Espace et Géométrie







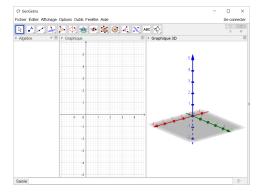
Préalable

Á l'aide de l'onglet (Affichage), cocher:

Algèbre

Graphique

Graphique 3D



Pour enlever le plan gris et les axes du repère 3D :

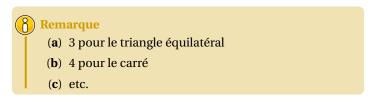
- 1. Cliquez droit sur la fenêtre Graphique 3D
- 2. La fenêtre contextuelle ci-dessous va apparaitre

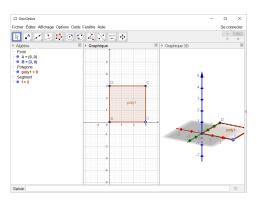


3. Décocher: Axes et Plan

Construire un cube

- 1. Création d'un carré
 - 1. Sélectionner la fenêtre Graphique en cliquant sur la fenêtre
 - 2. Placer deux points distincts avec l'icône •
 - 3. Cliquez sur l'icone puis 🛂
 - 4. Sélectionner les 2 points construits.
 - 5. Écrire 4 dans la boite de dialogue





Dans la fenetre **graphique 3D**, il apparait la base du cube

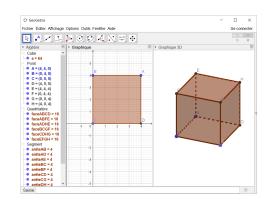
2. Du carré au cube

- 1. Sélectionner la fenêtre Graphique 3D en cliquant sur la fenêtre
- 2. Cliquez sur les deux points distincts A et B



Remarque

On peut directement créer le cube en passant par la fenêtre **graphique 3D** sans passer par le carré.





Remarque

Pour faire une animation du cube, cliquez droit avec un mouvement de souris latéral et relâchez le clic. Le cube va tourner sur lui-même. Il est possible aussi de faire cette action avec

Les solides usuels

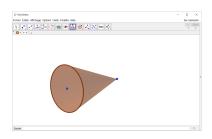


Remarque

La création des solides usuels s'initie dans la seule fenêtre **graphique 3D**. Enlever la fenêtre **Graphique**.

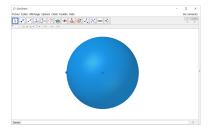
Le cône

- 1. Cliquez sur 🎑
- 2. Placer 2 points dans la fenêtre Graphique 3D
 - Le premier point est le centre de la base
 - Le second point est le sommet.
 - Renseigner alors le rayon.



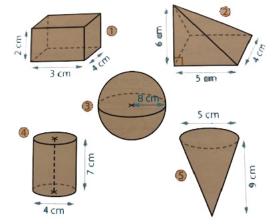
La boule

- 1. Cliquez sur 🖸
- 2. Placer 2 points dans la fenêtre Graphique 3D
 - Le premier point est le centre
 - Le second point est un point de la sphère.



Application avec GGB

- 1. Dessiner à l'aide de Geogebra les solides décrits ci-dessous.
- 2. Déterminer le nom de chaque solide.
- 3. On donne les formules de volumes suivantes. Associer à chaque solide la formule de son volume.
 - $V = \pi \times r^2 \times h$ où r est le rayon et h la hauteur.
 - $V = L \times l \times h$ où L est la longueur, l la largeur et h la hauteur.
 - $V = \frac{4}{3}\pi \times r^3$ où r est le rayon.
 - $V = \frac{B \times h}{3}$ où B est l'aire de la base et h la hauteur.
- 4. Calculer alors le volume de chaque solide présenté.



Des fonctions pour décrire l'espace

Exercice 1

Un solide de l'espace a un volume égal à $V = \frac{4}{3}\pi \times r^3$.

- 1. Calculer la valeur exacte du volume pour un rayon de 1 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- **2.** Calculer la valeur exacte du volume pour un rayon de 2 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- 3. Le volume est-il proportionnel au rayon?
- 4. En fonction de quelle variable l'expression de V est-elle exprimée?
- 5. Recopier et compléter le tableau suivant

r	0	0,5	1	1,5	2
V(r)					

Exercice 2

Un solide de l'espace a un volume égal à $V = \pi \times r^2 \times h$. La hauteur est fixe et mesure 2cm.

- 1. Exprimer l'expression du volume en fonction du rayon.
- **2.** Calculer la valeur exacte du volume pour un rayon de 1 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- **3.** Calculer la valeur exacte du volume pour un rayon de 2 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- 4. Le volume est-il proportionnel au rayon?
- 5. Recopier et compléter le tableau suivant

r	0	0,5	1	1,5	2
<i>V</i> (<i>r</i>)					

6. Tracer la courbe représentative de la fonction V ci-dessous. Vous devrez légender les axes.

29			
- 28			
20			
27			
- 26 -			
27 26 25			
24			
23			
- 22			
-21			
-20			
10			
19			
18			
17			
16			
15			
14			
13			
12			
-11			
10			
10			
9			
8			
7			
6			
- 5			
4			
3			
2			
1			
1			
	-	2)
-1	-	4	
-2 -3			
-3			

Exercice 3

Un solide de l'espace a un volume égal à $V = \pi \times r^2 \times h$. Le rayon est fixe et mesure 2 cm.

- 1. Exprimer l'expression du volume en fonction de la hauteur.
- **2.** Calculer la valeur exacte du volume pour une hauteur de 2 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- 3. Calculer la valeur exacte du volume pour une hauteur de 6 cm. Donner une valeur approchée arrondie au cm^3 .
- 4. Le volume semble-t-il proportionnel à la hauteur?
- 5. Recopier et compléter le tableau suivant

r	0	0,5	1	1,5	2
<i>V</i> (<i>r</i>)					

6. Tracer la courbe représentative de la fonction V ci-dessous. Vous devrez légender les axes.

4		
29 1		
28		
20		
27		
26		
25		
24		
23		
- 22		
21		
20		
19		
18		
17		
17		
16		
15		
14		
-13		
12		
-11		
10		
9		
8		
7		
7		
7 6		
7 6 5		
7 6 5 4		
7 6 5 4 3		
$egin{array}{cccc} 7 & & & & & & & & & & & & & & & & & & $		
7 6 5 4 3		
7 6 5 4 3 2		—
7 6 5 4 3 2 1		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
7 6 5 4 3 2 1		<u></u>
7 6 5 4 3 2)