

Tarea 2

Problema 1

Introducción

La catenaria

Su ecuación está dada por

$$y(x) = a \cosh\left(\frac{x - x_0}{a}\right), \quad (1)$$

donde

Metodología

Escogemos $x_0 = 0$ por conveniencia. Por el enunciado sabemos que la diferencia de altura entre el punto medio y un extremo es $H = 7.5$ metros. La distancia horizontal entre estos dos puntos es $L = 10$ metros. Entonces tenemos la ecuación

$$y(L) - y(0) = H \implies F(a) = 0, \quad (2)$$

donde

$$F(a) \equiv a \cosh\left(\frac{L}{a}\right) - a - H. \quad (3)$$

Entonces para encontrar a , debemos encontrar raíces de la función F .

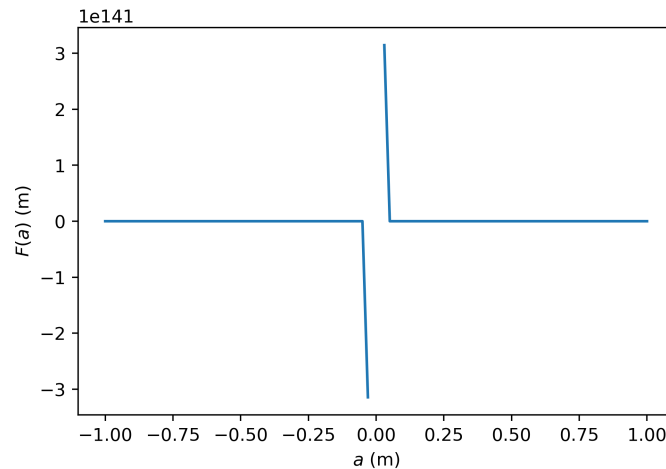


Figura 1: Gráfico de $F(a)$

Viendo el gráfico que hicimos de $F(a)$, está claro que el método de Newton no se debe usar. Se ve, primero, que diverge la función en $a = 0$, lo cual podría causar problemas. Además, la derivada de la función es un número muy pequeño en la zona donde parece haber una raíz de la función. Dadas estas dos cosas, lo mejor parece ser utilizar el método de la bisección, comenzando con dos números positivos para evitar una posible raíz en el lado negativo, y para evitar la divergencia de F .

Resultados

El valor de a encontrado fue Y el largo necesario para la cuerda es

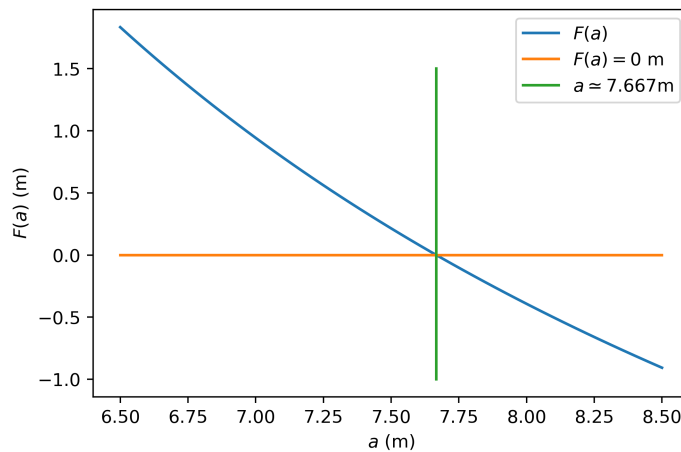


Figura 2: Cero de $F(a)$

Conclusiones

No usamos el método de Newton para encontrar raíces de F porque al tomar su derivada con respecto a a , notamos que $F'(a) = 0$ cuando

$$\tanh\left(\frac{L}{a}\right) = \frac{a}{L} \quad (4)$$

Entonces a pesar de que la convergencia del método de Newton es más rápida que la del método de bisección, este segundo método es más seguro en este caso.

Problema 2

Introducción

Metodología

Resultados

Conclusiones

Mensaje Secreto

“In the beginning the Universe was created. This has made a lot of people very angry and been widely regarded as a bad move.”

– Douglas Adams.

Esto lo encontré en GitHub Desktop, metiéndome a History y buscando en los distintos commits si había un mensaje secreto.