非厄米对称性分类

李成蹊

1 对称性

对于厄米系统而言,内禀对称性属于 AZ 对称类:时间反演对称 (TRS)、粒子-空穴对称 (PHS) 以及手征对称 (CS) 都是幺正的。这些对称性得到了厄米系统拓扑绝缘体和拓扑超流体的 10 重对称类。另一方面,即使存在非厄米性,AZ 对称性是否完全描述了所有的内部对称性也不是无关紧要的。事实上 PHS 是用转置来定义的并且不能再用复共轭来描述非厄米的 BdG哈密顿,因为复数共轭和置换有区别。相应地,CS 与子格对称 (SLS) 并不一致,尽管它们在厄米性存在时是等价的。因此,对称类的总数如下文所示为 38 个,每个对称类都描述了内蕴的非厄米拓扑相和非厄米随机矩阵。

1.1 对称性的分化与统一

在我们详细描述 38 种对称性之前,我们总结一下非厄米物理中对称性质的变化。事实上,非厄米性以一种基本的方式分化和统一了对称性。首先为了看到对称性分化,我们考虑 PHS 作为一个例子。对于厄米系统,PHS 被定义为

$$CH^*C = -H \tag{1}$$