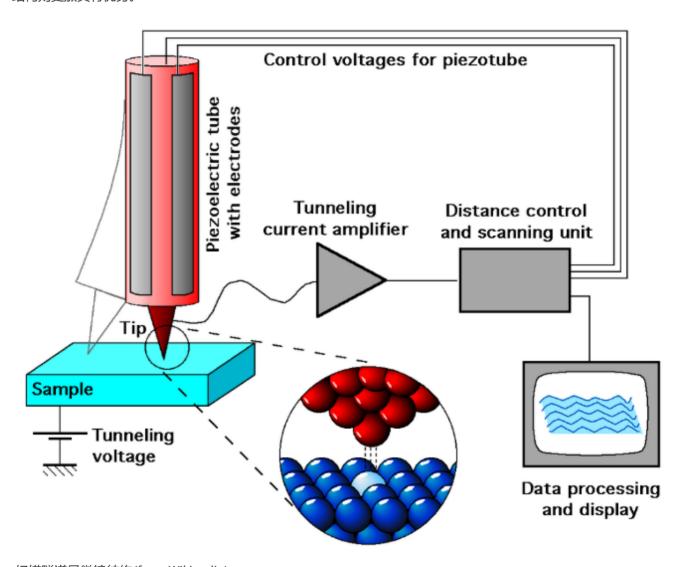
Isoenergy

扫描隧道显微镜散射解金属等能面。

提示:如果你无法渲染其中的公式,请阅读 README.pdf,两者内容相同。

大作业简介

探索晶体材料的新奇电子结构是凝聚态物理学的重要课题之一。扫描隧道显微学(Scanning tunneling microscopy, STM)与隧道谱学(Scanning tunneling spectroscopy, STS)能够直接测量材料表面原子晶格结构与能态密度(Density of states, DOS)。该测量方法对于探究材料表面态(Surface state)或石墨烯等层状材料的准二维电子结构则更加具有优势。

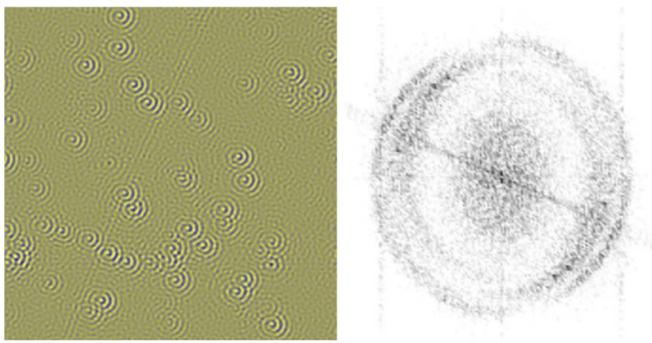


扫描隧道显微镜结构(from Wikipedia)

通常认为扫描隧道显微镜(Scanning tunneling microscope, STM)探测到的都是实空间(Real-space)的信号,要想得到倒空间(k-space)的信息还得依赖于其它具有动量分辨能力的测量手段。

例如,角分辨光电子谱(Angle-resolved Photoemission Spectroscopy, ARPES)是一种能直接获得电子动量与能量的测量方法。人们为了同时获得时空间与动量空间的信息,发展出了傅里叶变换隧道谱学(Fourier Transform STS, FT-STS)的方法,能够从STM 测到的实空间图像中获得动量空间的信息,进而得到能带结构等重要信息。那么FT-STS 的基本原理是怎样的呢?我们通过 STM 测量样品在某个能量上各处的局域能态密度(Local DOS)。当样品上有杂质时(真实材料中往往如此),该处的波函数将被散射。由于该散射过程通常是相干的,入射波与反射波将相干叠加形成驻波,对局域能态密度形成调制,所形成的波纹状图案通常被称为准粒子干涉(Quasiparticle Interference, QPI)图样。

总之,动量空间中的信息通过散射过程投射到了实空间的数据中。通过对时空间图像进行傅里叶变换,我们将能得到驻波的波矢信息,进而推断出等能面(Isoenergic Surface)的结构。



铜表面二维电子气的 QPI 图样及其 FFT [Nat. Commun. 6, 8691 (2015)]

利用对 QPI 分析,人们研究了石墨烯(Graphene) [Science 317, 219–222 (2007)],铜氧化物高温超导体(High-Tc Cuprate Superconductors)[Science 297, 1148–1151 (2002)]、铁基超导体(Fe-based Superconductors)[Nat. Commun. 7, 10565 (2016)]等新奇材料的电子结构,极大促进了人类对物质世界的认识与理解。

本大作业旨在同学们掌握通过局域态密度图(Local DOS Map)得到二维等能面结构(Isoenergic Surface)的基本原理与相关数据处理方法。分为两个步骤进行,这是是大作业的第一步,利用假设的动量空间等能面结构,生成中心散射点(两种不同类型的杂质)附近区域的局域态密度图,即 QPI 图样。

数据说明

100份不同的等能面附近的态密度分布,存在 dos-momentum 中。每份数据是一个 HDF5 文件,文件中 /isoE 是一个 (201, 201) 的二维数组,数字代表电子在倒空间中的态密度。其中倒空间的单位为任意值,态密度的归一常数也是任意值: 在本问题中,只有相对强度有明确的物理意义。

输出路径

dos-position 代表普通散射中心的实空间,dos-position/m 代表磁性散射中心的实空间,dos-position/damp 代表衰减的普通散射中心的实空间,dos-position/m/damp 代表衰减的磁性散射中心的实空间。

将以上的路径中 dos-position 替换成 STM,则对应相应输出数据的可视化图。

作业要求 (功能部分)

Makefile

本次作业提供了 Makefile,最终助教也将使用 Makefile 进行测试。需要注意,你在编写所有程序文件时,都应该使用 make 给程序传入的参数(来自 sys.argv),而非硬编码下面提到的任何文件名或文件编号等信息;否则,你可能无法通过测试。

在本目录中运行 make -n 即可看到实际运行的命令,这或许能帮助你开发。

基本要求

作业功能部分(占80分)的基础要求分成以下几个部分,完成各个任务即可拿到相应分数。

任务 (程序名)	分数
scatter.py	40
gimage.py	20
damping.py	20

scatter.py

读取 dos-momentum/%.h5,输出 dos-position/%.h5,其中%代表从 0000 到 0099 的字符串。以 dos-momentum/0023.h5 程序的调用形式为:

其中第一个参数 0 代表普通散射中心模式,即入射波和出射波在散射中心没有相位差。如果第一个参数是 1 ,代表磁性散射中心模式,即入射波和出射波在散射中心有 π 的相位差。

设倒空间的态密度为 $f(\mathbf{k})$, 当散射中心在实空间原点时,实空间的态密度为:

$$D(\mathbf{r}) = \int d\mathbf{k}_1 f(\mathbf{k}_1) \left| \int d\mathbf{k}_2 f(\mathbf{k}_2) (e^{-i\mathbf{k}_1 \mathbf{r}} + e^{-i\mathbf{k}_2 \mathbf{r}}) \right|^2$$
(1)

如果散射中心有磁性,即 sys.argv[1]==1 时,需要给出射波填加一个 π 的相位:

$$D(\mathbf{r}) = \int d\mathbf{k}_1 f(\mathbf{k}_1) \left| \int d\mathbf{k}_2 f(\mathbf{k}_2) (e^{-i\mathbf{k}_1\mathbf{r}} + e^{-i(\mathbf{k}_2\mathbf{r} + \pi)}) \right|^2$$
(2)

gimage.py

读取实空间(当 sys.argv[1]==1)或倒空间(当 sys.argv[1]==0)的二维态密度数组,画出可以表征二维标量场的图形。以 dos-momentum/0023.h5 为例,程序的调用形式为:

1 | python3 gimage.py 0 dos-momentum/0023.h5 p_momentum/0023.png

注意标注横纵坐标的标签、图的标题。

提示: 备选之一为 matplotlib.pyplot.imshow。

damping.py

对理想条件下的散射态密度依距离衰减:

$$D^*(\mathbf{r}) = D(\mathbf{r})e^{-|\mathbf{r}|/L} \tag{3}$$

其中 L=20 为衰减长度, 定为 20 个实空间像素单位。程序的调用形式为:

1 python3 damping.py dos-position/0023.h5 dos-position/damp/0023.h5

dos-position/%.h5

dos-position 各级目录下的 .h5 文件中,都使用名为 /QPI 的 (201,201) 二维数组来存储实空间的 QPI 图样。

提高要求

提高要求为加分项,至多可加20分。你可以自由发挥,可选项为:

- 生成散射点不在图像中心的 QPI 图样。这能为后续作业提供更为丰富的数据集。
- 生成存在多个散射点的 QPI 图样。在真实材料体系中,杂质点的分布通常是随机且相对密集的,即在所测到的 局域态密度图内包含数十个散射中心。生成 QPI 图样时注意要保证入射波与出射波在每一个散射点满足相位要求。
- 为不同散射过程指定不同散射概率。即对于一组 $(\mathbf{k}_1, \mathbf{k}_2)$,其发生概率P依赖于 \mathbf{k}_1 和 \mathbf{k}_2 。而在基本要求中,我们认为不同散射过程是等概率的。可以采用的形式如:

$$P(\mathbf{k}_1, \mathbf{k}_2) = \frac{1}{2} \left(1 - \frac{\mathbf{k}_1 \cdot \mathbf{k}_2}{|\mathbf{k}_1| |\mathbf{k}_2|} \right) \tag{4}$$

或者用矩阵形式进行任意指定。

如果你实现了任何提高要求,请在实验报告中详细说明你的工作,这将作为评分的依据。

作业要求 (非功能部分)

非功能部分的要求详见大作业公告,此部分占20分。