Feuille d'exercices 0

7 septembre 2018

Les exercices avec une \star sont des exercices plus difficiles. Vous pouvez utiliser votre calculatrice pour vous aider dans les calculs.

Exercice 1. Soit la matrice suivante :

$$A = [a_{ij}] = \begin{bmatrix} 2 & 2 & -3 & 4 \\ 0 & 0 & x & \alpha \\ 0 & 1 & 7 & 0 \end{bmatrix}$$

- 1. Donner le format de A.
- 2. Donner les valeurs de : a_{12} , a_{31} , a_{23} .

Exercice 2. Est-ce que les égalités suivantes sont vraies ou fausses?

1.
$$0_{2\times 2} = 0_{3\times 3}$$

2.
$$\begin{bmatrix} (1-1) & (x-x) \\ (\alpha-\alpha) & (3-3) \end{bmatrix} = 0_{2\times 2}$$

Exercice 3. Soit les matrices suivantes :

$$A = 2$$
 $B = 0$

Déterminer la matrice X telle que 2B + X = 3A.

Exercice 4. Soit les matrices suivantes :

$$A = x$$
, $B = \begin{bmatrix} 6 & 5 & -2 \\ 3 & 7 & 1 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 3 \\ -1 & -2 & 4 \end{bmatrix}$

Indiquer si chacune des opérations suivantes est bien définie et effectuer le calcul dans le cas où l'opération est bien définie :

1. *BAC*

3. BCBC

2. BBA

4. BBCC

Exercice 5 (\star) .

- 1. Montrer que A + B = B + A.
- 2. Montrer que $(\alpha + \beta)A = \alpha A + \beta A$.
- 3. Montrer que $\alpha(A+B) = \alpha A + \alpha B$