AIMasters

Спецификация к заданию «Классификация заемщиков линейными моделями»

курс «Машинное обучение 1», 2023

Везде выборкой объектов будем понимать $\operatorname{numpy.ndarray}$ размера $N \times D$, под ответами для объектов выборки будем понимать $\operatorname{numpy.ndarray}$ размера N, где N — количество объектов в выборке, D — размер признакового пространства.

Требования к реализации

Среди предоставленных файлов должны быть следующие модули и функции в них:

1. Модуль losses.py с реализацией функции потерь и ее градиента.

Обратите внимание на то, что подсчёт всех функций может быть полностью векторизован (т.е. их можно реализовать без циклов). Функция потерь также должна поддерживать использование l2-регуляризации в виде слагаемого $\lambda \cdot \|weights\|_2^2$ в итоговой функции потерь. Обратите внимание, что признак для смещения (bias) не должен учитываться в регуляризаторе.

Класс функции потерь наследуется от абстрактного класса BaseLoss и реализует два метода: func и grad.

- (a) func(self, X, y, w) вычисление значения функции потерь на матрице признаков X, векторе ответов у с вектором весов w.
- (b) grad(self, X, y, w) вычисление значения градиента функции потерь на матрице признаков X, векторе ответов у с вектором весов w.

У обоих методов одинаковые аргументы:

- Х выборка объектов
- у вектор ответов
- w вектор коэффициентов модели, одномерный numpy.ndarray.

 Вектор коэффициентов имеет вид: w = [bias, weights], то есть нулевой элемент w bias, остальное веса, участвующие в скалярном произведении.

В данном задании предлагается реализовать следующую функцию потерь:

• BinaryLogisticLoss — функция потерь для бинарной логистической регрессии

$$L(a(x), y) = \log(1 + \exp(-ya(x))), \quad y \in \{-1, 1\}, \quad a(x) \in (-\infty, \infty)$$

2. Модуль linear_model.py с реализацией линейной модели, поддерживающей обучение через полный и стохастический градиентные спуски. Линейная модель должна задаваться в классе LinearModel. Параметр $\eta_k > 0$ — темп обучения (learning rate) для градиентного спуска, где k — номер эпохи, должен параметризовываться формулой:

$$\eta_k = \frac{\alpha}{k^{\beta}}, \quad$$
где $\alpha, \, \beta$ — заданные константы

Обратите внимание, что пересчитывать темп обучения для k-й эпохи следует ДО обновления весов на этой же эпохе.

Описание методов класса:

- (a) __init__ конструктор (инициализатор) класса с параметрами:
 - loss_function функция потерь, заданная классом, наследованным от BaseLoss
 - batch_size размер подвыборки, по которой считается градиент, если None, то необходимо использовать полный градиент
 - step_alpha параметр выбора шага градиентного спуска
 - step_beta параметр выбора шага градиентного спуска
 - tolerance точность, по достижении которой, необходимо прекратить оптимизацию
 - max_iter максимальное число итераций (в случае стохастического спуска эпох)

- (b) fit(self, X, y, w_0=None, trace=False, X_val=None, y_val=None) обучение линейной модели
 - X выборка объектов
 - у вектор ответов
 - w_0 начальное приближение вектора коэффициентов, если None, то необходимо инициализировать внутри метода. w_0 имеет вид [bias_0, weights_0].
 - trace индикатор, нужно ли возвращать информацию об обучении
 - X_val валидационная выборка
 - y_val вектор ответов для валидации

Метод должен поддерживать только вариант стохастического градиентного спуска. Стохастический градиентный спуск состоит из эпох (максимальное количество эпох - max_iter), а эпохи - из итераций, в рамках одной эпохи нужно пройтись по всем наблюдениям. Темп обучения обновляется раз в эпоху. Веса обновляются каждую итерацию по градиенту, посчитанному на случайном батче размера batch_size, состоящем из объектов, которые еще не участвовали в подсчете градиента в этой эпохе. Когда все объекты по разу поучаствовали в подсчете градиента, эпоха заканчивается.

Если trace=True, то метод должен вернуть словарь history, содержащий информацию о поведении метода оптимизации во время обучении. Длина словаря history — количество эпох.

Элементы словаря в случае полного градиентного спуска:

- history['time'] содержит время потраченное на обучение каждой эпохи
- history['func'] содержит значения функционала на обучающей выборке на каждой эпохе
- history['func_val'] содержит значения функционала на валидационной выборке на каждой эпохе

Обратите внимание, что trace=True замедляет обучение методов, т.к. требует в конце эпохи подсчитывать значение функции на валидации. Не используйте его ни в каких экспериментах, кроме экспериментов, где необходимо исследовать поведение функции в зависимости от гиперпараметров.

Критерий останова метода — модуль разности значений функции потерь на соседних эпохах метода меньше tolerance.

- (c) predict(self, X, threshold=0) получение предсказаний модели
 - Х выборка объектов
 - threshold порог бинаризации классов

Метод должен вернуть numpy.ndarray такого же размера, как и первая размерность матрицы X.

- (d) get_objective(self, X, y) вычисление значения функции потерь
 - Х выборка объектов
 - у вектор ответов

Функция должна вернуть вещественное число.

- (e) get_weights(self) получить вектор линейных коэффициентов модели
- (f) get_bias(self) получить bias модели

Замечание. Для всех функций можно задать аргументы по умолчанию, которые будут удобны вам в вашем эксперименте. Ко всем функция можно добавлять необязательные аргументы, а в словарь history разрешается сохранять необходимую в ваших экспериментах информацию.

Полезные советы по реализации

- 1. В промежуточных вычислениях стоит избегать вычисления $\exp(-b_i\langle x_i,w\rangle)$, иначе может произойти переполнение. Вместо этого следует напрямую вычислять необходимые величины с помощью специализированных для этого функций: np.logaddexp, scipy.special.logsumexp и scipy.special.expit. В ситуации, когда вычисления экспоненты обойти не удаётся, можно воспользоваться процедурой «клипинга» (функция numpy.clip).
- 2. Нет необходимости проводить честное семплирование для каждого батча в методе стохасического градиентного спуска. Вместо этого предлагается в начале одной эпохи сгенерировать случайную перестановку индексов объектов, а затем последовательно выбирать объекты для нового батча из элементов этой перестановки
- 3. Функцию вычисления численного градиента можно использовать и для функций от двумерных входов. Достаточно написать обёртку, которая принимает на вход вектор, конструирует по нему матрицу и вычисляет значение функции.

4.	Посчита вания м	в grad_ ожно та	bias, g k: np.r_	rad_weig [grad_bi	hts, удоб as, gra	бно соеди d_weight	инить их в s]	з один r	np.ndarray	для ,	цальнейше	го испол	IРЗО -
			_										