

EXERCICE 1 :

Soient les équations différentielles suivantes définies sur \mathbb{R} :

(E) $y' - 0,3 y = 0$

1. Déterminer les solutions de l'équation (H).
2. Déterminer la fonction f solution de (E) telle que $f(0) = 20$

EXERCICE 2

Soient les équations différentielles suivantes définies sur \mathbb{R} :

(E) $y' - 2y = 2x + 1$

(H) $y' - 2y = 0$

1. Déterminer les solutions de l'équation (H).
2. Montrer qu'il existe une fonction affine f_0 solution de (E).
3. En déduire les solutions de l'équation (E).
4. Déterminer la fonction f solution de (E) telle que $f(0) = 1$

EXERCICE 3 :

Soient les équations différentielles suivantes définies sur \mathbb{R} :

(E) $y' - 2y = -2x^2 - 2x$

(H) $y' - 2y = 0$

1. Déterminer les solutions de l'équation (H).
2. Montrer que la fonction h définie sur \mathbb{R} par $h(x) = (x+1)^2$ est solution particulière de (E).
3. Déterminer les solutions de l'équation (E).
4. Déterminer la fonction f solution de (E) telle que $f(1) = 1$

EXERCICE 4

On désigne par y une fonction de la variable réelle x , définie et dérivable sur $[-1;3]$ qui vérifie l'équation différentielle (E) : $y' + 2y = -\frac{5}{3}e^{-3x}$ où y' désigne la fonction dérivée de la fonction y .

1. Déterminer les solutions définies sur $[-1;3]$ de l'équation différentielle (E_0) : $y' + 2y = 0$
2. Soit g la fonction définie sur $[-1;3]$ par $g(x) = \frac{5}{3}e^{-3x}$. Montrer que g est solution de (E).
3. En déduire l'ensemble des solutions de l'équation différentielle (E).