

17 bài tập - Luyện tập về Tương giao - File word có lời giải chi tiết

Câu 1. Giá trị của m để đường thẳng $\Delta: y = mx + m - 1$ cắt đồ thị hàm số $(C): y = \frac{x+2}{2x+1}$ tại hai điểm phân biệt thuộc cùng một nhánh của đồ thị (C) là:

- A. $m < -3$ B. $m > -3$ C. $m \in (3; 0)$ D. $m \in (-\infty; -3) \cup (-3; 0)$

Câu 2. Cho hàm số $(C): y = x^3 - 3x^2 + 2$ có điểm uốn $I(1; 0)$. Đường thẳng d đi qua I và có hệ số góc bằng k cắt đồ thị (C) tại bao nhiêu điểm?

- A. 1 B. 2 hoặc 3 C. 1 hoặc 3 D. 1 hoặc 2

Câu 3. Phương trình $x^2|x^2 - 2| = m$ có đúng 6 nghiệm thực khi:

- A. $m > 1$ B. $m > 0$ C. $0 < m < 1$ D. $m < 0$

Câu 4. Phương trình $2|x|^3 - 9x^2 + 12|x| = m$ có đúng 6 nghiệm thực khi:

- A. $4 < m < 5$ B. $m > 0$ C. $0 < m < 1$ D. $m < 0$

Câu 5. Cho hàm số $(C): y = \frac{x+3}{x+1}$. Đường thẳng $d: y = 2x + m$ cắt (C) tại 2 điểm phân biệt M, N và MN nhỏ nhất khi:

- A. $m = 1$ B. $m = 2$ C. $m = 3$ D. $m = -1$

Câu 6. Cho hàm số $y = \frac{x^2 - 1}{x}$ có đồ thị (C) . Giá trị của m để đường thẳng $y = -x + m$ cắt (C) tại hai điểm A, B sao cho $AB = 4$ là:

- A. $m = \pm 4$ B. $m = \pm 2\sqrt{6}$ C. $m = 0$ D. $m = \pm 2\sqrt{2}$

Câu 7. Cho hàm số $(C): y = |2x^4 - 4x^2 + 1|$ và đường thẳng $d: y = 1$. Số giao điểm giữa đường thẳng d và đồ thị (C) là:

- A. 2 B. 4 C. 5 D. 8

Câu 8. Cho hàm số $(C): y = |x^4 - 4x^2 + 1|$ và đường thẳng $d: y = m - 1$. Giá trị của m để đường thẳng d và đồ thị (C) có bốn điểm chung là:

A. $0 < m < 3$

B. $m = 4$

C. $\begin{cases} m = 0 \\ m = 3 \end{cases}$

D. $\begin{cases} m = 1 \\ m = 4 \end{cases}$

Câu 9. Cho hàm số $(C): y = |x^3 - 6x^2 + 9x|$ và đường thẳng $d: y = 2m - m^2$. Giá trị của m để đường thẳng d và đồ thị (C) có hai điểm chung là:

A. $\begin{cases} m = 0 \\ m = 2 \end{cases}$

B. $m \in (0; 2)$

C. $m \in (-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$

D. $m \in (4; +\infty) \cup \{0\}$

Câu 10. Cho hàm số $(C): y = x^3 - 3x + m + 1$. Giá trị của m để đồ thị hàm số (C) cắt trục hoành tại ba điểm phân biệt là:

A. $m \geq -3$

B. $-1 \leq m \leq 3$

C. $-3 < m < 1$

D. $-1 < m < 3$

Câu 11. Cho hàm số $(C): y = |x|^3 - 3x^2 + 4$ và đường thẳng $d: y = 4m - m^2$. Giá trị của m để đường thẳng d và đồ thị (C) có ít nhất hai điểm chung là:

A. $m \in [0; 4]$

B. $m \in [0; +\infty)$

C. $m \in [-2; 6]$

D. $m \in \emptyset$

Câu 12. Cho hàm số $(C): y = \frac{x}{x-1}$. Giá trị của m để đường thẳng $d: y = -x + m$ cắt đồ thị (C) tại hai điểm phân biệt là:

A. $m \in (-\infty; -4) \cup (0; +\infty)$

B. $(-\infty; -1) \cup (0; +\infty)$

C. $m \in (-\infty; 0) \cup (1; +\infty)$

D. $m \in (-\infty; 0) \cup (4; +\infty)$

Câu 13. Cho hàm số $(C): y = \frac{2x-1}{x+1}$. Giá trị của m để đường thẳng $d: y = mx + m - 1$ cắt đồ thị (C) tại hai điểm phân biệt là:

A. $m \in \left(-\infty; \frac{3}{4}\right)$

B. $m \in \left(\frac{3}{4}; +\infty\right)$

C. $m \in \left(-\infty; \frac{3}{4}\right) \setminus \{0\}$

D. $m \in (-3; 1) \setminus \{0\}$

Câu 14. Cho hàm số $(C): y = \frac{2x+3}{x+2}$. Giá trị của m để đường thẳng $d: y = x + 2m$ cắt đồ thị (C) là:

A. $m \in (-\infty; 1)$

B. $m \in (3; +\infty)$

C. $m \in (-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$

D. $m \in (-\infty; 1] \cup [3; +\infty)$

Câu 15. Cho hàm số $(C): y = \frac{x+2}{x+1}$ và đường thẳng $d: y = kx + m$. Phát biểu nào sau đây là **đúng**?

- A. Khi $k = 0$ thì đường thẳng d và đồ thị (C) luôn có một điểm chung.
- B. Khi $k < 0$ thì đường thẳng d và đồ thị (C) luôn có hai điểm chung.
- C. Khi $k > 0$ thì đường thẳng d và đồ thị (C) luôn có hai điểm chung.
- D. Khi $k < 0$ thì đường thẳng d luôn cắt đồ thị (C) tại hai điểm phân biệt thuộc hai nhánh của đồ thị.

Câu 16. Giá trị của m để đường thẳng $d: y = x - 2m$ cắt đồ thị hàm số $(C): y = \frac{x-3}{x+1}$ tại hai điểm phân biệt có hoành độ dương là:

- A. $m \in (-\infty; -3) \cup (1; +\infty)$
- B. $m \in \left(1; \frac{3}{2}\right)$
- C. $m \in (-\infty; -3) \cup \left(1; \frac{3}{2}\right)$
- D. $m \in \left(0; \frac{3}{2}\right)$

Câu 17. Giá trị của m để đường thẳng $\Delta: y = -\frac{1}{2}x + m$ cắt đồ thị hàm số $(C): y = \frac{x+2}{x+1}$ tại hai điểm phân biệt nằm về hai phía của trục tung?

- A. $m > 2$
- B. $m < 2$
- C. $m \in \left(-\infty; \frac{1-2\sqrt{2}}{2}\right) \cup \left(\frac{1+2\sqrt{2}}{2}; +\infty\right)$
- D. $m \in \left(\frac{1+2\sqrt{2}}{2}; +\infty\right)$

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1. Chọn đáp án D

Phương trình hoành độ giao điểm là: $mx + m - 1 = \frac{x+2}{2x+1} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -\frac{1}{2} \\ g(x) = 2mx^2 + (3m-3)x + m-3 = 0 \end{cases}$

Pt $g(x) = 0$ có $a-b+c=0$ nên nó có nghiệm $\begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{3-m}{2m} \end{cases} (m \neq 0)$

Do đó giả thiết bài toán $\Leftrightarrow \begin{cases} m \neq 0 \\ \frac{3-m}{2m} \neq -1 \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ m \neq -3 \end{cases} \\ \frac{3-m}{2m} < -\frac{1}{2} \end{cases}$

Câu 2. Chọn đáp án C

Phương trình đường thẳng d có dạng: $y = k(x-1)$

Phương trình hoành độ giao điểm của d và (C) là: $x^3 - 3x^2 + 2 = k(x-1)$

$$\Leftrightarrow (x-1)(x^2 - 2x - 2 - k) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ g(x) = x^2 - 2x - 2 - k = 0 \end{cases} \text{ Ta có: } \begin{cases} \Delta'_{g(x)} = 3 + k \\ g(1) = -3 - k \end{cases}$$

Với $k > -3$ thì d cắt (C) tại 3 điểm phân biệt, nếu $k \leq -3$ thì d cắt (C) tại duy nhất một điểm có hoành độ $x = 1$.

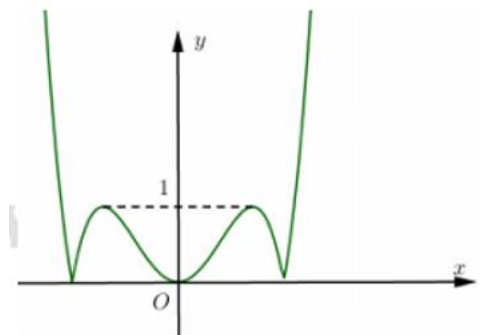
Câu 3. Chọn đáp án C

Ta có: PT $\Leftrightarrow |x^4 - 2x^2| = m$.

Gọi (C) là đồ thị hàm số $y = x^4 - 2x^2$

Khi đó đồ thị hàm số $y = |x^4 - 2x^2|$ gồm 2 phần.

Phần 1: Là phần của (C) nằm phía trên trục Ox .



Phần 2: Lấy đối xứng phần của (C) nằm dưới Ox qua Ox .

Dựa vào đồ thị hình bên suy ra PT có 6 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi $0 < m < 1$.

Câu 4. Chọn đáp án A

Ta có: PT $\Leftrightarrow 2|x|^3 - 9|x|^2 + 12|x| = m$

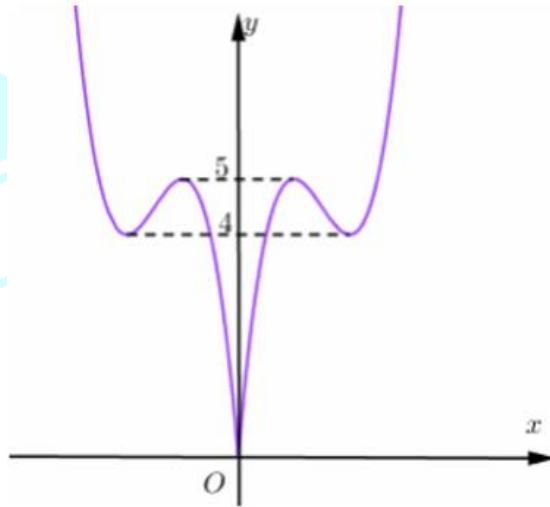
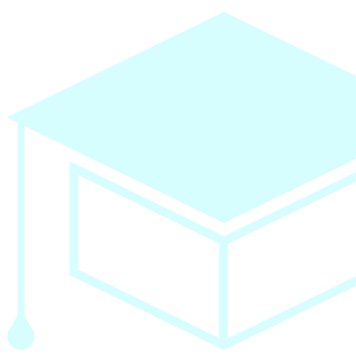
Gọi (C) là đồ thị hàm số $y = 2x^3 - 9x^2 + 12x$.

Khi đó đồ thị hàm số $y = 2|x|^3 - 9|x|^2 + 12|x|$ gồm 2 phần.

Phần 1: Là phần của (C) nằm bên phải trục tung.

Phần 2: Lấy đối xứng phần của (C) nằm bên phải trục tung qua trục tung.

Dựa vào đồ thị hình bên suy ra PT có 6 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi $4 < m < 5$.



Câu 5. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm là .

$$\frac{x+3}{x+1} = 2x+m \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ g(x) = 2x^2 + (m+1)x + m-3 = 0 \end{cases}$$

Để d cắt (C) tại 2 điểm phân biệt thì $g(x) = 0$ có 2 nghiệm phân biệt khác -1 .

$$\text{Khi đó } \begin{cases} \Delta_{g(x)} = (m+1)^2 - 8(m-3) > 0 \\ g(-1) = -2 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \in \square .$$

Gọi $M(x_1; 2x_1 + m); N(x_2; 2x_2 + m)$ theo Viet ta có:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-m-1}{2} \\ x_1 x_2 = \frac{m-3}{2} \end{cases}.$$

Mặt khác $MN^2 = 5(x_1 - x_2)^2 = 5[(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2] = \frac{5}{4}(m^2 - 6m + 25) = \frac{5}{4}[(m-3)^2 + 16] \geq 20$

Dấu bằng xảy ra $\Leftrightarrow m = 3$. Vậy $MN_{\min} \Leftrightarrow m = 3$.

Câu 6. Chọn đáp án B

Phương trình hoành độ giao điểm là $\frac{x^2-1}{x} = -x+m \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 0 \\ g(x) = 2x^2 - mx - 1 = 0 \end{cases}$

Để d cắt (C) tại 2 điểm phân biệt thì $g(x) = 0$ có 2 nghiệm phân biệt khác 0

Khi đó $\begin{cases} \Delta_{g(x)} = m^2 + 8 > 0 \\ g(-1) = -1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \in \mathbb{R}$. Gọi $A(x_1; -x_1 + m); B(x_2; -x_2 + m)$ theo Viet $\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{m}{2} \\ x_1 x_2 = -\frac{1}{2} \end{cases}$.

Ta có: $AB^2 = 2(x_1 - x_2)^2 = 2[(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2] = \frac{1}{2}(m^2 + 8) = 16 \Leftrightarrow m^2 = 24 \Leftrightarrow m = \pm 2\sqrt{6}$.

Câu 7. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm của d và (C) là:

$$|2x^4 - 4x^2 + 1| = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x^4 - 4x^2 + 1 = 1 \\ 2x^4 - 4x^2 + 1 = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2(x^2 - 2) = 0 \\ 2(x^2 - 1)^2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0; x = \pm\sqrt{2} \\ x = \pm 1 \end{cases}.$$

Vậy d và (C) cắt nhau tại 5 điểm phân biệt.

Câu 8. Chọn đáp án D

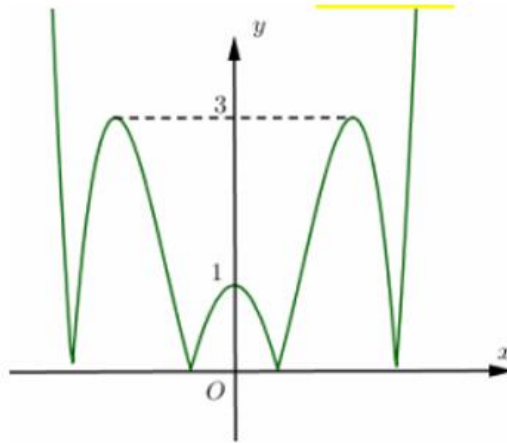
Gọi (C_1) là đồ thị hàm số $y = x^4 - 4x^2 + 1$.

Khi đó đồ thị hàm số $(C): y = |x^4 - 4x^2 + 1|$ gồm 2 phần.

Phần 1: Là phần của (C_1) nằm phía trên trục Ox .

Phần 2: Lấy đối xứng phần của (C_1) nằm dưới Ox qua Ox

Dựa vào đồ thị hình bên suy ra d cắt (C) tại 4 điểm phân biệt $\Leftrightarrow \begin{cases} m-1=0 \\ m-1=3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m=1 \\ m=4 \end{cases}$.



Câu 9. Chọn đáp án A

Gọi (C_1) là đồ thị hàm số $y = x^3 - 6x^2 + 9x$.

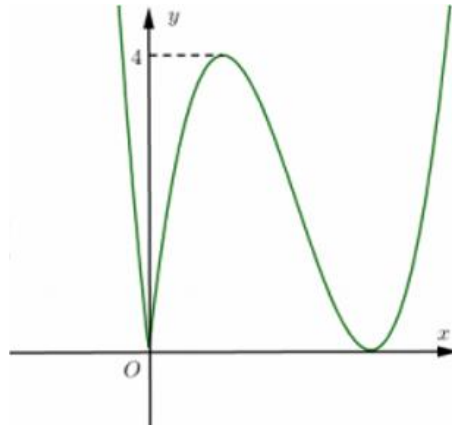
Khi đó đồ thị hàm số $(C): y = |x^3 - 6x^2 + 9x|$ gồm 2 phần.

Phần 1: Là phần của (C_1) nằm phía trên trục Ox .

Phần 2: Lấy đối xứng phần của (C_1) nằm dưới Ox qua Ox .

Dựa vào đồ thị hình bên suy ra d cắt (C) tại 2 điểm phân biệt

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2m - m^2 = 0 \\ 2m - m^2 > 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0, m = 2 \\ m^2 - 2m + 4 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = 2 \end{cases}.$$



Câu 10. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và Ox là $x^3 - 3x + m + 1 = 0$.

Xét hàm số $f(x) = x^3 - 3x + m + 1$, ta có $f'(x) = 3x^2 - 3$, $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1$.

Khi đó $y(1) = m - 1$, $y(-1) = m + 3$. Để (C) cắt Ox tại ba điểm phân biệt $\Leftrightarrow y(1) \cdot y(-1) < 0$

$\Leftrightarrow (m - 1)(m + 3) < 0 \Leftrightarrow -3 < m < 1$ là giá trị cần tìm.

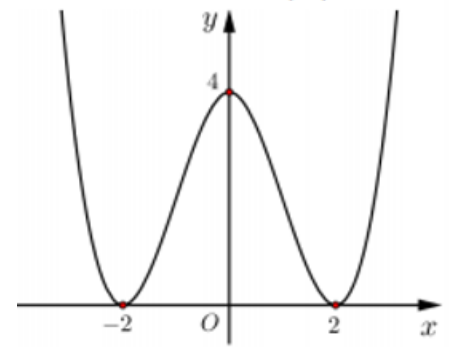
Câu 11. Chọn đáp án A

Xét hàm số $y = |x|^3 - 3x^2 + 4 = |x|^3 - 3|x|^2 + 4 = f(|x|)$, với $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$ có đồ thị (C) .

Vẽ đồ thị hàm số $f(|x|)$ như sau:

- **P1.** Giữ nguyên phần đồ thị (C) phía bên phải trục Oy .
- **P2.** Lấy đối xứng phần đồ thị (C) phía bên phải trục tung qua trục tung \longrightarrow đồ thị hàm số như hình vẽ bên.

Dựa vào đồ thị hàm số, để đường thẳng d và đồ thị (C) có ít nhất hai điểm chung khi và chỉ khi $4m - m^2 \geq 0 \Leftrightarrow 0 \leq m \leq 4$.



Câu 12. Chọn đáp án D

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và (d) là $\frac{x}{x-1} = -x + m \Leftrightarrow \begin{cases} x-1 \neq 0 \\ x = (m-x)(x-1) \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ x = mx - m - x^2 + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ x^2 - mx + m = 0 \quad (*) \end{cases}. \text{Đặt } f(x) = x^2 - mx + m.$$

Đề (C) cắt (d) tại hai điểm phân biệt khi và chỉ khi (*) có hai nghiệm phân biệt khác 1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(1) \neq 0 \\ \Delta_{(*)} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - m + m \neq 0 \\ m^2 - 4m > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 4 \\ m < 0 \end{cases} \Rightarrow m \in (-\infty; 0) \cup (4; +\infty) \text{ là giá trị cần tìm.}$$

Câu 13. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và (d) là $\frac{2x-1}{x+1} = mx + m - 1$.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \neq 0 \\ 2x-1 = (x+1)(mx+m-1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ mx^2 + (2m-3)x + m = 0 \quad (*) \end{cases}. \text{Đặt } f(x) = mx^2 + (2m-3)x + m.$$

Đề (C) cắt (d) tại hai điểm phân biệt khi và chỉ khi (*) có hai nghiệm phân biệt khác -1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m \neq 0 \\ f(-1) \neq 0 \\ \Delta_{(*)} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \neq 0 \\ m - (2m-3) + m \neq 0 \\ (2m-3)^2 - 4m^2 > 0 \end{cases} \Rightarrow m \in \left(-\infty; \frac{3}{4}\right) \setminus \{0\} \text{ là giá trị cần tìm.}$$

Câu 14. Chọn đáp án D

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và (d) là $\frac{2x+3}{x+2} = x + 2m \Leftrightarrow \begin{cases} x+2 \neq 0 \\ 2x+3 = (x+2)(x+2m) \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -2 \\ 2x+3 = x^2 + 2x + 2mx + 4m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -2 \\ x^2 + 2mx + 4m - 3 = 0 \quad (*) \end{cases}. \text{Đặt } f(x) = x^2 + 2mx + 4m - 3.$$

Đề đồ thị (C) cắt đường thẳng (d) khi và chỉ khi (*) có nghiệm khác -2.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(-2) \neq 0 \\ \Delta_{(*)} \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (-2)^2 + 2m(-2) + 4m - 3 \neq 0 \\ m^2 - 4m + 3 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 3 \\ m \leq 1 \end{cases} \text{ là giá trị cần tìm.}$$

Câu 15. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và d là $\frac{x+2}{x+1} = kx + m \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ kx^2 + (m+k-1)x + m-2 = 0 \end{cases}$

Xét phương trình $f(x) = kx^2 + (m+k-1)x + m-2 = 0$ (*).

Ta có $\Delta_{(*)} = (m+k-1)^2 - 4k(m-2) = m^2 - 2(k+1)m + k^2 + 6k + 1$.

Xét phương trình $\Delta_{(*)} = 0$, có $\Delta' = (k+1)^2 - k^2 - 6k - 1 = -2k$.

Với $\Delta' = -2k < 0 \Leftrightarrow k > 0$ suy ra $\Delta_{(*)} > 0; \forall m, k \in \mathbb{R}$ và $f(-1) \neq 0$ nên (*) có hai nghiệm phân biệt.

Vậy $k > 0$ thì đường thẳng d và đồ thị (C) luôn có hai điểm chung.

Câu 16. Chọn đáp án C

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và (d) là $\frac{x-3}{x+1} = x-2m \Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \neq 0 \\ x-3 = (x+1)(x-2m) \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \neq 0 \\ x-3 = x^2 + x - 2mx - 2m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x^2 - 2mx - 2m + 3 = 0 \end{cases}$ (*). Đặt $f(x) = x^2 - 2mx - 2m + 3$.

Để (C) cắt (d) tại hai điểm phân biệt khi và chỉ khi (*) có hai nghiệm phân biệt khác -1

$\Leftrightarrow \begin{cases} f(-1) \neq 0 \\ \Delta_{(*)} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - 2m(-1) - 2m + 3 \neq 0 \\ 4m^2 - 4(3 - 2m) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4m^2 + 8m - 12 > 0 \\ m > 1 \\ m < -3 \end{cases} \quad (1).$

Khi đó, gọi x_1, x_2 lần lượt là hoành độ giao điểm của (C) và (d) .

Theo giả thiết, ta có $\begin{cases} x_1 + x_2 > 0 \\ x_1 x_2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2m > 0 \\ 3 - 2m > 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 < m < \frac{3}{2} \quad (2).$

Từ (1), (2) suy ra $1 < m < \frac{3}{2} \Rightarrow m \in \left(1; \frac{3}{2}\right)$ là giá trị cần tìm.

Câu 17. Chọn đáp án A

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và (d) là $\frac{x+2}{x+1} = -\frac{1}{2}x + m = \frac{2m-x}{2}$.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \neq 0 \\ 2(x+2) = (x+1)(2m-x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x^2 - (2m-3)x - 2m+4 = 0 (*) \end{cases} .$$

Đặt

$$f(x) = x^2 - (2m-3)x - 2m+4$$

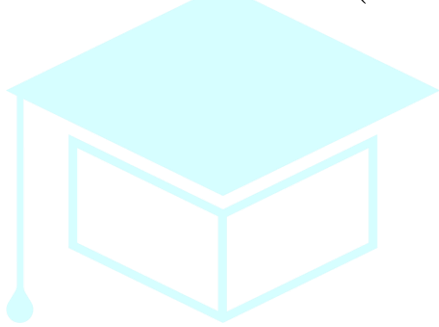
Đề (C) cắt (d) tại hai điểm phân biệt khi và chỉ khi (*) có hai nghiệm phân biệt khác -1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(-1) \neq 0 \\ \Delta_{(*)} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - (2m-3) \cdot (-1) - 2m+4 \neq 0 \\ (2m-3)^2 - 4(4-2m) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > \frac{1}{2}(1+2\sqrt{2}) \\ m < \frac{1}{2}(1-2\sqrt{2}) \end{cases} (1).$$

Khi đó, gọi x_1, x_2 lần lượt là hoành độ giao điểm của (C) và (d).

Theo giả thiết, ta có $x_1 x_2 < 0 \Leftrightarrow 4 - 2m < 0 \Leftrightarrow m > 2$ (2).

Từ (1), (2) suy ra $m > 2 \Rightarrow m \in (2; +\infty)$ là giá trị cần tìm.



ADOBA