

# 1.2. 数値的解法の目的

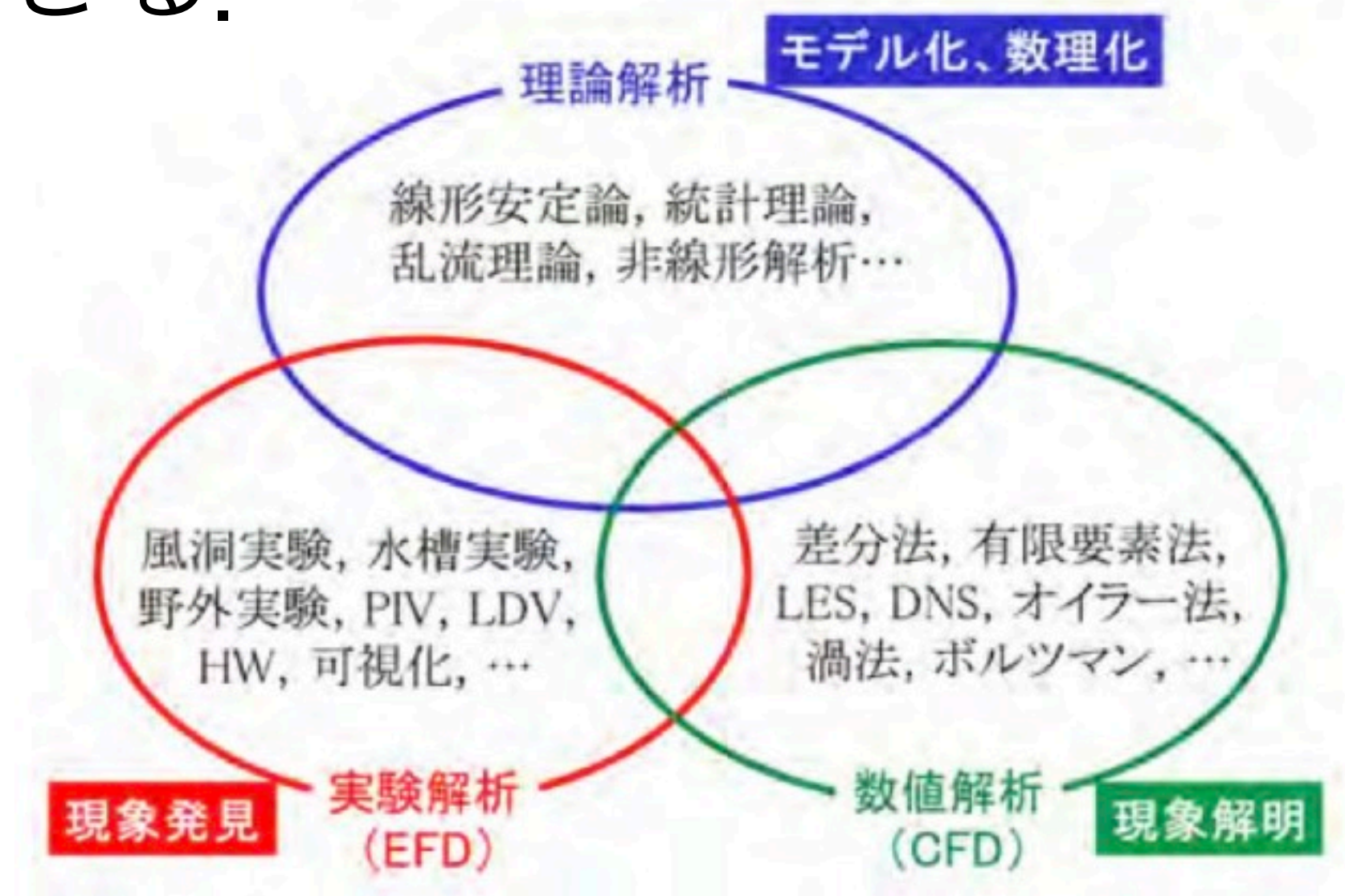
・ 何故、数値計算で方程式を解くのか？（或いは、そこから物理現象を導きたいのか？）

→実験や理論では得られない、または難しい現象のデータを得られる。  
(3次元空間の時系列データや乱流現象など)

→任意の条件設定が可能で、様々な初期値や境界条件を変えて現象を見られる。

→再現性に富んでおり、同じ現象をじっくり観察できる。

これらの理由で、目的に応じた様々な数値計算法が研究・開発されている。



## 2.1. 偏微分方程式を数値的に解くために

数値的に解くとは：プログラミング言語による演算で解けるような形に変形して解くこと.

高校で習うような微分の定義→ 
$$\frac{df(x)}{dx} = \lim_{\delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \delta x) - f(x)}{\delta x}$$

→計算機では、連続関数(無限の点)は扱えない. しかし、微分方程式に対して **離散化** を考えることで、微分を差分に変換して、計算機でも扱えるような形にして計算してもらうことで、何らかの結果は得られる. (正確さは不明)

→差分なので、当然解析的手法で導いた厳密解とは誤差が生まれる.

数値計算は、この誤差をどうするかの話. 完璧な数値計算コードはないので、目的にあったものを使う必要がある.