Die Fourier Synthese

Jede periodische Funktion läßt sich in eine Reihe aus sin- und cos-Termen entwickeln (Fourierreihe)

$$f(t) = \sum_{k=0}^{\infty} (A_k \cos(\omega_k t) + B_k \sin(\omega_k t)) \qquad mit \quad \omega_k = \frac{2\pi k}{T}$$

$$A_k = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} f(t) \cos(\omega_k t) dt \qquad mit \quad A_0 = \frac{1}{T} \int f(t) dt$$

$$B_k = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} f(t) \sin(\omega_k t) dt \qquad mit \quad B_0 = 0$$

Charakteristisch für eine periodische Funktion ist ihr Frequenzspektrum, das die Amplituden A_k und Phasen φ_k als Funktion der Frequenz darstellt. Die Frequenz ω wird dabei als Grundfrequenz und die Vielfachen dieser Frequenz werden als Oberwellen bezeichnet.

Mit dem von J. Berkemeier geschriebenen Programm Fouriersynthese können Sie periodische Funktionen aus 17 Amplituden und Phasen zusammenbauen. Das Programm ist unter dem Link https://www.j-berkemeier.de/Fouriersynthese.html zu finden.

Literaturhinweise

- I.N. Bronstein, K.A. Semendjajew, Taschenbuch der Mathematik
- T. Butz, Fouriertransformation für Fußgänger, Teubner 2000

Aufgabe

- Berechnen Sie die Fourierkoeffizienten der Funktion $f(x) = |\sin x|$ und stellen Sie die Funktion und das Frquenzspektrum mit dem Programm Fouriersynthese dar.
- Berechnen Sie die Fourierkoeffizienten der Funktion f(x) = x für $-\pi < x < \pi$ und stellen Sie die Funktion und das Frequenzspektrum mit dem Programm Fouriersynthese dar.