

# Computação Quântica

Caio Quinta   Naiane Yanachi   Renan Alves

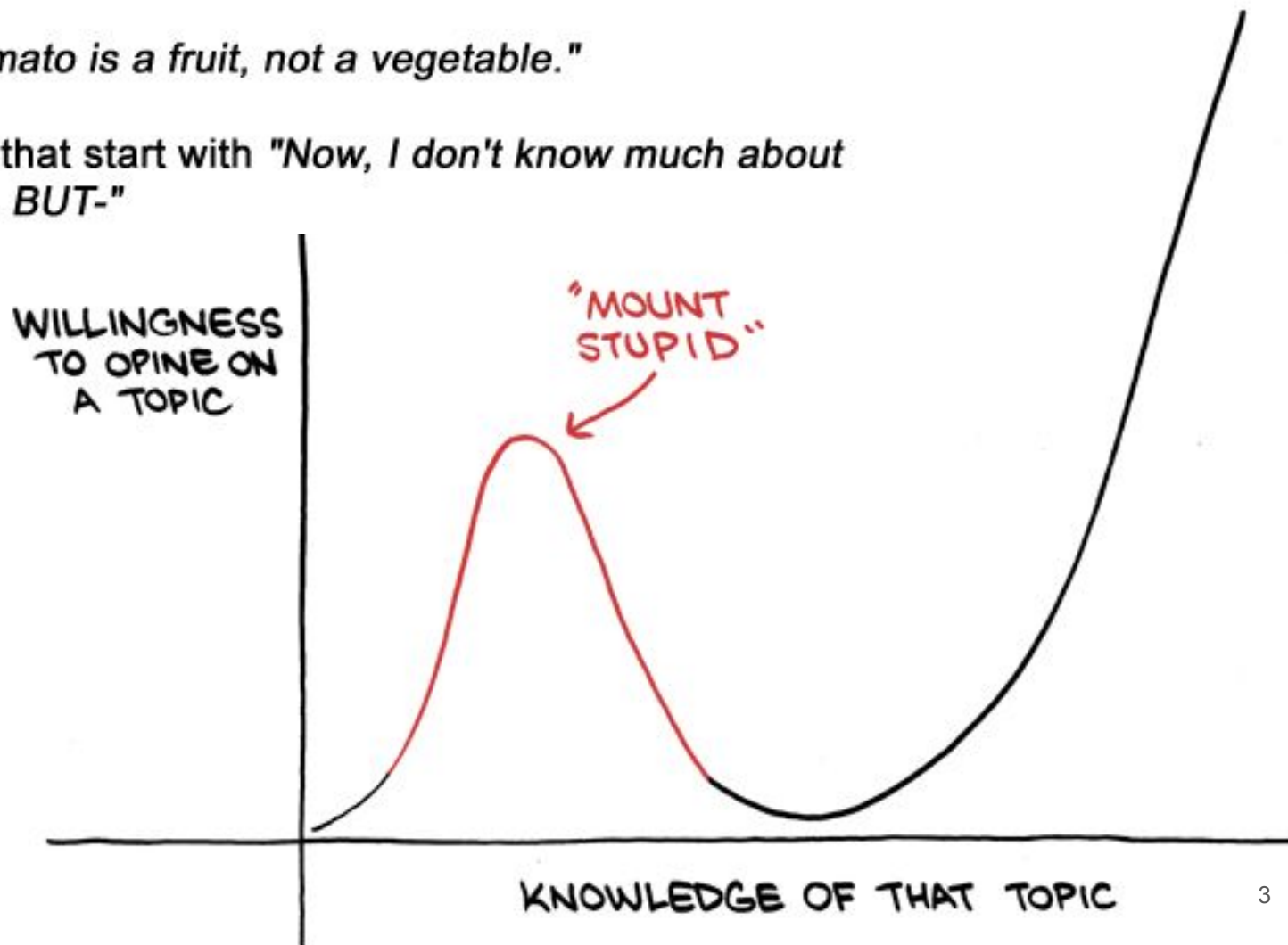
MAC5742/0219 - Introdução à Programação Concorrente,  
Paralela e Distribuída  
Prof Alfredo Goldman - 1º Semestre/2017

# Tópicos

- Contexto histórico
- Conceitos básicos
- Algoritmos
- Atualmente
- Perspectivas

## Phrases uttered atop Mount Stupid:

- "Historically, the Amazons would cut off their right breast so they could shoot a bow and arrow."
- "The American Civil War really had nothing to do with slavery."
- "Biologically, tomato is a fruit, not a vegetable."
- 99% of phrases that start with "Now, I don't know much about quantum physics, BUT-"



# Contexto Histórico

- Primeira Menção: Feynman, 1981, afirma que é possível criar uma máquina capaz de tirar vantagens da mecânica quântica para simulações físicas.
- Deutsch, 1984, escreve um artigo com um modelo teórico para um computador quântico.
- 1994, Shor divulga o seu Algoritmo para fatoração de grandes números.
- 2010, D-Wave lança o primeiro computador quântico comercial: o D-Wave One.

# Conceitos Básicos

# Qubit

- Unidade básica da computação quântica
- Abstração das propriedades físicas subjacentes
  - Superposição
  - Emaranhamento
- Valores básicos:
  - $|0\rangle$  (“zero ket”) : ao ser medido obtém-se bit clássico 0
  - $|1\rangle$  (“um ket”) : ao ser medido obtém-se bit clássico 1

# Superposição

- O qubit pode estar em uma combinação linear de  $|0\rangle$  e  $|1\rangle$
- $2^{-1/2} (|0\rangle + |1\rangle)$  é um qubit em superposição
- Ao ser medido, pode resultar em um 0 ou 1 clássico com 50% de probabilidade

# Superposição





# Emaranhamento

- Emaranhamento é uma propriedade que um sistema com dois ou mais qubits pode apresentar
- Apesar do resultado de medição individual de cada qubit não ser determinado, ao medir um qubit há correlação com o resultado do segundo
- Exemplo:  $2^{-1} (|00\rangle + |11\rangle)$ 
  - Medir um qubit pode resultar em 0 ou em 1
  - Se a primeira medição resultar em 0 a segunda também resultará

# Portas lógicas

- Operações que transformam os estados dos qubits
- Exemplos:
- Porta X, conhecida como NOT pois altera  $|0\rangle$  para  $|1\rangle$  e vice-versa
- Porta de Hadamard: utilizada para formar superposições
- CNOT: semelhante ao XOR, utilizada para formar emaranhamentos

# Algoritmos

# Deutsch-Jozsa: Problema

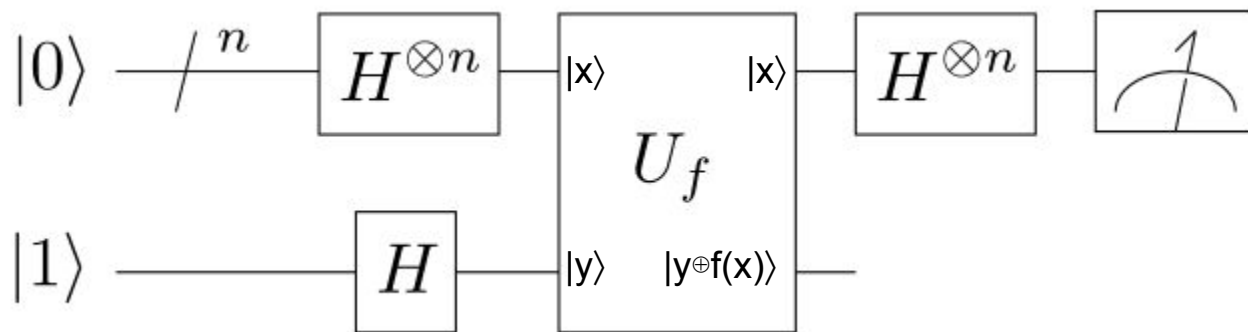
- Feito para demonstrar poder da computação quântica
- Não é um problema de realidade prática

Enunciado:

- Dado um oráculo de uma função  $f: \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$ ,  
responder se  $f$  é constante ou balanceada
- É prometido que  $f$  seja constante ou balanceada

# Deutsch-Jozsa: Resolução

- Algoritmo clássico: necessita  $2^{n-1}+1$  consultas ao oráculo
- Algoritmo quântico: necessita de 1 consulta ao oráculo
  - N qubits são inicializados em  $|0\rangle$ , e 1 qubit em  $|1\rangle$
  - Porta de Hadamard coloca os qubit em superposição
  - Operador  $U_f$  utiliza o oráculo para calcular  $|y \oplus f(x)\rangle$
  - Medição da saída será 0 se a função for constante

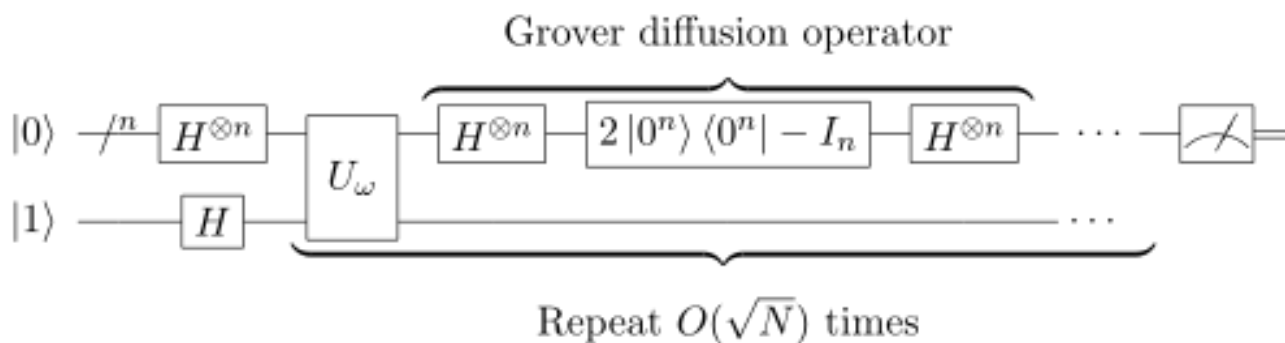


# Busca de Grover

- A busca de Grover é um algoritmo de busca para listas não ordenadas, bancos de dados, etc.
- Algoritmo probabilístico capaz de efetuar uma busca em tempo assintótico  $O(\sqrt{N})$ , oferecendo um speedup quadrático sobre o limite de  $O(N)$  em um computador convencional.

# Busca de Grover

- Iteração de Grover: Consiste em uma função caixa-preta oráculo e um operador que são repetidos  $O(\sqrt{N})$  vezes para encontrar a resposta com maior probabilidade.



# Algoritmo de Shor - Introdução

- Objetivo: Fatorar grandes inteiros em tempo polinomial.
- Complexidade:  $O((\log N)^3)$  e utiliza  $3\log N$  qubits
- Faz uso da superposição quântica para chegar a um resultado com alta probabilidade.
- Capaz de quebrar uma criptografia de chave pública RSA.
- O maior número fatorado utilizando esse algoritmo foi 21 em 2012 devido as limitações tecnológicas atuais.

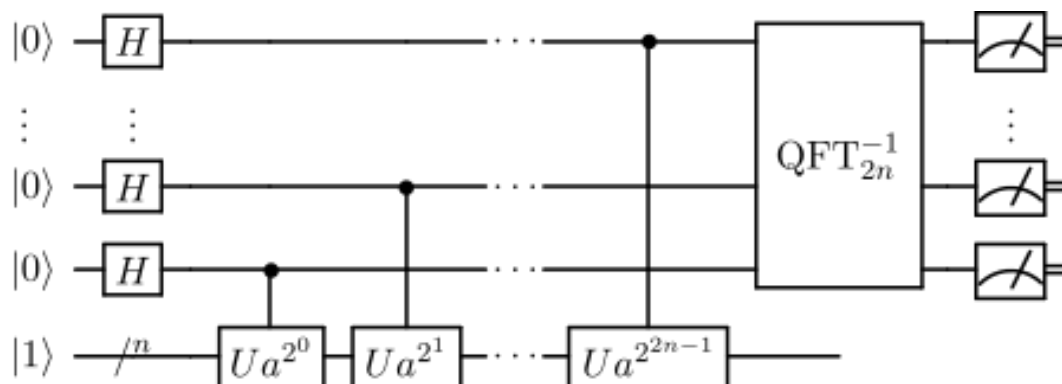


# Algoritmo de Shor - Explicação Breve

- Seja  $N = p \times q$ ,  $p$  e  $q$  primos, existe uma única fatoração possível.
- Para  $x < N$  e a sequência:  $x \bmod N$ ,  $x^2 \bmod N$ ,  $x^3 \bmod N$ ... existe um período em que ela começa a repetir, t.q, esse período divide  $(p-1).(q-1)$ .
- Ex.:  $N = 15$  temos  $p=3, q=5$ . Tome  $x = 2$  e temos a sequência 2,4,8,1,2,4,8,1 com periodo igual 4. Logo  $(p-1).(q-1) = 2 \times 4 = 8$  e é divisível por 4.

# Algoritmo de Shor

- Encontrar o período de  $N$ .
- Problema: O período pode ser tão grande quanto  $N$ , razão pela qual não existem algoritmos convencionais.
- Solução proposta utiliza uma superposição quântica para encontrar o período.



# Comunicação

- Não é possível copiar, mover ou teleportar a informação, sem que o original seja destruído
- Segurança
- Criptografia
  - Fótons
  - QKD

Atualmente

# D-Wave 2000Q™ System



# D-Wave 2000Q™ System

- 2048 qubits e 5600 couplers
- Consome 25 kW (Super Computador 2500 kW)
- Preço: 15 milhões de dólares

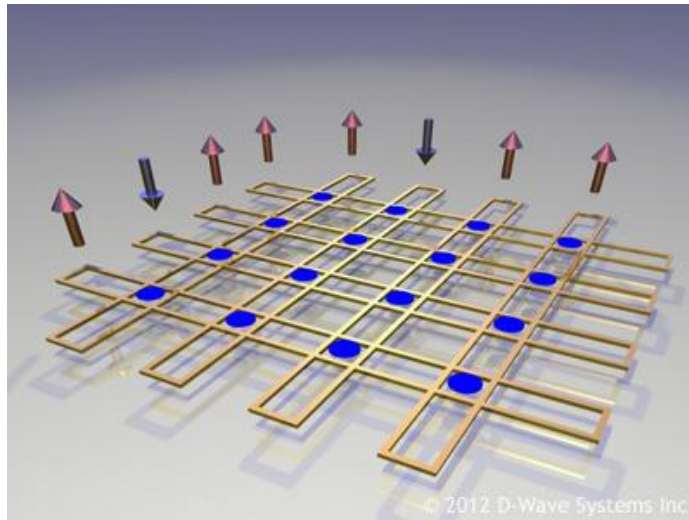
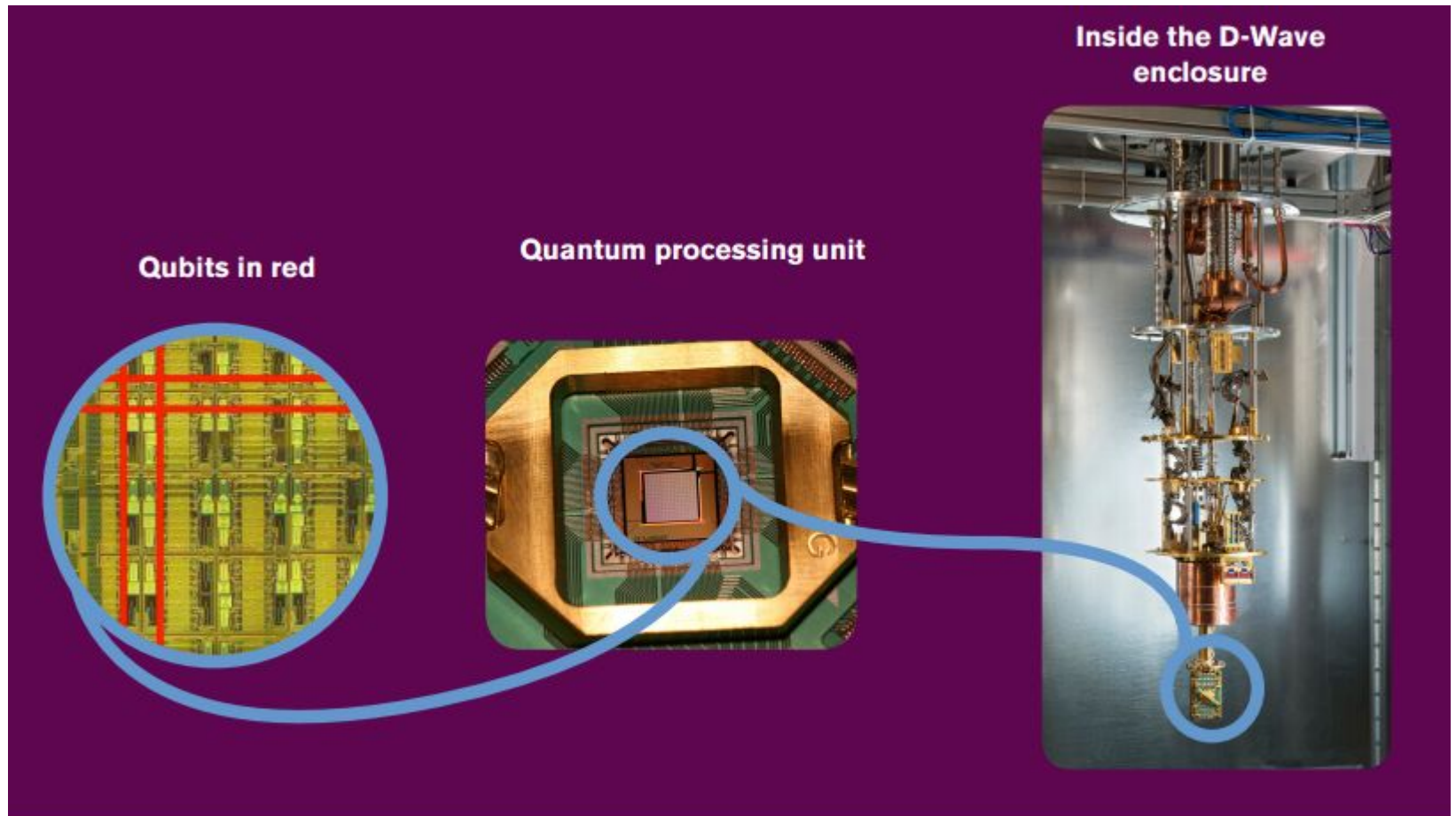


Fig: 8 qubits loops (dourados) e 16 couplers (pontos azuis)

Fonte:

<https://www.dwavesys.com/tutorials/background-reading-series/introduction-d-wave-quantum-hardware>

# D-Wave 2000Q™ System



Copyright © D-Wave Systems Inc.

**D-Wave**  
The Quantum Computing Company™

# D-Wave 2000Q™ System

- Acesso via Cloud
  - API's disponíveis em: C/C++, Python, and MATLAB
- D-Wave tools:
  - Qsage: “translator” para problemas de otimização
  - ToQ: Constraint Satisfaction Problems
  - Qbsolv: Open-Source - hybrid partitioning optimization solver
- Escrever as Quantum Machine Instructions (QMIs) diretamente.

Fonte:

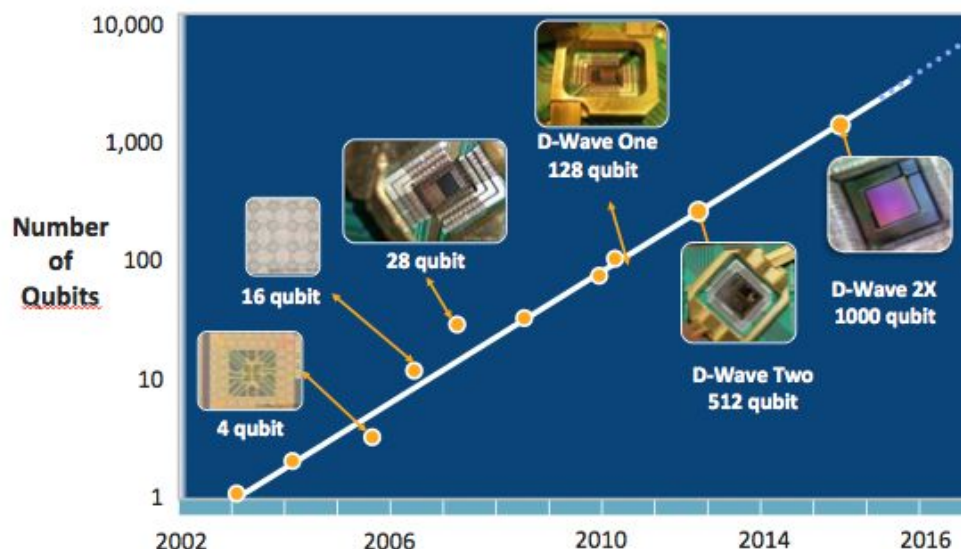
<https://www.dwavesys.com/tutorials/background-reading-series/introduction-d-wave-quantum-hardware>



# Perspectivas

# Perspectivas

- Lei de Rose: Nos últimos 8 anos o número de qubits dobrou a cada ano. A expectativa é que até 10000 qubits não seja necessário um redesign do processador, apenas adicionar novos qubits



# Perspectivas

- Canada's Quantum Valley: Em 2013 o fundador da BlackBerry criou um fundo de investimento de 100 milhões de dólares para empresas que empreguem aplicações práticas em física quântica.
- Criado o Institute for Quantum Computing, University of Waterloo - Canadá.
- Objetivo de ser o maior polo de Pesquisa Quântica no Mundo

Fonte:

<https://uwaterloo.ca/institute-for-quantum-computing/news/quantum-technologies-priority-canada>

# Perspectivas

- 18 Empresas que já estão trabalhando na área, entre elas:
  - Google: Supercomputador da D-Wave em um laboratório em conjunto com a Nasa e desenvolvimento de chips próprios.
  - Microsoft: Centro de pesquisa para desenvolvimento de algoritmos Quânticos (vagas disponíveis :):  
<https://www.microsoft.com/en-us/research/group/quantum-architectures-and-computation-group-quarc/>
  - Intel: Fez um investimento de 50 milhões na Qutech, um centro de pesquisa em computação quântica.

# Perspectivas

- Miniaturização das memórias estáticas
- Memória quântica
- Menor unidade de armazenamento: um átomo!