# Fundamentos Teóricos da Computação

- Autômatos Finitos (Parte 02) -

Zenilton Kleber Gonçalves do Patrocínio Jr.

Ciência da Computação – PUC Minas Belo Horizonte, Brasil

2025





## Sumário

- Gramáticas
  - Introdução à Gramáticas
  - Conceitos Básicos
  - Definição
- ② Gramáticas Regulares
  - Gramáticas Lineares
  - Definição
- Equivalência entre Formalismos
  - Introdução
  - AFs  $\leftrightarrow$  GRs
  - AFs  $\leftrightarrow$  ERs
  - GIDs  $\leftrightarrow$  GIEs

#### Introdução à Gramáticas

Expressões regulares e AFs são usados para se especificar e reconhecer linguagens simples (regulares).

Uma outra forma de se especificar (gerar) uma linguagem regular é através de gramáticas. Nesse caso, temos as chamadas Gramáticas Regulares.

As gramáticas ainda podem especificar linguagens mais complexas: Gramáticas Livres de Contexto, Gramáticas Sensíveis ao Contexto e Gramáticas Irrestritas.

#### Símbolos Não-Terminais

São elementos auxiliares na geração de sentenças.

Ex.: S, A, B, Z

#### Símbolos Terminais

São elementos formadores das sentenças (alfabeto).

Ex.: a, b, c,  $\lambda$ 

#### Formas Sentenciais

São palavras formadas por símbolos terminais e não-terminais.

Ex.: aSb, Ac, AbZ

#### Sentenças

São palavras formadas apenas por símbolos terminais

Everach carbas )

#### Símbolos Não-Terminais

São elementos auxiliares na geração de sentenças.

Ex.: S, A, B, Z

#### Símbolos Terminais

São elementos formadores das sentenças (alfabeto).

Ex.: a, b, c,  $\lambda$ 

#### Formas Sentenciais

São palavras formadas por símbolos terminais e não-terminais.

Ex.: aSb, Ac, AbZ

#### Sentenças

São palavras formadas apenas por símbolos terminais

Ev. ach ca haa )

#### Símbolos Não-Terminais

São elementos auxiliares na geração de sentenças.

Ex.: S, A, B, Z

#### Símbolos Terminais

São elementos formadores das sentenças (alfabeto).

Ex.: a, b, c,  $\lambda$ 

#### Formas Sentenciais

São palavras formadas por símbolos terminais e não-terminais.

Ex.: aSb, Ac, AbZ

#### Sentencas

São palavras formadas apenas por símbolos terminais

Ev : ach ca haa \

#### Símbolos Não-Terminais

São elementos auxiliares na geração de sentenças.

Ex.: S, A, B, Z

#### Símbolos Terminais

São elementos formadores das sentenças (alfabeto).

Ex.: a, b, c,  $\lambda$ 

#### Formas Sentenciais

São palavras formadas por símbolos terminais e não-terminais.

Ex.: aSb, Ac, AbZ

#### Sentenças

São palavras formadas apenas por símbolos terminais.

Ex.: acb, ca, baa,  $\lambda$ 

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

Ex.: Dada a regra  $B \to bA$  e a forma sentencial cBc pode-se realizar a seguinte derivação

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

Ex.: Dada a regra  $\mathsf{B} \to \mathsf{b} \mathsf{A}$  e a forma sentencial cBc pode-se realizar a seguinte derivação

 $cBc \Rightarrow cbAc$ 

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

Ex.: Dada a regra B  $\rightarrow$  bA e a forma sentencial cBc pode-se realizar a seguinte derivação

 $cBc \Rightarrow cbAc$ 

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

Ex.: Dada a regra B  $\rightarrow$  bA e a forma sentencial cBc pode-se realizar a seguinte derivação

$$cBc \Rightarrow cbAc$$

## Produção (ou Regra)

É um par ordenado de formas sentenciais em que o lado esquerdo da produção (primeiro elemento do par) pode ser substituído pelo lado direito da mesma (segundo elemento do par).

Ex.: [B, bA] ou B  $\rightarrow$  bA

#### Derivação

É o processo de obtenção de uma forma sentencial a partir de outra, em que os símbolos do lado direito de uma produção (ou regra) substituem aqueles colocados do lado esquerdo da mesma.

Ex.: Dada a regra B  $\rightarrow$  bA e a forma sentencial cBc pode-se realizar a seguinte derivação

$$cBc \Rightarrow cbAc$$

## Observações sobre Notação de Derivação

 $S \Rightarrow w$  significa que w é derivado a partir da variável S em um passo

 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  significa que w é derivado a partir da variável S em zero ou mais passos

## Observações sobre Notação de Derivação

 $S \Rightarrow w$  significa que w é derivado a partir da variável S em um passo

 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  significa que w é derivado a partir da variável S em zero ou mais passos

### Definição – Gramática

- $V \equiv$  conjunto de símbolos não-terminais (ou variáveis)
- $\Sigma \equiv$  conjunto de símbolos terminais (alfabeto),  $V \cap \Sigma = \emptyset$
- $P \equiv$  conjunto de produções (ou regras),  $P \subseteq (V \cup \Sigma)^* V (V \cup \Sigma)^* \times (V \cup \Sigma)^*$
- $S \equiv$  símbolo inicial (ou variável de partida),  $S \in V$

#### Definição - Gramática

- $V \equiv$  conjunto de símbolos não-terminais (ou variáveis)
- $\Sigma \equiv$  conjunto de símbolos terminais (alfabeto),  $V \cap \Sigma = \emptyset$
- $P \equiv$  conjunto de produções (ou regras),  $P \subseteq (V \cup \Sigma)^* V (V \cup \Sigma)^* \times (V \cup \Sigma)^*$
- $S \equiv$  símbolo inicial (ou variável de partida),  $S \in V$

### Definição – Gramática

- ullet  $V\equiv$  conjunto de símbolos não-terminais (ou variáveis)
- $\Sigma \equiv$  conjunto de símbolos terminais (alfabeto),  $V \cap \Sigma = \emptyset$
- $P \equiv$  conjunto de produções (ou regras),  $P \subseteq (V \cup \Sigma)^* V (V \cup \Sigma)^* \times (V \cup \Sigma)^*$
- $S \equiv$  símbolo inicial (ou variável de partida),  $S \in V$

#### Definição – Gramática

- $V \equiv$  conjunto de símbolos não-terminais (ou variáveis)
- $\Sigma \equiv$  conjunto de símbolos terminais (alfabeto),  $V \cap \Sigma = \emptyset$
- $P \equiv$  conjunto de produções (ou regras),  $P \subseteq (V \cup \Sigma)^* V (V \cup \Sigma)^* \times (V \cup \Sigma)^*$
- $S \equiv$  símbolo inicial (ou variável de partida),  $S \in V$

### Definição - Gramática

- $V \equiv$  conjunto de símbolos não-terminais (ou variáveis)
- $\Sigma \equiv$  conjunto de símbolos terminais (alfabeto),  $V \cap \Sigma = \emptyset$
- $P \equiv$  conjunto de produções (ou regras),  $P \subseteq (V \cup \Sigma)^* V (V \cup \Sigma)^* \times (V \cup \Sigma)^*$
- $S \equiv$  símbolo inicial (ou variável de partida),  $S \in V$

# Observações sobre Derivação de Gramática

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in (V \cup \Sigma)^*$  então w é uma forma sentencial

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in \Sigma^*$  então w é uma sentença

## Linguagem Gerada por uma Gramática

Seja uma Gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$ . A linguagem gerada por G é dada por:

$$L(G) = \{ w \in \Sigma^* \mid S \stackrel{*}{\Rightarrow} w \}$$

# Observações sobre Derivação de Gramática

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in (V \cup \Sigma)^*$  então w é uma forma sentencial

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in \Sigma^*$  então w é uma sentença

Linguagem Gerada por uma Gramática

Seja uma Gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$ . A linguagem gerada por G é dada por:

$$L(G) = \{ w \in \Sigma^* \mid S \stackrel{*}{\Rightarrow} w \}$$

## Observações sobre Derivação de Gramática

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in (V \cup \Sigma)^*$  então w é uma forma sentencial

se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$  e  $w \in \Sigma^*$  então w é uma sentença

## Linguagem Gerada por uma Gramática

Seja uma Gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$ . A linguagem gerada por G é dada por:

$$L(G) = \{ w \in \Sigma^* \mid S \stackrel{*}{\Rightarrow} w \}.$$

#### Recursão

Regras recursivas permitem que uma gramática gere infinitas palavras.

$$\text{Recursão} \left\{ \begin{array}{ll} \mathsf{Direta} & : A \to \mathsf{a} A \\ \mathsf{Indireta} & : A \overset{*}{\Rightarrow} w \overset{*}{\Rightarrow} \mathsf{a} A \quad \left( \mathsf{e} \ w \ \mathsf{n\~{ao}} \ \mathsf{cont\'{e}m} \ A \right) \end{array} \right.$$

### Derivação Mais a Direita (DMD)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a direita.

# Derivação Mais a Esquerda (DME)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a esquerda.

#### Recursão

Regras recursivas permitem que uma gramática gere infinitas palavras.

$$\text{Recursão} \left\{ \begin{array}{ll} \mathsf{Direta} & : A \to \mathsf{a} A \\ \mathsf{Indireta} & : A \overset{*}{\Rightarrow} w \overset{*}{\Rightarrow} \mathsf{a} A \quad \left( \mathsf{e} \ w \ \mathsf{n\~{ao}} \ \mathsf{cont\'{e}m} \ A \right) \end{array} \right.$$

# Derivação Mais a Direita (DMD)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a direita.

# Derivação Mais a Esquerda (DME)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a esquerda.

#### Recursão

Regras recursivas permitem que uma gramática gere infinitas palavras.

$$\text{Recursão} \left\{ \begin{array}{ll} \text{Direta} & : A \to aA \\ \text{Indireta} & : A \stackrel{*}{\Rightarrow} w \stackrel{*}{\Rightarrow} aA \quad \text{(e $w$ n\~{a}o$ cont\'em $A$)} \end{array} \right.$$

## Derivação Mais a Direita (DMD)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a direita.

# Derivação Mais a Esquerda (DME)

Durante o processo de derivação o não-terminal expandido de cada forma sentencial é sempre o mais a esquerda.

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

 $S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow Ababaa$ 

## Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S 
ightarrow AA,A 
ightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

tentão uma UMIte da sentença *ababaa* é dada por

 $S \rightarrow AA \rightarrow aA \rightarrow aAAA \rightarrow abAAA \rightarrow abaAA \rightarrow ababAA \rightarrow ababAA$ 

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow Aa \Rightarrow AAAa \Rightarrow AAbAa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow AbAbaa \Rightarrow Ababaa \Rightarrow ababaa$$

Seja 
$$G = (\{S, A\}, \{a, b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow Aa \Rightarrow AAAa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow Ababaa \Rightarrow Ababaa$$

Seja 
$$G = (\{S, A\}, \{a, b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow$$

Ababaa ⇒ ababaa

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow Aa \Rightarrow AAAa \Rightarrow AAbAa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow AbAbaa \Rightarrow$$

Ababaa ⇒ ababaa

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S 
ightarrow AA,A 
ightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

## Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow Aa \Rightarrow AAAa \Rightarrow AAbAa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow AbAbaa \Rightarrow$$

Ababaa ⇒ ababaa

Seja 
$$G = (\{S, A\}, \{a, b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S$$

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow Aa \Rightarrow AAAa \Rightarrow AAbAa \Rightarrow AAbaa \Rightarrow AbAbaa =$$

Ababaa ⇒ ababaa

Seja 
$$G = (\{S, A\}, \{a, b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

Seja 
$$G = (\{S, A\}, \{a, b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DME da sentenca ababaa é dada por

 $S\Rightarrow AA\Rightarrow aA\Rightarrow aAAA\Rightarrow abAAA\Rightarrow abaAA\Rightarrow ababAA\Rightarrow abababA$ 

#### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

#### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DME da sentença ababaa é dada por:

 $S\Rightarrow AA\Rightarrow aA\Rightarrow aAAA\Rightarrow abAAA\Rightarrow abaAA\Rightarrow ababAA\Rightarrow ababaA\Rightarrow ababaa$ 

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DME da sentença ababaa é dada por:

 $S \Rightarrow AA \Rightarrow aA \Rightarrow aAAA \Rightarrow abAAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA$ 

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DME da sentença ababaa é dada por:

 $S \Rightarrow AA \Rightarrow aA \Rightarrow aAAA \Rightarrow abAAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA ababA$ 

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

Então uma DME da sentença ababaa é dada por:

 $S\Rightarrow AA\Rightarrow aA\Rightarrow aAAA\Rightarrow abAAA\Rightarrow abaAA\Rightarrow ababAA\Rightarrow ababA$ 

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow aA \Rightarrow aAAA \Rightarrow abAAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow aA \Rightarrow aAAA \Rightarrow abAAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA \Rightarrow ababA$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

$$S \Rightarrow AA \Rightarrow aA \Rightarrow aAAA \Rightarrow abAAA \Rightarrow abaAA \Rightarrow ababAA \Rightarrow ababA aba$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow aA\Rightarrow aAAA\Rightarrow abAAA\Rightarrow abaAA\Rightarrow ababAA\Rightarrow ababaA\Rightarrow ababaA\Rightarrow ababaa$$

### Exemplo de DMD

Seja 
$$G = (\{S,A\},\{a,b\},\{S \rightarrow AA,A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\},S)$$

Então uma DMD da sentença ababaa é dada por:

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow Aa\Rightarrow AAAa\Rightarrow AAbAa\Rightarrow AAbaa\Rightarrow AbAbaa\Rightarrow Ababaa\Rightarrow ababaa$$

#### Exemplo de DME

Seja 
$$G = (\{S,A\}, \{a,b\}, \{S \rightarrow AA, A \rightarrow AAA \mid bA \mid Ab \mid a\}, S)$$

$$S\Rightarrow AA\Rightarrow aA\Rightarrow aAAA\Rightarrow abAAA\Rightarrow abaAA\Rightarrow ababAA\Rightarrow ababaA\Rightarrow ababaA\Rightarrow ababaa$$

#### Gramática Linear à Direita

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  em que cada regra é da forma:

- $\bullet$   $A \rightarrow a$
- $\bullet$   $A \rightarrow aB$
- $\bullet$   $A \rightarrow \lambda$

em que  $A, B \in V$  e  $a \in \Sigma$ . Então G é **Gramática Linear à Direita** (GLD).

### Gramática Linear à Esquerda

Seja gramática  $G=(V,\Sigma,P,S)$  em que cada regra é da forma:

- $\bullet$   $A \rightarrow a$
- $A \rightarrow Ba$
- $\bullet$   $A \rightarrow \lambda$

em que  $A, B \in V$  e  $a \in \Sigma$ . Então G é **Gramática Linear à Esquerda** (GLE).

#### Gramática Linear à Direita

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  em que cada regra é da forma:

- $\bullet$   $A \rightarrow a$
- $\bullet$   $A \rightarrow aB$
- $\bullet$   $A \rightarrow \lambda$

em que  $A, B \in V$  e  $a \in \Sigma$ . Então G é **Gramática Linear à Direita** (GLD).

#### Gramática Linear à Esquerda

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  em que cada regra é da forma:

- A → a
- A → Ba
- $\bullet$   $A \rightarrow \lambda$

em que  $A, B \in V$  e  $a \in \Sigma$ . Então G é **Gramática Linear à Esquerda** (GLE).

## Exemplo de Gramática Linear à Direita (GLD)

Uma GLD que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A \rightarrow aA \mid cE$$
  
 $B \rightarrow bB \mid \lambda$ 

Exemplo de Gramática Linear à Esquerda (GLE

## Exemplo de Gramática Linear à Direita (GLD)

Uma GLD que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A 
ightarrow aA \mid cB$$

$$B \rightarrow bB \mid \lambda$$

## Exemplo de Gramática Linear à Esquerda (GLE

Uma GLE que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

- $A \rightarrow Ab \mid Bc$
- $B \rightarrow Ba \mid \lambda$

## Exemplo de Gramática Linear à Direita (GLD)

Uma GLD que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A \rightarrow aA \mid cB$$

# $B o bB \mid \lambda$

## Exemplo de Gramática Linear à Esquerda (GLE)

Uma GLE que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A o Ab \mid Bc$$
  
 $B o Ba \mid \lambda$ 

## Exemplo de Gramática Linear à Direita (GLD)

Uma GLD que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A \rightarrow aA \mid cB$$

$$B o bB \mid \lambda$$

## Exemplo de Gramática Linear à Esquerda (GLE)

Uma GLE que gera  $L = a^*cb^*$  seria  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A \rightarrow Ab \mid Bc$$

$$B o Ba \mid \lambda$$

## Gramática Regular

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  então:

G é **Gramática Regular** (GR)  $\iff$  G é GLD ou G é GLE

Exemplo de Gramática Regular

Seja  $L = \{w \in \{a, b, c\}^* \mid w \text{ não contém } abc \}$ 

Uma GR que gera L seria  $G = (\{A, B, C\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

- $A \rightarrow aB \mid bA \mid cA \mid \lambda$
- $B 
  ightarrow aB \mid bC \mid cA \mid \lambda$
- $C \rightarrow aB \mid bA \mid \lambda$

### Gramática Regular

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  então:

G é **Gramática Regular** (GR)  $\iff$  G é GLD ou G é GLE

## Exemplo de Gramática Regular

Seja  $L = \{ w \in \{a, b, c\}^* \mid w \text{ não contém } abc \}$ 

Uma GR que gera L seria  $G = (\{A, B, C\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A \rightarrow aB \mid bA \mid cA \mid \lambda$$
$$B \rightarrow aB \mid bC \mid cA \mid \lambda$$
$$C \rightarrow aB \mid bA \mid \lambda$$

### Gramática Regular

Seja gramática  $G = (V, \Sigma, P, S)$  então:

G é **Gramática Regular** (GR)  $\iff$  G é GLD ou G é GLE

## Exemplo de Gramática Regular

Seja  $L = \{w \in \{a, b, c\}^* \mid w \text{ não contém } abc \}$ 

Uma GR que gera L seria  $G = (\{A, B, C\}, \{a, b, c\}, R, A)$  em que R contém as regras:

$$A 
ightarrow aB \mid bA \mid cA \mid \lambda$$

$$B \rightarrow aB \mid bC \mid cA \mid \lambda$$

$$C 
ightarrow aB \mid bA \mid \lambda$$

## Equivalência entre Formalismos

### Equivalência entre AFs, GRs e ERs



#### Conversão GR → AF

Dada uma GR  $G=(V,\Sigma,P,S)$ , um AFN equivalente  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$  pode ser construído da seguinte forma:

$$E = \left\{ \begin{array}{l} V \cup \{Z\} \\ V \end{array} \right. \quad \text{, se $P$ contém regra na forma $A \to a$}$$
 , caso contrário 
$$\delta(A,a) \supseteq \left\{ \begin{array}{l} \{B\} \\ \{Z\} \end{array} \right. \quad \text{, para toda regra $A \to aB \in P$}$$
 , para toda regra  $A \to a \in P$  
$$i = S$$
 
$$F = \left\{ \begin{array}{l} \{A \mid A \to \lambda \in P\} \cup \{Z\} \\ \{A \mid A \to \lambda \in P\} \end{array} \right. \quad \text{, se $Z \in E$}$$
 , caso contrário

**OBS:** Z representa uma variável artificial adicionada ao conjunto de variáveis existentes, isto é,  $Z \not\in V$ 

## Conversão $GR \leftrightarrow AF$

## Exemplo de Conversão GR ightarrow AF

$$G: S \to aS \mid aA$$

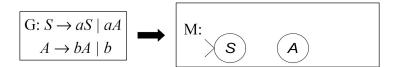
$$A \to bA \mid b$$

## Exemplo de Conversão GR ightarrow AF

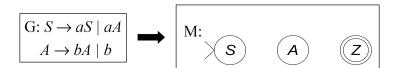


## Conversão $GR \leftrightarrow AF$

## Exemplo de Conversão $GR \rightarrow AF$



## Exemplo de Conversão GR ightarrow AF



## Exemplo de Conversão $GR \rightarrow AF$



## Exemplo de Conversão $GR \rightarrow AF$



## Exemplo de Conversão GR ightarrow AF



## Exemplo de Conversão GR ightarrow AF



#### Conversão AF $\rightarrow$ GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

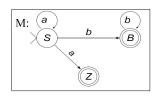
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 

Exemplo de Conversão AF → GR

#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$ , uma GR equivalente  $G=(V,\Sigma,P,S)$  pode ser construída da seguinte forma:

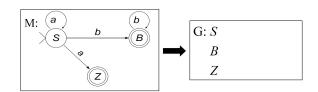
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 

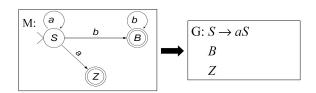


## Conversão GR $\leftrightarrow$ AF

#### Conversão AF $\rightarrow$ GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

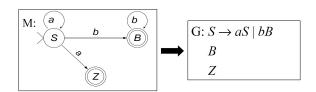
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

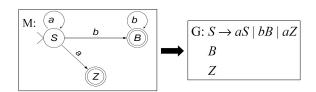
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

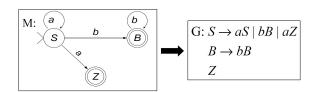
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

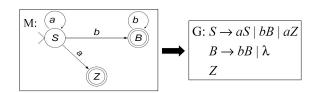
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$ , uma GR equivalente  $G=(V,\Sigma,P,S)$  pode ser construída da seguinte forma:

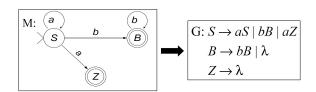
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 



#### Conversão AF → GR

Dado um AFN  $M = (E, \Sigma, \delta, i, F)$ , uma GR equivalente  $G = (V, \Sigma, P, S)$  pode ser construída da seguinte forma:

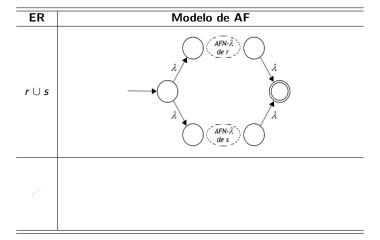
$$V = E$$
 $P = \{A \rightarrow aB \mid [A, a, B] \in \delta\} \cup \{A \rightarrow \lambda \mid A \in F\}$ 
 $S = i$ 

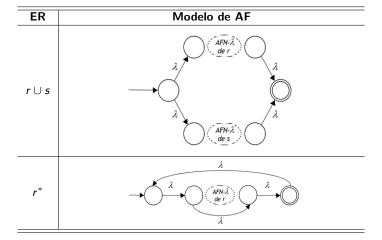


ER	Modelo de AF
Ø	$\rightarrow$
а	
rs	

ER	Modelo de AF
Ø	$\longrightarrow$
a	
rs	

ER	Modelo de AF
Ø	$\rightarrow$
а	
r s	$\longrightarrow \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det r \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \det s \end{pmatrix}} \stackrel{\widehat{\lambda}}{\longrightarrow} \underbrace{\begin{pmatrix} \widehat{AFN} \cdot \widehat{\lambda} \\ \underbrace{\hat{\lambda} \\ $





## $1^o$ Exemplo de Conversão ER ightarrow AF: $(ab \cup a)^*$

ER	AF
Ь	
ab	

ER	AF
a	→ <u>a</u>
Ь	
ab	

ER	AF
a	<b>→</b>
Ь	→
ab	

#### 1° Exemplo de Conversão ER $\rightarrow$ AF: $(ab \cup a)^*$

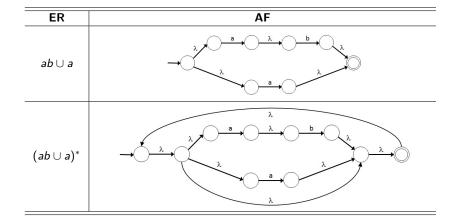
ER	AF
a	<b>→</b>
b	→
ab	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

## $1^o$ Exemplo de Conversão ER ightarrow AF: $(ab \cup a)^*$

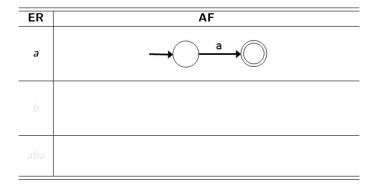
ER	AF
$(ab \cup a)^*$	

## $1^o$ Exemplo de Conversão ER ightarrow AF: $(ab \cup a)^*$

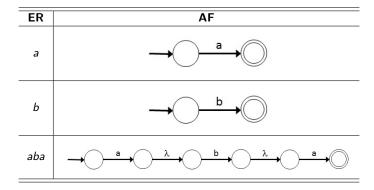
ER	AF
$ab \cup a$	
(ab ∪ a)*	



ER	AF
Ь	
aba	

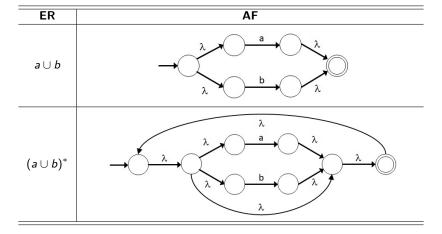


ER	AF
a	<b>→</b>
b	<b>→</b>
aba	

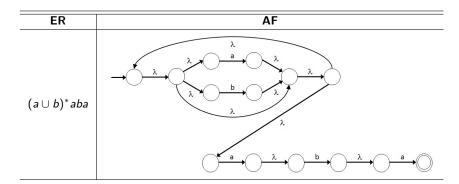


ER	AF
(a ∪ b)*	

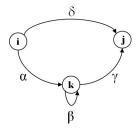
ER	AF
a ∪ <i>b</i>	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
(a∪b)*	



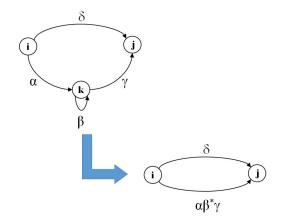
ER	AF



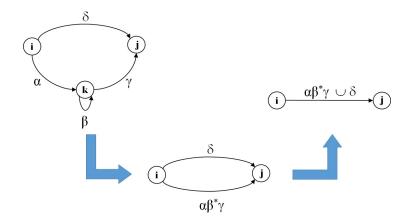
#### Conversão AF $\rightarrow$ ER



#### Conversão AF $\rightarrow$ ER



#### Conversão AF $\rightarrow$ ER



#### Conversão AF → ER

Dado um AF  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$ , uma ER equivalente pode ser construída da seguinte forma:

- 1. Acrecentar dois novos estados a  $M: \mathcal{I}$  (inicial) e  $\mathcal{F}$  (final)
- 2. Criar uma transição  $\lambda$  de  $\mathcal I$  para i (antigo estado inicial de M) e para todo esado final  $f \in F$ , também criar uma transição  $\lambda$  de f para  $\mathcal F$
- 3. Transformar o rótulo de cada transição em uma ER sendo feita a união de ERs associadas a transições paralelas

#### Conversão AF → ER

Dado um AF  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$ , uma ER equivalente pode ser construída da seguinte forma:

- 1. Acrecentar dois novos estados a  $M: \mathcal{I}$  (inicial) e  $\mathcal{F}$  (final)
- 2. Criar uma transição  $\lambda$  de  $\mathcal I$  para i (antigo estado inicial de M) e para todo esado final  $f \in F$ , também criar uma transição  $\lambda$  de f para  $\mathcal F$
- 3. Transformar o rótulo de cada transição em uma ER sendo feita a união de ERs associadas a transições paralelas

#### Conversão AF → ER

Dado um AF  $M=(E,\Sigma,\delta,i,F)$ , uma ER equivalente pode ser construída da seguinte forma:

- 1. Acrecentar dois novos estados a  $M: \mathcal{I}$  (inicial) e  $\mathcal{F}$  (final)
- 2. Criar uma transição  $\lambda$  de  $\mathcal I$  para i (antigo estado inicial de M) e para todo esado final  $f \in F$ , também criar uma transição  $\lambda$  de f para  $\mathcal F$
- Transformar o rótulo de cada transição em uma ER sendo feita a união de ERs associadas a transições paralelas

- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i, j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - h Eliminar o estado k e todas suas transições
- 5. Retorne a ER correspondente ao rótulo entre  $\mathcal{I}$  e  $\mathcal{F}$

- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a FR  $\alpha\beta^*\gamma$
  - h Eliminar o estado k e todas suas transições
- 5 Retorne a FR correspondente ao rótulo entre 7 e F

- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - h Fliminar o estado k e todas suas transições
- 5. Retorne a ER correspondente ao rótulo entre  $\mathcal{I}$  e  $\mathcal{F}$

- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - h Fliminar o estado k e todas suas transições
- 5. Retorne a ER correspondente ao rótulo entre  $\mathcal{I}$  e  $\mathcal{F}$

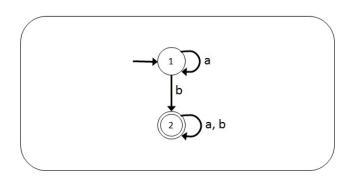
- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha \beta^* \gamma$
  - b. Fliminar o estado k e todas suas transições
- 5. Retorne a FR correspondente ao rótulo entre T e F

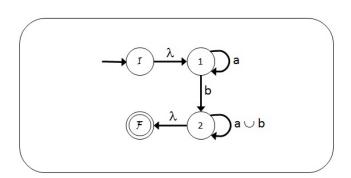
- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - b Fliminar o estado k e todas suas transições
- 5 Retorne a FR correspondente ao rótulo entre T e F

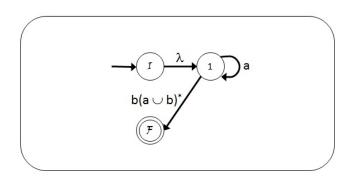
- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - b. Eliminar o estado k e todas suas transições
- 5 Retorne a FR correspondente ao rótulo entre T e T

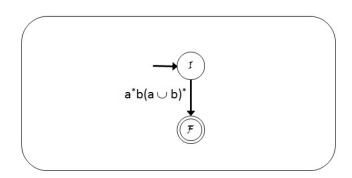
- 4. Enquanto existir estado  $k \in E \mid k \neq \mathcal{I}$  e  $k \neq \mathcal{F}$  faça:
  - a. Para todo par de estados (i,j) tal que exista uma transição de i para k e outra de k para j faça:
    - a. Seja  $\alpha$  a ER associada a transição de i para k
    - b. Seja  $\beta$  a ER associada a transição de k para k (se houver) ou  $\lambda$ , caso contrário
    - c. Seja  $\gamma$  a ER associada as transição de k para j
    - d. Inserir a transição de i para j com um rótulo que corresponda a ER  $\alpha\beta^*\gamma$
  - b. Eliminar o estado k e todas suas transições
- 5. Retorne a ER correspondente ao rótulo entre  $\mathcal{I}$  e  $\mathcal{F}$

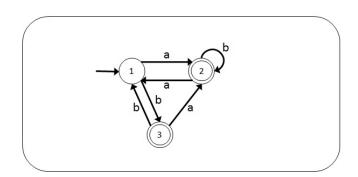
#### $1^o$ Exemplo de Conversão AF ightarrow ER

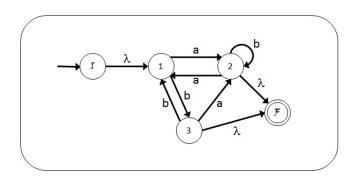


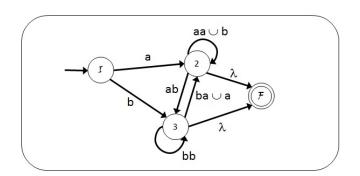




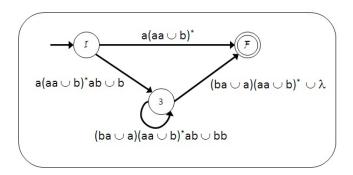


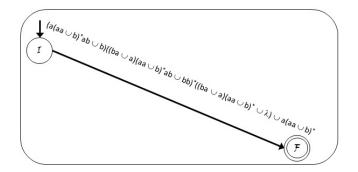






#### $2^{\circ}$ Exemplo de Conversão AF $\rightarrow$ ER





#### GR para Linguagem Reversa

⇒ Reversão de regras !!!

Dada uma GLD  $G_D = (V, \Sigma, P_D, S)$ , uma GLE  $G_E = (V, \Sigma, P_E, S)$  tal que  $L(G_E)$  seja o reverso de  $L(G_D)$ , isto é,  $L(G_E) = (L(G_D))^R$  pode ser construída da seguinte forma:

$$P_{E} = \{\alpha \to \beta \mid \alpha \to \beta \in P_{D}, \beta \in \Sigma \cup \{\lambda\}\}$$

$$\cup$$

$$\{\alpha \to \beta^{R} \mid \alpha \to \beta \in P_{D}, \beta \in \Sigma V\}$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

 $A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbbB$ 

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de Ge és

 $A \Rightarrow Aa \ \Rightarrow Aaa \ \Rightarrow Aaaa \ \Rightarrow Bcaaa \ \Rightarrow Bbcaaa \ \Rightarrow Bbbcaaa \ \Rightarrow bbcaaa$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  és

 $A\Rightarrow aA\Rightarrow aaA\Rightarrow aaaA\Rightarrow aaacB\Rightarrow aaacbB\Rightarrow aaacbbB\Rightarrow aaacbb$ 

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de Ge és

 $A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Aaaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

 $A\Rightarrow aA\Rightarrow aaA\Rightarrow aaaA\Rightarrow aaacB\Rightarrow aaacbB\Rightarrow aaacbbB\Rightarrow aaacbb$ 

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

OIII exemplo de dentração de tos es

 $A \Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Aaaa \Rightarrow Bcaaa \Rightarrow Bbcaaa \Rightarrow Bbbcaaa \Rightarrow bbcaaa$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

$$A \Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Bcaaa \Rightarrow Bbcaaa \Rightarrow Bbcaa$$

$$\implies$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A\Rightarrow aA\Rightarrow aaA\Rightarrow aaaA\Rightarrow aaacB\Rightarrow aaacbB\Rightarrow aaacbbB\Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

 $A \Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Aaaa \Rightarrow Bcaaa \Rightarrow Bbcaaa \Rightarrow Bbbcaaa \Rightarrow bbcaaa$ 

$$\implies$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A\Rightarrow aA\Rightarrow aaA\Rightarrow aaaA\Rightarrow aaacB\Rightarrow aaacbB\Rightarrow aaacbbB\Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

 $A \Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Aaaa \Rightarrow Bcaaa \Rightarrow Bbcaaa \Rightarrow bbcaaa \Rightarrow bbcaaa$ 

$$\Longrightarrow$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D=(\{A,B\},\{a,b,c\},\{A\rightarrow aA\mid cB,B\rightarrow bB\mid \lambda\},A)$  que gera  $L_1=L(G_D)=a^*cb^*.$ 

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A\Rightarrow aA\Rightarrow aaA\Rightarrow aaaA\Rightarrow aaacB\Rightarrow aaacbB\Rightarrow aaacbbB\Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

$$\implies$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

$$\implies$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de  $G_E$  é

 $A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Aaaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$ 

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de  $G_E$  é

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de  $G_E$  é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

#### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

#### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Aaaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D=(\{A,B\},\{a,b,c\},\{A\rightarrow aA\mid cB,B\rightarrow bB\mid \lambda\},A)$  que gera  $L_1=L(G_D)=a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D=(\{A,B\},\{a,b,c\},\{A\rightarrow aA\mid cB,B\rightarrow bB\mid \lambda\},A)$  que gera  $L_1=L(G_D)=a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A)$  que gera  $L_1 = L(G_D) = a^*cb^*$ .

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa \Rightarrow Aaa \Rightarrow Aaaa \Rightarrow Bbcaaa \Rightarrow Bbbcaaa \Rightarrow bbcaaa$$

### Exemplo de GR para Linguagem Reversa

Seja uma GLD  $G_D=(\{A,B\},\{a,b,c\},\{A\rightarrow aA\mid cB,B\rightarrow bB\mid \lambda\},A)$  que gera  $L_1=L(G_D)=a^*cb^*.$ 

Um exemplo de derivação de  $G_D$  é:

$$A \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aaaA \Rightarrow aaacB \Rightarrow aaacbB \Rightarrow aaacbbB \Rightarrow aaacbb$$

Então, uma GLE  $G_E = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow Aa \mid Bc, B \rightarrow Bb \mid \lambda\}, A)$  irá gerar  $L_2 = L(G_E)$ .

Um exemplo de derivação de GE é:

$$A\Rightarrow Aa\Rightarrow Aaa\Rightarrow Bcaaa\Rightarrow Bbcaaa\Rightarrow Bbbcaaa\Rightarrow bbcaaa$$

$$\implies$$
 Como esperado, temos  $L_2 = (L_1)^R = b^* ca^*$ 

### Conversão GLD $\leftrightarrow$ GLE

Dado uma GLD  $G' = (V', \Sigma, P', S')$ , uma GLE  $G'' = (V'', \Sigma, P'', S'')$  tal que L(G'') = L(G') pode ser construída da seguinte forma:

- ① Determinar L(G')
- 2 Determinar  $L(G')^R$
- 3 Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$
- ① Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$

### Conversão GLD ↔ GLE

Dado uma GLD  $G' = (V', \Sigma, P', S')$ , uma GLE  $G'' = (V'', \Sigma, P'', S'')$  tal que L(G'') = L(G') pode ser construída da seguinte forma:

- ① Determinar L(G')
- 2 Determinar  $L(G')^R$
- 3 Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$
- 4 Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$

### Conversão GLD $\leftrightarrow$ GLE

Dado uma GLD  $G' = (V', \Sigma, P', S')$ , uma GLE  $G'' = (V'', \Sigma, P'', S'')$  tal que L(G'') = L(G') pode ser construída da seguinte forma:

- ① Determinar L(G')
- 2 Determinar  $L(G')^R$
- **3** Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$
- 4 Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$

#### Conversão GLD ↔ GLE

Dado uma GLD  $G' = (V', \Sigma, P', S')$ , uma GLE  $G'' = (V'', \Sigma, P'', S'')$  tal que L(G'') = L(G') pode ser construída da seguinte forma:

- ① Determinar L(G')
- 2 Determinar  $L(G')^R$
- **3** Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$
- ullet Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $ilde{G}$

### Conversão GLD $\leftrightarrow$ GLE

Dado uma GLD  $G' = (V', \Sigma, P', S')$ , uma GLE  $G'' = (V'', \Sigma, P'', S'')$  tal que L(G'') = L(G') pode ser construída da seguinte forma:

- ① Determinar L(G')
- 2 Determinar  $L(G')^R$
- **3** Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$
- ullet Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $ilde{G}$

#### Exemplo de Conversão $\mathsf{GLD} \to \mathsf{GLE}$

Seja uma GLD  $G'=(\{A,B\},\{a,b,c\},\{A
ightarrow aA\mid cB,B
ightarrow bB\mid\lambda\},A).$ 

- Determinar L(G')
  - $L(G') = a^* cb$
  - Determinar L(G')<sup>R</sup>
  - $I(G)^n = I^*G^*$
- Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')$
- $G = \{ \{P, Q\}, \{s, b, c\}, \{P \to bP \mid cQ, Q \to sQ \mid \lambda\}, P \}$
- Obter GLE G" por meio da reversão das regras de G

#### Exemplo de Conversão $\mathsf{GLD} \to \mathsf{GLE}$

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G')  $L(G') = a^*cb^*$ 
  - 2 Determinar  $L(G')^R$  $L(G')^R = b^* ca^*$
- ① Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$   $\tilde{G} = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P \to bP \mid cQ,Q \to aQ \mid \lambda\},P)$
- Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P\rightarrow Pb\mid Qc,Q\rightarrow Qa\mid \lambda\},P)$

#### Exemplo de Conversão $\mathsf{GLD} \to \mathsf{GLE}$

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G')  $L(G') = a^*cb^*$ 
  - Determinar  $L(G')^R$
- ③ Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$   $\tilde{G} = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P \to bP \mid cQ,Q \to aQ \mid \lambda\},F$
- Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P\rightarrow Pb\mid Qc,Q\rightarrow Qa\mid \lambda\},P)$

#### Exemplo de Conversão $\mathsf{GLD} \to \mathsf{GLE}$

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G') $L(G') = a^*cb^*$
- 2 Determinar  $L(G')^R$  $L(G')^R = b^*ca^*$
- ⊙ Obter uma GLD  $\tilde{G}$  tal que  $L(\tilde{G}) = L(G')^R$  $\tilde{G} = (\{P, Q\}, \{a, b, c\}, \{P \to bP \mid cQ, Q \to aQ \mid \lambda\}, P$
- ① Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P \to Pb \mid Qc,Q \to Qa \mid \lambda\},P)$

#### Exemplo de Conversão GLD → GLE

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G') $L(G') = a^*cb^*$
- ② Determinar  $L(G')^R$  $L(G')^R = b^*ca^*$
- ① Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P\rightarrow Pb\mid Qc,Q\rightarrow Qa\mid \lambda\},P]$

#### Exemplo de Conversão GLD → GLE

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G') $L(G') = a^*cb^*$
- ② Determinar  $L(G')^R$  $L(G')^R = b^*ca^*$
- $\textbf{3} \ \, \text{Obter uma GLD} \ \, \tilde{\textbf{G}} \ \, \text{tal que} \ \, L(\tilde{\textbf{G}}) = L(\textbf{G}')^R \\ \, \tilde{\textbf{G}} = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P\rightarrow bP\mid cQ,Q\rightarrow aQ\mid \lambda\},P)$
- Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P \rightarrow Pb \mid Qc,Q \rightarrow Qa \mid \lambda\},P)$

#### Exemplo de Conversão $\mathsf{GLD} \to \mathsf{GLE}$

Seja uma GLD  $G' = (\{A, B\}, \{a, b, c\}, \{A \rightarrow aA \mid cB, B \rightarrow bB \mid \lambda\}, A).$ 

- ① Determinar L(G') $L(G') = a^*cb^*$
- ② Determinar  $L(G')^R$  $L(G')^R = b^*ca^*$
- $\textbf{3} \ \, \text{Obter uma GLD} \ \, \tilde{\textbf{G}} \ \, \text{tal que} \ \, L(\tilde{\textbf{G}}) = L(\textbf{G}')^R \\ \, \tilde{\textbf{G}} = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P\rightarrow bP\mid cQ,Q\rightarrow aQ\mid \lambda\},P)$
- Obter GLE G'' por meio da reversão das regras de  $\tilde{G}$   $G'' = (\{P,Q\},\{a,b,c\},\{P \rightarrow Pb \mid Qc,Q \rightarrow Qa \mid \lambda\},P)$
- $\implies$  Como esperado, temos  $L(G'') = L(G') = a^*cb^*$

33 / 33