Lista: Potenciação, Equações exponenciais, Funções exponenciais e Logaritmos

Prof: Felipe Figueiredo

http://sites.google.com/site/proffelipefigueiredo

Versão: 20141124

1 Formulário

1.1 Potenciação

Propriedades de potenciação

$$a^{b}a^{c} = a^{b+1}$$

$$\frac{a^{b}}{a^{c}} = a^{b-1}$$

$$(a^{b})^{c} = a^{bc}$$

$$\sqrt[c]{a^{b}} = a^{\frac{b}{c}}$$

$$a^{-1} = \frac{1}{a}$$

$$a^{-b} = \frac{1}{a^{b}}$$

Onde $a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}, c \in \mathbb{R}, a \ge 0$.

1.2 Equações exponenciais

$$a^x = a^y \Leftrightarrow x = y$$

Onde $a \in \mathbb{R}, x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, a > 0$ e $a \neq 1$

1.3 Logaritmos

Definição

$$\log_b a = x \Leftrightarrow b^x = a$$

Propriedades de logaritmos

$$\log_b b = 1$$

$$\log_b 1 = 0$$

$$\log_b(x+y) = \log_b x + \log_b y$$

$$\log_b(a^x) = x \log_b a$$

Onde $b \in \mathbb{R}, x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, b > 0$ e $b \neq 1$

2 Exercícios

- 1. Simplifique as seguintes expressões como potências
 - (a) $3^4 \cdot 3^2$
 - (b) $5^2 \cdot 5$
 - (c) $2^5 \cdot 2^2$

- (d) $\frac{2^5}{2^2}$
- (e) $\frac{3^7}{3^2}$
- (f) $\frac{7^2}{7^{10}}$
- $(g) (2^3)^2$
- (h) $(5^4)^5$
- (i) $(1^{17})^2$
- (j) 3^{-1}
- $(k) 5^{-2}$
- (l) $\frac{1}{2^{-3}}$
- (m) $\frac{3}{3^{-1}}$
- (n) $\frac{3^2 \cdot 3^3}{3^5}$
- (o) $\frac{5^4}{5^{-5}}$
- (p) $\frac{3^5 \cdot 3^{-1}}{3^2 \cdot 3^{-3}}$ (q) $\frac{2^{-11} \cdot 2^9}{2^{12} \cdot 2^{-14}}$
- 2. Resolva as seguintes equações exponenciais e encontre o valor de x.
 - (a) $2^x = 32$
 - (b) $2^x = 64$
 - (c) $3^x = \sqrt{81}$
 - (d) $5^x = \sqrt[3]{25}$
 - (e) $5^x = \sqrt{\frac{1}{5}}$
 - (f) $5^x = \sqrt[4]{\frac{1}{25}}$
 - (g) $7^x = \frac{1}{49}$
 - (h) $4^x = 2$
 - (i) $2 \cdot 2^x = \sqrt{2}$
 - $(j) \ 3^x = \sqrt{\frac{1}{3}}$
 - $(\mathbf{k}) \ \frac{5}{5^x} = 1$
 - (l) $(\frac{1}{5})^x = 25$
 - (m) $(\frac{1}{9})^x = 27$
- 3. Esboce o gráfico de cada uma das seguintes funções
 - (a) $f(x) = 2^x$
 - (b) $f(x) = 3^x$

- (c) $f(x) = 2^{2x}$
- 4. Calcule os seguintes logaritmos
 - (a) $\log_7 7$
 - (b) $\log_3 1$
 - (c) $\log_6 1$
 - (d) $\log_3 9$
 - (e) $\log_2\left(\frac{1}{32}\right)$
 - (f) $\log_3\left(\frac{1}{81}\right)$
 - (g) $\log_2\left(\frac{2}{64}\right)$
 - (h) $\log_7 \left(\sqrt[3]{49}\right)$
 - (i) $\log_3\left(\sqrt[4]{\frac{1}{81}}\right)$
 - (j) $\log_{\frac{1}{2}} 2$
 - (k) $\log_{\frac{1}{9}} 27$