## Inferenza con junction trees nei belief networks

Niccolò Piazzesi Anno Accademico 2019/20

## Introduzione

Il progetto è diviso in due sottocartelle:

- in **tree** si trova il codice per la costruzione dei junction tree e l'algoritmo di belief propagation
- in **examples** si trovano gli esempi costruiti a partire da reti presenti nella cartella samples di Hugin

Le reti utilizzate sono state incluse anche nella cartella **hugin\_networks**. In ogni esempio viene eseguita una query su ciascuna variabile aleatoria presente nella rete, mostrando la sua probabilità marginale prima e dopo aver inserito evidenza. La verifica numerica è stata fatta eseguendo la stessa query all'interno di Hugin, controllando che i risultati coincidessero(al netto di piccoli errori di approssimazione).

Per eseguire un determinato esempio, avviare **run\_examples.py** e selezionarlo dal prompt che compare. Ogni esempio può essere rieseguito più volte.

Nella sezione **Risultati** vengono tabulati i dati ottenuti, divisi per ciascun esempio. In ogni tabella vengono mostrate le query eseguite e i risultati ottenuti sia nel programma che in Hugin.

## Risultati

 $\mathbf{N.B}~$  Nelle tabelle le probabilità marginali sono rappresentate come tuple. Se ad esempio ho una variabile binaria v con stati {no, yes} p(v) sarà scritta come (v = no, v=yes).

Icy Roads				
Variabile	P(var)	Evidenza	P(var   evidenza)	P(var   evidenza) in
				Hugin
Icy	(0.3, 0.7)	Holmes=no,	(0.1942, 0.8058)	(0.1942, 0.8058)
		Watson=yes		
Watson	(0.41, 0.59)	Holmes=yes	(0.2356, 0.7644)	(0.2356, 0.7644)
Holmes	(0.41, 0.59)	Icy=no	(0.9, 0.1)	(0.9, 0.1)

Mrs Gibbon				
Variabile	P(var)	Evidenza	P(var   evidenza)	P(var   evidenza) in
				Hugin
Holmes	(0.8199,0.1801)	Watson=yes,	(0.0476, 0.9524)	(0.0476, 0.9524)
		Sprinkler=yes		
Watson	(0.811,0.189)	Gibbon = yes,	(0.8904,1096)	(0.8904,1096)
		Holmes = no		
Rain	(0.9,0.1)	Watson=yes,	(0.0763, 0.9237)	(0.0763, 0.9237)
		Holmes=yes		
Sprinkler	(0.9,0.1)	Holmes=yes	(0.4947, 0.5053)	(0.4947, 0.5053)
Gibbon	(0.811,0.189)	Watson = yes	(0.4338, 0.5662)	(0.4338,0.5662)

Fire				
Variabile	P(var)	Evidenza	P(var   evidenza)	P(var   evidenza) in
				Hugin
Fire	(0.99, 0.01)	Leaving=True,	(0.6333, 0.3667)	(0.6333, 0.3667)
		Alarm=True		
Tampering	(0.98, 0.02)	Report=True,	(0.4992,5008)	(0.4992,5008)
		Smoke=False		
Smoke	(0.9811,0.0189)	Fire=True,	(0.1, 0.9)	(0.1, 0.9)
		Leaving=True		
Alarm	(0.9733, 0.0267)	Report=True,	(0.4687, 0.5313)	(0.4687, 0.5313)
		Smoke = False		
		Report=False,		
	(0.0555.00045)	Fire=True,	(0.0040.040%)	(0.00.40.0.40%)
Leaving	(0.9755, 0.0245)	Tampering=	(0.8342, 0.1658)	(0.8342, 0.1658)
		True		
Report	(0.9719, 0.0281)	Tampering=	(0.6826,03174)	(0.6826,03174)
		False,		
		Smoke=True		

Cancer Neapolitan				
Variabile	P(var)	Evidenza	P(var   evidenza)	P(var   evidenza) in
				Hugin
MC	(0.8,0.2)	ВТ=р,	(0.48, 0.52)	(0.48, 0.52)
		Coma=p		
SC	(0.68, 0.32)	MC=a	(0.8,0.2)	(0.8,0.2)
BT	(0.92,0.08)	MC=p,SH=p	(0.75, 0.25)	(0.75, 0.25)
Coma	(0.656, 0.344)	BT=p,SH=p	(0.25, 0.75)	(0.25, 0.75)
SH	(0.384, 0.6160)	ВТ=р,МС=а	(0.2,0.8)	(0.2,0.8)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> MC = Metastatic Cancer <sup>2</sup> BT = Brain Tumor <sup>3</sup> SC = Serum Calcium <sup>4</sup> SH = Severe Headaches <sup>5</sup> p = present, a = absent

Flood				
Variabile	P(var)	Evidenza	P(var   evidenza)	P(var   evidenza) in
				Hugin
Rain	(0.99,0.01)	Alarm=yes	(0.9892, 0.108)	(0.9892, 0.108)
Burglary	(0.5,0.5)	Alarm=yes,	(0.8221, 0.1779)	(0.8221,0.1779)
		S=no		
Е	(0.9,0.1)	S=1, Burgla-	(0.1565, 0.8435)	(0.1565, 0.8435)
		ry = no		
Flood	(0.99,0.1)	Alarm=yes,	(0.8324, 0.1676)	(0.8324, 0.1676)
		Flood=no		
Alarm	(0.4503, 0.5497)	E=yes	(0.005, 0.995)	(0.005, 0.995)
S	(0.4415, 0.068, 0.4905)	Burglary=no,	(0.49,0.02,0.49)	(0.49,0.02,0.49)
		E=no		

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> E= Earthquake
<sup>2</sup> S= Seismometer
<sup>3</sup> p(alarm) in Hugin ha valori(0.4501,0.5499). Essendo l'errore abbastanza piccolo e non influente sui calcoli successivi è stato scelto di ignorarlo