

Определение коэффициента вязкости глицерина

Роман Ухоботов, Николай Грузинов

Цель работы

Определить коэффициент вязкости жидкости (глицерина) при помощи исследования падающих в нем тел.

Используемое оборудование

1. Мерный цилиндр с глицерином
2. Набор калиброванных шариков из стали и свинца
3. Измерительные приборы — весы, микрометр, линейка
4. Оборудование для съёмки — камера телефона и фонарь

Теория

Для падения тел сферической формы в вязких жидкостях действует формула Стокса:

$$F(v) = -6\pi r\eta v$$

Поэтому II закон Ньютона для шарика с установившейся скоростью выглядит следующим образом:

$$mg = 6\pi r\eta v + \rho g V$$

Выразим из него вязкость глицерина:

$$\eta = \frac{mg - \rho g V}{6\pi r v}$$

Мгновенную скорость шариков мы сможем без проблем получить из видео, но нужно понять, как быстро она устанавливается. Попробуем грубо это оценить.

Так выглядит II закон Ньютона для шарика в произвольный момент падения, вертикальная ось направлена вверх:

$$ma = -6\pi\eta rv - \rho g \frac{\pi d^3}{6} + mg$$

Решив дифференциальное уравнение относительно скорости, мы получаем:

$$\tau = \frac{m}{6\pi r\eta} \ln \left(\frac{mg - \rho g V - 6\pi r\eta v_0}{mg - \rho g V - 6\pi r\eta v} \right)$$

Так по абсолютно любой скорости мы узнаем момент времени, в который падающий шарик её имеет.

Ожидания от наблюдений

Мы предполагаем, что установившаяся скорость шарика будет зависеть от параметров самого шарика, а вязкость глицерина будет одинаковой независимо от наблюдаемого шарика.

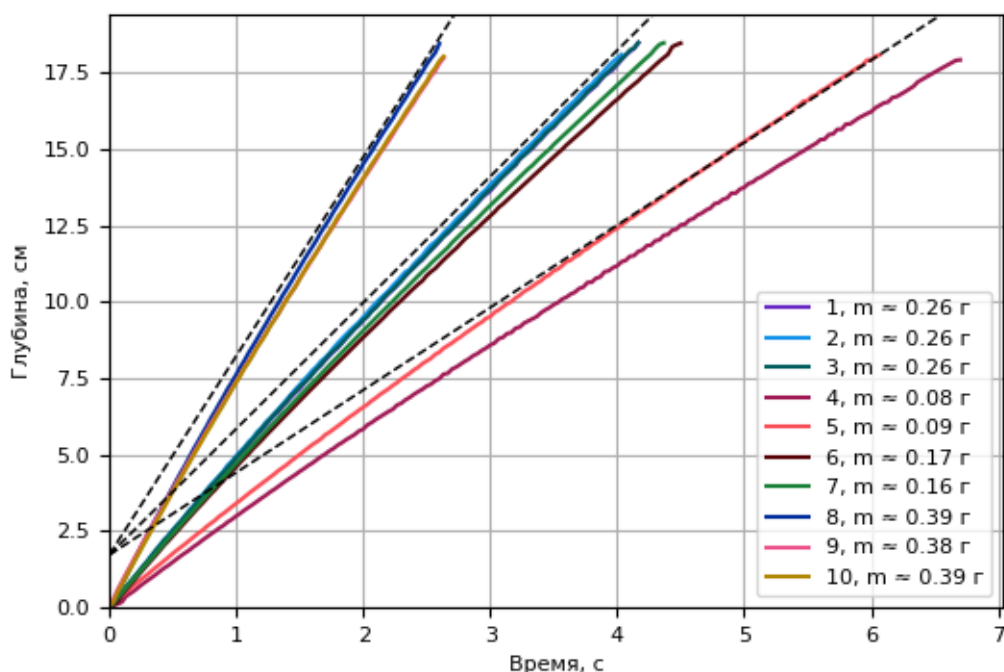
Методика измерений

Мы решили, что точнее всего получится проанализировать видео падающего шарика с помощью алгоритма, чтобы установить его скорость и, соответственно, вязкость жидкости. Проведем эксперимент 10 раз, используя 3 стальных и 7 свинцовых шаров трёх разных размеров:

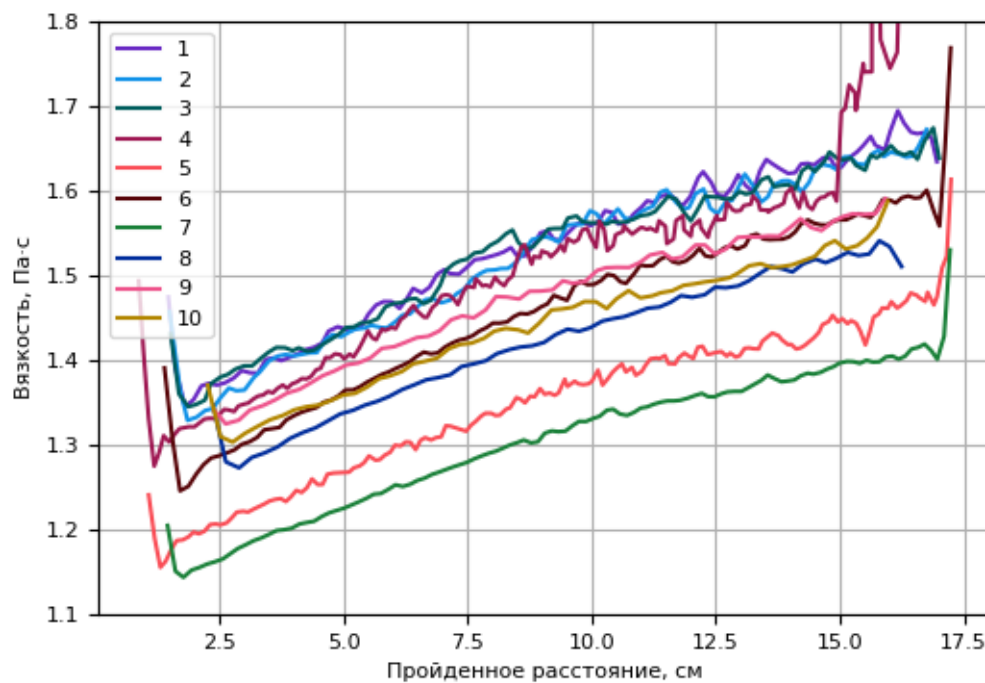
Number	Diameter (mm)	Mass (g)
1	3.972	0.2570
2	3.974	0.2575
3	3.964	0.2556
4	2.181	0.0834
5	2.430	0.0929
6	2.984	0.1705
7	3.003	0.1584
8	4.042	0.3882
9	4.013	0.3824
10	4.098	0.3864

Далее поочерёдно бросаем шарики в глицерин, записывая всю картину на видео. Полученную из видео зависимость позиции шариков от времени мы выложили [здесь](#).

На построенном по ним графике (ниже) отчётливо видно разделение кривых на 3 группы: сверху зависимость, характерная большим свинцовым шаром (8-10), снизу малым свинцовым шаром (4-5), а средние свинцовые (6-7) и стальные шары (1-3) слились в одну группу посередине.



Давайте предположим, что скорость устанавливается очень быстро. Тогда мы сможем построить и проанализировать данные о вязкости в любом положении шариков:



Теперь, прежде чем делать какие-либо выводы, попробуем рассчитать, как быстро устанавливается скорость на самом деле.

Расчёт