

PROJET MECANIQUE DES FLUIDES PROSIT 1 - WORKSHOP

02/10/2020

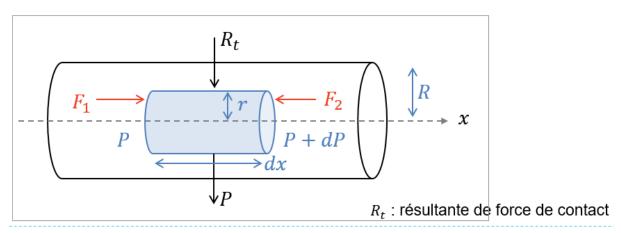
Table **des** matières

1	ÉCOULEMENT LAMINAIRE DANS UN TUBE (FLUIDE REEL)	2
	Exemple Poiseuille :	4
2	TES DE CHARGES (FLUIDES REELS)	5
	Pertes de charges régulières Abaques $\pmb{\lambda} = \pmb{f}(\pmb{arepsilon}\pmb{D})$	6
	Pertes de charges singulières	7
	Exercice 1	10
	Exercice 2	10
	Exercice 3 Tubes de Pitot	10
	Exercice 4	11
	Exercice 5 Effort exercé sur un coude	11
	Exercice 6 Effort exercé sur un rétrécissement	11
	Exercice 7	12
	Exercice 8	14
	Exercice 9	14
	Exercice 10 Lavage automatique	14
3	RESSOURCES COMPLEMENTAIRES	16

1 ÉCOULEMENT LAMINAIRE DANS UN TUBE (FLUIDE REEL)

Hypothèses:

- Le tube est horizontal.
- \blacktriangleright Le tube a une section constante de rayon R.
- L'écoulement est constant, le débit est donc constant.
- L'écoulement est la minaire : la vitesse est parallèle à l'axe du tube et ne dépend que de la distance r à l'axe du tube.
- \blacktriangleright L'écoulement se fait dans la direction Ox.



- Inventaire des forces selon l'axe x:
 - Forces de pression exercées sur la face amont : $F_1 = P$. πr^2
 - Forces de pression exercées sur la face aval : $F_2 = -(P+dP)$. πr^2
 - Forces de viscosité : $\mu \frac{\partial v}{\partial n}$. $dS = \mu \frac{\partial v}{\partial r}$. $2\pi r$. dx

En utilisant le PFD, déterminer l'expression de dv en fonction de dr

La vitesse dépend de r uniquement donc :						
Intégration de v :						

PROJET MECANIQUE DES FLUIDES

PROSIT 1 - WORKSHOP

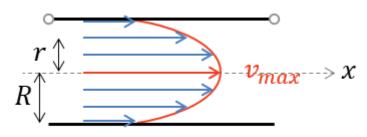
lacktriangle A la paroi, les particules de fluides sont immobiles : v(R)=0

$$C^{st} = -\frac{1}{4\mu} \frac{dP}{dx} R^2$$

Donc l'expression de la vitesse est :

C'est l'équation d'une parabole centrée sur l'axe x.

 v_{max} dans l'axe du tube vaut :



trajectoire des particules du fluide

Débit : formule de Poiseuille.

$$dq_v=v.\,dS=v(r).2\,\pi r.\,dr$$
 donc $q_v=\int_0^R-rac{\pi}{2\,\mu}rac{dP}{dx}(R^2-r^2)r\,.\,dr$ donc :

• Vitesse moyenne \bar{v} vaut donc :

En connaissant la longueur L (m) de la conduite, on obtient :

Exemple Poiseuille:

On pompe une huile de densité 0,86 par une conduite horizontale de diamètre D=10cm, de longueur L=15m avec un débit volumique q_{ν} =1,2L.s⁻¹. La différence de pression entre les deux extrémités de la conduite est de 4,6mbar.

Déterminer la vitesse moyenne, le régime et la viscosité.

2 TES DE CHARGES (FLUIDES REELS)

Pour un fluide réel, il n'y a pas conservation de la charge :

$$P_{A} + \rho. g. z_{A} + \frac{1}{2} \rho. v_{A}^{2} \neq P_{B} + \rho. g. z_{B} + \frac{1}{2} \rho. v_{B}^{2}$$

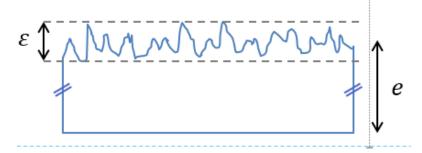
$$P_{A} + \rho. g. z_{A} + \frac{1}{2} \rho. v_{A}^{2} = P_{B} + \rho. g. z_{B} + \frac{1}{2} \rho. v_{B}^{2} + \Delta P$$

Il existe deux types de pertes de charges ΔP :

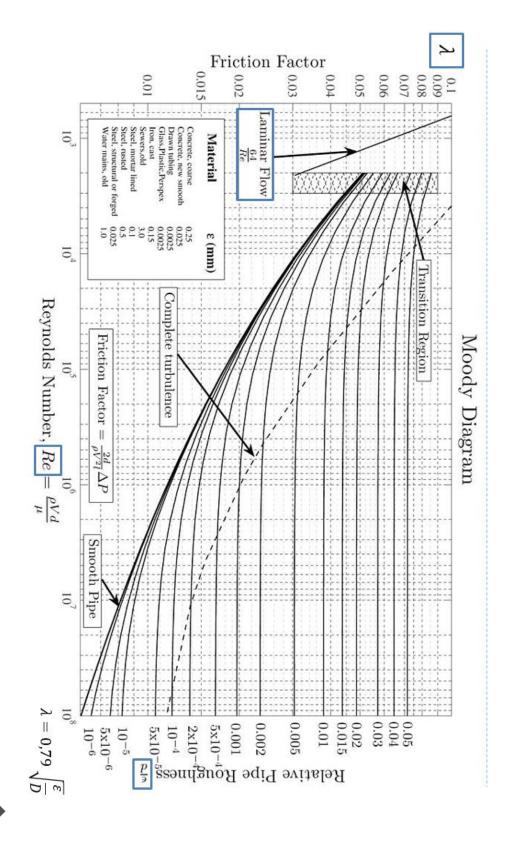
- Les pertes de charges régulières (ou linéaires) dues aux frottement au sein du fluide et contre les parois,
- Les pertes de charges singulières liées aux accidents de parcours : coude, élargissement, rétrécissement, etc.
- Les pertes de charges régulières dans une canalisation :

mCF := Mètre de colonne de Fluide

- Nombre de Darcy en régime laminaire de Poiseuille : $\lambda = \frac{64}{Re}$
- lacktriangle Nombre de Darcy en régime de Blasius : $\lambda = 0.3164 Re^{-0.25}$
 - lacksquare λ : nombre de Darcy (Pa.m⁻¹),
 - lacksquare L: longueur canalisation (m),
 - ▶ D : diamètre canalisation (m),
 - ρ : masse volumique (kg.m⁻³),
 - v: vitesse (m.s⁻¹).
- Nombre de Darcy en régime turbulent rugueux : $\lambda = 0.79 \sqrt{\frac{\varepsilon}{D}}$



Pertes de charges régulières Abaques $\lambda = f(\varepsilon/D)$



Pertes de charges singulières

Elles apparaissent à chaque incident de parcours.

$$\Delta P_{sing} = \frac{\zeta \cdot \rho \cdot v^2}{2}$$

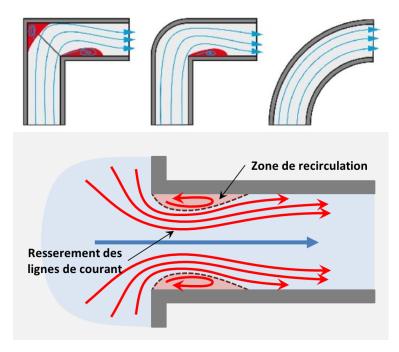
$$H_{sing} = \frac{\zeta \cdot v^2}{2 \cdot g}$$

$$J_{sing} = \frac{\zeta \cdot v^2}{2}$$
(Pa ou J.m⁻³) (mCF) (J.kg⁻¹)

 ζ : coefficient de contraction (su), aussi noté K,

 ρ : masse volumique (kg.m⁻³),

v: vitesse en amont de la singularité (m.s⁻¹).

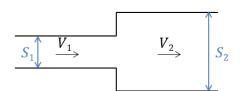


PROJET MECANIQUE DES FLUIDES

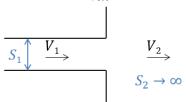
PROSIT 1 - WORKSHOP

• Évasement brusque :

$$\zeta_{th} = \left(1 - \frac{S_1}{S_2}\right)^2$$



• Arrivée d'une tuyauterie dans un réservoir : $\zeta_{th} = 1$



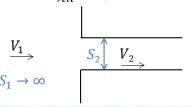
Rétrécissement brusque :

$$\zeta_{th} = \left(\frac{1}{C} - 1\right)^{2}$$

$$C = 0,63 + 0,37 \left(\frac{S_{2}}{S_{1}}\right)$$

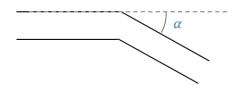
$$S_{1} \qquad V_{1} \Rightarrow \qquad S_{2} \qquad V_{2} \Rightarrow$$

Sortie d'un réservoir par une tuyauterie : $\zeta_{th} = 0.5$



Coude incliné :

$$\zeta_{th}=1.3(1-\cos\alpha)$$



- Coude à angle droit : $\zeta_{th} = 1$
- Coude à $45^{\circ}: \zeta_{th} = 0.7$

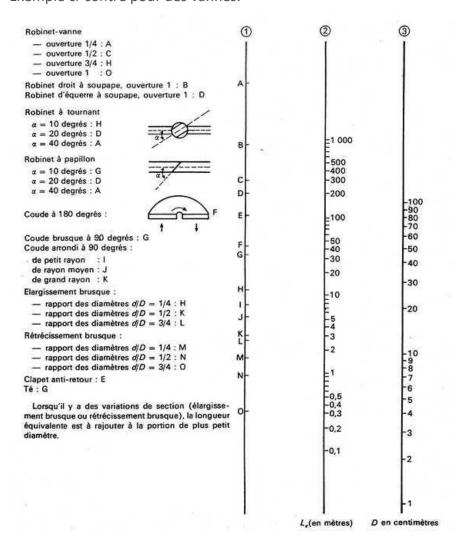
▶ Rétrécissement incliné :

$$\zeta_{th} = \sin \alpha \left(\frac{1}{C} - 1\right)^{2}$$

$$C = 0.63 + 0.37 \left(\frac{S_{2}}{S_{1}}\right)$$

$$S_{1}$$

Il existe des abaques rédigés par les fournisseurs.
 Exemple ci-contre pour des vannes.

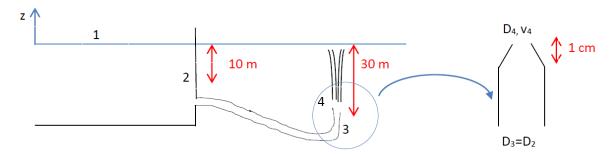


On pompe une huile de densité 0,860 par un tube horizontal de diamètre D = 5 cm, de longueur L = 300 m avec un débit Q = 1,20 l/s. L'écoulement est supposé laminaire. La perte de charge pour ce tronçon est de 21 m C.E. (colonne d'eau).

Quels sont les viscosités dynamique et cinématique de l'huile utilisée ? Quel est le nombre de Reynolds de l'écoulement ?

Exercice 2

L'entrée E d'un tuyau de diamètre D_2 =8cm se trouve à 10m sous la surface libre d'un réservoir d'eau de grandes dimensions, et la sortie à 30m au-dessous de cette même surface libre. Il se termine par une courte tuyère de diamètre D_4 =4cm. On se place dans le cas d'un fluide parfait (ρ_{eau} =1kg/L).



- 1) Quelle est la valeur de la vitesse v₄ à la sortie de la tuyère ?
- 2) Quel est le débit d'eau qui s'écoule ?
- 3) Quel est dans le tuyau, la valeur de la pression en 2 ainsi que dans une section S située juste en amont de la tuyère de sortie ?

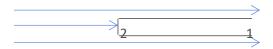
Exercice 3 Tubes de Pitot

Montrer que pour un fluide parfait, dans un tube ouvert à une extrémité et fermé à l'autre :

1) la pression dans le tube est égale à la pression totale si l'extrémité ouverte est face à l'écoulement



2) la pression dans le tube est égale à la pression si l'extrémité ouverte est dos à l'écoulement

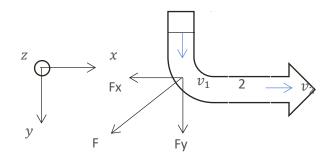


Du fioul lourd circule d'A à B par un tuyau d'acier de diamètre D = 15 cm et de longueur L = 900 m. Sa densité est 0,915 et sa viscosité cinématique est de 4,13 10^{-4} m 2 s $^{-1}$. La pression en A est 110 mCE, celle en B de 3,5 mCE. Quelle est le débit en l/s ?

Exercice 5 Effort exercé sur un coude

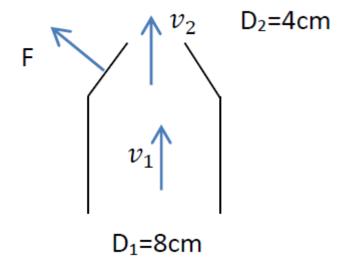
Une conduite d'eau horizontale de diamètre intérieur D1=100mm est le siège d'un écoulement permanent d'eau (considéré comme un fluide parfait) de débit 30L/s. A l'entrée du coude, la pression statique (relative) du fluide est de 2 bars.

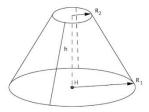
Calculer la résultante horizontale des forces exercées par le fluide sur le coude.



Exercice 6 Effort exercé sur un rétrécissement

Calculer la force exercée par l'écoulement sur la tuyère de l'exercice 1.

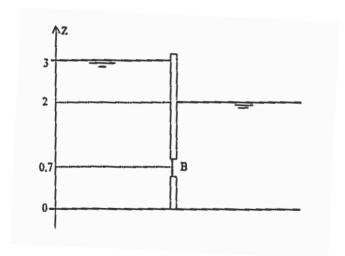




Deux étangs, de volumes très importants, sont séparés par une paroi verticale. Une ouverture rectangulaire de largeur 10cm et de hauteur 20cm, pouvant être obturée par une vanne de mêmes dimensions, permet de les mettre en communication.

PROJET MECANIQUE DES FLUIDES

PROSIT 1 - WORKSHOP



Données:

 $z_A=3m$

 $z_C=2m$

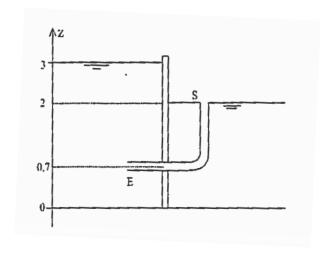
Coefficient de perte de charge

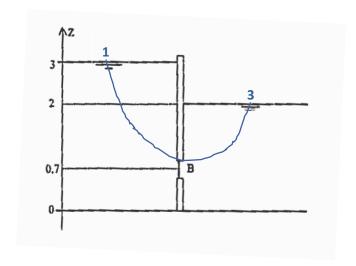
singulière au niveau de l'ouverture : ζ_B =0.8

 $\eta_{eau} = 1.10^{-3} \text{ Pa.s}$

 $\rho_{eau} = 1 kg/L$

- 1) La vanne est ouverte, calculer avec quel débit l'étang 1 se vide dans l'étang 2.
- 2) On remplace l'ouverture rectangulaire par une ouverture circulaire, de rayon 10cm, dans laquelle on introduit une buse de même section, de longueur L=3m, coudée, et débouchant à l'air libre, juste au-dessus de la surface libre de l'étang 2. Les pertes de charge à considérer sont les pertes de charges singulières à l'entrée de la conduite $\zeta_E=0.5$, à la sortie de la conduite $\zeta_S=0$, dans le coude $\zeta_{coude}=1$, et les pertes de charges régulières dans la conduite. On supposera l'écoulement turbulent et on prendra pour valeur du nombre de darcy la valeur 0.025. Calculer avec quel débit l'étang 1 se vide dans l'étang 2. L'hypothèse d'un écoulement turbulent est-elle vérifiée ?





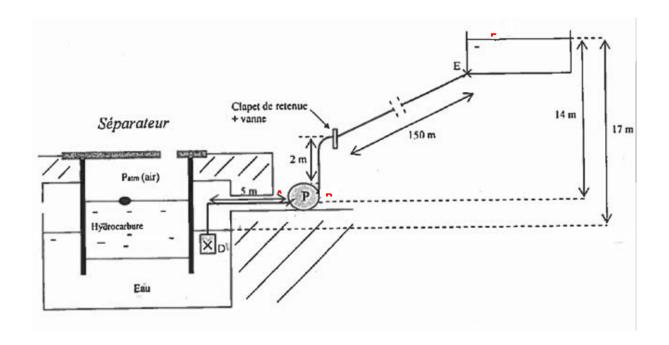
- a) Déterminer le type d'écoulement ayant lieu dans une conduite de 30 cm de diamètre quand, à 15°C, circule de l'eau à la vitesse de 1 m/s ($v = 1,13 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$).
- b) Déterminer le type d'écoulement ayant lieu dans une conduite de 30 cm de diamètre quand, à 15° C, circule du fuel-huile lourde avec la même vitesse (v = 2,06 10^{-4} m²/s).

Exercice 9

Pour que les conditions soient celles d'un écoulement laminaire, quelle doit être la taille de la conduite, si elle doit transporter du fuel-oil moyen à $4,5^{\circ}$ C à un débit de 350 l/mn, sachant que la viscosité cinématique $v = 7 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$.

Exercice 10 Lavage automatique

L'eau est traitée par le séparateur puis stockée dans un bassin situé à 17m au dessus du séparateur. L'eau est pompée par une pompe (P) nécessitant un débit volumique de qv=40 L/s.



Données:

Coefficient de pertes de charge singulière ζ : ζ_{clapet} = 3.5, ζ_{coude} =0.5, ζ_{vanne} =0.2

Diamètre de toute la tuyauterie : 175mm

 $\lambda = 0.056$

 $\rho_{eau}=1kg/L$

1) Calculer la perte de charge régulière entre D et E.

- 2) Calculer la perte de charge singulière entre D et E.
- 3) Calculer les pressions en entrée et en sortie de pompe.

3

RESSOURCES COMPLEMENTAIRES

Pertes de charges

http://gpip.cnam.fr/ressources-pedagogiquesouvertes/hydraulique/co/4exo applicationMoody1.html

https://tech-alim.univ-lille.fr/intro_gia/co/003_exo04.html

Calculateurs en ligne de pertes de charge linéaires http://www.efluids.com/efluids/pages/calculators.htm

http://www.lmnoeng.com/darcy.htm

http://www.engineeringtoolbox.com/darcy-weisbach-equation-d 646.html