# MULTIPLICATION DE NOMBRES DÉCIMAUX



# I. Les tables de multiplication

×	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

# II. La multiplication



Lorsqu'on multiplie deux nombres :

- On appelle les nombres que l'on multiplie les facteurs de la multiplication.
- On appelle le résultat d'une multiplication le produit des facteurs.



## Exemple

Dans l'opération :  $84 \times 35 = 2940$ , les nombres 84 et 35 sont les facteurs, le nombre 2940 est le produit.

## Propriété 1.

Dans une multiplication on peut :

- Changer les facteurs de place :  $4 \times 3 = 3 \times 4 = 12$
- Regrouper les facteurs :  $4 \times 3 \times 25 = 4 \times 25 \times 3 = 100 \times 3 = 300$

On dit que la multiplication est une opération commutative.

# III. Multiplier des nombres entiers

1. Multiplier un nombre par 10, 100 ou 1 000



Si on multiplie un nombre pas 10; 100 ou 1000, le chiffre des unités de ce nombre prend une valeur 10; 100 ou 1000 fois plus grande et devient le chiffre des dizaines; centaines ou milliers.



## Exemple

$$2.34 \times 1000 = 2340$$

Le chiffre des unités est 2, multiplié par 1000, il devient le chiffre des milliers.

# 2. Multiplier un nombre par 5, 50 ou 500



#### Méthode

5 est la moitié de 10; 50 est la moitié de 100 et 500 est la moitié de 1000, donc pour multiplier un nombre décimal par 5; 50 ou 500, on le multiplie par 10; 100 ou 1000 puis on calcule la moitié du résultat.



### **Exemple**

$$34,6 \times 50 \rightarrow 34,6 \times 100 = 3460 \rightarrow 3460 \div 2 = 1730$$

# 3. Poser la multiplication de deux nombres entiers

Lorsque le calcul mental ne permet pas de trouver facilement un produit, on peut poser la multiplication :



## - Exemple

$$\begin{array}{c}
8 & 4 & 4 & 7 \\
\times & 3 & 6 & 8 \\
\hline
6 & 7 & 5 & 7 & 6 \\
5 & 0 & 6 & 8 & 2 \\
2 & 5 & 3 & 4 & 1 \\
\hline
3 & 1 & 0 & 8 & 4 & 9 & 6
\end{array}$$

Ainsi:  $8447 \times 368 = 3108496$ 

# IV. Multiplier des nombres décimaux

# 1. Multiplier un nombre par 0,1, 0,01 ou 0,001



# **Méthode**

Si on multiplie un nombre pas 0,1; 0,01 ou 0,001, le chiffre des unités de ce nombre prend une valeur 10; 100 ou 1000 fois plus petite et devient le chiffre des dixièmes; centièmes ou millièmes.



$$73,22 \times 0,1 = 7,322$$

Le chiffre des unités est 3, multiplié par 0, 1 il devient le chiffre des dixièmes.

# 2. Multiplier un nombre par 0,5



# **Méthode**

Multiplier un nombre décimal par 0,5 revient à calculer sa moitié.

On peut soit diviser le nombre par 2, Soit multiplier le nombre par 5 puis diviser le résultat par 10.



# -Exemple

Calcule du produit :  $A = 307 \times 0.5$ 

— Multiplier un nombre par 0,5 revient à le diviser par 2 :

$$307 \times 0, 5 = 307 \div 2 = 153, 5$$

— Multiplier un nombre par 0,5 revient à le multiplier par 5 et diviser le résultat par 10 :

$$307 \times 5 = 1535$$
 *et*  $1535 \div 10 = 153,5$ 

# 3. Multiplier des nombres décimaux



# **Méthode**

– Puisque l'on sait maintenant multiplier un nombre par 0,1 ; 0,01 ou 0,001 nous pouvons utiliser ça pour transformer un nombre décimal en produit d'un nombre entier et de 0,1; 0,01 ou 0,001.



#### Exemple

84,41 = 8441 centièmes donc :

$$84,41 = 8441 \times 0,01$$

On peut alors calculer des produits simples de nombres décimaux en commençant par convertir en produits de nombre entiers et de 0,1; 0,01 ou 0,001.



#### Exemple

Calcule du produit :  $A = 0, 6 \times 0, 05$ 

On sait que  $0,6 = 6 \times 0,1$  et que  $0,05 = 5 \times 0,01$ , donc :

$$0,6 \times 0,05 = 6 \times 0,1 \times 5 \times 0,01$$

donc:

$$0, 6 \times 0, 05 = 6 \times 5 \times 0, 1 \times 0, 01$$

donc:

$$0,6 \times 0,05 = 30 \times 0,001 = 0,03$$



#### Exemple

Cette méthode est très pratique pour calculer des produits de nombres décimaux en utilisant le produit des nombres entiers.

En effet, si on sait que  $416 \times 372 = 154752$  on peut déduire le résultat de 4,  $16 \times 3, 72$  en faisant :

$$4,16 \times 3,72 = 416 \times 0,01 \times 372 \times 0,01$$

donc:

$$4,16 \times 3,72 = 416 \times 372 \times 0,0001$$

donc:

$$4,16 \times 3,72 = 154752 \times 0,0001 = 15,4752$$

# 4. Poser la multiplication de deux nombres décimaux



#### Méthode

Lorsque le calcul mental ne permet pas de trouver facilement un produit, on peut poser la multiplication : Pour effectuer la multiplication de deux nombres décimaux : On effectue d'abord la multiplication sans tenir compte des virgules puis on place la virgule dans le produit en comptabilisant le nombre de chiffres à droite de la virgule de chacun des facteurs.



#### Exemple

Multiplication posée de  $35,66 \times 2,68$ . On comptabilise 1 chiffre après la virgule pour le premier facteur et 2 chiffres après la virgule pour le second facteur. Le résultat aura alors 3 chiffres après la virgule.

# V. Ordre de grandeur d'un produit

#### **Définition 1**

Un ordre de grandeur d'un nombre est une valeur approchée simple de ce nombre.



#### Exemple

On considère le nombre a = 2931, 22.

Une valeur approchée de a est 3000, on dit que 3000 est un ordre de grandeur de a et on note 2931, 22  $\approx$  3000.



#### Remarque

- Calculer un ordre de grandeur permet de vérifier la cohérence du résultat d'un calcul.
- Un ordre de grandeur n'est pas unique.

## Règle 2.

Pour obtenir un ordre de grandeur d'un produit, on multiplie un ordre de grandeur de chacun des facteurs.



## -\overline{\chi\_0} - Exemple

Un ordre de grandeur de 1,95 est 2, un ordre de grandeur de 4,2 est 4; donc un ordre de grandeur de 1,95  $\times$  4,2 est  $2 \times 4 = 8$ .

# VI. Les savoir-faire du parcours

- Savoir utiliser les tables de multiplication.
- Savoir utiliser le vocabulaire de la multiplication.
- Savoir calculer mentalement certains produits.
- Savoir calculer astucieusement certains produits.
- Savoir poser la multiplication de deux nombres entiers.
- Savoir multiplier un nombre par 10; 100 ou 1 000.
- Savoir multiplier un nombre par 0,1; 0,01 ou 0,001.
- Savoir multiplier deux nombres décimaux.
- Savoir poser la multiplication de deux nombres décimaux.
- Savoir déterminer l'ordre de grandeur d'un résultat.
- Savoir résoudre un problème numérique.