BÀI 3: CÁC THUẬT TOÁN TÌM KIẾM GREEDY-BEST-FIRST SEARCH VÀ A*

I. MỤC TIÊU:

Sau khi thực hành xong bài này, sinh viên nắm được:

- Thuật toán tìm kiếm Greedy-Best-First Search và A*.
- Cài đặt các thuật toán này trên máy tính.

II. TÓM TẮT LÝ THUYẾT:

1. Thuật toán Greedy-Best-First Search: là một chiến lược tìm kiếm với tri thức bổ sung từ việc sử dụng các tri thức cụ thể của bài toán. Thuật toán sẽ sử dụng 1 hàm đánh giá là hàm heuristic h(n) (hàm heuristic h(n) đánh giá chi phí để đi từ nút hiên tai n đến nút đích (muc tiêu)).

2. Thuật toán A*:

Thuật toán đánh giá 1 nút dựa trên chi phí đi từ nút gốc đến nút đó (g(n)) cộng với chi phí từ nút đó đến nút đích (h(n)).

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

Hàm h(n) được gọi là chấp nhận được nếu với mọi trạng thái n, $h(n) \le d$ ộ dài đường đi ngắn nhất thực tế từ u tới trạng thái đích.

Thuật giải A* sử dụng 2 tập hợp sau đây:

- OPEN: tập chứa các trạng thái đã được sinh ra nhưng chưa được xét đến
 ⇒ OPEN là 1 hàng đợi ưu tiên (priority queue) mà trong đó, phần tử có
 độ ưu tiên cao nhất là phần tử tốt nhất.
- CLOSE: tập chứa các trạng thái đã được xét đến. Ta cần lưu trữ những trạng thái này trong bộ nhớ để đề phòng khi một trạng thái mới được tạo ra lại trùng với 1 trạng thái mà ta đã xét đến trước đó. Trong trường hợp không gian tìm kiếm có dạng cây thì không cần dùng tập này.

Khi xét đến một trạng thái T_i bên cạnh việc lưu trữ 3 giá trị cơ bản $g(T_i)$, $h(T_i)$, $f(T_i)$ để phản ánh độ tốt của trạng thái đó, A^* còn lưu trữ thêm 2 thông số sau:

✓ Trạng thái cha của trạng thái T_i (Father(T_i)). Trong trường hợp có nhiều trạng thái dẫn đến trạng thái T_i thì chọn Father(T_i) sao cho chi phí đi từ trạng thái khởi đầu đến T_i là thấp nhất, nghĩa là

$$g(T_i) = g(T_{father}) + cost(T_{father}, \, T_i) \; l\grave{a} \; th\acute{a}p \; nh\acute{a}t \label{eq:gtather}$$

✓ Danh sách các trạng thái kế tiếp của T_i: danh sách này lưu trữ các trạng thái kế tiếp T_k của T_i sao cho chi phí đến T_k thông qua T_i từ trạng thái ban đầu là thấp nhất⇒ danh sách này được tính từ thuộc tính Cha của các trạng thái được lưu trữ.

Procedure Astar-Search

Begin

- 1. Đặt OPEN chỉ chứa T_0 . Đặt $g(T_0)=0$, $h(T_0)=0$ và $f(T_0)=0$. Đặt CLOSE là tập rỗng.
- 2. Lặp lại các bước cho đến khi gặp điều kiện dừng
- 2.a. Nếu OPEN rỗng: bài toán vô nghiệm, thoát.
- 2.b. Ngược lại, chọn T_{max} trong OPEN sao cho f(T_{max}) là nhỏ nhất
 - 2.b.1. Lấy T_{max} ra khỏi OPEN và đưa T_{max} vào CLOSE.
 - 2.b.2. Nếu T_{max} là T_G (trạng thái đích) thì thoát và thông báo lời giải là T_{max} 2.b.3. Nếu T_{max} không phải là T_G . Tạo ra danh sách tất cả các trạng thái kế tiếp của T_{max} . Gọi một trạng thái này T_k . Với mỗi T_k , làm các bước sau:

2.b.3.1. Tính
$$g(T_k) = g(T_{max}) + cost(T_{max}, T_k)$$

2.b.3.2. Nếu tồn tại $T_{k'}$ trong OPEN trùng với T_k .

Nếu
$$g(T_k) < g(T_{k'})$$
 thì
Đặt $g(T_{k'}) = g(T_k)$
Tính lại $f(T_{k'})$
Đặt $Cha(T_{k'}) = T_{max}$

2.b.3.3. Nếu tồn tại $T_{k'}$ trong CLOSE trùng với T_k

Nếu
$$g(T_k) < g(T_{k'})$$
 thì
Đặt $g(T_{k'}) = g(T_k)$
Tính lại $f(T_{k'})$
Đặt $Cha(T_{k'}) = T_{max}$

 $\emph{Lan truyền}$ sự thay đổi giá trị g, f cho tất cả các trạng thái tiếp theo của T_i (ở tất cả các cấp) đã được lưu trữ trong CLOSE và OPEN.

2.b.3.4. Nếu T_k chưa xuất hiện trong cả OPEN lẫn CLOSE thì

Thêm T_k vào OPEN

Tính: $f(T_k) = g(T_k) + h(T_k)$

Xây dựng lại đường đi từ T_0 tới T_G : ta lần ngược theo thuộc tính Cha của các trạng thái đã được lưu trữ trong CLOSE cho đến khi đạt đến T_0 .

Ta có h là đường chim bay cho trong bảng và $cost(T_i, T_{i+1})$ là chiều dài đường đi từ T_i tới T_{i+1} . Khi đó

Ban đầu

OPEN =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0)\}$$

CLOSE = $\{\}$

Do OPEN chỉ chứa có 1 thành phố nên thành phố này sẽ là thành phố tốt nhất.

Nghĩa là ta chọn T_{max} = Arad. Lấy Arad ra khỏi OPEN và đưa vào CLOSE.

$$OPEN = \{\}$$

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0)\}$$

Từ Arad có thể đi được đến 3 thành phố Sibiu, Timisoara và Zerind. Ta lần lượt tính f, g và h của 3 thành phố này. Do cả 3 nút mới tạo ra này chưa có nút cha nên ban đầu nút cha của chúng đều là Arad.

$$h(Sibiu) = 253$$

$$g(Sibiu) = g(Arad) + cost(Arad, Sibiu) = 0 + 140 = 140$$

$$f(Sibiu) = g(Sibiu) + h(Sibiu) = 140 + 253 = 393$$

$$Cha(Sibiu) = Arad$$

✓ h(Timisoara) = 329

$$g(Timisoara) = g(Arad) + cost(Arad, Timisoara) = 0 + 118 = 118$$

$$f(Timisoara) = g(Timisoara) + h(Timisoara) = 118 + 329 = 447$$

$$Cha(Timisoara) = Arad$$

✓ h(Zerind) = 374

$$g(Zerind) = g(Arad) + cost(Arad, Zerind) = 0 + 75 = 75$$

$$f(Zerind) = g(Zerind) + h(Zerind) = 75 + 374 = 449$$

$$Cha(Zerind) = Arad$$

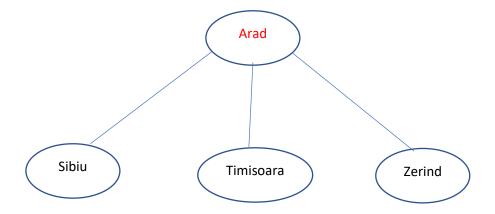
Do Sibiu, Timisoara và Zerind đều không có trong cả OPEN và CLOSE nên ta thêm 3 nút này vào OPEN.

OPEN =
$$\{(Sibiu, g = 140, h = 253, f = 393, Cha = Arad), \}$$

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $h = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

$$\{Zerind, g = 75, h = 374, f = 449, Cha = Arad\}$$

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0)\}$$



(Lưu ý: Tên thành phố có màu đỏ là nút trong tập CLOSE, ngược lại là nút trong tập OPEN)

Trong tập OPEN, Sibiu là nút có giá trị f nhỏ nhất nên ta sẽ chọn $T_{max} = Sibiu$.

Ta lấy Sibiu ra khỏi OPEN và đưa vào CLOSE

$$OPEN = \{(Timisoara, g = 118, h = 329, f = 447, Cha = Arad), \}$$

$$(Zerind, g = 75, h = 374, f = 449, Cha = Arad)$$

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad)}

Từ Sibiu có thể đi được đến Arad, Fagaras, Oradea, R. Vilcea. Ta lần lượt tính h, g và f của các nút này.

✓
$$h(Arad) = 366$$

$$g(Arad) = g(Sibiu) + cost(Sibiu, Arad) = 140 + 140 = 280$$

$$f(Arad) = g(Arad) + h(Arad) = 280 + 366 = 646$$

✓
$$h(Fagaras) = 176$$

$$g(Fagaras) = g(Sibiu) + cost(Sibiu, Fagaras) = 140 + 99 = 239$$

$$f(Fagaras) = g(Fagaras) + h(Fagaras) = 239 + 176 = 415$$

✓
$$h(Oradea) = 380$$

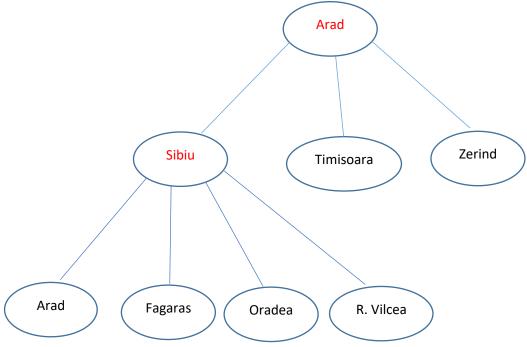
$$g(Oradea) = g(Sibiu) + cost(Sibiu, Oradea) = 140 + 151 = 291$$

$$f(Oradea) = g(Oradea) + h(Oradea) = 291 + 380 = 671$$

$$g(R. Vilcea) = g(Sibiu) + cost(Sibiu, R. Vilcea) = 140 + 80 = 220$$

$$f(R. Vilcea) = g(R. Vilcea) + h(R. Vilcea) = 220 + 193 = 413$$

Nút Arad đã có trong CLOSE và g(Arad) mới được tạo ra có giá trị là 280 lớn hơn g(Arad) lưu trong CLOSE có giá trị là 0 nên ta sẽ không cập nhật giá trị g và f của Arad lưu trong CLOSE. 3 nút Fagaras, Oradea và R. Vilcea đều không có trong OPEN và CLOSE nên ta sẽ thêm 3 nút này vào OPEN, đặt cha của chúng là Sibiu.



 $OPEN = \{(Timisoara, g = 118, h = 329, f = 447, Cha = Arad), \}$

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Oradea,
$$g = 291$$
, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu)

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad)

Trong tập OPEN, R. Vilcea là nút có giá trị f nhỏ nhất nên ta chọn $T_{max}=R$. Vilcea. Chuyển R. Vilcea từ tập OPEN sang tập CLOSE. Từ R. Vilcea có thể đi được tới 3 thành phố là Craiova, Pitesti và Sibiu. Ta lần lượt tính các giá trị h, g và f của 3 thành phố này.

✓
$$h(Craiova) = 160$$

$$g(Craiova) = g(R. Vilcea) + cost(R. Vilcea, Craiova) = 220 + 146 = 366$$

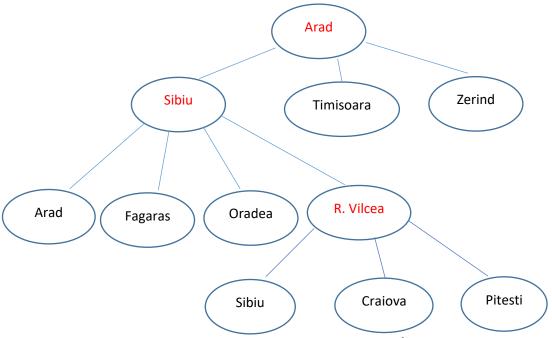
 $f(Craiova) = g(Craiova) + h(Craiova) = 366 + 160 = 526$

$$\checkmark$$
 h(Pitesti) = 100

$$g(Pitesti) = g(R. Vilcea) + cost(R. Vilcea, Pitesti) = 220 + 97 = 317$$

$$f(Pitesti) = g(Pitesti) + h(Pitesti) = 317 + 100 = 417$$

Do Sibiu đã có trong CLOSE và g(Sibiu) mới có giá trị là 553 lớn hơn g(Sibiu) trong CLOSE có giá trị là 393 nên ta không cập nhật lại các giá trị



Sibiu được lưu trong CLOSE. Craiova và Pitesti đều không có trong OPEN lẫn CLOSE nên ta sẽ đưa chúng vào OPEN và đặt cha của chúng là R. Vilcea.

OPEN = {
$$(Timisoara, g = 118, h = 329, f = 447, Cha = Arad),$$

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Oradea,
$$g = 291$$
, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R. Vilcea)

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0), \}$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu)}

Từ tập OPEN, nút Fagaras có giá trị f nhỏ nhất nên T_{max} = Fagaras. Từ Fagaras ta có thể đi được tới Sibiu và Bucharest. Lấy Fagaras ra khỏi tập OPEN và đưa vào CLOSE. Ta cũng tính các giá trị h, g và f của Sibiu và Bucharest.

✓ h(Bucharest) = 20

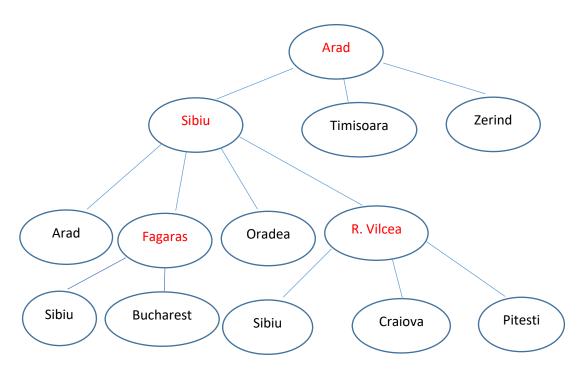
$$g(Bucharest) = g(Fagaras) + cost(Fagaras, Bucharest) = 239 + 211 = 450$$

 $f(Bucharest) = g(Bucharest) + h(Bucharest) = 450 + 20 = 470$

Sibiu đã có trong tập OPEN nhưng do g(Sibiu) mới tạo có giá trị là 338 lớn hơn g(Sibiu) trong CLOSE có giá trị là 140 nên ta sẽ không cập nhật lại giá trị g và h của Sibiu. Bucharest không có trong tập OPEN lẫn CLOSE nên ta sẽ thêm nút này vào OPEN.

OPEN = {(Timisoara,
$$g = 118$$
, $h = 329$, $f = 447$, Cha = Arad), (Zerind, $g = 75$, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad), (Oradea, $g = 291$, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu), (Craiova, $g = 366$, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea), (Pitesti, $g = 317$, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R. Vilcea), (Bucharest, $g = 450$, $h = 20$, $f = 470$, Cha = Fagaras)} CLOSE = {(Arad, $g = 0$, $h = 0$, $f = 0$), (Sibiu, $g = 140$, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad), (R. Vilcea, $g = 220$, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

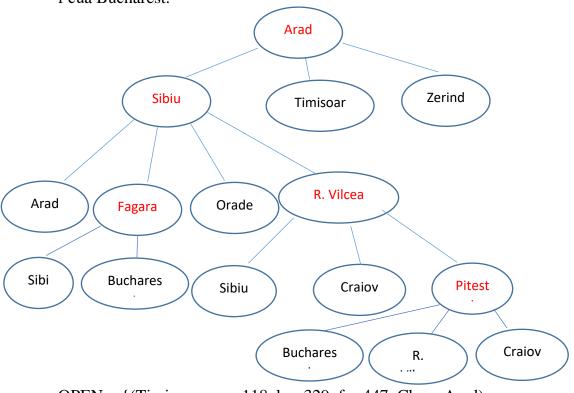
 $\{Fagaras, g = 239, h = 176, f = 415, Cha = Sibiu\}$



Từ tập OPEN, nút tốt nhất là Pitesti nên T_{max} = Pitesti. Từ Pitesti ta có thể đi được đến R. Vilcea, Bucharest và Craiova. Lấy Pitesti ra khỏi tập OPEN và đưa vào tập CLOSE. Tương tự ta cũng tính các giá trị h, g và f của các thành phố này.

- ✓ h(R. Vilcea) = 193
 g(R. Vilcea) = g(Pitesti) + cost(Pitesti, R. Vilcea) = 317 + 97 = 414
 f(R. Vilcea) = g(R. Vilcea) + h(R. Vilcea) = 414 + 193 = 607
- √ h(Bucharest) = 20
 g(Bucharest) = g(Pitesti) + cost(Pitesti, Bucharest) = 317 + 101 = 418
 f(Bucharest) = g(Bucharest) + h(Bucharest) = 418 + 20 = 438
- ✓ h(Craiova) = 160
 g(Craiova) = g(Pitesti) + cost(Pitesti, Craiova) = 317 + 138 = 455
 f(Craiova) = g(Craiova) + h(Craiova) = 455 + 160 = 615

Do R. Vilcea đã có trong CLOSE và g(R. Vilcea) mới được tạo ra có giá trị là 417 lớn hơn g(R. Vilcea) lưu trong CLOSE có giá trị là 220 nên ta sẽ không cập nhật giá trị g và f của R. Vilcea lưu trong CLOSE. Craiova đã có trong OPEN và g(Craiova) mới được tạo ra có giá trị là 455 lớn hơn g(Craiova) trong OPEN có giá trị là 366 nên ta cũng không cập nhật trị g và f của Craiova. Bucharest đã có trong OPEN và g(Bucharest) mới tạo có giá trị là 418 nhỏ hơn g(Bucharest) trong OPEN có giá trị là 450 nên ta sẽ cập nhật giá trị g và f của Bucharest.



OPEN = {(Timisoara, g = 118, h = 329, f = 447, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Oradea,
$$g = 291$$
, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

(Bucharest, g = 418, h = 20, f = 438, Cha = Pitesti)

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0), \}$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

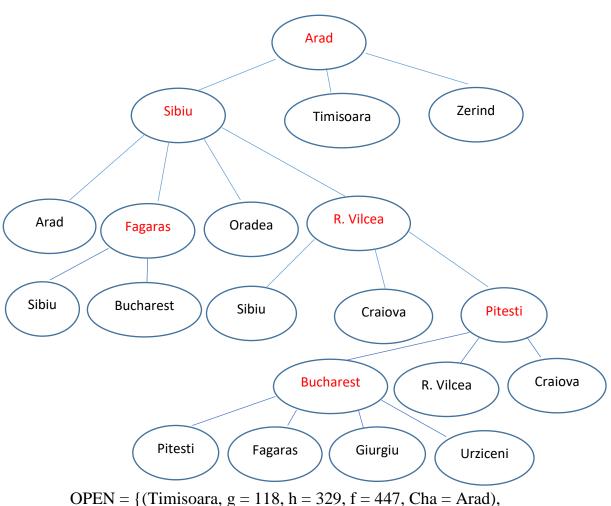
(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R. Vilcea)

Trong tập OPEN, Bucharest có giá trị f nhỏ nhất nên $T_{max} =$ Bucharest. Từ Bucharest ta có thể được tới 4 thành phố Pitesti, Fagaras, Giurgiu, và Urziceni. Lấy Bucharest ra khỏi tập OPEN và đưa vào tập CLOSE. Tương tự, ta cũng tính giá trị h, g và f của các thành phố này.

- √ h(Pitesti) = 100
 g(Pitesti) = g(Bucharest) + cost(Bucharest, Pitesti) = 418 + 101 = 519
 f(Pitesti) = g(Pitesti) + h(Pitesti) = 519 + 100 = 619
- √ h(Fagaras) = 176
 g(Fagaras) = g(Bucharest) + cost(Bucharest, Fagaras) = 418 + 211 = 629
 f(Fagaras) = g(Fagaras) + h(Fagaras) = 629 + 176 = 805
- ✓ h(Giurgiu) = 77
 g(Giurgiu) = g(Bucharest) + cost(Bucharest, Giurgiu) = 418 + 90 = 508
 f(Giurgiu) = g(Giurgiu) + h(Giurgiu) = 508 + 77 = 585
- √ h(Urziceni) = 10
 g(Urziceni) = g(Bucharest) + cost(Bucharest, Urziceni) = 418 + 85 = 503
 f(Urziceni) = g(Urziceni) + h(Urziceni) = 503 + 10 = 513

Pitesti và Fagaras đã có trong tập CLOSE và g(Pitesti), g(Fagaras) mới được tạo ra có giá trị lớn hơn g(Pitesti), g(Fagaras) trong tập CLOSE nên ta sẽ không cập nhật giá trị g và f của chúng. Giurgiu và Urziceni không có trong tập OPEN lẫn CLOSE nên ta sẽ thêm 2 nút này vào tập OPEN.



(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Oradea,
$$g = 291$$
, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

(Giurgiu,
$$g = 508$$
, $h = 77$, $f = 585$, Cha = Bucharest),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest)

$$CLOSE = \{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0), \}$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R. Vilcea),

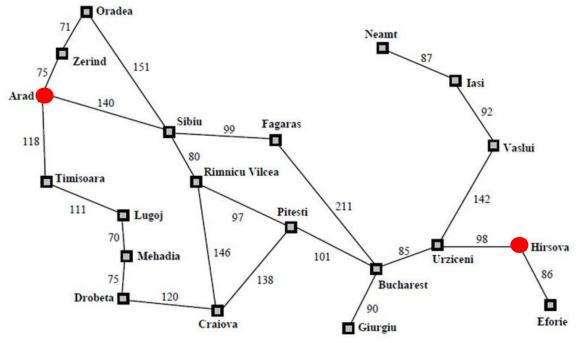
(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti)}
Turong tự,

III. NỘI DUNG THỰC HÀNH:

1. Cài đặt thuật toán **Greedy** – **Best** – **First search** để tìm đường đi từ Arad tới Hirsova như hình với h(n) được xác định như sau:

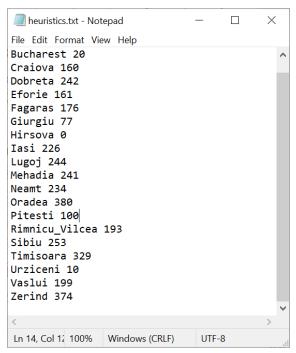
h(Arad) = 366	h(Hirsova) = 0	h(Rimnicu Vilcea) = 193
h(Bucharest) = 20	h(Iasi) = 226	h(Sibiu) = 253
h(Craiova)= 160	h(Lugoj) = 244	h(Timisoara)=329
h(Drobeta) = 242	h(Mehadia)=241	h(Urziceni) = 10
h(Eforie) = 161	h(Neamt) = 234	h(Vaslui) = 199
h(Fagaras) = 176	h(Oradea) = 380	h(Zerind) = 374
h(Giurgiu) = 77	h(Pitesti) = 100	

2. Cài đặt thuật toán A* để tìm đường đi ngắn nhất từ Arad tới Hirsova như hình với hàm h(n) được xác định như trong bài tập 1 và g(n) là khoảng cách giữa 2 thành phố.



- 3. Cài đặt:
 - a. Đọc dữ liệu từ file txt:

- Lấy hàm heristic từ file:

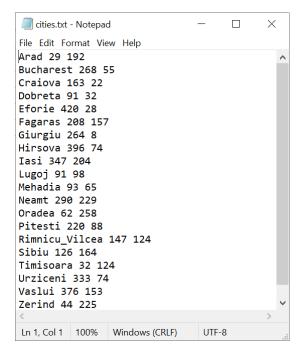


```
import queue
import matplotlib.pyplot as plt

def getHeuristics():
    heuristics = {}
    f = open("heuristics.txt")
    for i in f.readlines():
        node_heuristic_val = i.split()
        heuristics[node_heuristic_val[0]] = int(node_heuristic_val[1])

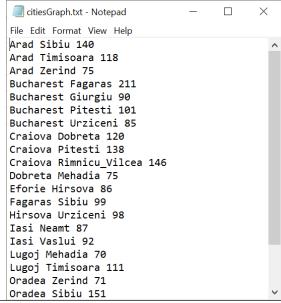
return heuristics
```

- Lấy vị trí của các thành phố từ file:



```
def getCity():
    city = {}
    citiesCode = {}|
    f = open("cities.txt")
    j = 1
    for i in f.readlines():
        node_city_val = i.split()
        city[node_city_val[0]] = [int(node_city_val[1]), int(node_city_val[2])]
        citiesCode[j] = node_city_val[0]
        j += 1
    return city, citiesCode
```

- Khởi tạo đồ thị các thành phố từ file:



```
def createGraph():
    graph = {}
    file = open("citiesGraph.txt")
    for i in file.readlines():
        node val = i.split()
        if node_val[0] in graph and node_val[1] in graph:
             c = graph.get(node_val[0])
             c.append([node_val[1], node_val[2]])
             graph.update({node_val[0]: c})
             c = graph.get(node val[1])
             c.append([node_val[0], node_val[2]])
             graph.update({node_val[1]: c})
        elif node val[0] in graph:
            c = graph.get(node_val[0])
c.append([node_val[1], node_val[2]])
             graph.update({node val[0]: c})
             graph[node_val[1]] = [[node_val[0], node_val[2]]]
        elif node_val[1] in graph:
             c = graph.get(node_val[1])
             c.append([node_val[0], node_val[2]])
             graph.update({node_val[1]: c})
             graph[node_val[0]] = [[node_val[1], node_val[2]]]
            graph[node_val[0]] = [[node_val[1], node_val[2]]]
graph[node_val[1]] = [[node_val[0], node_val[2]]]
    return graph
```

b. Greedy – Best – First Search:

```
def GBFS(startNode, heuristics, graph, goalNode):
    priorityQueue = queue.PriorityQueue()
    priorityQueue.put((heuristics[startNode], startNode))

path = []

while priorityQueue.empty() == False:
    current = priorityQueue.get()[1]
    path.append(current)

if current == goalNode:
    break

priorityQueue = queue.PriorityQueue()

for i in graph[current]:
    if i[0] not in path:
        priorityQueue.put((heuristics[i[0]], i[0]))

return path
```

c. A*:

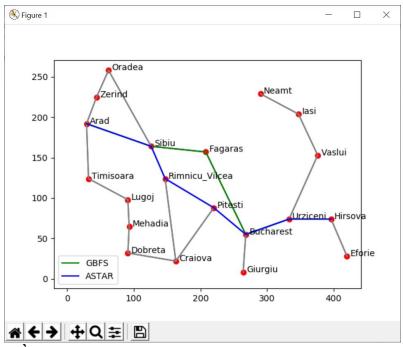
```
def Astar(startNode, heuristics, graph, goalNode):
   priorityQueue = queue.PriorityQueue()
   distance = 0
   path = []
   priorityQueue.put((heuristics[startNode] + distance, [startNode, 0]))
   while priorityQueue.empty() == False:
       current = priorityQueue.get()[1]
       path.append(current[0])
       distance += int(current[1])
       if current[0] == goalNode:
           break
       priorityQueue = queue.PriorityQueue()
       for i in graph[current[0]]:
           if i[0] not in path:
               priorityQueue.put((heuristics[i[0]] + int(i[1]) + distance, i))
   return path
```

d. Vẽ hình:

```
def drawMap(city, gbfs, astar, graph):
    for i, j in city.items():
        plt.plot(j[0], j[1], "ro")
        plt.annotate(i, (j[0] + 5, j[1]))
        for k in graph[i]:
            n = city[k[0]]
            plt.plot([j[0], n[0]], [j[1], n[1]], "gray")
    for i in range(len(gbfs)):
        try:
            first = city[gbfs[i]]
            secend = city[gbfs[i + 1]]
            plt.plot([first[0], secend[0]], [first[1], secend[1]], "green")
        except:
            continue
    for i in range(len(astar)):
        try:
            first = city[astar[i]]
            secend = city[astar[i + 1]]
            plt.plot([first[0], secend[0]], [first[1], secend[1]], "blue")
        except:
            continue
    plt.errorbar(1, 1, label="GBFS", color="green")
   plt.errorbar(1, 1, label="ASTAR", color="blue")
   plt.legend(loc="lower left")
    plt.show()
```

e. Hàm main:

```
== " main ":
name
heuristic = getHeuristics()
graph = createGraph()
city, citiesCode = getCity()
for i, j in citiesCode.items():
    print(i, j)
while True:
    inputCodel = int(input("Nhập đỉnh bắt đầu: "))
    inputCode2 = int(input("Nhập đỉnh kết thúc: "))
    if inputCode1 == 0 or inputCode2 == 0:
        break
    startCity = citiesCode[inputCode1]
    endCity = citiesCode[inputCode2]
    gbfs = GBFS(startCity, heuristic, graph, endCity)
    astar = Astar(startCity, heuristic, graph, endCity)
    print("GBFS => ", gbfs)
print("ASTAR => ", astar)
    drawMap(city, gbfs, astar, graph)
```



4. Yêu cầu:

- Cài đặt và thực thi chương trình. Nếu chương trình bị báo lỗi thì lỗi ở dòng nào và sửa lại như thế nào?
- Viết báo cáo trình bày lại tất cả những gì em hiểu liên quan tới bài thực hành. Nhận xét?