

# Les lentilles

Lentille sphérique : Association de deux dioptries sphériques.

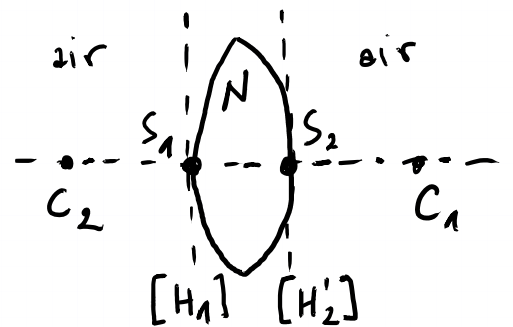
On limite l'étude aux cas des lentilles placées dans l'air. Les deux dioptries de sommets  $S_1$  et  $S_2$  ont pour centres respectifs  $C_1$  et  $C_2$ .

Exemple : Lentille biconvexe

$$\text{On note : } \overline{S_1 C_1} = R_1 \quad \overline{S_2 C_2} = R_2$$

$N \rightarrow$  indice du verre

$$\overline{S_1 S_2} = e \rightarrow \text{épaisseur}$$



$$R_1 > 0 \text{ et } R_2 < 0$$

Dioptrie 1 = face d'entrée

$$f_1 = -\frac{1}{N-1} \overline{S_1 C_1} = -\frac{1}{N-1} R_1$$

$$f'_1 = \frac{N}{N-1} \overline{S_1 C_1} = \frac{N}{N-1} R_1$$

$$D_1 = -\frac{1}{f_1} = \frac{N}{f'_1} = \frac{N-1}{R_1}$$

$$H_1 = H'_1 = S_1$$

Dioptrie 2 = face de sortie

$$f_2 = -\frac{N}{1-N} \overline{S_2 C_2} = -\frac{N}{1-N} R_2$$

$$f'_2 = \frac{1}{1-N} \overline{S_2 C_2} = \frac{1}{1-N} R_2$$

$$D_2 = -\frac{N}{f_2} = \frac{1}{f'_2} = \frac{1-N}{R_2}$$

$$H_2 = H'_2 = S_2$$

## Vergence D de la lentille

Relation de Gullstrand:  $D = D_1 + D_2 - \frac{e}{N} D_1 D_2$

$$\begin{aligned}\text{Donc } D &= \frac{N-1}{R_1} + \frac{1-N}{R_2} - \frac{e}{N} \frac{(N-1)(1-N)}{R_1 R_2} = \\ &= \frac{N-1}{R_1} - \frac{N-1}{R_2} + \frac{e}{N} \frac{(N-1)(N-1)}{R_1 R_2} = \\ &= (N-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) + \frac{e}{N} \frac{(N-1)^2}{R_1 R_2}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{On écrit: } \frac{1}{R_1 R_2} &= \frac{R_2 - R_1}{R_2 - R_1} \frac{1}{R_1 R_2} = \frac{R_2 - R_1}{R_1 R_2} \frac{1}{R_2 - R_1} = \\ &= \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \frac{1}{R_2 - R_1}\end{aligned}$$

$$\text{Alors: } D = (N-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \left( 1 + \frac{N-1}{N} \frac{e}{R_2 - R_1} \right)$$

## Distances focales de la lentille

Les distances focales du système centré résultant de l'association de deux dioptries sont:

$$f = \frac{f_1 f_2}{\Delta} \quad \text{et} \quad f' = -\frac{f'_1 f'_2}{\Delta} \quad \text{avec} \quad \Delta = -f'_1 + e + f_2$$

$$\text{On a } f_1 f_2 = f'_1 f'_2 \Rightarrow f = -f'$$

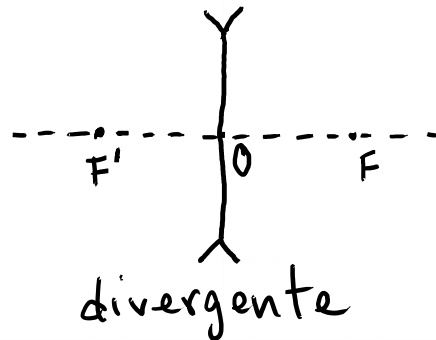
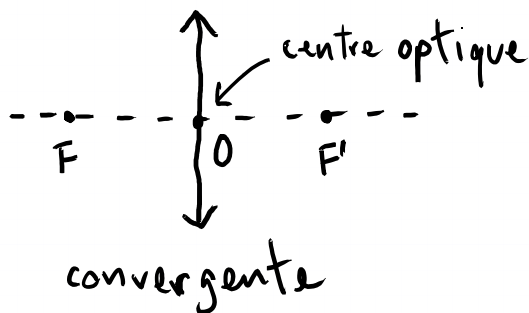
## Points principaux H et H' de la lentille

$$\overline{S_1 H} = \frac{e}{N} \frac{D_2}{D} = \frac{e R_1}{N(R_1 - R_2) - (N-1)e}$$

$$\overline{S_2 H'} = -\frac{e}{N} \frac{D_1}{D} = \frac{-e R_2}{N(R_1 - R_2) - (N-1)e}$$

## Les lentilles minces

$$e \ll |R_1| \quad e \ll |R_2| \quad e \ll |R_1 - R_2|$$



Vergence:  $D = (N-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$

Foyers:  $f = \overline{OF}$   $f' = \overline{OF'}$   $f = -f'$

Points principaux:  $O = H = H'$

## Doublets de lentilles minces (p; q; r)

$$f'_1 = ap \quad e = aq \quad f'_2 = ar$$

Exemple:  $f'_1 = 60 \text{ mm}$   $e = 20 \text{ mm}$   $f'_2 = 80 \text{ mm}$

$$\Rightarrow (p; q; r) = (3; 1; 4) \quad \text{avec } a = 20 \text{ mm}$$

## Construction graphique d'une image

- ① Le rayon incident parallèle à l'axe optique émerge du système centré en passant par le foyer image  $F'$ .
- ② le rayon incident passant par le foyer objet  $F$  ressort parallèle à l'axe optique.
- ③ Le rayon passant par le point principal objet émerge en conservant la même direction.
- ④ Le tracé d'un rayon quelconque déjà abordé dans le cas du dioptre sphérique est généralisable à tous les systèmes centrés. On utilise le foyer secondaire, intersection entre le plan focal image  $[F']$  et le rayon parallèle au rayon incident émergeant en  $H'$ . Le rayon ressort du système en passant par le foyer secondaire.

### Ex 1 : Détermination graphique des points cardinaux

On considère le système centré composé de l'association de deux lentilles minces convergentes de distances focales images  $f'_1 = 10 \text{ mm}$  et  $f'_2 = 15 \text{ mm}$ . Les deux lentilles sont distantes de  $40 \text{ mm}$ .

- 1) Sur une construction graphique à l'échelle (horiz. 2/1), tracer la marche d'un rayon initialement parallèle à l'axe optique. En déduire graphiquement la position de  $F'$  et  $[H']$  du système centré.

2) Construire la marche d'un rayon qui ressort de la seconde lentille en étant parallèle à l'axe optique. En déduire graphiquement la position de  $F$  et  $[H]$  du système centré.