper. Please leave section II blank on the OMR answer sheet.

1001CJA101021240048 H-21/24

SECTION-III: (अधिकतम अंक: 24)

इस खण्ड में आठ (08) प्रश्न हैं

- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का **एक एकल अंकीय पूर्णांक** है।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही पूर्णांक मान को उत्तर के लिए चिन्हित स्थान पर दर्ज करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नेलिखित पिरिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प को ही चुना गया है।

शून्य अंक : 0 यदि कोई उत्तर नहीं दिया गया है। कुण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- 1. वक्र $3y^2 = x^2(3-x)$ के लूप का क्षेत्रफल 'A' है, तो [A] का मान ज्ञात कीजिए (जहाँ [], महत्तम पूर्णांक फलन को दर्शाता है)
- 2. दी गई लम्बाई ' ℓ ' वाले एक तार को दो टुकड़ों में काटा जाता है, जिन्हें फिर क्रमशः वृत्त तथा वर्ग दो आकृतियों में मोड़ा जाता है। यदि वृत्त तथा वर्ग के क्षेत्रफलों का योगफल न्यूनतम होगा जब (वर्ग की भुजा) = k (वृत्त का व्यास) है, तो $\sqrt{2025}k$ के अंकों का योगफल ज्ञात कीजिए
- 3. $\lim_{x\to 0} \frac{\sin^{-1}x \tan^{-1}x + (1+x^3)^{1/3} 1}{x^3}$ का मान K है, तो 6K का मान है
- 4. यदि a, b, c, d > 0, x \in R तथा ($a^2 + b^2 + c^2$) $x^2 2(ab + bc + cd)x + b^2 + c^2 + d^2 \leqslant 0$ है, तो $\begin{vmatrix} 33 & 14 & \ell \, \text{na} \\ 65 & 27 & \ell \, \text{nb} \\ 97 & 40 & \ell \, \text{nc} \end{vmatrix} + \frac{b^2 + c^2}{ac + bd}$ का मान है
- 5. $\lambda \in Z^+$ (सभी धनात्मक पूर्णांकों का समुच्चय) के लिये

$$\lim_{n\to\infty}\frac{(n+7)^{2-\lambda}(1^{\lambda}+2^{\lambda}+\ldots\ldots+n^{\lambda})}{(n^2\lambda+1^2)+(n^2\lambda+2^2)+\ldots\ldots+(n^2\lambda+n^2)}=\frac{3}{40}\ \mathring{\overline{e}},\ \overrightarrow{n}\ \lambda\ \text{ बराबर }\overline{\overline{e}}$$

- **6.** वक्र z एक सम्मिश्र संख्या है जो $\arg\left(\frac{z+\ell}{z+m}\right) = \frac{\pi}{6}, (\ell, m \in R)$. को संतुष्ट करती है। z का बिन्दुपथ, वृत्त $x^2 + y^2 + 3\sqrt{2}x \sqrt{6}y + 4 = 0 \text{ का चाप है, तो } \ell^2 + m^2 \ell m = \dots$ बराबर है
- 7. वक्र $(y + x^3)^3 = x^2 (\tan^{-1}(\tan x) + \csc^{-1}(\csc x) + x^2)^2$ के बिन्दु (2, -4) पर खींची गई स्पर्श रेखा तथा अभिलम्ब की प्रवणता क्रमशः m_1 तथा m_2 है। तब $[m_2 m_2]$ बराबर है (जहाँ [.], महत्तम पूर्णांक फलन है)
- 8. माना $\vec{r} = (1+2\mu)\hat{i} + (2+\lambda-\mu)\hat{j} \lambda\hat{k}$, (जहाँ λ तथा μ प्राचल है) द्वारा दिये गये समतल के सापेक्ष बिन्दु Q (3,2,9) का दर्पण प्रतिबिम्ब S(a,b,c) है। तब c-b बराबर है

H-22/24 1001CJA101021240048

कच्चे कार्य के लिए स्थान

1001CJA101021240048 H-23/24

परीक्षार्थी का नाम	
फॉर्म नम्बर	
मैंने सभी निर्देशों को पढ़ लिया है और मैं उनका अवश्य पालन करूँगा/करूँगी।	मैंने परीक्षार्थी का परिचय, नाम और फॉर्म नम्बर को पूरी तरह जाँच लिया है एवं प्रश्न पत्र और ओ. आर. एस. कोड दोनों समान हैं।
 परीक्षार्थी के हस्ताक्षर	—————————————————————————————————————



ALLEN CAREER INSTITUTE Pvt. Ltd.

Registered & Corporate Office: 'SANKALP', CP-6, Indra Vihar, Kota (Rajasthan) INDIA-324005 Ph.: +91-744-3556677, +91-744-2757575 | E-mail: info@allen.in | Website: www.allen.ac.in

H-24/24

Your Target is to secure Good Rank in JEE 2025

1001CJA101021240048