Trường ĐHKHTN, ĐHQGHN ${\rm K63~TTUD}$

Học Kỳ 2 (2020-2021) Bài tập giữa kỳ

Câu 1 Hãy dịch và đánh máy lại ví dụ được phân công, LATEX hay Word tùy các em chọn.

Câu 2 Sử dụng mô hình được phân công, hãy lập trình để thực hiện các nhiệm vụ sau.

- i) Tìm hàm truyền của hệ, tìm các cực, không điểm của hệ.
- ii) Vẽ đồ thị phản hồi đầu vào θ (với trạng thái ban đầu x_0 là vector gồm toàn số 1)
- iii) Sử dụng hàm đầu vào u là hàm xung (xem lệnh impulse trong MATLAB) và hàm bước nhảy (xem lệnh step trong MATLAB) hãy vẽ riêng đồ thị của u và đồ thị của hàm phản hồi trạng thái 0 (với 2 hàm đầu vào trên)

Câu 3 Hãy tìm phép đổi biến số thích hợp để chia tỉ lệ (magnitude scaling) hệ sau, sao cho tất cả các biến trạng thái $x_i(t)$ đều có độ lớn bằng với độ lớn tối đa của đầu ra y(t).

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & -2 & -2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u,$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \end{bmatrix} x$$

Nếu mọi tín hiệu đều phải nằm trong phạm vi $\pm 10~V$ và nếu hàm đầu vào là hàm bước nhảy (step với độ lớn a) thì a tối đa có thể là bao nhiêu?

Câu 4 BT để ôn lại về 2 hệ tương đương (equivalent) và tương đương trạng thái 0 (zero-equivalent).

Hai hệ sau có tương đương hay không? Có tương đương zero hay không?

$$\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} u \qquad y = [1 - 1 \ 0] \mathbf{x}$$

and

$$\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} u \qquad y = \begin{bmatrix} 1 - 1 & 0 \end{bmatrix} \mathbf{x}$$

-----Hết----