Classe 6e Mathématiques Grandeurs et Mesures

CALCULER DES DURÉES



I. Millénaires, siècles, années, mois

Un millénaire = 1000 ans

 $Un \ si\`ecle = 100 \ ans$

Une année = 12 mois

Application

Compléter les égalités :

- 2 siècles = ... années
- 4 millénaires = ... mois
- 6 années = ... mois

- Une année = 365 jours (une année bissextile a 366 jours)
- Nombre de jours par mois :

Janvier: 31 jours Mai:31 jours Septembre: 30 jours Février: 28 ou 29 jours Juin: 30 jours Octobre: 31 jours Mars: 31 jours Juillet: 31 jours Novembre: 30 jours Avril: 30 jours Décembre : 31 jours Aout: 31 jours

Une semaine = 7 joursUn jour = 24 heures



Méthode

Transformation de 713 heures en semaines, jours et heures.

Une semaine = 7 jours = 168 heures $(7 \times 24 = 168)$

En effectuant des divisions euclidiennes successives, on trouve: $713 = 168 \times 4 + 24 \times 1 + 17$ donc 713 heures = 4 semaines, 1 jours, 17 heures.

Application

Transformer 868 heures en semaines, jours et heures.

II. Heures, minutes, secondes

Notre système de mesure des heures, minutes et secondes est un système sexagésimale.

1 heure = 60 minutes

1 minute = 60 secondes



Méthode

Transformation de 451 minutes en heures et minutes. En effectuant une division euclidienne on trouve : $451 = 7 \times 60 + 31$ donc 451 minutes = 7 heures et 31 minutes.

Application

Transformer 1024 secondes en heures, minutes et secondes.

J'évalue mes compétences

Quel âge j'ai si je suis vieux de un million de secondes? de un milliard de secondes?

III. Opérations avec des durées

1. Ajouter des durées



Méthode

Pour ajouter des durées on ajoute les heures entre elles et les minutes entre elles puis on convertit l'excédent de minutes en heures et minutes :

04h54min + 07h41min = 04 + 07h54 + 41min = 11h95min

Puis:

95min = 1h35min

Donc:

04h54min + 07h41min = 12h35min

On peut aussi transformer toutes les données en minutes puis convertir en heures et minutes une fois le calcul effectué:

 $04h54min + 07h41min = 4 \times 60 + 54 + 7 \times 60 + 41 = 755min$

Puis:

 $755 = 12 \times 60 + 35$

Ainsi:

04h54min + 07h41min = 12h35min

Application

Effectuer les sommes suivantes :

03h45min + 05h22min

02h50min + 07h08min

04h47min + 01h03min

2. Soustraire des durées



Méthode

Pour soustraire des durées on soustrait les heures entre elles et les minutes entre elles. Si le nombre de minutes soustrait est plus petit que le nombre de minutes à soustraire on décale d'une heure :

$$02h33min - 00h53min$$

33 < 53 donc on transforme l'opération pour pouvoir soustraire :

$$02h33min = 01h93min$$

Ainsi:

02h33min - 00h53min = 01h93min - 00h53min = 01 - 00h93 - 53min = 01h40min

Application

Effectuer les différences suivantes :

01h43min + 01h02min

03h42min + 02h00min

04h03min + 02h40min

IV. Heure en système décimal

On peut exprimer des heures en utilisant le système décimal.



Méthode

Pour convertir 2,20h en heures et minutes on exprime la partie décimale du nombre en minutes en utilisant

la **proportionnalité** :
$$\frac{\text{Durée (h)}}{\text{Durée (min)}} \frac{1}{60} \frac{0,2}{12}$$

$$0,20 \times 60 = 12min$$

Donc:

2,20h = 2h12min

Application

Convertir les heures décimales suivantes en heures et minutes :

3,20h

4,50h

7,6h

Convertir les heures et minutes suivantes en heures décimales :

3h20min

1h55min

2h13min

V. Les savoir-faire du parcours

- Savoir convertir des durées.
- Savoir effectuer des opérations avec des durées.
- Savoir convertir des heures décimales.
- Savoir résoudre un problème de durée.