

Pontificia Universidade Católica de Minas Gerais – Curso de Ciência da Computação

Disciplina: Fundamentos Teóricos da Computação

Professor: Zenilton Kleber Gonçalves do Patrocínio Júnior

2ª AVALIAÇÃO - 35 pontos

Nome:

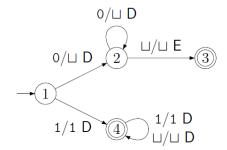
1) Sabendo que $L_1 = \{ a^n \mid n \text{ \'e um n\'umero primo } \} e L_2 = \{ a^n b^n c^n \mid n \geq 0 \}$ não são LLCs, mostre que as seguintes linguagens não são LLCs:

a)
$$L_3 = \{ w \in \{a, b, c\}^* \mid n_a(w) \text{ é primo } \},$$
 (04 pontos)

b)
$$L_4 = \{ w \in \{a, b, c\}^* \mid |w| > 1000 \text{ e } n_a(w) = n_b(w) = n_c(w) \},$$
 (04 pontos)

em que $n_s(w)$ representa a quantidade de símbolos s presentes na palavra w.

2) Considere a seguinte MT M = ($\{1, 2, 3, 4\}, \{0, 1\}, \{0, 1, \langle, \square\}, \langle, \square, \delta, 1, \{3, 4\}$), em que δ contém apenas as transições que estão representadas no diagrama a seguir:



- a) Para quais palavras essa MT entra em loop? (03 pontos)
- b) Descreva a linguagem que ela reconhece por meio de uma expressão regular. (02 pontos)
- c) Forneça o diagrama de estados de uma MT equivalente que nunca entre em loop. (02 pontos)
- 3) Seja $L_5 = \{ a^n b^n c^n | n \ge 0 \}.$
 - a) Forneça o diagrama de uma MT padrão para L₅. (03 pontos)
 - b) Construa um GI que gere L_5 . (04 pontos)
- 4) Sejam R uma <u>linguagem recursiva</u> e L uma <u>linguagem recursivamente enumerável</u>. Para os casos a seguir diga se a linguagem é (1) <u>necessariamente</u> recursivamente enumerável, (2) <u>necessariamente</u> não recursivamente enumerável, ou (3) nem uma coisa nem outra (ou seja, pode ser recursivamente enumerável e pode não ser). Justifique suas respostas (OBS: respostas sem justificativa válida serão desconsideradas).

a)
$$\mathbf{R} - \mathbf{L}$$
 (04 pontos)

b) L-R (04 pontos)

Sabendo que FITA-EM-BRANCO_{MT} = { $\langle M \rangle | M \text{ é MT e } \lambda \in L(M)$ } é indecidível. Determine se a seguinte linguagem é ou não decidível, justificando sua resposta: (05 pontos)

ACEITA-TAMANHO- $N_{MT} = \{ \langle M, n \rangle | M \in MT \in \exists w \in L(M), | w | = n \}.$