4.6. MacCormackのスキーム

Lax-Wendroffスキームと等価であるが、こちらは $\frac{1}{2}$ 点や段階を踏むのではなく、

予測と修正を繰り返すような計算になっている。 $(\frac{1}{2}$ 時間の点に意味を持たせられる?)

航空分野で有名な計算法らしい.

予測段階:
$$\bar{u}_j = u_j^n - \nu(u_{j+1}^n - u_j^n)$$

修正段階:
$$u_j^{n+1} = \frac{1}{2}((u_j^n + \bar{u}_j) - \nu(\bar{u}_j - u_j^n))$$

こちらも当然, 増幅率はLax-Wendroffスキームと同じである.

4.7.1次精度風上差分

最後に、移流という現象を考えると最もそれらしいスキームを調べる.

時間は常に前に向かって進み、流れは上流からやってくるので、

時間微分:前進差分,空間微分:後退差分(空間的に上流のデータと現在地のデータ)で離散化してみる。

$$u_t = \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\Delta t} \qquad u_x = \frac{u_j^n - u_{j-1}^n}{\Delta x}$$

$$\therefore u_j^{n+1} = u_j^n - \nu(u_j^n - u_{j-1}^n)$$

 $\nu = 1$ ならば $u_j^{n+1} = u_{j-1}^n$ でこれは移流方程式の厳密解の射影になる.

安定性解析をしてみると