

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Interpretação

Resumo

Medidas de associação

Regressão Linear Simples

Felipe Figueiredo

UNIAN - Centro Universitário Anhanguera de Niterói

Modelos estatísticos

Modelos servem para:

- representar de forma simplificada fenômenos, experimentos, dados, etc;
- possibilitar análise em cenários controlados, menos complexos que a realidade;
- extrapolar resultados e conclusões.

Sumário



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão

Interpretaçã

Causalidade

Resumo

Regressão Linear Simples

- Modelos estatísticos
- Coeficiente de Determinação r²
- 2 Interpretação
- Causalidade
- Resumo

Anhanguera

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão Modelos estatísticos

Interpretação

Resumo

Modelos estatísticos



Medidas de associação

> Felipe Figueiredo

Regressão

Modelos estatísticos

Interpretação

Resumo

 fazer predições fora do intervalo observado (extrapolação)

• fazer predições dentro do intervalo observado para

dados que não foram obtidos (interpolação)

Ao ajustar um modelo aos dados, podemos:

Enquanto isso, no mundo real...



Medidas de

associação

Felipe

Figueiredo



Como a Netflix sabia que "House Of Cards" seria um sucesso antes mesmo de lançar a série

"House Of Cards" é o assunto do momento e, pasmem, isso não é novidade para a Netflix. A empresa, baseada em sua cultura de resultados, conseguiu determinar o sucesso da série, antes mesmo de ela ser lançada. Entenda como









Fonte: www.administradores.com.br

Enquanto isso, no mundo real...

de comportamento. (...)

Da matéria



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

A organização analisou cada clique, pausa, tempo de retenção nas séries e filmes, aceleração ou desaceleração de frames, entre mil outros fatores, até chegar a uma conclusão.

A Netflix analisou seu mercado inteiro para entender qual série iria repercutir melhor. E não foram apenas pesquisas

Fonte: www.administradores.com.br



Medidas de associação

Felipe

Figueiredo

Enquanto isso, no mundo real...

Da matéria

[Eles entenderam] que seu público gostava de séries políticas (...)

A empresa também começou a olhar para uma antiga série britânica que fez muito sucesso e estava a venda, com atores e diretores populares dentre seu público alvo.

Fonte: www.administradores.com.br

Enquanto isso, no mundo real...



Da matéria

Se eles tivessem parado de analisar logo no primeiro fator, muito provavelmente a análise teria sido comprometida. (...)

Afinal, quantas foram as vezes que não clicamos em uma série, mas não ficamos nela por mais de 5 minutos?

Fonte: www.administradores.com.br

Medidas de associação

> Felipe Figueiredo

Reta de regressão



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Definition

Uma reta de regressão (também chamada de reta de melhor ajuste) é a reta para a qual a soma dos erros quadráticos dos resíduos é o mínimo.

- É a reta que melhor se ajusta aos dados
- Minimiza os resíduos

Elementos da reta de regressão



• Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
 - y é a variável dependente
 - x é a variável independente
 - a é a inclinação
 - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Resíduos



associação

Felipe Figueiredo

Definition

Resíduos são a distância entre o dado observado e a reta estimada (modelo).

Análise de Regressão



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Para determinar a inclinação e o intercepto, usamos:

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação *r* entre *X* e *Y*
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos

Exercício



Medidas de

associação

Felipe

Figueiredo

Exercício

Dados de gastos com propaganda (x) e vendas (x), ambos em \$1000 de uma empresa.

Х	2.4	1.6	2.0	2.6	1.4	1.6	2.0	2.2
у	225	184	220	240	180	184	186	215

Qual é a *previsão* de retorno em vendas, para os seguintes gastos com propagandas?

1.5

2 1.8

3 2.5

Fonte: Larson & Farber.

Exercício



Medidas de

associação Felipe Figueiredo

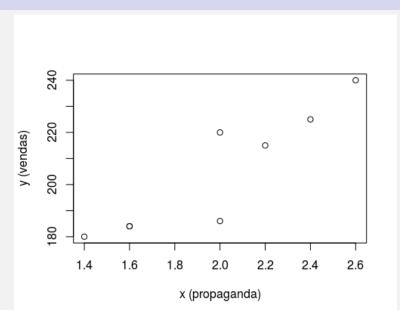
Regressão

Modelos estatístico

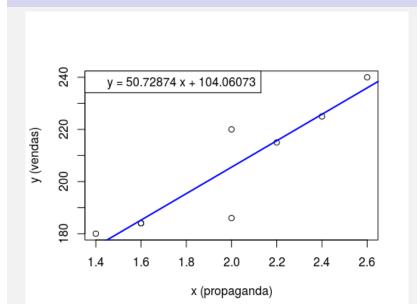
Interpretação

Causalidade

Resumo



Exercício



Anhanguera

Medidas de associação Felipe

Figueiredo

Regressão Modelos estatísticos

terpretação

Resumo

Exercício

Anhanguera

Medidas de

associação

Felipe

Figueiredo

Cola

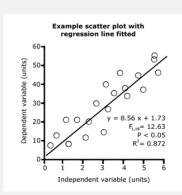
- y = 50.72874x + 104.06073
- $x_1 = 1.5$
- $x_2 = 1.8$
- $x_3 = 2.5$

Solução

- $y_1 = 50.72874x_1 + 104.06073 = 50.72874 \times 1.5 + 104.06073 = 180.1538 \approx 180.2$
- 2 $y_2 = 50.72874x_2 + 104.06073 = 50.72874 \times 1.8 + 104.06073 = 195.3725 \approx 195.4$
- **3** $y_3 = 50.72874x_3 + 104.06073 = 50.72874 \times 2.5 + 104.06073 = 230.8826 \approx 230.9$

Análise de Regressão





 A qualidade do ajuste do modelo de regressão é determinado pelo coeficiente de determinação r²

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão Modelos estatísticos

Causalidade

Anhanguera

Medidas de

associação

Felipe

Figueiredo

Resumo

Coeficiente de Determinação r^2

- Qual é a porcentagem da variação dos dados pode ser explicada pela reta regressora?
- O coeficiente r² é a fração da variância que é compartilhada entre X e Y.
- Como r está sempre entre -1 e 1, r² está sempre entre 0 e 1.

Coeficiente de Determinação r^2



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão

Modelos estatísticos

R²

Interpretação

Causalidade

Resumo

Definition

O coeficiente de determinação r^2 é a relação da variação explicada com a variação total.

$$r^2 = rac{ ext{variação explicada}}{ ext{variação total}}$$

• Lembrando: r^2 é o quadrado de r!

Coeficiente de Determinação r^2



- Além disso, $r^2 \le |r|$
- Por que?

Compare os seguintes números entre 0 e 1:

$$\frac{1}{2} e \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} \leq \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} e \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{1}{9} \leq \frac{1}{3}$$

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão

Modelos estatísticos

nterpretação

Causalidad

Interpretação

(independentes)



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Interpretação

 Se a correlação é positiva, então guando uma aumenta, a outra aumenta em proporção direta (linear)

• Se a correlação é 0, então X e Y não variam juntos

 Se a correlação é negativa, então quando uma aumenta, a outra diminui em proporção inversa (linear)

Cuidado!



associação

Felipe Figueiredo

• Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita

são influenciadas por uma terceira variável

• Mas comprar mais telefones não vai salvar crianças!

Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois

 Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis

Interpretação

Causa x efeito

- Se há uma relação de causalidade entre as duas variáveis, a correlação será não nula (positiva ou negativa)
- Quanto maior for a relação de dependência entre as variáveis, maior será o módulo da correlação.
- Se as variáveis não são relacionadas, a correlação será nula.

Anhanguera

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Causalidade

Causalidade?



- Mas não podemos inverter a afirmativa lógica do slide anterior!
- Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra
- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica em causalidade.

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Causalidade

Exemplo



Medidas de

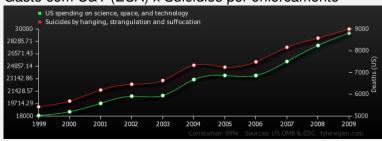
associação

Felipe

Figueiredo

Causalidade

Gasto com C&T (EUA) x Suicídios por enforcamento



Correlação: 0.992082

(Fonte: Spurious correlations)

Exemplo



Medidas de associação

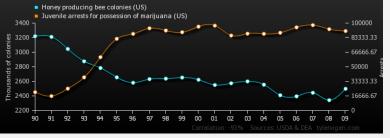
Felipe Figueiredo

Regressão

Causalidade

Daguesa

Produção de mel x Prisões por posse de maconha



Correlação: -0.933389

(Fonte: Spurious correlations)

Exemplo



Medidas de

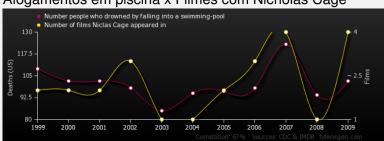
associação

Felipe

Figueiredo

Causalidade

Afogamentos em piscina x Filmes com Nicholas Cage



Correlação: 0.666004

(Fonte: Spurious correlations)

Causa e efeito

Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- 2 Há uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- Sé possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?
- é possível que a relação entre duas variáveis seja uma coincidência?



Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão

Causalidade

Resumo

Resumo



- É necessário investigar a relação entre as variáveis!
- O que pode explicar a relação observada?
- Qual proporção (porcentagem) da variabilidade pode ser explicada pelas variáveis analisadas?
- Quão bem a reta regressora se ajusta aos dados?

Medidas de associação

Felipe Figueiredo

Regressão

Interpretação

Causalidade

Resumo