ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIỀN KHOA TOÁN – CƠ – TIN HỌC

Nguyễn Vũ Minh Quân

TIỂU LUẬN CUỐI KÌ MÔN MỘT SỐ VẤN ĐỀ CHỌN LỌC TRONG TÍNH TOÁN KHOA HỌC

Ngành Toán – Tin ứng dụng (Chương trình đào tạo chuẩn)

Hà Nội - 2021

Bài 1:

$$\widehat{G(s)} - D = \begin{bmatrix} \frac{S}{(S-1)^2} - 0 & \frac{S}{S-1} - 1 \\ \frac{S^2 + 2S - 9}{(S-1)(S+3)} - 1 & \frac{S+4}{S+3} - 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{S}{(S-1)^2} & \frac{1}{S-1} \\ \frac{-6}{(S-1)(S+3)} & \frac{1}{S+3} \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{(S-1)^2(S+3)} \begin{bmatrix} S(S+3) & (S-1)(S+3) \\ -6(S-1) & (S-1)^2 \end{bmatrix}$$

Viết lại $G(s) = (S-1)^2(S+3) = S^3 + 1S^2 - 5S + 3$ r(bậc cao nhất của mẫu số) = 3

$$N(s) = N_1S^2 + N_2S + N_3 = \begin{bmatrix} S(S+3) & (S-1)(S+3) \\ -6(S-1) & (S-1)^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S^2 + 3S & S^2 + 2S - 3 \\ -6S + S & S^2 - 2S + 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} S^2 + \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -6 & -2 \end{bmatrix} S + \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 6 & 1 \end{bmatrix}$$

Ta có:

$$N_1 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; N_2 = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -6 & -2 \end{bmatrix}; N_3 = \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 6 & 1 \end{bmatrix}$$

+) Dạng chính tắc điều chỉnh được:

Số chiều là: $n = r^*p = 3^*2 = 6$

Hệ không gian trạng thái:

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx + Du \end{cases}$$

Với A =
$$\begin{bmatrix} -\alpha_1 I_{p_1} & -\alpha_2 I_p & -\alpha_3 I_p \\ I_p & O_p & 0 \\ 0 & I_p & O_p \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -1\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & 5\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & -3\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 5 & 0 & -3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 5 & 0 & -3 \\ 1 & 0 & 0 & 5 & 0 & -3 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} I_p \\ O_p \\ O_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 2 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & -6 & -2 & 6 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{C} = \begin{bmatrix} N_1 & N_2 & N_3 \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{D} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

+) Dạng chính tắc quan sát được:

$$n = r*p=3*2=6$$

Hệ không gian trạng thái:

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx + Du \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -\alpha_1 I_p & I_p & 0 \\ -\alpha_2 I_p & O_p & I_p \\ -\alpha_3 I_p & 0 & O_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\ 5 \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 5 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ -3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} N_1 \\ N_2 \\ N_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \\ 3 & 2 \\ -6 & 2 \\ 0 & -3 \\ 6 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} I_4 & O_4 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

```
Code:
n1 = (0 \ 1 \ 3 \ 0; 1 \ 1 \ -11 \ 9);
q1 = [1 \ 1 \ -5 \ 3];
[A1, B1, C1, D1] = tf2ss(n1,q1)
n2 = [1 \ 2 \ -3 \ 0; 1 \ 2 \ -7 \ 4];
q2 = [1 \ 1 \ -5 \ 3];
[A2, B2, C2, D2] = tf2ss(n2,q2)
A = blkdiag(A1, A2)
B = blkdiag(B1, B2)
C = [C1 C2]
D = [D1 D2]
[A,B,C,D] = minreal(A,B,C,D)
sys = ss(A,B,C,D);
figure(1); clf;
[y,t,x] = step(sys,10);
plot(t,x(:,1),t,x(:,2),t,x(:,3),t,y(:,1),t,y(:,2))
legend('x1','x2','x3','y1','y2')
title('Plot the step response for the system')
grid on
M1 = \max(abs(x(:,1)))
M2 = \max(abs(x(:,2)))
M3 = \max(abs(x(:,3)))
My1 = \max(abs(y(:,1)));
My2 = \max(abs(y(:,2)));
My = max(My1,My2)
P = [My/M1\ 0\ 0;\ 0\ My/M2\ 0;\ 0\ 0\ My/M3]
A = P * A * Inv(P)
B = P * B
C = C * inv(P)
sys = ss(A,B,C,D);
figure(2); clf;
[y,t,x] = step(sys,10);
plot(t,x(:,1),t,x(:,2),t,x(:,3),t,y(:,1),t,y(:,2))
legend('x1','x2','x3','y1','y2')
title('Plot the step response for the system')
```

grid on

M1 = max(abs(x(:,1))); M2 = max(abs(x(:,2))); M3 = max(abs(x(:,3))); My1 = max(abs(y(:,1))); My2 = max(abs(y(:,2)));

My = max(My1,My2)

disp('Max of an amplitude a for step input is: ')

Câu 2:

10/My

a. Xây dựng mô hình không gian - trạng thái của hệ thống khi đầu ra mong muốn
 là vị trí góc của tải θ.

$$x = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \theta & \dot{\theta} & i \end{bmatrix}$$

với
$$\dot{x}_1 = \dot{\theta} = x_2$$
; $\dot{x}_2 = \ddot{\theta} = \frac{N.K_m}{J_e} x_3 - \frac{T_d(t)}{J_e}$; $\dot{x}_3 = \frac{di}{dt} = \frac{-N.K_m}{L} x_2 - \frac{R}{L} x_3 + \frac{1}{L} v(t)$

Ta có hệ phương trình:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{N.K_m}{J_e} \\ 0 & \frac{-N.K_m}{J_e} & \frac{-R}{J_e} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \frac{-1}{J_e} & 0 \\ 0 & \frac{1}{J_e} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} T_d(t) \\ v(t) \end{bmatrix}$$

Mô hình không gian-trạng thái:

$$\dot{X} = A.x(t) + B.u(t) \text{ v\'oi } A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{N.K_m}{J_e} \\ 0 & \frac{-N.K_m}{L} & \frac{-R}{L} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \frac{-1}{J_e} & 0 \\ 0 & \frac{1}{L} \end{bmatrix}$$