

#### TRƯỜNG ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI **HANOI UNIVERSITY OF SCIENCE AND TECHNOLOGY (HUST)**



**School of Engineering Physics (SEP)** 

# **CHUONG 5** CƠ NĂNG VÀ TRƯỜNG LỰC THẾ

- 1. Công và công suất
- 2. Động năng
- 3. Trường lực thế Thế năng
- 4. Định luật bảo toàn và biến
- 5. Trường hấp dẫn
- 6. Bài toán va chạm



# 1. Công và công suất

#### **Công**

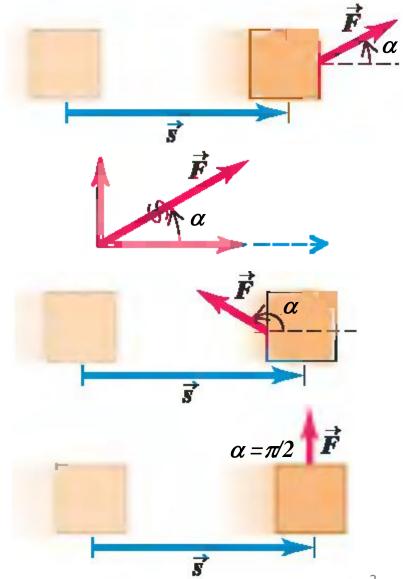
Daị lượng đặc trưng cho tác dụng của lực lên một vật làm cho vật có thể di chuyển từ điểm này đến điểm khác (dịch chuyển).

$$A = \vec{F} \bullet \vec{s} = F.s.\cos\alpha$$

♦ Công là đại lượng vô hướng

#### Lực không đổi

- A > 0 khi  $\alpha < \pi/2$  (góc nhọn):  $\Rightarrow \vec{F}$  thực hiện công phát động
- A < 0 khi  $\alpha > \pi/2$  (góc tù):  $\Rightarrow \vec{F}$  thực hiện công cản
- A = 0 khi  $\alpha = \pi/2$  hay  $\vec{F} \perp \vec{s}$  $\Rightarrow \vec{F}$  không sinh công

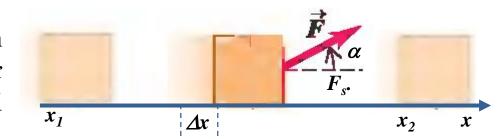


# 1. Công và công suất

#### **Công**

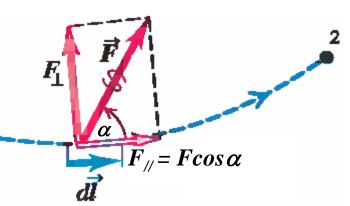
#### Lực thay đổi

*Chuyển dời thẳng*: chia chuyển dời thẳng thành nhiều đoạn  $\Delta x$  như nhau và coi  $F_{xi} = const$  trong mỗi đoạn chuyển dời  $\Delta x$ :



Có: 
$$A = F_{x_1} \Delta x_1 + F_{x_2} \Delta x_2 + ... + F_{x_n} \Delta x_n$$

- Chia chuyển dời thành những đoạn vô cùng nhỏ dl để có thể coi là thẳng và có F = const trên đó.



• Công vi phân: 
$$dA = \vec{F} \cdot d\vec{l} = \vec{F}_{\perp} \cdot d\vec{l} + \vec{F}_{\parallel} \cdot d\vec{l}$$
  

$$\Rightarrow A = \int_{1}^{2} F_{\parallel} d\vec{l} = \int_{1}^{2} F \cos \alpha d\vec{l} = \int_{1}^{2} \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

# 1. Công và công suất

# Công suất của lực

- Dại lượng đặc trưng cho mức độ thực hiện công nhanh hay chậm
  - Công suất trung bình:  $P = \frac{\Delta A}{\Delta t}$
  - Công suất tức thời:  $P = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta A}{\Delta t} = \frac{dA}{dt}$

Hay: 
$$P = \frac{\vec{F}.d\vec{s}}{dt} = \vec{F}.\vec{v}$$

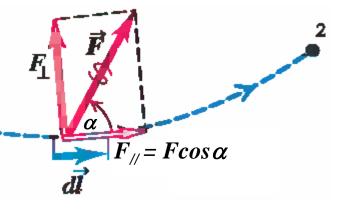
- The Don vị khác của công suất:
  - ♦ Horsepower (sức ngựa): 1hp = 760 W
  - ♦ kWh (NL điện) :1kWh=  $3600 \text{ kJ} = 3,6.10^6 \text{ J}$



# 2. Động năng

#### Động năng

- Dại lượng thể hiện sự phụ thuộc vào vận tốc chuyển động của vật thể do công của ngoại lực tác dụng.
- Tét lực tác dụng lên ch/đ trong chuyển dời bất kỳ.
- Công:  $A = \int_{1}^{2} \vec{F} \cdot d\vec{l}$
- Ph/tr ĐLH với ch/đ:  $\vec{F} = m\vec{a} = m\frac{d\vec{v}}{dt}$



$$\Rightarrow A = \int_{1}^{2} m \frac{d\vec{v}}{dt} . d\vec{l} = \int_{1}^{2} m \frac{d\vec{l}}{dt} d\vec{v} = \int_{1}^{2} m \vec{v} d\vec{v} = \int_{1}^{2} m \frac{d(\vec{v}^{2})}{2} = \int_{1}^{2} d(\frac{m\vec{v}^{2}}{2})$$

Hay: 
$$A = \int_{1}^{2} d\left(\frac{mv^2}{2}\right)$$

# 2. Động năng

#### Động năng

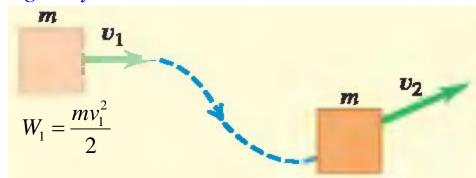
#### Biểu thức:



$$A = \frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} = W_{d2} - W_{d1}$$

#### Tịnh lý động năng:

- ♦ Độ biên thiên động năng của chất điểm trong một chuyển dời bằng công ngoại lực tác dụng lên chất điểm trong chuyển dời đó.
- ♦ Khi ngoại lực thực hiện công phát động A > 0: động năng chất điểm tăng.
- ♦ Khi ngoại lực thực hiện công cản A < 0: động năng chất điểm giảm.



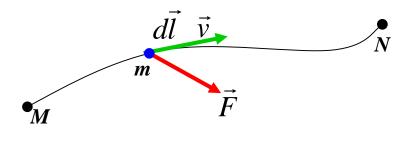
$$W_2 = \frac{mv_2^2}{2} = W_1 + A$$

# 4.5. Thế năng và định lý thế năng trong trọng trường đều

## 1. Trường lực thế

- Trường lực: Không gian mà chất điểm khi chuyển động trong đó tại mỗi vị trí luôn chịu tác dụng của một lực  $\vec{F}$ .
- Lực F là hàm tọa độ:  $\vec{F}(\vec{r}) = \vec{F}(x, y, z)$
- ♦ Công của lực F để chất điểm di chuyển từ M → N:

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} \vec{F}(\vec{r}) . d\vec{l}$$



- Trường lực thế: Trường lực sinh ra lực  $\vec{F}(\vec{r})$  để thực hiện công dịch chuyển, sao cho công A này không phụ thuộc vào hình dạng đường đi mà chỉ phụ thuộc vị trí của điểm đầu và cuối của quĩ đạo CĐ.
- Khi lực thực hiện 1 công dịch chuyển theo đường cong kín  $\Rightarrow \oint \vec{F} \cdot d\vec{s} = 0$

## 2. Thế năng

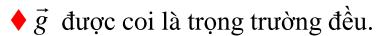
#### a) Định nghĩa

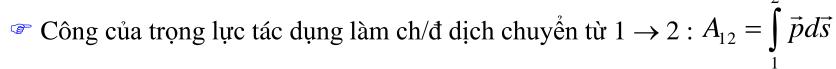
Đại lượng thể hiện sự phụ thuộc vào vị trí tương đối của chất điểm khi chuyển động trong trường lực thế.

## b) Định lý thế năng trong trọng trường đều

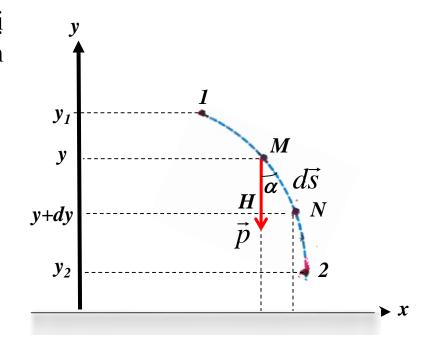
Chất điểm CĐ từ vị trí  $1 \rightarrow 2$  trên quĩ đạo bất kỳ trong trường trọng lực  $\Rightarrow$  luôn chịu tác dụng của trọng lực:

$$\vec{p} = m\vec{g}$$





- ♦ Xét chuyển dời nhỏ  $d\vec{s}$  = hoành độ cong MN ⇒ có:  $\overline{MN} \approx d\vec{s}$
- Công vi phân:  $dA = \vec{p}d\vec{s} \approx p.MN.\cos\alpha = p.MH = -pdy$



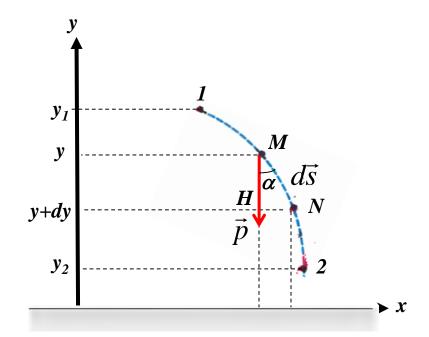
## 2. Thế năng

## b) Định lý thế năng trong trọng trường đều

© Công của trọng lực tác dụng làm ch/đ dịch chuyển từ  $1 \rightarrow 2$  là:

$$A_{12} = \int_{1}^{2} -p \, dy = p \cdot y_{1} - p \cdot y_{2} =$$

$$= mgy_{1} - mgy_{2}$$



- ♦  $A_{12}$  chỉ  $\in$  vào  $y_1$  và  $y_2$ , tức là, chỉ  $\in$  vị trí của ch/đ mà  $\notin$  đường đi.
- ♦ Trường trọng lực là trường lực thế

 $W_t = mgh \Rightarrow \text{Thế năng chất điểm ở độ cao } h$ 

#### Pinh lý:

- $\bullet$  Có:  $A = mgh_1 mgh_2$
- ♦ Độ giảm thế năng của chất điểm khi nó di chuyển từ vị trí 1 đến vị trí 2 trong trường lực thế bằng công trường lực thế tác dụng lên chất điểm trong chuyển dời đó.

#### 🕝 Ý nghĩa:

♦ Thế năng là dạng năng lượng lưu trữ ⇒ có thể biến đổi sang dạng NL khác

#### Tính chất:

- ♦ Thế năng của chất điểm tại một vị trí được xác định sai khác một hằng số cộng nhưng hiệu thế năng giữa hai vị trí thì hoàn toàn xác định.
- Giữa trường lực và thế năng có hệ thức liên hệ:

$$A_{MN} = \int_{M}^{N} \vec{F} \cdot d\vec{s} = W_{t}(M) - W_{t}(N)$$

Nếu cho chất điểm dịch chuyển theo một vòng kín (điểm cuối trùng với điểm đầu):

$$\oint \vec{F} \cdot d\vec{s} = 0$$

## 4.6 Định luật bảo toàn cơ năng trong trọng trường

#### 1. Cơ năng

- Tét chất điểm chuyển động trong trường lực thế:
  - ♦ Công: trường lực thế thực hiện để di chuyển chất điểm, tương ứng độ giảm thế năng  $A = W_{t1} W_{t2}$
- Mặt khác, công này cũng tương ứng độ biến thiến động năng khi chất điểm chuyển động:  $A = W_{d2} W_{d1}$

$$c\acute{o}: W_{d2} - W_{d1} = W_{t1} - W_{t2} \text{ hay } W_{d1} + W_{t1} = W_{d2} + W_{t2}$$

Cụ thể: 
$$\frac{mv_1^2}{2} + mgh_1 = \frac{mv_2^2}{2} + mgh_2$$
 (\*)

♦ Tổng động năng và thế năng của chất điểm = cơ năng của chất điểm.

#### Định luật

Từ (\*) viết được: 
$$W_d + W_t = \frac{mv^2}{2} + mgh = const$$

♦ Khi chất điểm chuyển động trong trường lực thế thì cơ năng của chất điểm là một đại lượng được bảo toàn.

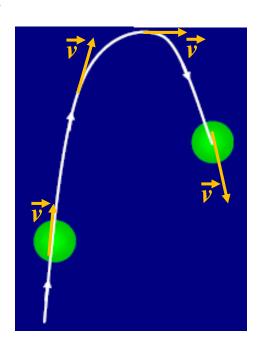
## 4.6 Định luật bảo toàn cơ năng trong trọng trường

#### Định luật

- Sự chuyển hóa qua lại giữa động năng và thế năng:
- lacktriang Khi tung quả bóng lên cao  $\Rightarrow$  tốc độ  $v \$

- ⇔ Động năng dần dần biến đổi thành thế năng.
- $\blacklozenge$  Khi quả bóng đi xuống  $\Rightarrow v$  tăng trở lại

- ⇔ Thế năng dần dần biến đổi thành động năng
- Năng lượng của hệ vật không tự nhiên sinh ra hay mất đi mà chỉ có thể truyền từ vật này sang vật khác hoặc từ dạng này sang dạng khác.



## Ảnh hưởng của lực khác

Công tổng cộng: công do trường lực thế và công do lực khác thực hiện:

$$A = A_{l \psi c th \acute{e}} + A_{l \psi c kh \acute{a}c}$$

- ♦ Theo định lý động năng:  $A = W_{d2} W_{d1}$
- Công trường lực thế thực hiện:  $A_{luc\ th\acute{e}} = W_{t1} W_{t2}$

$$\Rightarrow W_{d2} - W_{d1} = W_{t1} - W_{t2} + A_{lick} + A_{lick} + W_{t2} = mgh_1 - mgh_2 + A_{kh\acute{a}\acute{c}}$$
Hay:  $\frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} = mgh_1 - mgh_2 + A_{kh\acute{a}\acute{c}}$ 

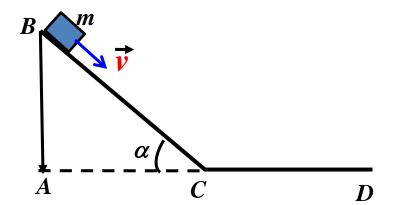
$$\Delta W = W_2 - W_1 = \left(\frac{mv_2^2}{2} + mgh_2\right) - \left(\frac{mv_1^2}{2} + mgh_1\right) = A_{kh\acute{a}c}$$

- Lực khác thực hiện công phát động  $(A > 0) \Rightarrow$  cơ năng hệ tăng  $(W_2 > W_1)$
- Lực khác thưc hiện công cản  $(A < 0) \Rightarrow$  cơ năng hệ giảm  $(W_2 < W_1)$
- Lực khác không thực hiện công  $(A = 0) \Rightarrow$  cơ năng hệ ko đổi  $(W_2 = W_1)$

## Ånh hưởng của lực khác

#### Bài toán

$$\begin{cases}
-BA = h \\
-AD = s \implies k_{BC} = k_{CD} = k = ? \\
-AC = l
\end{cases}$$



#### Phân tích

- $^{\circ}$  Cơ năng đoạn BC:  $W_1$
- $\blacklozenge$  Ở đỉnh dốc  $\Rightarrow$  có thế năng  $W_t^B$
- lacklost Trượt xuống  $\Rightarrow W_t^B$  chuyển thành động năng, đạt cực đại tại  $C,\ W_d^C$
- lackloange Trượt tiếp trên  $CD \Rightarrow$  chỉ có biến thiên động năng và tại  $D, \ W_d^D = 0$
- To có ma sát  $k \Rightarrow$  biến đổi cơ năng trên quãng đường BCD tương ứng công lực ma sát trượt thực hiện:  $W_2 W_1 = A_{ms}$

## Ånh hưởng của lực khác

#### Định hướng giải

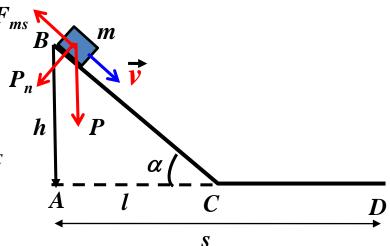
- $^{\circ \circ}$  Cơ năng đoạn BC:  $W_1 = W_t^B + W_d^C$
- $\ ^{\ }$  Cơ năng đoạn CD:  $W_2=W_{\it d}^{\it C}+W_{\it d}^{\it D}=W_{\it d}^{\it C}$
- Theo đ/l biến đổi cơ năng, có:

$$W_2-W_1=A_{ms}^{BCD}$$
 hay  $-W_t^B=A_{ms}^{BC}+A_{ms}^{CD}$  
$$d\acute{a}u~(\text{--})~do~F_{ms}~thực~hiện~công~cản}$$

- Công lực ma sát:
- ♦ Đoạn BC:  $A_{ms}^{BC} = \vec{F}_{ms}^{BC}.B\vec{C} = F_{ms}^{BC}.BC.\cos(\vec{F}_{ms}^{BC}, B\vec{C}) = -F_{ms}^{BC}.BC$  $A_{ms}^{BC} = -k.P_nBC = -k.mg.BC.\cos\alpha = -k.m.g.BC\frac{AC}{BC} = -k.m.g.l$
- ♦ Đoạn *CD*:

$$A_{CD} = -F_{ms}^{CD}.CD = -k.P.CD = -k.mg(s-l)$$

Fix Kết quả:  $mgh = mgkl + mgk(s-l) = m.g.k.s \Rightarrow k = \frac{h}{s}$ 

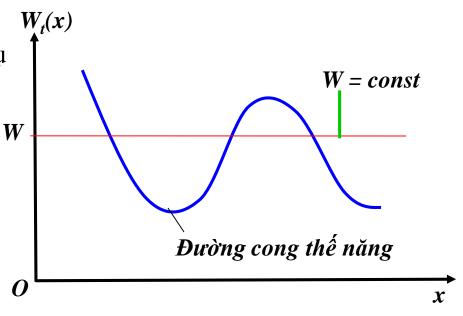


## 2. Sơ đồ thế năng

- Trong trường lực thế: chất điểm m có thế năng  $W_t = W_t(x, y, z)$
- ♦ Đồ thị biểu diễn hàm thế năng phụ thuộc tọa độ: đường cong thế năng
- Theo đ/n: Cơ năng của chất điểm trong trường lực thế, gồm:

$$\frac{mv^{2}}{2} + W_{t}(x) = W = const$$
Luôn có: 
$$\frac{mv^{2}}{2} \ge 0$$

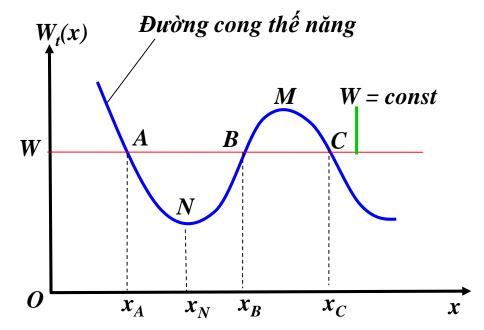
Luôn có: 
$$\frac{mv^2}{2} \ge 0$$



- $\Rightarrow$  Giới hạn của CĐ phải thỏa mãn đk:  $W_t(x) \leq W$
- ♦ Trong trường lực thế, chất điểm chỉ có thể CĐ trong phạm vi không gian giới hạn bởi những vị trí (tọa độ) nhất định, sao cho, thế năng W(x) của nó không vượt quá cơ năng tổng cộng W.

## 2. Sơ đồ thế năng

- Xét:
- lacktriangle Đường cong thế năng W(x) có cực đại tại M và cực tiểu tại N.
- Cơ năng W = const cắt W(x) tại A, B, C.
- Từ đ/k giới hạn CĐ ( $W_t(x) \leq W$ )  $\Rightarrow$  có thể xác định CĐ của chất điểm tương ứng các vị trí:

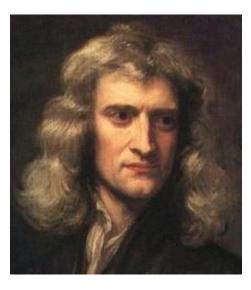


- $\bigstar x_A \le x \le x_B$ : CĐ trong phạm vi hữu hạn từ  $x_A$  đến  $x_B$  qua vị trí  $x_N$ ;
- $\bigstar x = x_{A,} x_{B}, x_{C}$ :  $W_{t}(x) = W \Rightarrow W_{d} = 0$  và vận tốc  $v_{x} = 0 \Rightarrow$  CĐ của chất điểm đổi chiều tại các vị trí này;
- ♦ Trong khoảng AN:  $\frac{dW}{dx} < 0 \implies F = -\frac{dW}{dx} > 0 \implies \text{ch/điểm bị đẩy ra khỏi } O.$
- $\bullet$   $x = x_N$ :  $W_t$  cực tiểu và  $W_d$  cực đại;
- $\bigstar x \ge x_C$  chất điểm bị đẩy ra vô cùng.

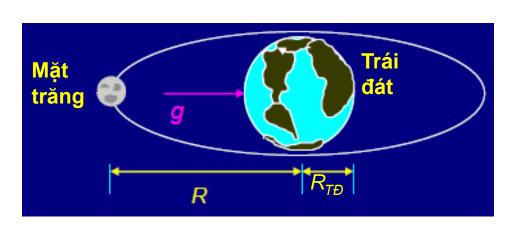


# 4.7. Trường hấp dẫn

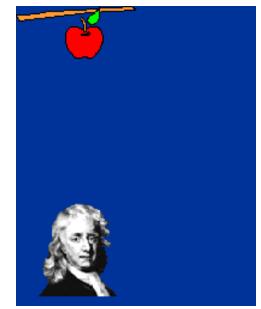
## Định luật hấp dẫn vũ trụ Newton



*Issac Newton (1643-1727)* 





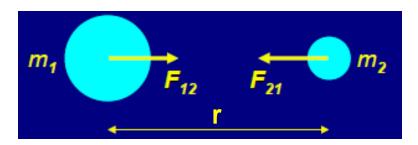


# 4.7. Trường hấp dẫn

#### 1. Định luật hấp dẫn vũ trụ Newton

Lực hấp dẫn:

$$F_{12} = F_{21} = G \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$$



- $\bullet$   $G = 6,67.10^{-11} \text{ N.m}^2/\text{kg}^2$ : hằng số hấp dẫn vũ trụ
- igoplus Hai chất điểm khối lượng  $m_1$  và  $m_2$  nằm cách nhau một khoảng r, luôn hút nhau bằng các lực như nhau, có phương trùng với đường thẳng nối tâm 2 chất điểm, ngược chiều nhau, có độ lớn tỉ lệ thuận với tích số khối lượng của 2 chất điểm, tỉ lệ nghịch với bình phương khoảng cách giữa chúng.

## Trường hấp dẫn

- Trường hấp dẫn của trái đất trọng trường ⇒ truyền lực hút (trọng lực) từ trái đất đến mọi vật vật thể khác trong không gian.

19

## Ứng dụng định luật hấp dẫn vũ trụ Newton

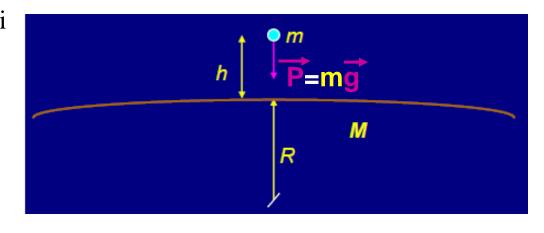
#### Xác định gia tốc trọng trường theo độ cao

- m ở độ cao h so với mặt trái đất (bán kính R, khối lượng M)
- Chịu tác dụng của trọng lực:

$$\vec{P} = m\vec{g}$$

Có độ lớn bằng lực hấp dẫn:

$$mg = G \frac{Mm}{r^2}$$
 với:  $r = R + h$ 



- Gia tốc trọng trường ở độ cao h:  $g_h = G \frac{M}{(R+h)^2}$ Gia tốc trọng trường ở mặt đất:  $g_0 = G \frac{M}{R^2}$ Nếu h << R:  $\frac{g_h}{g_0} \approx 1 \frac{2h}{R} \Rightarrow g_h \approx g_0 \left(1 \frac{2h}{R}\right)$

- 🔷 Càng lên cao gia tốc trọng trường càng giảm

## Ứng dụng định luật hấp dẫn vũ trụ Newton

#### Xác định khối lượng các thiên thể

Khối lượng trái đất 
$$v_1 g_0 = G \frac{M}{R^2}$$

$$M = g_0 \frac{R^2}{G} \approx 9.80 \frac{(6400.10^2)^2}{6.67.10^{-11}} = 6.10^{24} (kg)$$

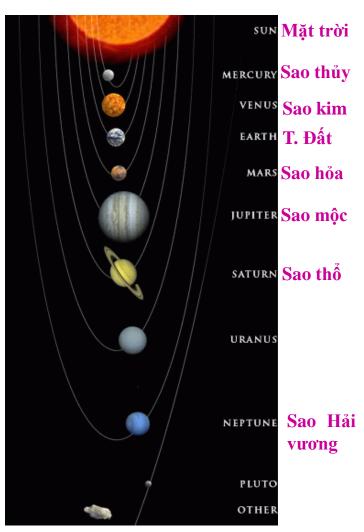
#### Khối lượng mặt trời

Coi trái đất CĐ trên quĩ đạo tròn quanh mặt trời (có vận tốc thẳng v)  $\Rightarrow$  lực hấp dẫn có vai trò như lực hướng tâm, tức là:

$$G\frac{M.M'}{R'^2} = M\frac{v^2}{R'}$$
 với:  $v = \frac{2\pi R'}{T}$ 

và R' là khoảng cách từ tâm trái đất đến tâm mặt trời.

$$M' = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \frac{R'^3}{G} \approx \left(\frac{2.3,14}{365.24.3600}\right)^2 \frac{\left(150.10^6\right)^2}{6,67.10^{-11}} \approx 2.10^{30} (kg)$$



$$\approx 2.10^{30} (kg)$$

# 2. Tính chất thế của trường hấp dẫn

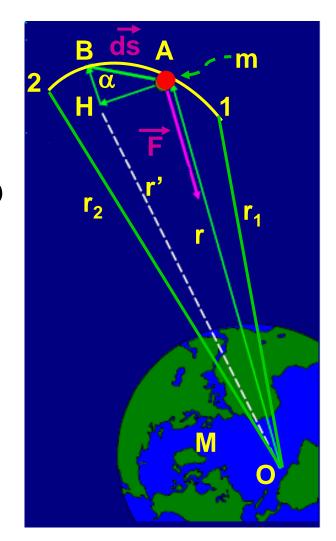
- Tét chất điểm *m* chuyển động trong trường hấp dẫn của trái đất trên quĩ đạo từ điểm 1 đến 2
- Công của lực F trong chuyển dời vi phân ds (coi F = const trong đoạn dịch chuyển ds)

$$dA = \vec{F}.d\vec{s} = Fds\cos\alpha = F.\overline{BH} \approx F(r'-r)$$
Hay: 
$$dA = -Fdr = -G\frac{Mm}{r^2}dr$$

$$\Rightarrow A = -\int_{1}^{2} F.ds = \int_{r_1}^{r_2} \left(-G\frac{Mm}{r^2}\right).dr$$

$$A = \left(-G\frac{Mm}{r_1}\right) - \left(-G\frac{Mm}{r_2}\right) = W_{t1} - W_{t2}$$

igoplus Công của lực F không phụ thuộc dạng đường đi mà chỉ phụ thuộc điểm đầu điểm cuối  $\Rightarrow$  trường hấp dẫn là trường thế



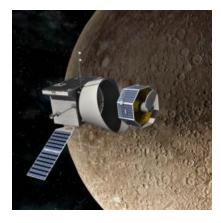
## 2. Tính chất thế của trường hấp dẫn

#### Hệ quả

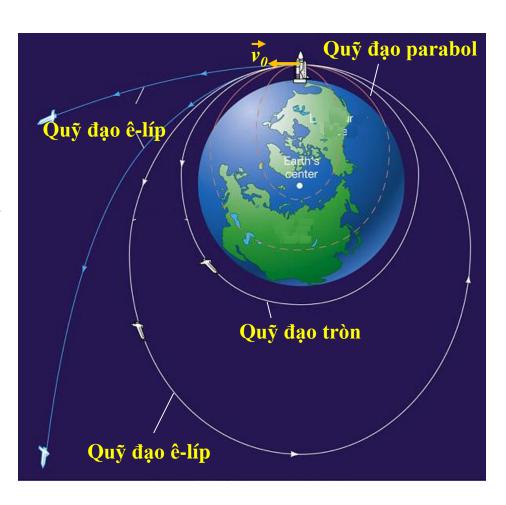
- Thế năng của chất điểm m trong trường hấp dẫn của chất điểm M
  - tại điểm A:  $W_{t}(A) = \left(-G\frac{Mm}{r_{A}}\right) + C$
  - $\blacklozenge$  tại điểm B:  $W_t(B) = \left(-G\frac{Mm}{r_B}\right) + C$
  - lacktriangle Thoa mãn:  $A_{BA} = W_t(A) W_t(B)$
  - Thế năng tại điểm bất kỳ:  $W_t(r) = -G\frac{Mm}{r} + C$
  - C là hằng số có giá trị bằng thế năng tại  $\infty$ , tức là:  $W_t(\infty) = C$

## 3. Chuyển động trong trường hấp dẫn

- Tên lửa (đẩy vệ tinh satellite) được phóng đi với vận tốc  $v_0$  từ 1 điểm trên trái đất...
  - $\Rightarrow$  tùy thuộc  $v_0$ , quĩ đạo của tên lửa có thể là:
- ◆ Parabol: rơi xuống đất sau khi phóng;
- ♦ Tròn: trở thành vệ tinh của TĐ;



♦ Ê-líp : xu hướng bay vào vũ trụ.



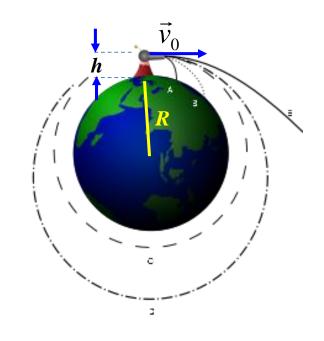
# 3. Chuyển động trong trường hấp dẫn

#### Tính các vận tốc vũ trụ

**Vận tốc vũ trụ cấp I**: độ lớn cần thiết của  $v_0$  để đẩy tên lửa lên không gian, bay quanh trái đất theo quĩ đạo tròn (lực ly tâm cân bằng lực hấp dẫn)

$$G\frac{M.m}{(R+h)^2} = \frac{mv_I^2}{R+h} \qquad (R \approx 6378 \text{ km})$$

khi 
$$h \ll R \Rightarrow v_I = \sqrt{g_0 R} \approx 7.9 \text{ km/s}$$



 $\$  $\mathbf{V}$ **ận tốc vũ trụ cấp II**: độ lớn cần thiết của  $v_0$  để đẩy tên lửa bay khỏi trái đất

$$v_{II} = \sqrt{2}\sqrt{g_0R} = \sqrt{2}v_I \approx 11.2 \ km/s$$

# 3. Chuyển động trong trường hấp dẫn

#### Tính các vận tốc vũ trụ

 $\mathcal{P}$  Vận tốc vũ trụ cấp II đối với một số hành tinh trong hệ mặt trời  $v_{II} = \sqrt{2\frac{GM}{R}}$ 

	R (m)	M (kg)	g. (m/s²)	ν <sub>II</sub> (m/s)
Trái đất	6.378x10 <sup>6</sup>	5.976x10 <sup>24</sup>	9.81	11.2x10 <sup>3</sup>
Mặt trăng	1.737x10 <sup>6</sup>	7.349x10 <sup>22</sup>	1.62	2.38x10 <sup>3</sup>
Sao mộc	7.149x10 <sup>7</sup>	1.900x10 <sup>27</sup>	24.8	59.5x10 <sup>3</sup>
Mặt trời	6.950x10 <sup>8</sup>	1.989x10 <sup>30</sup>	275	618.x10 <sup>3</sup>

