SOLIDES



I. Perspective cavalière

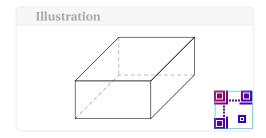
Définition 1.

Pour représenter dans le plan (une feuille) un objet de l'espace (un solide) on utilise un effet de **perspective**. La perspective utilisée en mathématiques s'appelle la **perspective cavalière**.

Règle 1.

Les règles de la perspective cavalière sont les suivantes :

- Les arêtes parallèles sur le solide restent parallèles sur le dessin.
- Les arêtes parallèles et de même longueur restent de même longueur.
- Les points alignés restent alignés.
- Les arêtes cachées se représentent en pointillés.



Scan le QR code et suit la méthode de construction.

II. Vocabulaire des solides

Définition 2.

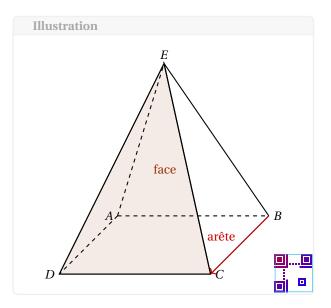
Pour décrire un solide on dénombre :

- ses sommets.
- ses arêtes.
- ses faces

R

Remarque

On utilise le nom des **sommets** pour **nommer** les arêtes ou les faces.



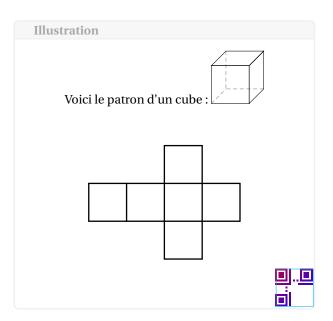
Définition 3. Patron

Un **patron d'un solide** est une figure en grandeur réelle qui, après pliage, permet de construire ce solide.



Remarque

Un solide peut avoir **plusieurs patrons** différents.



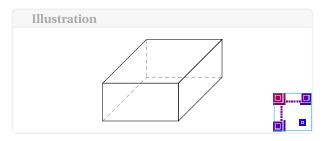
III. Solides particuliers

1. Le parallélépipède rectangle

Définition 4

Un **parallélépipède rectangle** (ou pavé droit) est un solide droit dont toutes les faces sont des **rectangles**.

Le parallélépipède possède **12 arêtes**, **6 faces** (des rectangles) et **8 sommets**.



Scan le QR code pour manipuler le pavé droit et découvrir son patron.

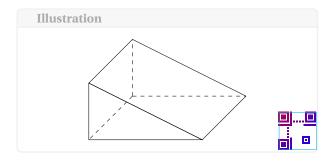
2. Le prisme droit

Définition 5

Un **prisme droit** est un solide droit dont les bases sont des **polygones superposables**.

Les arêtes latérales ont toutes la même longueur et sont parallèles.

Elles mesurent la **hauteur** du prisme. Les **faces latérales** sont des **rectangles**.



Scan le QR code pour manipuler le prisme droit et découvrir son patron.

3. Le cylindre de révolution



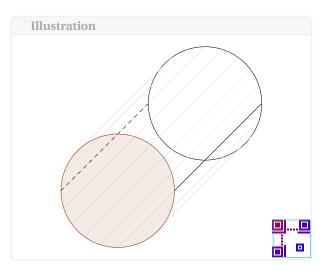
sacado.xyz 2

Construction cylindre de révolution

Définition 6

Un **cylindre** est solide droit dont les bases sont des **disques** de **même rayon**.

La hauteur d'un cylindre est la longueur joignant les centres des bases.



Scan le QR code pour manipuler le cylindre de révolution et découvrir son patron.

Propriété 2.

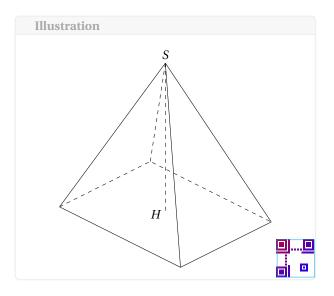
Dans le patron d'un cylindre, la longueur du rectangle est égale au périmètre de la base du cylindre.

4. La pyramide

Définition 7.

Une **pyramide** de **sommet** S est un solide dont :

- La base est un polygone (triangle, quadrilatère, pentagone...)
- Les faces latérales sont des triangles de sommet S.
- La hauteur de la pyramide de sommet S est le segment [SH] perpendiculaire au plan de la base, où H est un point de ce plan.



Scan le QR code pour manipuler la pyramide et découvrir son patron.

Définition 8

- Une pyramide dont la base est un triangle est appelée un tétraèdre.
- Une pyramide de sommet S est dite régulière lorsque sa base est un polygone régulier (tous ses côtés sont de même longueur) de centre O et que [SO] est la hauteur de la pyramide.

Remarque

Lorsque la pyramide est régulière, toutes les faces latérales sont des triangles isocèles identiques.

sacado.xyz 3

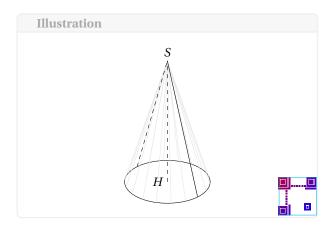
5. Le cône de révolution



Construction cône de révolution

Un cône (ou cône de révolution) est un solide obtenu en faisant tourner un triangle rectangle autour d'un des côtés de l'angle droit.

- Le disque de centre O et de rayon OM est la **base** du cône.
- Le point S est le **sommet** du cône.
- La **hauteur** du cône est le segment [OS], elle est perpendiculaire à la base.



Scan le QR code pour manipuler le cône de révolution et découvrir son patron.



Remarque

Dans le patron d'un cône, la longueur de l'arc du secteur angulaire est égale au périmètre de la base.



Méthode

Pour construire le patron d'un cône :

- On fait un dessin à main levée.
- On calcule le périmètre de la base du cône.
- On fait un tableau de proportionnalité pour calculer la mesure de l'angle du secteur angulaire.

IV. Les savoir-faire du parcours

- Savoir décrire un solide.
- Savoir reconnaitre un solide.
- Savoir reconnaître des solides représentés en perspective cavalière.
- Savoir représenter un solide en perspective cavalière.
- Savoir reconnaitre le patron d'un solide.
- Savoir construire le patron d'un parallélépipède rectangle.
- Savoir construire le patron d'un prisme droit.
- Savoir construire le patron d'un cylindre.
- Savoir construire le patron d'une pyramide.
- Savoir construire le patron d'un cône de révolution.

sacado.xyz 4