Logik Beispielklausur

AUFGABE 1. Schreiben Sie hinter die folgenden Schemata die Buchstaben der Begriffe, ob das Schema (A) *allgemeingültig*, (E) *erfüllbar* und/oder (W) *widersprüchlich* ist:

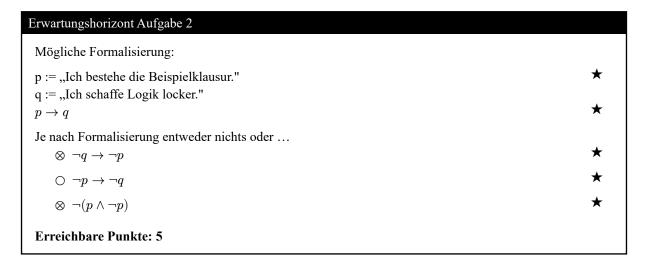
4P

- 1. $(p \rightarrow p)$
- 2. $(p \lor \neg p)$
- 3. $((p \rightarrow q) \land p) \rightarrow q$
- 4. $(p \downarrow q)$

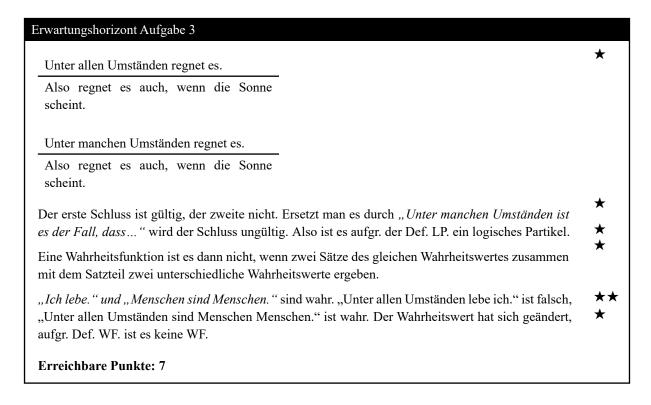
Erwartungshorizont Aufgabe 1	
1. (A), (E)	*
2. (W)	*
3. (A), (E)	*
4. (E)	*
Erreichbare Punkte: 4	

AUFGABE 2. Formalisieren Sie: "Wenn ich die Beispielklausur bestehe, schaffe ich Logik locker." Sei p die hinreichende und q die notwendige Bedingung in Ihrer Übersetzung. Kreuzen Sie an, welche der folgenden Schemata äquivalent zu Ihrer Formalisierung sind.

- $\bigcirc \neg q \rightarrow \neg p$
- $\bigcirc \neg p \rightarrow \neg q$
- $\bigcirc \neg (p \land \neg p)$



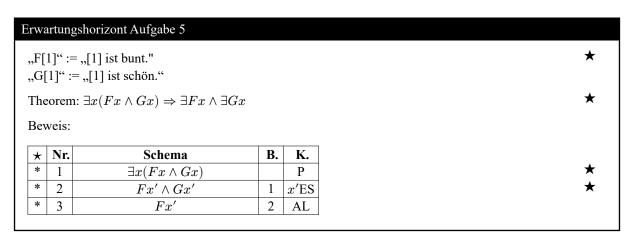
AUFGABE 3. Beweisen Sie, dass "*Unter allen Umständen ist es der Fall, dass* … " ein logisches Partikel, aber keine Wahrheitsfunktion ist.



AUFGABE 4. Beweisen Sie mithilfe des Ersetzbarkeitsprinzips nach Leibniz "Nemo" **4P** und "Dora" nicht identisch sind.

Erwartungshorizont Aufgabe 4 Zwei Wörter $\lceil \alpha \rceil$ und $\lceil \beta \rceil$ sind genau dann wahr , wenn es keinen wahren Satz gibt, in dem α und β vertauscht werden können und sich der Wahrheitswert des Satzes ändert. Seien die Sätze "Nemo ist ein oranger Fisch." und "Dora ist ein blauer Fisch." wahr. Tauscht man "Dora" durch "Nemo" im zweiten Satz, wird daraus "Nemo ist ein blauer Fisch.", ein falscher Satz. Der Wahrheitswert hat sich geändert, damit sind die beiden nicht identisch. Erreichbare Punkte: 4

AUFGABE 5. Beweisen Sie die Allgemeingültigkeit folgender Aussage: "Wenn es etwas buntes und schönes gibt, dann gibt es einiges schönes und mindestens auch eine bunte Sache."



*	4	Gx'	2	AL
*	5	$\exists x F x$	3	EG
*	6	$\exists xGx$	4	EG
*	6	$\exists x Fx \land \exists x Gx$	5,6	AL
*	6	$\exists x (Fx \land Gx) \to \exists x Fx \land \exists x Gx$	1,7	*Kd

- 1. In der letzten Zeile und ihren Prämissen kommt keine geflaggte Variable vor.
- *

- 2. "x'" wurde nur einmal geflaggt.
- 3. "x'" ist so eine Reihenfolge, da keine rechts oder links von ihr steht und sie daher nirgendwo frei vorkommen kann, wo eine rechts von ihr stehende gebunden ist.

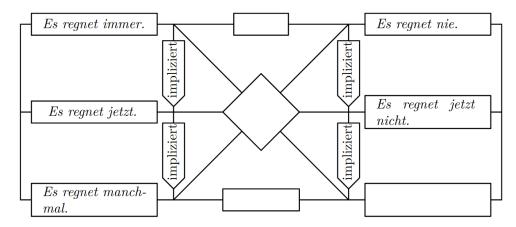
Die Ableitung ist fertig und aufg. Def. \Rightarrow ist das Theorem wahr, da in der letzten Zeile keine Sterne mehr vorkommen.

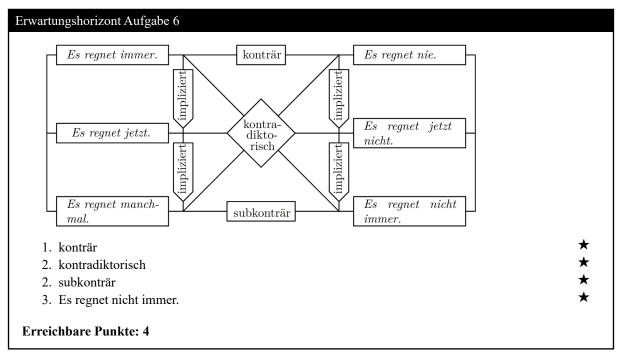
*

Erreichbare Punkte: 8

AUFGABE 6. Füllen Sie die leeren Felder des logischen Quadrats korrekt aus!

4P

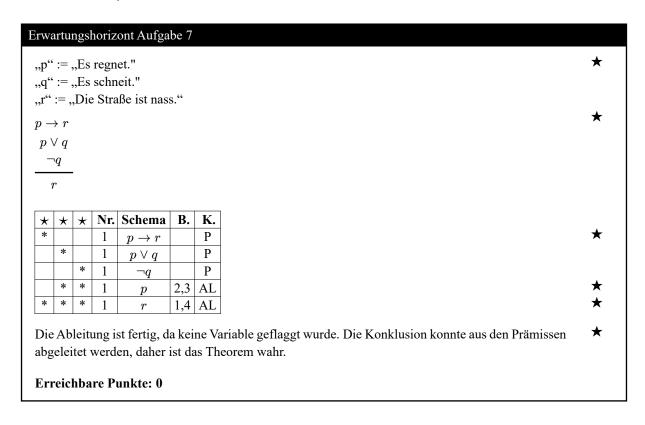




0P

AUFGABE 7. Ist der folgende Schluss gültig? Entscheiden Sie und beweisen Sie Ihre Antwort!

Wenn es regnet, dann ist die Straße nass. Es regnet oder es schneit, also ist die Straße nass, denn es schneit nicht.



____/ **32 + 6 Punkten**. Zum Bestehen sind **16 Punkte** nötig.