

Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais - Ciência da Computação

Disciplina: Teoria dos Grafos e Computabilidade

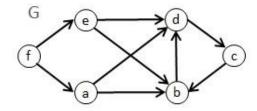
Professor: Zenilton Kleber Gonçalves do Patrocínio Júnior

1ª AVALIAÇÃO - 20 pontos

Nome:

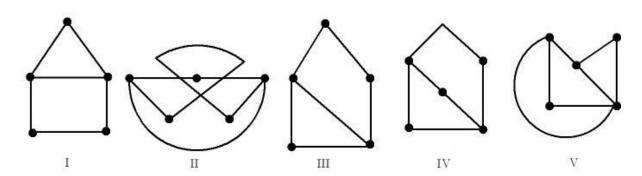
- 1) Considerando um grafo não direcionado simples G = (V, E), indique para cada afirmativa abaixo se ela é verdadeira ou falsa, justificando sua resposta (respostas sem justificativas ou cujas justificativas não sejam adequadas serão desconsideradas): (0.6 + 0.6 + 0.6 + 0.6 + 0.6 + 0.6 = 03 pts)
 - a) O número de vértices com grau ímpar é sempre par.
 - b) O número de vértices com grau par é sempre ímpar.
 - c) Sempre existe algum vértice com grau par.
 - d) Sempre existe algum vértice com grau ímpar.
 - e) O número de vértices de grau ímpar é sempre igual ao número de vértices de grau par.
- 2) Considere o seguinte grafo G = (V, E).

(03 + 01 + 03 = 07 pts)

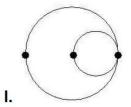


Pede-se:

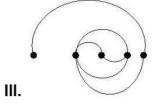
- a) Determine o <u>intervalo de vida de cada um dos vértices</u> a partir da realização de uma <u>busca em profundidade</u> em que tanto as raízes da busca quanto os sucessores dos vértices são selecionados em *ordem lexicográfica*;
- b) Determine, <u>justificando sua resposta</u>, se o **grafo G é conexo ou não**. Caso ele seja conexo, estabelecer, <u>também justificando sua resposta</u> (resposta sem justificativas será desconsiderada):
 - i. se ele é simplesmente conexo, mas não semifortemente conexo; ou
 - ii. se ele é semifortemente conexo, mas não fortemente conexo; ou
 - iii. se ele é fortemente conexo.
- c) Determine os **componentes fortemente conexos** de G utilizando o <u>método de Kosaraju</u> (OBS: é obrigatório demonstrar o método passo a passo).

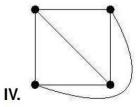


- 4) Determine quais dos seguintes grafos são semi-eurelianos, justificando sua resposta.
- (03 pontos)









5) Forneça um algoritmo (passo a passo) para calcular se um grafo conexo é separável. Apresente um exemplo que ilustre cada uma das etapas do método descrito. (04 pontos)