

Assignment 2

① Xét kích thước dữ liệu đầu vào và bậc tăng tốc.

Bài 8:

$$\begin{aligned}
 a) \quad \frac{T(3n)}{T(n)} &\approx \frac{3n \log(2.3n)}{n \log 2n} \\
 &\approx \frac{3n (\log 2n + \log 3)}{n \log 2n} \\
 &= 3 + \frac{3 \log 3}{\log 2n}
 \end{aligned}$$

$$b) \quad \frac{T(3n)}{T(n)} \approx \frac{3n}{n} = 3$$

$$c) \quad T(2n)^3$$

$$d) \quad \frac{T[(3n)^3]}{T n^3} \approx \frac{27n^3}{n^3} = 27$$

$$e) \quad \frac{T(3n)}{T n!} = \frac{1.2.3 \dots n \dots (3n-1) 3n}{1.2 \dots n}$$

$$= (n+1) \dots 3n$$

$$f) \quad \frac{T(2^{3n})}{T(2^n)} = \frac{(2^n)^3}{2^n} = (2^n)^2 = 4^n$$

Bài 4:

a) TH tốt nhất: cần 2 lần lấy (do cả 2 đều ứng màu, ứng chiều)

TH tệ: cần ~~20~~¹² lần lấy.

(11 lần cùng chiều, 1 lần ngược chiều).

Do có 1 đôi găng tay, do đó chắc chắn (.) 12 lần sẽ có ít nhất 1 cặp găng tay hợp lệ.

b) $n(\Omega) = \binom{10}{2} = 45$

TH: tốt nhất. Chọn 2 chiếc tất vào ứng 1 đôi, như vậy ta có 5 cách chọn.

$$P(\text{best-case}) = \frac{C_5^1}{C_4^2} = \frac{5}{45} = \frac{1}{9}$$

TH₂ tệ nhất: 2 chiếc tất ở 2 đôi \neq nhau.

$$P(\text{worst-case}) = 1 - P(\text{best-case})$$

$$= 1 - \frac{1}{9} = \frac{8}{9}$$

Date

No.

• Số cặp nên mong đợi () TH trung bình (kỳ vọng)

$$E X = \sum x p(x)$$

$$= 0 \cdot P(X=0) + 1 \cdot P(X=1) + 2 \cdot P(X=2) + \cancel{3 \cdot P(X=3)}$$

$$+ 3 \cdot P(X=3) + 4 \cdot P(X=4) + 5 \cdot P(X=5)$$

$$= 0 + 0 + 0 + 3 \cdot \frac{8}{9} + 4 \cdot \frac{1}{9}$$

$$= \frac{28}{9} \approx 3,11 \text{ (đôi)}.$$

Bài 3: Tìm kiếm tuần tự (Sequential Search)

⊗ TH tốt nhất (best-case)

- Phần tử cần tìm kiếm nằm ở đầu d/s.

$$\Rightarrow O(1)$$

• TH xấu nhất (worst-case)

- Phần tử cần tìm kiếm nằm ở cuối d/s.

$$\Rightarrow O(n)$$

Tuy nhiên, đây mới chỉ giả định rằng phần tử cần tìm xuất hiện 1 lần (.) d/s.

TH phần tử cần tìm xuất hiện k lần (.) d/s, và đều ở cuối mảng, ta cần ~~1~~ $n-k+1$ lần duyệt.

\Rightarrow Độ phức tạp $O(n-k)$ với k là số lần xuất hiện của phần tử cần tìm kiếm.

• TH TB (Average-case)

Gọi $S_i, i = \overline{1, n}$ là số lần duyệt cần thiết để tìm thấy phần tử thứ i.

$k_j, j = \overline{1, n}$ là số lần xuất hiện của phần tử thứ j trong d/s.

TH đơn giản: Mỗi phần tử (.) d/s chỉ xuất hiện 1 lần.

\Rightarrow Số lần duyệt TB là:

$$C_{avg} = \frac{1+2+3+\dots+n}{n} = \left(\frac{n+1}{2}\right).$$

$$\Rightarrow O\left(\frac{n+1}{2}\right).$$

TH tổng quát: mỗi phần tử i xuất hiện k_j lần.

Gọi X_S để tìm được phần tử i ở lần đầu tiên là p .

giả sử mỗi phần tử i xuất hiện k_j lần. Khi đó ta chỉ cần tìm phần tử i đầu tiên, sau đó thoát khỏi vòng lặp mà ~~cần duyệt hết từ $k_j - 1$~~

phần tử phía sau sẽ ~~k~~ cần tìm nữa.

Gọi X_S tìm được phần tử i lần đầu tiên ở vị trí đầu tiên là p

$\Rightarrow X_S$ tìm thấy ở lần đầu tiên sẽ là $1-p$

$$C_{avg} = \left[\frac{1.p + 2.p + \dots + n.p}{n} \right] + n.(1-p)$$

$$= \frac{p}{n} \cdot \frac{n(n+1)}{2} + n(1-p)$$

\Rightarrow Số lần tìm phần tử i sẽ là

$$C_{avg} = \frac{p}{n} \cdot \frac{n(n+1)}{2} + n(1-p)$$

p : X_S tìm được phần tử đó ở vị trí đầu tiên