PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

Campus Lourdes – Inst. de Ciências Exatas e Informática – Ciência da Computação

Fundamentos Téoricos da Computação

Lista de Exercícios N.03 (Valor: 02 pontos)

Entrega: Quarta-feira, 04 de dezembro de 2024 às 23:59

1. Construa uma GI e um diagrama de estados de uma MT padrão para cada uma das seguintes linguagens:

   (a) $\{a^m b^n \mid m \neq n\}$;

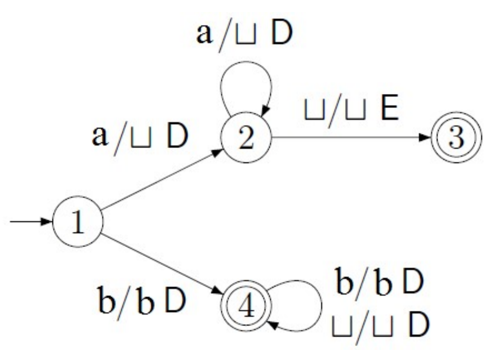
   (b) $\{w \in \{a,b\}^* \mid n_a(w) = n_b(w)\}$, em que $n_s(w)$ representa o número de símbolos s na sentença w;

   (c) $\{a^m b^n c^m d^n \mid m, n \geq 0\}$;

   (d) $\{ww \mid w \in \{a,b\}^*\}$.

2. Mostre como construir uma MT padrão para uma linguagem da forma $\{a^{in+j} \mid n \geq 0\}$ sendo i e j duas constantes quaisquer maiores ou iguais a zero.

3. Considere a seguinte MT $M = (\{1,2,3,4\}, \{a,b\}, \{a,b,\langle,\sqcup\}, \langle, \sqcup, \delta, 1, \{3,4\})$ em que δ contém apenas as transições que estão representadas no diagrama a seguir:



⟨ aaaa... → ⟨ ⊔ a... → ⟨⊔⊔aa...

⟨b → ⟨b⊔

   (a) Para quais palavras essa MT entra em loop?

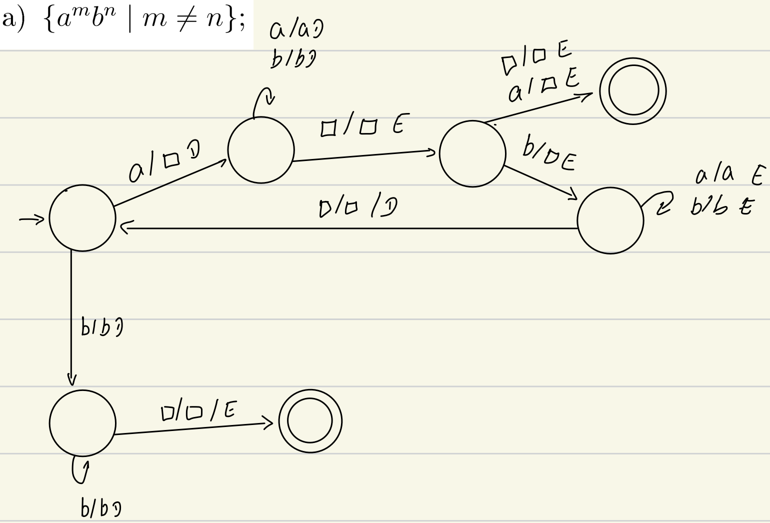
   L(M) = aa*

   (b) Descreva a linguagem que ela reconhece por meio de uma expressão regular.

   (c) Forneça o diagrama de estados de uma MT equivalente que nunca entre em loop.

1. Construa uma GI e um diagrama de estados de uma MT padrão para cada uma das seguintes linguagens:

(a) $\{a^m b^n \mid m \neq n\}$;



$S \to aAb \mid aBb \mid a \mid b$

$A \to aAb \mid aA$

$B \to aBb \mid Bb$

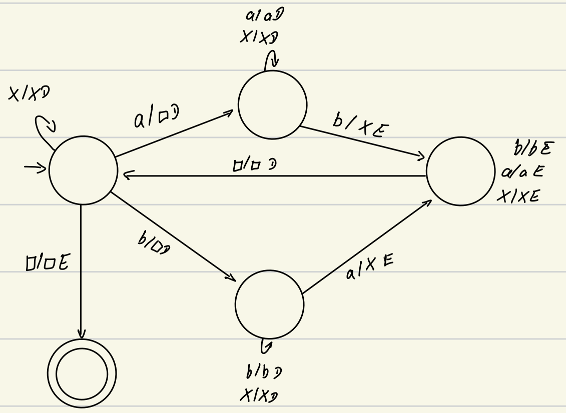
$Ab \to bA$

$aB \to Ba$

$aA \to aa$

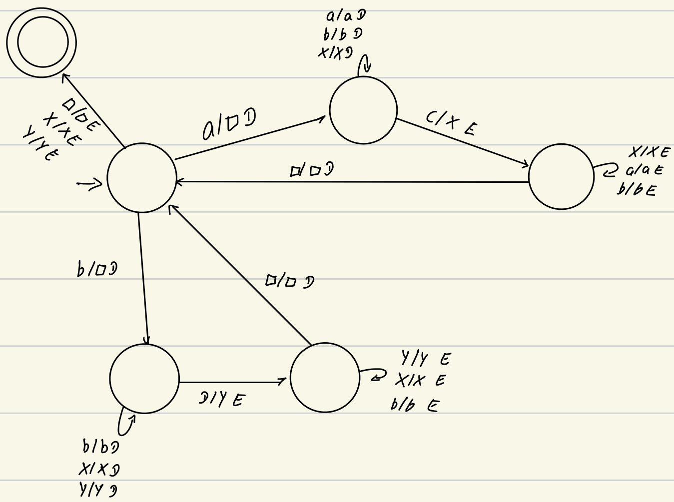
$Bb \to bb$

(b) $\{w \in \{a,b\}^* \mid n_a(w) = n_b(w)\}$, em que $n_s(w)$ representa o número de símbolos s na sentença w;



$S \to aSbS \mid bSaS \mid \lambda$

(c) $\{a^m b^n c^m d^n \mid m, n \geq 0\}$;

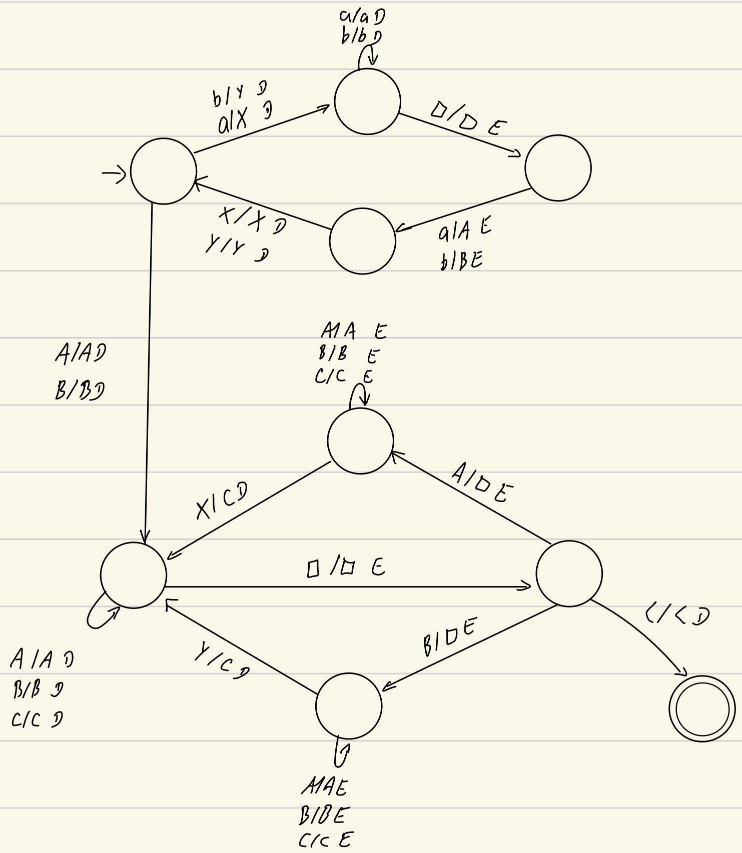


$S \to aSC \mid bSd \mid \lambda \mid XY$

$X \to aXc \mid \lambda$

$Y \to bYd \mid \lambda$

(d) $\{ww \mid w \in \{a,b\}^*\}$.

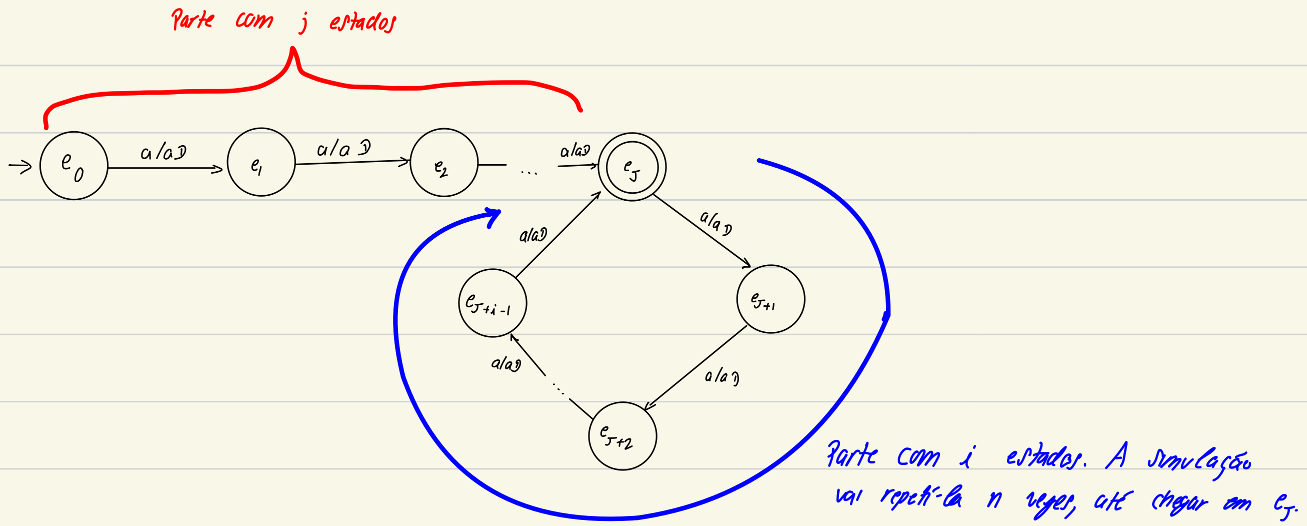


$S \rightarrow XCX$

$X \rightarrow aXa \mid bXb \mid \lambda$

$C \rightarrow aC \mid bC \mid \lambda$

2. Mostre como construir uma MT padrão para uma linguagem da forma $\{a^{in+j} \mid n \geq 0\}$ sendo i e j duas constantes quaisquer maiores ou iguais a zero.



4. Mostre que as seguintes linguagens são decidíveis:

   (a) $\texttt{INFINITA}_{\texttt{AFD}} = \{\langle A \rangle \mid A$ é AFD e $L(A)$ é uma linguagem infinita$\}$;

   (b) $\texttt{TODAS}_{\texttt{AFD}} = \{\langle A \rangle \mid A$ é AFD e $L(A) = \Sigma^*$, em que Σ representa o alfabeto de $A\}$;

   (c) $\texttt{BAL}_{\texttt{AFD}} = \{\langle A \rangle \mid A$ é AFD que aceita alguma sentença no alfabeto $\{0, 1\}$ contendo igual número de 0s e 1s$\}$.

5. Mostre que as seguintes linguagens são indecidíveis (sem utilizar o Teorema de Rice):

   (a) $\texttt{INFINITA}_{\texttt{MT}} = \{\langle M \rangle \mid M$ é MT e $L(M)$ é uma linguagem infinita$\}$;

   (b) $\texttt{TODAS}_{\texttt{MT}} = \{\langle M \rangle \mid M$ é MT e $L(M) = \Sigma^*$, em que Σ representa o alfabeto de $M\}$;

   (c) $\texttt{CONTEM-1001}_{\texttt{MT}} = \{\langle M \rangle \mid M$ é MT e $1001 \in L(M)\}$;

   (d) $\texttt{EQ}_{\texttt{GLC}} = \{\langle G, H \rangle \mid G$ e H são GLCs e $L(G) = L(H)\}$ (na sua prova você poderá usar o fato de que $\texttt{TODAS}_{\texttt{GLC}} = \{\langle G \rangle \mid G$ é GLC e $L(G) = \Sigma^*$, em que Σ representa o alfabeto de $G\}$ é indecidível).