web-страница djvu-документ

Физический смысл универсальной газовой постоянной

И. К. Белкин, $Keanm^1$, 1983, № 10, 37.

Уравнение состояния идеального газа (уравнение Менделеева—Клапейрона)

$$pV = \frac{m}{M}RT$$

содержит универсальную газовую постоянную R. Она, как известно, равна произведению двух других постоянных — числа Авогадро $N_{\rm A}$ и постоянной Больцмана k:

$$R = N_{\rm A}k$$
.

Постоянные $N_{\rm A}$ и k имеют ясный смысл: $N_{\rm A}$ — это число молекул или атомов в единице количества вещества, то есть моле; k — постоянная, определяющая связь между температурой в кельвинах и температурой в единицах энергии. Но определенный физический смысл (быть может, многим он покажется неожиданным) имеет и комбинация $N_{\rm A}$ и k — постоянная R.

Представим себе, что 1 моль идеального газа находится в сосуде с подвижным поршнем и что подводом тепла к нему или отводом тепла от него его температуру изменяют на 1 кельвин. Благодаря тому, что сосуд закрыт подвижным поршнем, давление газа будет оставаться постоянным (и равным внешнему давлению).

Напишем уравнение состояния газа до и после нагревания:

до нагревания $pV_1 = RT$,

после нагревания $pV_2=R(T+\Delta T),$ где $\Delta T=1$ К. Вычтя первое равенство из второго, мы получим

$$p(V_2 - V_1) = RT + R\Delta T - RT = R\Delta T.$$

Левая часть этого равенства представляет собой работу, совершаемую силой давления газа (или внешней силой против силы давления), когда при постоянном давлении p объем газа увеличивается (или уменьшается) от V_1 до V_2 . Следовательно, газовая постоянная R равна работе, которую совершает 1 моль идеального газа, расширяясь при нагревании на 1 K при постоянном давлении.

Разумеется, при изобарном охлаждении 1 моля газа на 1 K такую же работу совершает внешняя сила, действующая на поршень.

 $^{^{1}}$ «Квант» — научно-популярный физикоматематический журнал Российской академии наук.