



Table of Contents

ch04 sec4.7 矩阵转置

ch04 sec4.7 矩阵转置

Outcomes

- A. 计算矩阵的转置
- B. 判读一个矩阵是否是对称矩阵, 反对称矩阵, 或者两者都不是
- C. 操作包换矩阵转置的代数表达式

```
• md"""
• # ch04 sec4.7 矩阵转置
•
• !!! outcomes
•     - A. 计算矩阵的转置
•     - B. 判读一个矩阵是否是对称矩阵, 反对称矩阵, 或者两者都不是
•     - C. 操作包换矩阵转置的代数表达式
• """
```

Definition

矩阵的转置

设矩阵为 $A, m \times n$, A 的转置表示为 $A^T, n \times m$, A^T 的项 (i, j) 对应 A 的 (j, i)

```
• md"""
• !!! definition
•     矩阵的转置
•
•     设矩阵为  $A$ ,  $m \times n$ ,  $A$  的转置表示为  $A^T$ ,  $n \times m$ ,  $A^T$  的项  $(i, j)$  对应
•      $A$  的  $(j, i)$ 
•
• """
```

Example

example 1

求下面矩阵的转置矩阵

```
• md"""  
•  
• !!! example  
• example 1  
•  
• 求下面矩阵的转置矩阵  
• """
```

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 6 \\ 3 & 5 & 4 \end{bmatrix}$$

```
• begin  
• A=[1 2 6 ; 3 5 4]  
• latexify(A)  
•  
• # 转置交换 行和列  
• end
```

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

```
• begin  
• # 取出行，然后水平拼接  
• r1=A[1,:]  
• r2=A[2,:]  
• AT=hcat(r1, r2)  
• latexify(AT)  
• end
```

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

```
• let  
• # julia 自带方法 '  
•  
• AT=A'  
• latexify(AT)  
• end
```

Props

矩阵转置的性质

- 1. $(A^T)^T = A$
- 2. $(A + B)^T = A^T + B^T$
- 3. $(rA)^T = rA^T$
- 4. $(AB)^T = B^T A^T$
- 5. $0^T = 0$
- 6. $I^T = I$
- 7. $(A^{-1})^T = (A^T)^{-1}$, 如果 A 可逆

要注意的是第 4 项, 顺序有变化

两个向量的点积等价于一个向量转置与另一个向量的积

```
• md"""
• !!! props
•     矩阵转置的性质
•
•     - 1.   $(A^T)^T = A$ 
•     - 2.   $(A+B)^T = A^T + B^T$ 
•     - 3.   $(rA)^T = rA^T$ 
•     - 4.   $(AB)^T = B^T A^T$ 
•     - 5.   $0^T = 0$ 
•     - 6.   $I^T = I$ 
•     - 7.   $(A^{-1})^T = (A^T)^{-1}$ , 如果  $A$  可逆
•
•     要注意的是第 4 项, 顺序有变化
•
•
•     两个向量的点积等价于一个向量转置与另一个向量的积
• """
```

32

```
• let
•     A=[1 2 3]
•     B=[4 5 6]
•     dot(A,B)
• end
```

32

```
• let
•     A=[1; 2; 3]
•     B=[4; 5; 6]
•     A'*B
• end
```

Definition

对称和反对称矩阵

对称和反对称矩阵有必须是方阵, $n \times n$ 才能满足条件. 如果 $A^T = A$, A 就是对称矩阵, 如果 $A^T = -A$, A 就是反对称矩阵

```
• md"""
• !!! definition
•     对称和反对称矩阵
•
•     对称和反对称矩阵有必须是方阵,  $n \times n$  才能满足条件. 如果  $A^T = A$ ,  $A$  就是对称矩阵, 如果  $A^T = -A$ ,  $A$  就是反对称矩阵
• """
```

Example

example 6

对称矩阵和反对称矩阵的实例

```
• md"""
• !!! example
•
•     example 6
•
•     对称矩阵和反对称矩阵的实例
• """
```

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & 5 & -3 \\ 3 & -3 & 7 \end{bmatrix}$$

```
• begin
•     E=[2 1 3 ; 1 5 -3 ;3 -3 7]
•     latexify(E)
•
•     #下面是转置后的矩阵 E'
• end
```

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & 5 & -3 \\ 3 & -3 & 7 \end{bmatrix}$$

```
• begin
•     ET=E'
•     latexify(ET)
•
• end
```

true

- `ET==E` # 所以 E 为对称矩阵

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 \\ -1 & 0 & 2 \\ -3 & -2 & 0 \end{bmatrix}$$

- `begin`
- `F=[0 1 3 ; -1 0 2 ; -3 -2 0]`
- `latexify(F)`
- `end`

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 \\ 1 & 0 & -2 \\ 3 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

- `begin`
- `FT=F'`
- `latexify(FT)`
- `end`

true

- `FT== -1(F)` # 所以 F 矩阵为反对称矩阵

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 1 & 5 & -3 \\ 1 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

- `begin`
- `G=[0 1 3 ; 1 5 -3 ; 1 3 0]`
- `latexify(G)`
- `end`

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 5 & 3 \\ 3 & -3 & 0 \end{bmatrix}$$

- `begin`
- `GT=G'`
- `latexify(GT)`
- `end`

false

- `GT==G`

false

- `GT== - (G)`

- # G 既不是对称矩阵也不是反对称矩阵

save (generic function with 1 method)

- begin
- store=Dict()
-
- function save(key::String, dict)
- store[key]=dict
- end
- end