Découverte







Utiliser les transformations du plans pour démontrer

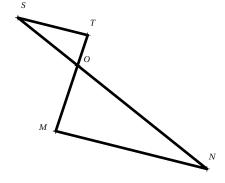
☐ Connaitre les homothéties.

Représenter, raisonner

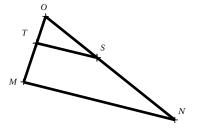
Paul et Ali souhaitent créer un théâtre chinois à base d'ombre. Ils placent une source de lumière derrière eux à 50 cm. Ils tendent un drap devant eux à une distance de 2 mètres. Les objets qu'ils utilisent mesurent environ 20 cm.

- 1. Schématiser le théâtre chinois des 2 amis.
- 2. Quelle est la taille des objets projetés sur le drap?

Exercice de découverte On donne OM = 2,8, ON = 5,4, OS = 2,7.



On donne OM = 2,8, ON = 5,4, OS = 2,7.



- 1. Calculer OT.
- **2.** Par quel coefficient transforme-t-on le triangle OMN en le triangle OST?
- 1. Calculer OT.
- **2.** Par quel coefficient transforme-t-on le triangle *OMN* en le triangle *OST*?

Définition 1. Homothétie

Soit O un point fixe du plan et k un nombre non nul. Transformer une figure par une homothétie de centre O et de rapport k c'est l'agrandir ou la réduire en faisant apparaître une situation de Thalès de rapport k ou -k.

- Lorsque *k* est positif, la figure est en voile.
- Lorsque *k* est négatif, la figure est en papillon.

Voir les figures ci-dessus.

3 Situation de recherche

Soit trois points O, A, A' alignés dans cet ordre tel que OA = 2cm et OA' = 6cm.

- 1. Déterminer l'homothétie h de centre O qui transforme A en A'.
- **2.** Soit B un point n'appartenant pas à (OA). Construire le point B', image de B par l'homothétie h.
- 3. Quelle figure peut-on reconnaitre?

Théorème 1. Image des figures usuelles

L'image d'une droite d par une homothétie est une droite parallèle à d.

L'image d'un segment [A'B'] par une homothétie de rapport k est un segment [A'B'] tel que A'B' = kAB.

Utiliser les homothéties





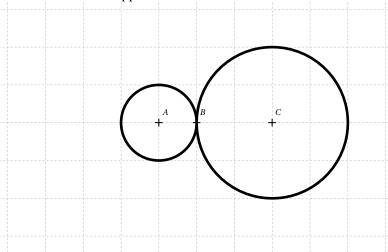


Utiliser les transformations du plans pour démontrer

- $\hfill \square$ Construire des figures avec les homothéties.
- ☐ Connaitre les propriétés des homothéties.

Situation de recherche

On a dessiné un cercle $\mathscr C$ de centre A et son image $\mathscr C'$ de centre C tangents en B par une homothétie de centre C. Déterminer le centre et le rapport d'homothétie.



2 Situation de recherche

Trace un triangle ABC tel que AB = 3cm, BC = 4cm et AC = 5cm.

- 1. Quelle est la nature du triangle ABC?
- **2.** Soit *d* une droite parallèle à (*AB*). A' et B' sont deux points de *d* tels que A'B' = 10,5 cm.
- **3.** (a) On appelle l'homothétie h qui transforme A en A' et B en B'. Construire C' l'image du point C par h.
 - (**b**) Calcule B'C'.

Situation de recherche

1. Construire un triangle ABC quelconque. Place un point O extérieur au triangle ABC.

Sur la demi droite [OA), place le point A' tel que OA' = 3OA. Trace la parallèle à (AB) passant par A'. Elle coupe (OB) en B'.

- **2.** Construire la parallèle à (AC) passant par A', elle coupe (OC) en C'.
- **3.** Que dire du triangle A'B'C'?
- 4. Démontrer le.

Théorème 2. Image des figures usuelles

L'image d'une figure usuelle ${\mathscr F}$ par une homothétie est une figure usuelle ${\mathscr F}'$ dont les dimensions sont multipliées par :

k, si k est positif

-k si k est négatif.



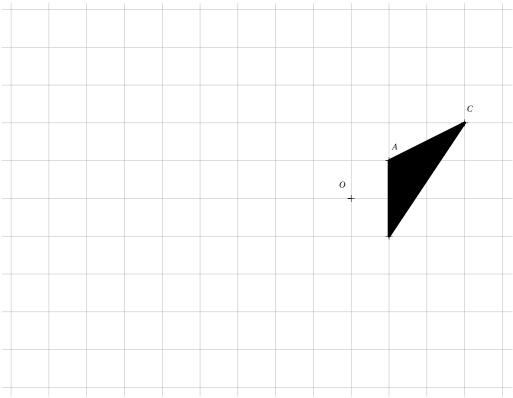
Les aires d'une figure et de son image sont donc multipliées par k^2

Les volumes d'un solide et de son image sont donc multipliés par k^3 ou $-k^3$.

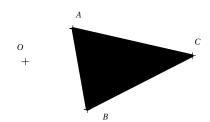
Les homothéties permettent des agrandissements et réductions de figures et de formes. De nombreux logiciels utilisent cette transformation.

4 Application directe

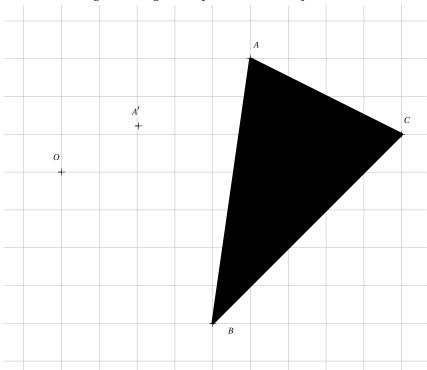
1. Construire l'image du triangle *ABC* par l'homothétie de centre *O* et de rapport –2



2. Construire l'image du triangle *ABC* par l'homothétie de centre *O* et de rapport $\frac{5}{2}$.



3. Construire l'image du triangle ABC par l'homothétie qui transforme A en A'.



1. Exercices du livre

- 16 p 196.
- 28 p 197.
- 34 p 200.
- 42 p 201.
- 48 p 203.

Amérique du Sud

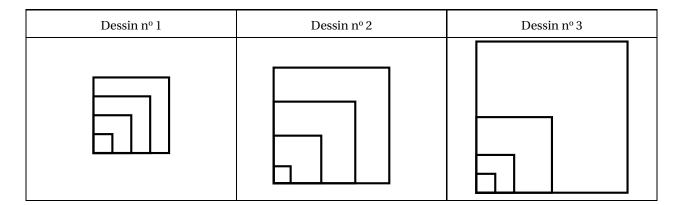






```
Programme nº 1
                                                      quand est pressé
                                                      mettre longueur 🔻 à 10
Le bloc d'instruction « carré » ci-dessous a été programmé
puis utilisé dans les deux programmes ci-contre :
                                                      répéter 4 fois
                                                         carré
 définir carré
                                                         mettre longueur → à (longueur + 20)
 stylo en position écriture
 répéter 4 fois
                                                      cacher
    avancer de (longueur)
                                                     Programme nº 2
    tourner (7) de (90) degrés
                                                      quand est pressé
                                                      mettre longueur ▼ à 10
 relever le stylo
                                                      répéter 4 fois
Rappel:
L'instruction « avancer de 10 » fait avancer le lutin de 10
                                                         carré
pixels.
                                                         mettre longueur và (longueur 2
                                                      cacher
```

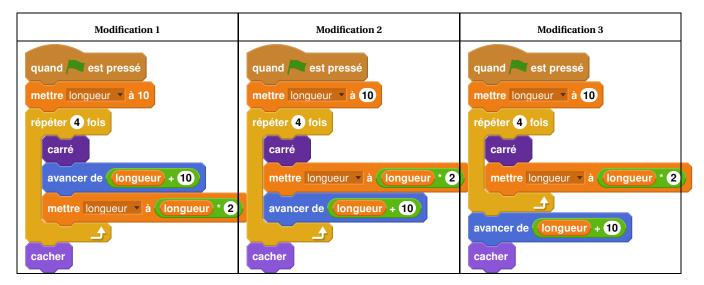
1. Voici trois dessins:



- (a) Lequel de ces trois dessins obtient-on avec le programme n° 1?
- (b) Lequel de ces trois dessins obtient-on avec le programme n° 2?
- (c) Pour chacun des deux programmes, déterminer la longueur, en pixel, du côté du plus grand carré dessiné?

2. On souhaite modifier le programme n° 2 pour obtenir le dessin ci-contre.

Parmi les trois modifications suivantes, laquelle permet d'obtenir le dessin souhaité? Aucune justification n'est attendue pour cette question.



6 Synthèse