

Problem - MEXimize the Array

- **Question Analysis:**

আমাকে একটা **array A** দেওয়া আছে।

Operation :

- যেকোনো i choose করে, A_i এর মান $+1$ or -1 করতে পারব।

Minimum number of operations ବେର କରାତେ ହବେ, ଯାତେ **MEX** - ଏର **maximize** ହ୍ୟ।

- Some Key Takeaways:

একটা **given array** এর **size** যদি হ্য- n,

তাহলে possible maximum MEX = n [0-based]

- **Observation:**

1. আমি যেহেতু ইচ্ছামতো **increase or decrease** করতেই পারি, তাহলে - আমি **array** থেকে যত **MEX** পাওয়া **possible** সেটা **easily** বের করতে পারব।
 2. আচ্ছা , আমার কাছে একটা **array** মনে কর এমন আছে,

এখন আমি এটা দইভাবে ভাবতে পারি।

- already যা আছে , তা change করব না। যেগুলো $0 - n-1$ অবধি নাই, অথবা যেগুলো more than 1 frequency , সেগুলো change করতে পারি।

তাহলে, এই array এর জন্য $\text{cost} = (5-2) + (5-4) = 3+1 = 4$ [2,4 বনাও]

- Already থাকুক আৱ না থাকুক, আমি ascending কৱে for each index check কৱিব, যা থাকাৱ কথা, তা থেকে কত কম বা বেশি আছে, তাই তো আমৱা operation এৱ মাধ্যমে change কৱিব. তাই না?

ବାର୍ଷିକ -

index - 0 1 2 3 4

value - 0 1 3 5 5

diff = 0 0 1 2 1 cost = 1+2+1=4

৩. তাহলে দেখা গেলো, **cost same**। কারণ, আমাকে তো **ultimately change** করতেই হবে। অর্থাৎ -

ধৰ. তোমার 2 আৰু 3 লাগবে। আছে - 3 5

এখন তুমি যদি - **3 already** আছে, এতে হাত দিব না। **5 - কে 2 বানাবা ভাব**, তোমাকে কিন্তু **5** থেকে **3** কে **cross** করেই **2** বানাতে হচ্ছে, মানে **cost = 3**

এখন **same** জিনিস এভাবে কর, **3 -> 2 and 5 -> 2**, মানে **cross** না করে। এতে **cross** করে যে **extra cost (1)** আসতাছিল, সেই **cost** দিয়েই, **3 -> 2**.

বিষয়টা **same-ই**, শুধু **difference** হলো **cross** না করে ভাবলে, আমার **implement** করতে সুবিধা হবে।

- **Implementation:**

Sort করব। index এর মানটাই, আমার **desire value** ওলো। তারপর, **absolute difference** ওলোই আমার **minimum cost/operation**.

- **Code:**

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define ll long long

int main(){
    int tc=1;
    cin >> tc;
    while(tc--){
        int n;
        cin >> n;
        vector<int> a(n);
        for(auto &i: a) cin >> i;
        sort(a.begin(), a.end());

        ll cnt=0;
        for(int i=0; i<n; i++) cnt+=abs(a[i]-i);

        cout << cnt << endl;
    }
    return 0;
}
/* Author: Hridoy Barua (CS Instructor Phitron) */
```

Problem - Anti Adjacent Swaps

Question Analysis:

আমাকে একটা **array A** দেওয়া আছে।

Operation :

- **adjacent** না এমন যেকোনো **2 টা index** এর **element**-কে **swap** করতে পারব।

Target : **array** কে **sort** করা।

● **Observation:**

1. আমি যেহেতু যেকোনো **non-adjacent element** - কে **swap** করতে পারতাছি, তাই -
আমি **easily array** কে **sort** করতে পারব।
2. কিন্তু কখন পারব না?

n = 1 : one element , already sorted

n = 2 : Two elements and adjacent, so already sorted না থাকলে,
operation করে **sort** করা **possible** না।

**n = 3 : three elements, only 0th and 2 th can be swapped using
operation.** তারমানে, 1th কে **already sorted** জায়গায় থাকতে হবে।

● **Implementation:**

Follow The observation part

- **Code:**

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define ll long long

int main(){
    int tc=1;
    cin >> tc;
    while(tc--){
        int n;
        cin >> n;
        vector<int> a(n);
        for(auto &i: a) cin >> i;

        if(n>3 || n==1) cout << "YES\n";
        else if(n==2){
            if(a[0]<=a[1]) cout << "YES\n";
            else cout << "NO\n";
        }
        else{
            if(a[0]>a[2]) swap(a[0],a[2]);

            if(a[0]<=a[1] && a[1]<=a[2]) cout << "YES\n";
            else cout << "NO\n";
        }
    }
    return 0;
}
/* Author: Hridoy Barua (CS Instructor Phitron) */
```