

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

**НОВОСИБИРСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**

Факультет информационных технологий

Кафедра параллельных вычислений

ОТЧЕТ

О ВЫПОЛНЕНИИ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ

«Умножение матриц в MPI при помощи 2D решетки»

Студента 2 курса, группы 21209

Панас Матвея Алексеевича

Направление 09.03.01 – «Информатика и вычислительная техника»

Преподаватель:
Мичуров Михаил Антонович

ЦЕЛЬ

Ознакомиться с написанием параллельных MPI-программ с использованием построения 2D решетки;

ЗАДАНИЕ

- 1. Реализовать параллельный алгоритм умножения матрицы при помощи 2D решетки;*
- 2. Исследовать производительность параллельной программы в зависимости от размера матрицы и размера решетки.*
- 3. Выполнить профилирование программы с помощью MPE при использовании 16-и ядер.*

ВАРИАНТ ЗАДАНИЯ

Вычисляется произведение $C = A \times B$, где A – матрица размера $n_1 \times n_2$, B – матрица $n_2 \times n_3$ и C – матрица результатов $n_1 \times n_3$.

Исходные матрицы первоначально доступны на нулевом процессе, и матрица результатов возвращена в нулевой процесс.

Параллельное выполнение алгоритма осуществляется на двумерной (2D) решетке компьютеров размером $p_1 \times p_2$. Матрица A разрезана на p_1 горизонтальных полос, матрица B разрезана на p_2 вертикальных полос, и матрица результата C разрезана на $p_1 \times p_2$ подматрицы.

Каждый компьютер (i, j) вычисляет произведение i -й горизонтальной полосы матрицы A и j -й вертикальной полосы матрицы B , произведение получено в подматрице (i, j) матрицы C .

Последовательные стадии вычисления

1. Матрица A распределяется по горизонтальным полосам вдоль координаты $(x, 0)$.
2. Матрица B распределяется по вертикальным полосам вдоль координаты $(0, y)$.
3. Полосы A распространяются в измерении y .
4. Полосы B распространяются в измерении x .
5. Каждый процесс вычисляет одну подматрицу произведения.
6. Матрица C собирается из (x, y) плоскости.

Исходные данные

Матрица A содержит строки, состоящие из чисел, соответствующих номеру строки.

Матрица B содержит столбцы, состоящие из чисел, соответствующих номеру столбца.

Матрица C содержит на (i, j) позиции число $i \times j \times n_2$

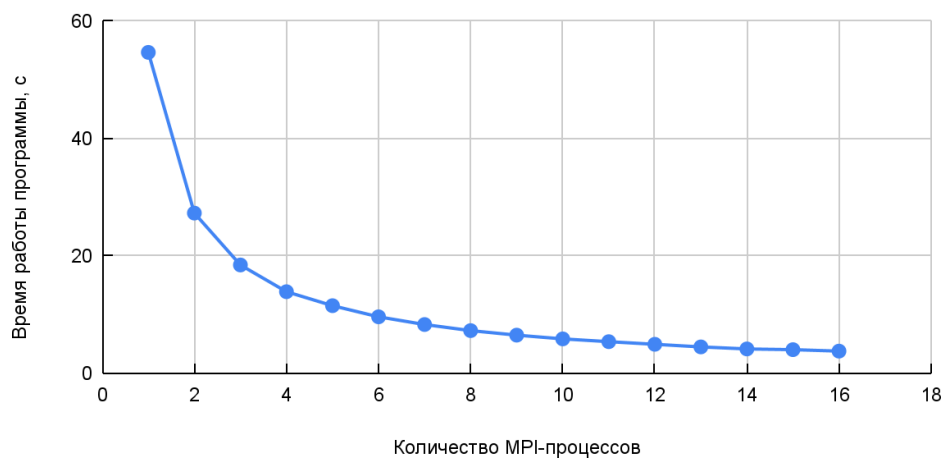
ОПИСАНИЕ РАБОТЫ

Описание выполненной работы

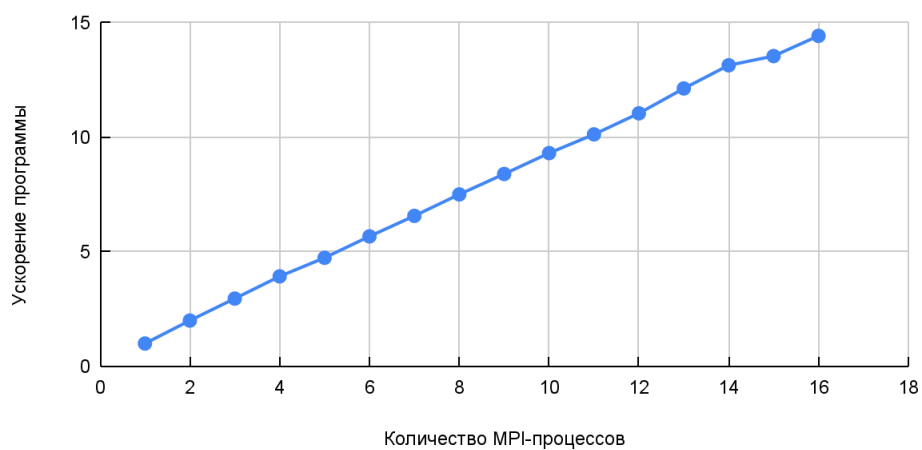
1. Написал параллельную программу, реализующую умножение матрица, используя построение 2D решетки;
2. Запустил программу при использовании от 1 до 16 ядер со следующими размерами матриц: $n_1 = 2000$, $n_2 = 1500$, $n_3 = 2500$;
3. Запустил программу при использовании 16 ядер при различных размерах сетки со следующими размерами матриц: $n_1 = 4000$, $n_2 = 3000$, $n_3 = 5000$;
4. Выполнил профилирование программы с помощью MPE при использовании 16 ядер со следующими размерами матриц: $n_1 = 4000$, $n_2 = 3000$, $n_3 = 5000$;

Результаты измерения

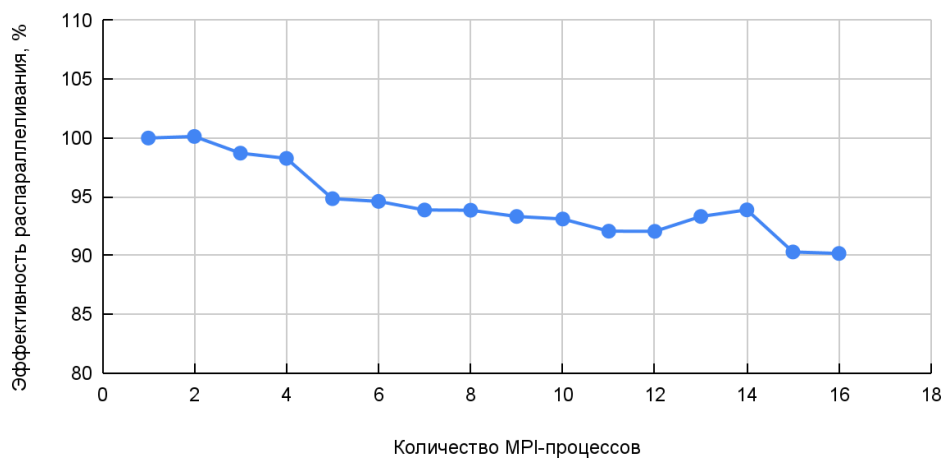
Зависимость времени работы программы от количества MPI-процессов



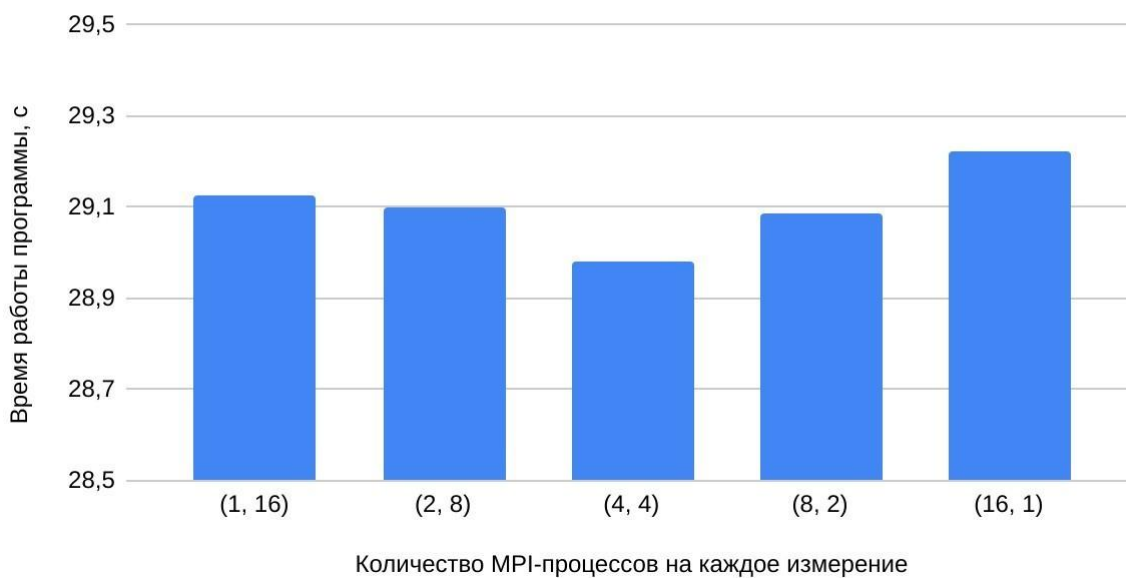
Зависимость ускорения программы от количества MPI-процессов

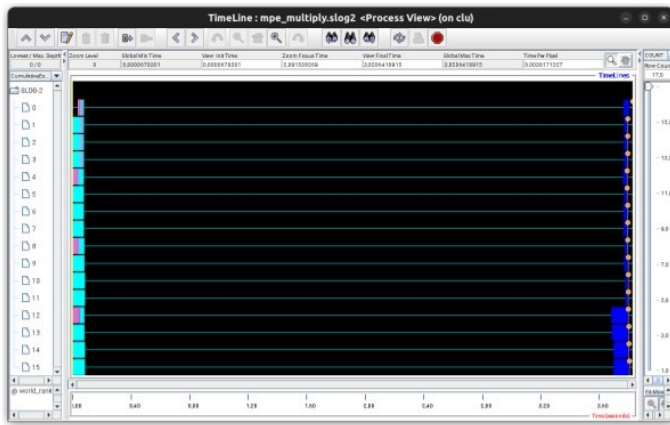


Зависимость эффективности распараллеливания программы от количества MPI-процессов



Зависимость времени работы программы от размеров двумерной сетки для 16 MPI-процессов





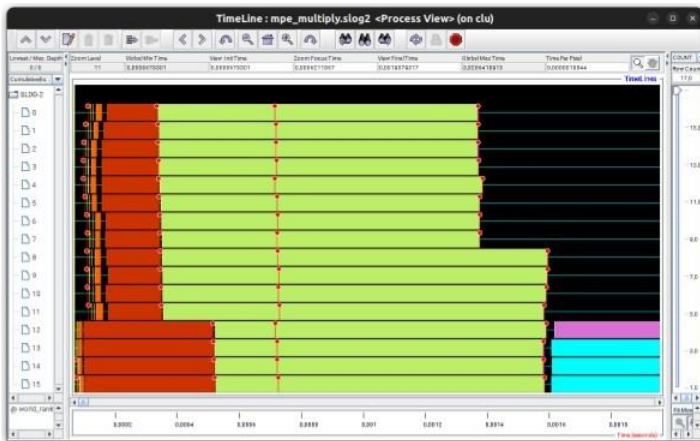
Полная временная шкала

Legend : mpe_multiply.slog2 (on...

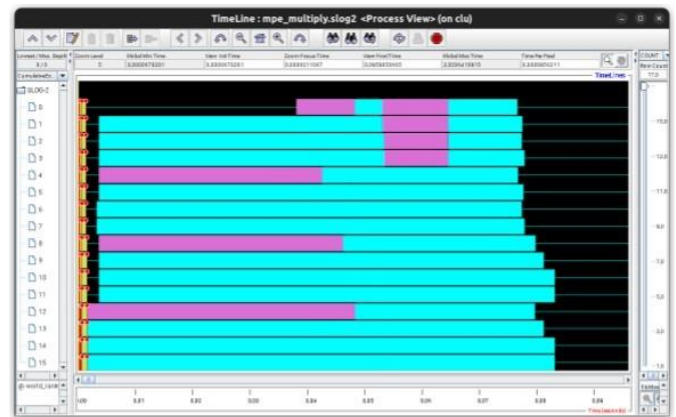
Topic	Name	V	S	count	inc	exc
Preview_State		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	0	0,267	0,267
MPI_Bcast		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0	0
MPI_Cart_coords		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0,001	0,001
MPI_Cart_create		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	32	0,004	0,004
MPI_Cart_sub		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	48	0	0
MPI_Comm_free		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0	0
MPI_Comm_rank		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0	0
MPI_Comm_size		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0	0
MPI_Dims_create		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	16	0,247	0,247
MPI_Gatherv		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	8	0,047	0,047
Preview_Event		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	0	0	0
MPE_Comm_finalize		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	64	0	0
MPE_Comm_init		<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	64	0	0

Buttons: Select, Deselect, close

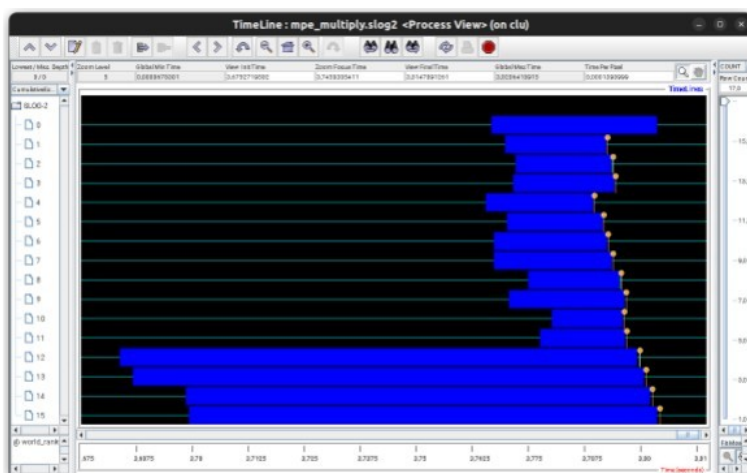
Легенда временной шкалы



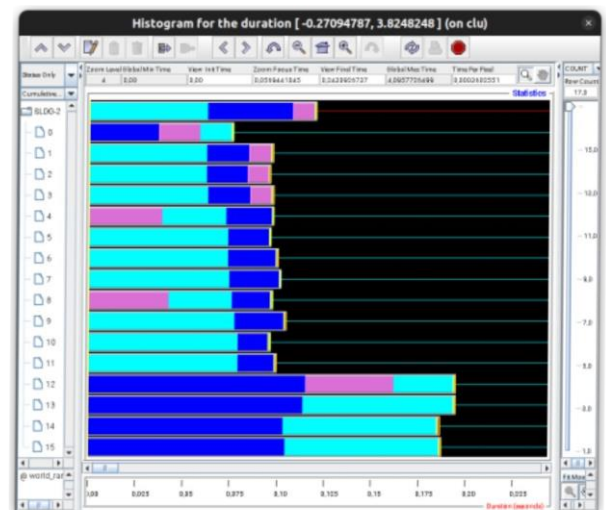
Участок временной шкалы от 0 до 0,0015 секунд



Участок временной шкалы с 0 до 0,09 секунд



Участок временной шкалы от 3,66 до 3,83 секунд



Гистограмма продолжительности MPI команд

Заключение

В ходе выполнения работы я реализовал параллельный алгоритм умножения матрицы с помощью 2D-решетки. Исследовал производительность параллельной программы в зависимости от количества узлов при автоматическом выборе размера решетки, а также при фиксированном количестве узлов. Затем выполнил профилирование программы с помощью MPE при использовании 16 узлов. Анализируя результаты проделанной работы, можно сказать:

Большая часть времени работы программы ушла на умножение блоков матриц.

Эффективность распараллеливания не опускалась ниже 90%, следовательно программа может хорошо масштабироваться.

Время работы программы минимально на 16 узлах при решетке 4x4. Это обуславливается тем, что количество вызовов функции “MPI_Scatter” минимально.

Нулевой процесс заставлял остальные процессы простаивать, так как он принадлежал первому столбцу и строке и в нем дважды вызывался MPI_Scatter, А остальные процессы тем временем вызывали MPI_Scatter или MPI_Bcast.


```

1  #include <math.h>
2  #include <mpi.h>
3  #include <stdbool.h>
4  #include <stdio.h>
5  #include <stdlib.h>
6
7  #define DIMS_COUNT 2
8  #define X 0
9  #define Y 1
10
11 int check_print_error(double *a, const char *message) {
12     if (!a) {
13         fprintf(stderr, format: "%s", message);
14         return EXIT_FAILURE;
15     }
16     return EXIT_SUCCESS;
17 }
18
19 double *allocate_matrix(size_t size) {
20     double *matrix = malloc(size: size * sizeof(double));
21     check_print_error(matrix, message: "FAILED TO ALLOCATE MEMORY TO MATRIX\n");
22     return matrix;
23 }
24
25 void generate_matrix(double *matrix, int column, int leading_row, int leading_column, bool onRows) {
26     for (int i = 0; i < leading_row; ++i) {
27         for (int j = 0; j < leading_column; ++j) {
28             matrix[i * column + j] = onRows ? i : j;
29         }
30     }
31 }
32
33 void split_B(const double *B, double *B_block, int B_block_size, int n_2, int aligned_n3, int coords_x, MPI_Comm comm_rows, MPI_Comm comm_columns) {
34     if (coords_x == 0) {
35         MPI_Datatype column_not_resized_t;
36         MPI_Datatype column_resized_t;
37
38         MPI_Type_vector(count: n_2, blocklength: B_block_size, stride: aligned_n3, oldtype: MPI_DOUBLE, newtype: &column_not_resized_t);
39         MPI_Type_commit(datatype: &column_not_resized_t);
40
41         MPI_Type_create_resized(oldtype: column_not_resized_t, lb: 0, extent: B_block_size * sizeof(double), newtype: &column_resized_t);
42         MPI_Type_commit(datatype: &column_resized_t);
43
44         MPI_Scatter(sendbuf: B, sendcount: 1, sendtype: column_resized_t, recvbuf: B_block, recvcount: B_block_size * n_2, recvttype: MPI_DOUBLE, root: 0, comm_rows);
45
46         MPI_Type_free(datatype: &column_not_resized_t);
47         MPI_Type_free(datatype: &column_resized_t);
48     }
49
50     MPI_Bcast(buffer: B_block, count: B_block_size * n_2, datatype: MPI_DOUBLE, root: 0, comm_columns);
51 }
52
53 void split_A(const double *A, double *A_block, int A_block_size, int n_2, int coords_y, MPI_Comm comm_rows, MPI_Comm comm_columns) {
54     if (coords_y == 0) {
55         MPI_Scatter(sendbuf: A, sendcount: A_block_size * n_2, sendtype: MPI_DOUBLE, recvbuf: A_block, recvcount: A_block_size * n_2, recvttype: MPI_DOUBLE, root: 0, comm_columns);
56     }
57
58     MPI_Bcast(buffer: A_block, count: A_block_size * n_2, datatype: MPI_DOUBLE, root: 0, comm_rows);
59 }
60
61 void init_communicators(const int dims[DIMS_COUNT], MPI_Comm *comm_grid, MPI_Comm *comm_rows, MPI_Comm *comm_columns) {
62     int reorder = 1;
63     int periods[DIMS_COUNT] = {};
64     int sub_dims[DIMS_COUNT] = {};
65
66     MPI_Cart_create(comm_old: MPI_COMM_WORLD, ndims: DIMS_COUNT, dims, periods, reorder, comm_cart: comm_grid);
67 }

```

```

68 sub_dims[X] = false;
69 sub_dims[Y] = true;
70 MPI_Cart_sub(*comm_grid, remain_dims: sub_dims, newcomm: comm_rows);
71
72 sub_dims[X] = true;
73 sub_dims[Y] = false;
74 MPI_Cart_sub(*comm_grid, remain_dims: sub_dims, newcomm: comm_columns);
75 }
76
77 void multiply(const double *A_block, const double *B_block, double *C_block, int A_block_size, int B_block_size, int n_2) {
78     for (int i = 0; i < A_block_size; ++i) {
79         for (int j = 0; j < B_block_size; ++j) {
80             C_block[i * B_block_size + j] = 0;
81         }
82     }
83
84     for (int i = 0; i < A_block_size; ++i) {
85         for (int j = 0; j < n_2; ++j) {
86             for (int k = 0; k < B_block_size; ++k) {
87                 C_block[i * B_block_size + k] += A_block[i * n_2 + j] * B_block[j * B_block_size + k];
88             }
89         }
90     }
91 }
92
93 void compose(const double *C_block, double *C, int A_block_size, int B_block_size, int aligned_n1, int aligned_n3, int proc_count, MPI_Comm comm_grid) {
94     MPI_Datatype not_resized_recv_t;
95     MPI_Datatype resized_recv_t;
96
97     int dims_x = aligned_n1 / A_block_size;
98     int dims_y = aligned_n3 / B_block_size;
99     int *recv_counts = malloc(sizeof(int) * proc_count);
100     int *displs = malloc(sizeof(int) * proc_count);
101
102     MPI_Type_vector(count: A_block_size, blocklength: B_block_size, stride: aligned_n3, oldtype: MPI_DOUBLE, newtype: &not_resized_recv_t);
103     MPI_Type_commit(datatype: &not_resized_recv_t);
104
105     MPI_Type_create_resized(oldtype: not_resized_recv_t, lb: 0, extent: B_block_size * sizeof(double), newtype: &resized_recv_t);
106     MPI_Type_commit(datatype: &resized_recv_t);
107
108     for (int i = 0; i < dims_x; ++i)
109         for (int j = 0; j < dims_y; ++j) {
110             recv_counts[i * dims_y + j] = 1;
111             displs[i * dims_y + j] = j + i * dims_y * A_block_size;
112         }
113
114     MPI_Gatherv(sendbuf: C_block, sendcount: A_block_size * B_block_size, sendtype: MPI_DOUBLE, recvbuf: C, recvcounts: recv_counts, displs, recvtype: resized_recv_t, root: 0, comm_grid);
115
116     MPI_Type_free(datatype: &not_resized_recv_t);
117     MPI_Type_free(datatype: &resized_recv_t);
118     free(ptr: recv_counts);
119     free(ptr: displs);
120 }
121
122 bool check_C(const double *C, int column, int leading_row, int leading_column, int n_2) {
123     for (int i = 0; i < leading_row; ++i)
124         for (int j = 0; j < leading_column; ++j) {
125             if (C[i * column + j] != (double)(i * j * n_2)) {
126                 return false;
127             }
128         }
129
130     return true;
131 }
132
133 void print_matrix(const double *matrix, int column, int leading_row, int leading_column) {
134     for (int i = 0; i < leading_row; ++i) {

```

```

135     for (int j = 0; j < leading_column; j++) {
136         printf(format: "%lf ", matrix[i * column + j]);
137     }
138
139     printf(format: "\n");
140 }
141 }
142
143 void init_dims(int dims[DIMS_COUNT], int proc_count) {
144     MPI_Dims_create(nnodes: proc_count, ndims: DIMS_COUNT, dims);
145 }
146
147 int main(int argc, char **argv) {
148     int n_1 = 4000;
149     int n_2 = 3000;
150     int n_3 = 5000;
151     int proc_rank;
152     int proc_count;
153     int aligned_n1;
154     int aligned_n3;
155     int A_block_size;
156     int B_block_size;
157     int dims[DIMS_COUNT] = {};
158     int coords[DIMS_COUNT] = {};
159     double start_time;
160     double finish_time;
161     double *A = NULL;
162     double *B = NULL;
163     double *C = NULL;
164     double *A_block = NULL;
165     double *B_block = NULL;
166     double *C_block = NULL;
167     MPI_Comm comm_grid;
168     MPI_Comm comm_rows;
169     MPI_Comm comm_columns;
170
171     MPI_Init(&argc, &argv);
172
173     MPI_Comm_rank(comm: MPI_COMM_WORLD, &proc_rank);
174     MPI_Comm_size(comm: MPI_COMM_WORLD, &proc_count);
175
176     init_dims(dims, proc_count);
177
178     init_communicators(dims, &comm_grid, &comm_rows, &comm_columns);
179
180     MPI_Cart_coords(comm_grid, proc_rank, maxdims: DIMS_COUNT, coords);
181
182     A_block_size = ceil(x: (double)n_1 / dims[X]);
183     B_block_size = ceil(x: (double)n_3 / dims[Y]);
184     aligned_n1 = A_block_size * dims[X];
185     aligned_n3 = B_block_size * dims[Y];
186
187     if (coords[X] == 0 && coords[Y] == 0) {
188         A = allocate_matrix(size: aligned_n1 * n_2);
189
190         B = allocate_matrix(size: n_2 * aligned_n3);
191         C = allocate_matrix(size: aligned_n1 * aligned_n3);
192
193         generate_matrix(matrix: A, column: n_2, leading_row: n_1, leading_column: n_2, onRows: true);
194         generate_matrix(matrix: B, column: aligned_n3, leading_row: n_2, leading_column: n_3, onRows: false);
195     }
196
197     A_block = allocate_matrix(A_block_size * n_2);
198     B_block = allocate_matrix(B_block_size * n_2);
199     C_block = allocate_matrix(A_block_size * B_block_size);
200
201     start_time = MPI_Wtime();

```



```

177     init_communicators(dims, &comm_grid, &comm_rows, &comm_columns);
178
179
180     MPI_Cart_coords(comm_grid, proc_rank, maxdims: DIMS_COUNT, coords);
181
182     A_block_size = ceil(x: (double)n_1 / dims[X]);
183     B_block_size = ceil(x: (double)n_3 / dims[Y]);
184     aligned_n1 = A_block_size * dims[X];
185     aligned_n3 = B_block_size * dims[Y];
186
187     if (coords[X] == 0 && coords[Y] == 0) {
188         A = allocate_matrix(size: aligned_n1 * n_2);
189
190         B = allocate_matrix(size: n_2 * aligned_n3);
191         C = allocate_matrix(size: aligned_n1 * aligned_n3);
192
193         generate_matrix(matrix: A, column: n_2, leading_row: n_1, leading_column: n_2, onRows: true);
194         generate_matrix(matrix: B, column: aligned_n3, leading_row: n_2, leading_column: n_3, onRows: false);
195     }
196
197     A_block = allocate_matrix(A_block_size * n_2);
198     B_block = allocate_matrix(B_block_size * n_2);
199     C_block = allocate_matrix(A_block_size * B_block_size);
200
201     start_time = MPI_Wtime();
202
203     split_A(A, A_block, A_block_size, n_2, coords_y: coords[Y], comm_rows, comm_columns);
204     split_B(B, B_block, B_block_size, n_2, aligned_n3, coords_x: coords[X], comm_rows, comm_columns);
205
206     multiply(A_block, B_block, C_block, A_block_size, B_block_size, n_2);
207
208     compose(C_block, C, A_block_size, B_block_size, aligned_n1, aligned_n3, proc_count, comm_grid);
209
210     finish_time = MPI_Wtime();
211
212     if (coords[Y] == 0 && coords[X] == 0) {
213         printf(format: "Time: %lf\n", finish_time - start_time);
214
215         free(ptr: A);
216         free(ptr: B);
217         free(ptr: C);
218     }
219
220     free(ptr: A_block);
221     free(ptr: B_block);
222     free(ptr: C_block);
223     MPI_Comm_free(&comm_grid);
224     MPI_Comm_free(&comm_rows);
225     MPI_Comm_free(&comm_columns);
226
227     MPI_Finalize();
228
229     return EXIT_SUCCESS;
230 }
231

```