Álgebra Linear: Gabarito de Matrizes

Prof: Felipe Figueiredo

http://sites.google.com/site/proffelipefigueiredo

Versão: 20141124

1. Soma e produto por escalar

(a)
$$\begin{bmatrix} 5 & 5 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$$

(b)
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

(c)
$$\begin{bmatrix} 22 & 4 & 6 \\ 8 & 6 & 12 \end{bmatrix}$$

(e)
$$\begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & 12 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{ccc}
(f) & \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 6 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}
\end{array}$$

2. Produto de matrizes

(a)
$$\begin{bmatrix} 5 \\ 4 \end{bmatrix}$$

(b)
$$\begin{bmatrix} 4 & 7 \\ 5 & 8 \end{bmatrix}$$

(c)
$$\begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 6 & 0 \end{bmatrix}$$

(d)
$$[-4]$$

(e)
$$\begin{bmatrix} 12 & 12 \\ 4 & 4 \end{bmatrix}$$

(f) Não é possível multiplicar pois a primeira tem 3 colunas, e a segunda apenas 2 linhas.

3. Mix

(a)
$$\begin{bmatrix} 9 & 9 \\ 14 & 14 \end{bmatrix}$$

(b)
$$\begin{bmatrix} 6 & 0 \\ -8 & -10 \end{bmatrix}$$

(c)
$$\begin{bmatrix} 19 & 2 & 3 \\ -1 & 10 & -1 \\ 11 & 14 & 3 \end{bmatrix}$$

(d)
$$\begin{bmatrix} -10 & -10 & -10 \\ 0 & -10 & 0 \\ -10 & 0 & -10 \end{bmatrix}$$

4. Determinantes

(b)
$$3^2 = 9$$

(c)
$$-10^3 = -1000$$

(e)
$$-4$$

$$(f) -2$$

$$(g) -1$$

(h) 0 (Obs: A segunda linha é o dobro da primeira.)

(i)
$$3 \cdot 5 \cdot (-1) = -15$$
 (Obs: matriz triangular)

(j)
$$2 \cdot 2 \cdot 1 = 4$$
 (Obs: matriz triangular)

5. Mix de determinantes

- (a) 5
- (b) $det A \cdot det B = 0 \cdot det B = 0$ (Obs: A tem uma linha composta por zeros)

(c)
$$-19$$

(d) $det A \cdot det B = (-50) \cdot (-1) = 50$ (Obs: B é I₃ com a primeira linha trocada pela segunda)