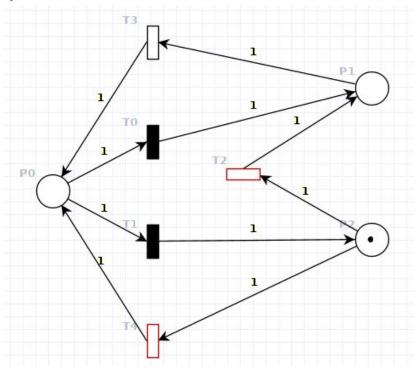
Sieci Petriego - sprawozdanie

Krzysztof Piaskowy

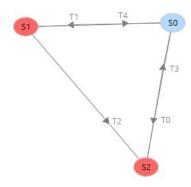
Zadanie 1

Wymyślić własną maszynę stanów, zasymulować przykład i dokonać analizy grafu osiągalności oraz niezmienników j.w.

Schemat analizowanej sieci:



Graf osiągalności przedstawionej sieci:



Osiągalne markowania wyznaczone na podstawie grafu osiągalności:

$$S1 = \{0, 0, 1\}$$

$$S0 = \{1, 0, 0\}$$

$$S2 = \{0, 1, 0\}$$

Maksymalna liczba znaczników w każdym z możliwych znakowań wynosi 1, z tego wynika, że sieć jest 1-ograniczona, z czego wynika również bezpieczna.

Każde przejście w grafie jest połączone krawędziom więc każdy stan jest osiągalny więc sieć jest żywa ze względu na stany jak i na przejścia.

Niezależnie od którego stanu zaczniemy możemy przejść przez całą sieć więc w sieci nie dojdzie do zakleszczeń.

Analiza niezmienników

T-Invariants

| ТО | T1 | T2 | ТЗ | T4 |
|----|----|----|----|----|
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

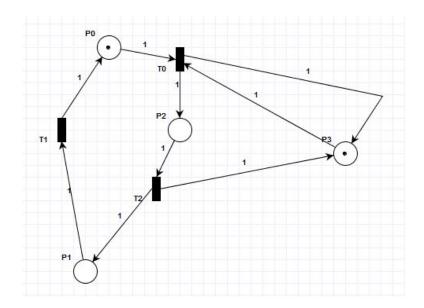
P-Invariants

| P0 | P1 | P2 |
|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 |

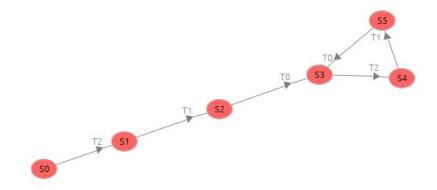
The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

Zadanie 2

Zasymulować sieć jak poniżej.



Graf osiągalności:



Każdy stan jest osiągalny

$$S0 = \{0, 0, 1, 3334\}$$

$$S1 = \{0, 1, 0, 3335\}$$

$$S2 = \{1, 0, 0, 3335\}$$

$$S3 = \{0, 0, 1, w\}$$

$$S4 = \{0, 1, 0, w\}$$

$$S5 = \{1, 0, 0, w\}$$

Nie ma ograniczenia na maksymalną liczbę znaczników.

Zarówno każdy stan jak i każda krawędź jest osiągalna więc sieć jest żywa zarówno ze względu na krawędzie jak i stany.

Sieć jest natomiast odporna na zakleszczenia.

Analiza niezmienników:

T-Invariants

| TO | T1 | T2 |
|----|-----|----|
| 10 | 1 1 | ' |

The net is not covered by positive T-Invariants, therefore we do not know if it is bounded and live.

P-Invariants

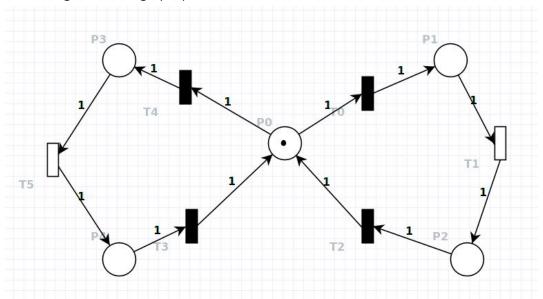
| P0 | P1 | P2 | Р3 |
|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 0 |

The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

Zadanie 3

Zasymulować wzajemne wykluczanie dwóch procesów na wspólnym zasobie. Dokonać analizy niezmienników miejsc oraz wyjaśnić znaczenie równań (P-invariant equations). Które równanie pokazuje działanie ochrony sekcji krytycznej?

Schemat sieci Pertiego dla danego przykładu:



Dwa różne procesy T5 i T1 operują na wspólnym zasobie, czyli tokenie, w danym momencie tylko jeden z nich może posiadać token i móc wykonywać swoje operacje na nim. Następnie musi go zwolnić czyli oddać go do stanu P0. Po zwolnieniu zasobu może go otrzymać ponownie lub może otrzymać go inny proces.

T-Invariants

| ТО | T1 | T2 | ТЗ | T4 | T5 |
|----|----|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

| P0 | P1 | P2 | P3 | P4 |
|----|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

P-Invariant equations

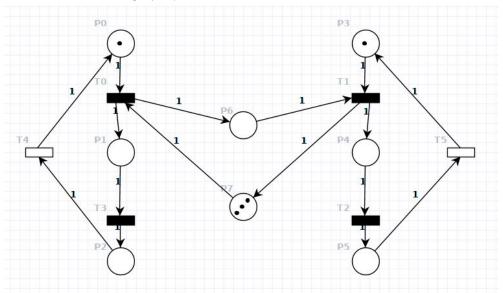
$$M(P0) + M(P1) + M(P2) + M(P3) + M(P4) = 1$$

Równanie niezmiennika miejsca informuje o tym że token może być tylko w jednym z możliwych stanów. Czyli wskazuje to na poprawne działanie sekcji krytycznej, gdyż tylko jeden proces w danym momencie może korzystać z rozważanego zasobu.

Zadanie 4

Uruchomić problem producenta i konsumenta z ograniczonym buforem (mozna posluzyc sie przykladem, menu:file, examples). Dokonać analizy niezmienników. Czy sieć jest zachowawcza ? Które równanie mówi nam o rozmiarze bufora ?

Schemat sieci Petri dla omawianego przykładu:



Analiza niezmienników:

T-Invariants

| ТО | T1 | T2 | ТЗ | T4 | T5 |
|----|----|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

| P0 | P1 | P2 | Р3 | P4 | P5 | P6 | P7 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$

$$M(P3) + M(P4) + M(P5) = 1$$

$$M(P6) + M(P7) = 3$$

Sieć Petriego jest siecią zachowawczą gdy liczba występujących w niej znaczników jest stała.

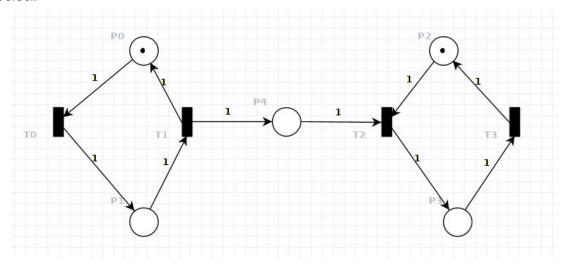
Z równań wynika, że liczba ta jest zachowana.

Natomiast ostatnie równanie mówi o wielkości bufora. Więc bufor jest wielkości 3.

Zadanie 5

Stworzyć symulacje problemu producenta i konsumenta z nieograniczonym buforem. Dokonać analizy niezmienników. Zaobserwować brak pełnego pokrycia miejsc.

Schemat sieci:



Analiza niezmienników:

T-Invariants

| ТО | T1 | T2 | ТЗ |
|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 | 1 |

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

| P0 | P1 | P2 | РЗ | P4 |
|----|----|----|----|----|
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |

The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

P-Invariant equations

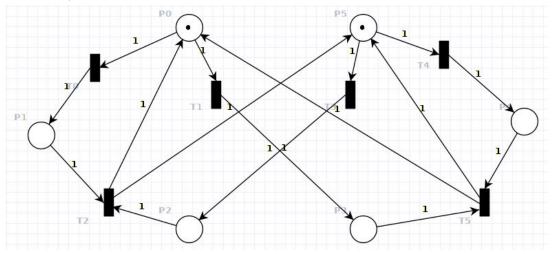
M(P0) + M(P1) = 1

M(P2) + M(P3) = 1

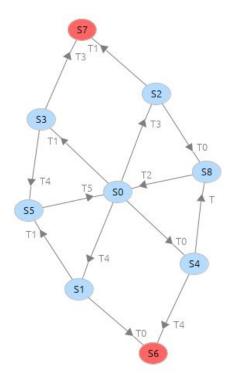
Zadanie 6

Zasymulować prosty przykład ilustrujący zakleszczenie. Wygenerować graf osiągalności i zaobserwować znakowania, z których nie można wykonać przejść. Zaobserwować właściwości sieci w "State Space Analysis". Poniżej przykład sieci z możliwością zakleszczenia (można wymyślić inny):

Rozważana sieć w tym zadaniu:



Graf osiągalności:



Wszystkie stany są osiągalne. Na grafie osiągalności można zaobserwować, że z stanu S7 i S6 nie ma wyjścia.

Znakowania w poszczególnych stanach:

 $S0 = \{1, 0, 0, 0, 0, 1\}$

 $S1 = \{1, 0, 0, 0, 1, 0\}$

 $S2 = \{1, 0, 1, 0, 0, 0\}$

 $S3 = \{0, 0, 0, 1, 0, 1\}$

 $S4 = \{0, 1, 0, 0, 0, 1\}$

 $S5 = \{0, 0, 0, 1, 1, 0\}$

 $S6 = \{0, 1, 0, 0, 1, 0\}$

 $S7 = \{0, 0, 1, 1, 0, 0\}$

Własności sieci:

Petri net state space analysis results



Shortest path to deadlock: T0 T4

Potwierdza to fakt możliwości wystąpienia zakleszczenia.

//linki

http://jedrzej.ulasiewicz.staff.iiar.pwr.wroc.pl/ProgramowanieWspolbiezne/wyklad/Sieci-Petriego15.pdf http://sirius.cs.put.poznan.pl/~inf89721/MiAPB/Nowe/4%20-%20Wprowadzenie%20do%20Sieci%20 Petriego.pdf

 $\underline{\text{http://sirius.cs.put.poznan.pl/}} \\ -\underline{\text{inf89721/MiAPB/MiAPB\%2005\%20-\%20Analiza\%20sieci\%20Petriego.p}} \\ \underline{\text{df}}$

http://galaxy.agh.edu.pl/~kzajac/dydakt/tw/lab9/