

S2I

PSI

2020

CONCOURS CENTRALE-SUPÉLEC

4 heures

Calculatrice autorisée

Robotisation du désherbage mécanique des vignes

Contexte

Le désherbage des vignes permet de préserver les ressources hydriques et azotées en éliminant les plantes qui entrent en concurrence avec la vigne. Il élimine également les herbes qui montent au cœur du feuillage favorisant le développement de maladies et contribue à l'aspect esthétique des vignes, vecteur d'image pour le vin.

La zone inter-rang est facile d'accès et l'entretien peut être fait par labour ou par tonte. Le désherbage mécanique « sous le rang » (figure 1) est délicat à réaliser, car il faut éviter de heurter les ceps avec l'outil qui travaille la terre.

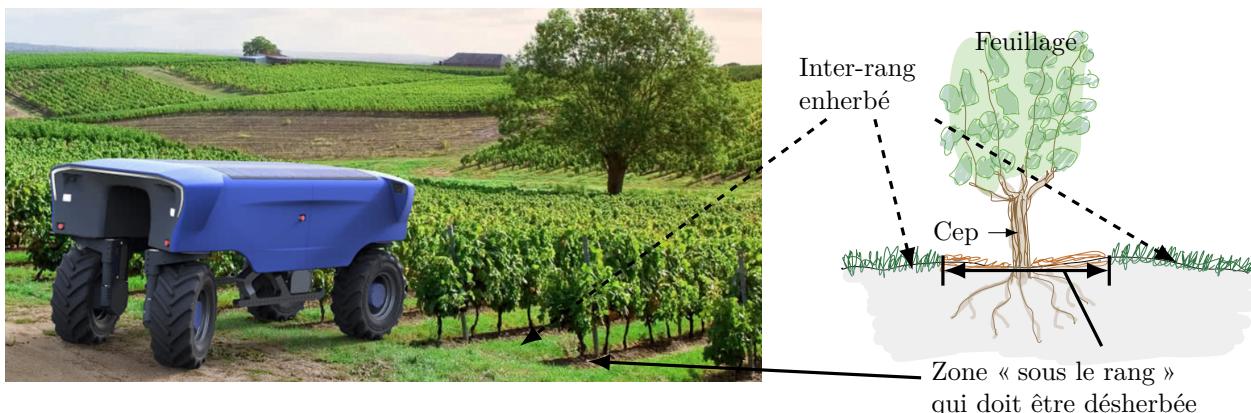


Figure 1 Robot Bakus (vue de gauche) sans outil dans une vigne avec inter-rang enherbé et espace sous le rang désherbé mécaniquement. Morphologie d'un plan de vigne (vue de droite) et vocabulaire associé.

S'il a l'avantage de décomacter le sol au voisinage des pieds de vigne, ce qui permet de favoriser la circulation de l'air et de l'eau vers le système racinaire des ceps, le désherbage mécanique doit être réalisé dans des conditions d'humidité du sol bien précises afin de garantir la qualité du travail. La conduite des tracteurs nécessite du personnel qualifié et un équipement suffisant pour pouvoir intervenir et traiter l'ensemble du vignoble au moment opportun.

Le désherbage chimique à base d'herbicides, plus facile à mettre œuvre et moins onéreux (tableau 1), s'est développé au cours des cinquante dernières années malgré les doutes émis sur les substances utilisées vis-à-vis des hommes et de l'environnement.

	Désherbage mécanique {tracteurs + chauffeurs}	Désherbage chimique	Désherbage mécanique robotisé
Coût annuel pour 10 ha de vignes larges (4000 pieds/ha)	300 €	130 €	à minimiser
Coût annuel pour 10 ha de vignes étroites (8000 pieds/ha)	800 €	180 €	à minimiser
Nombre de passages annuels	5	2	5
Émission de gaz à effet de serre équivalent CO ₂ Tank To Wheel	120 kg/an/ha	40 kg/an/ha	à minimiser

Tableau 1 Comparatif des différentes solutions, source Institut Français de la Vigne et du Vin

La robotisation du désherbage mécanique doit devenir la solution utilisée par la majorité des viticulteurs :

- en proposant des véhicules capables de suivre le rang de manière autonome afin de s'affranchir des problèmes de disponibilité des chauffeurs et intervenir à tout moment, même la nuit ;
- en utilisant exclusivement de l'énergie électrique afin de minimiser les émissions de gaz à effet de serre équivalent CO₂ Tank To Wheel (du réservoir à la roue).

L'objet de cette étude est le robot « Bakus » (figure 1) de la société VitiBot dont les premières utilisations ont eu lieu fin 2019 en Champagne. C'est un quadriporteur enjambeur de rang, dont chaque roue est motrice et orientable. L'énergie utilisée est exclusivement électrique, Bakus est équipé de batteries et de panneaux solaires.

Dans ce sujet, seul le cas du désherbage mécanique avec lame décavaillonneuse est étudié car il est le plus exigeant vis-à-vis des performances attendues du robot. Le décavaillonnage consiste à retourner la terre dans la zone « sous le rang ». Il demande un guidage précis des outils dans le rang de vigne et occasionne une dépense énergétique accrue pour vaincre l'effort du sol sur les lames et assurer le mouvement de retrait de ces dernières à l'approche d'un cep afin d'éviter de l'abîmer.

Les ceps de vigne sont plantés à des intervalles interceps réguliers de longueur l_{ic} , tels que $1 \text{ m} \leq l_{ic} \leq 1,2 \text{ m}$, pour former le rang.

Le cahier des charges partiel du désherbage mécanique des vignes est donné figure 3.



Figure 2 Lames décavaillonneuses interceps équipant un enjambeur

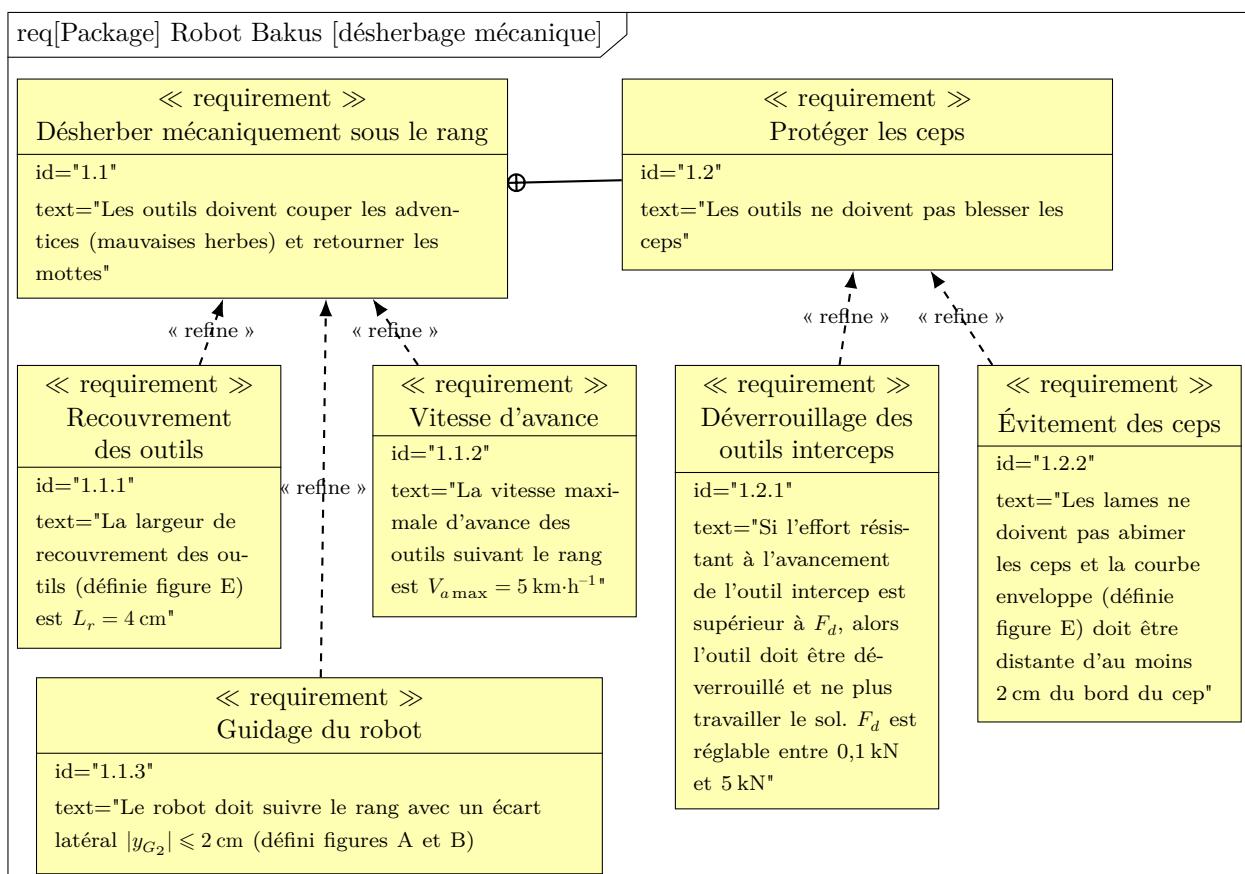


Figure 3 Cahier des charges partiel

L'objet de ce sujet est d'évaluer les solutions retenues pour *suivre le rang de manière autonome et assurer le retrait des lames décavaillonneuses à l'aide d'un actionneur électrique* tout en optimisant la consommation énergétique et en respectant les exigences du désherbage mécanique.

Le sujet est décomposé en deux parties :

- en partie I, il s'agit d'élaborer la consigne de guidage du robot Bakus le long du rang à partir des informations issues des capteurs utilisés et de vérifier les performances du guidage vis-à-vis du désherbage mécanique dans le cas de sols glissants en dévers ;
- en partie II, une étude du mécanisme de retrait d'une lame décavaillonneuse permettra d'estimer la puissance économisée lors de l'évitement d'un cep, puis une étude dynamique permettra de choisir un actionneur électrique et de concevoir une stratégie de commande de ce dernier.

I Génération des consignes d'orientation des roues avant et arrière pour le guidage du robot Bakus

— Objectif —

Élaborer les lois permettant de générer les consignes d'orientation à envoyer à chacune des quatre roues orientables du robot, afin qu'il puisse se déplacer le long d'un rang de vigne avec la même précision qu'un tracteur piloté par un chauffeur.

Pour que le robot puisse se déplacer correctement le long du rang qu'il enjambe, il faut qu'il puisse suivre la trajectoire \mathcal{T} le plus précisément possible (figure B du document réponse).

Afin de simplifier l'étude proposée, il sera supposé dans toute cette partie que la trajectoire \mathcal{T} à suivre par le robot, correspondant à la courbe passant par l'ensemble des ceps de vigne d'un rang, est une droite (O, \vec{x}_0) (figure A du document réponse). En effet, les rangs de vignes sont globalement plantés en ligne droite (ou avec des rayons de courbure très grands devant la distance entre deux ceps successifs) et avec une erreur de positionnement de quelques millimètres, très inférieure aux dimensions du robot.

Les différents outils que le robot embarque travaillant au milieu du robot (point G_2), ce dernier doit piloter les angles d'orientation de ses roues avant et arrière, afin de maîtriser l'écart latéral y_{G_2} et l'écart angulaire θ (compensation de la marche en crabe sur les terrains en pente glissants : voir figures A et B du document réponse).

I.A – Changement de variables $(y_{G_2}, \theta) \rightarrow (y_F, y_R)$

— Objectif —

Simplifier l'approche du problème d'asservissement du couple de variables (y_{G_2}, θ) au point de fonctionnement $(0, 0)$ à l'aide d'un changement de variables approprié.

L'écart angulaire θ (figures A et B du document réponse) n'est en réalité que de quelques degrés ($|\theta| \leqslant 7^\circ$). Ainsi, à l'ordre 1, il est possible d'utiliser dans la suite les approximations suivantes :

$$\cos \theta \approx 1, \quad \sin \theta \approx \theta \quad \text{et} \quad \tan \theta \approx \theta.$$

Q 1. À partir de la figure A uniquement :

- déterminer les expressions linéarisées à l'ordre 1 de y_F et y_R , notées respectivement (E1) et (E2) en fonction de y_{G_2} , θ et L puis en déduire l'expression de θ en fonction de y_F , y_R et L , notée (E3) ;
- déduire de ces résultats que chercher à asservir le couple de variables (y_{G_2}, θ) au point de fonctionnement $(0, 0)$ est équivalent à asservir (y_F, y_R) au même point de fonctionnement.

Par conséquent, une réponse à la problématique de l'asservissement latéral du robot Bakus à la trajectoire \mathcal{T} consiste maintenant à asservir les écarts latéraux (y_F, y_R) pour qu'ils convergent vers le point de fonctionnement $(y_F^*, y_R^*) = (0, 0)$, où y_F^* et y_R^* représentent les variables de consigne de position latérale des points F et R par rapport à \mathcal{T} , et ce, malgré un glissement potentiel des roues sur un sol naturel.

Ainsi, le schéma de génération des consignes d'orientation des roues retenu par le constructeur peut se mettre sous la forme de la figure 4.

I.B – Modélisation cinématique étendue du robot

— Objectif —

Établir un modèle exploitable décrivant les déplacements du robot Bakus sur un sol naturel, c'est-à-dire en tenant compte d'un éventuel glissement des roues sur le sol lorsqu'il est en dévers (phénomène de dérive latérale et angulaire).

Pour pouvoir élaborer les consignes d'orientation des roues du robot, il est nécessaire d'établir un modèle reflétant avec précision le comportement réel du système. Un modèle dynamique complet serait idéal, mais sa complexité rendrait difficile toute étude de loi de commande, notamment à cause de nombreux paramètres difficiles à estimer.

À contrario, un modèle cinématique sous hypothèse de roulement pur sans glissement au niveau du contact roue-sol serait plus facile à gérer d'un point de vue de l'élaboration de la commande qu'un modèle dynamique complet, mais il ne décrirait pas suffisamment bien le comportement du système réel qui peut rencontrer des problèmes d'adhérence sur un sol naturel en dévers.

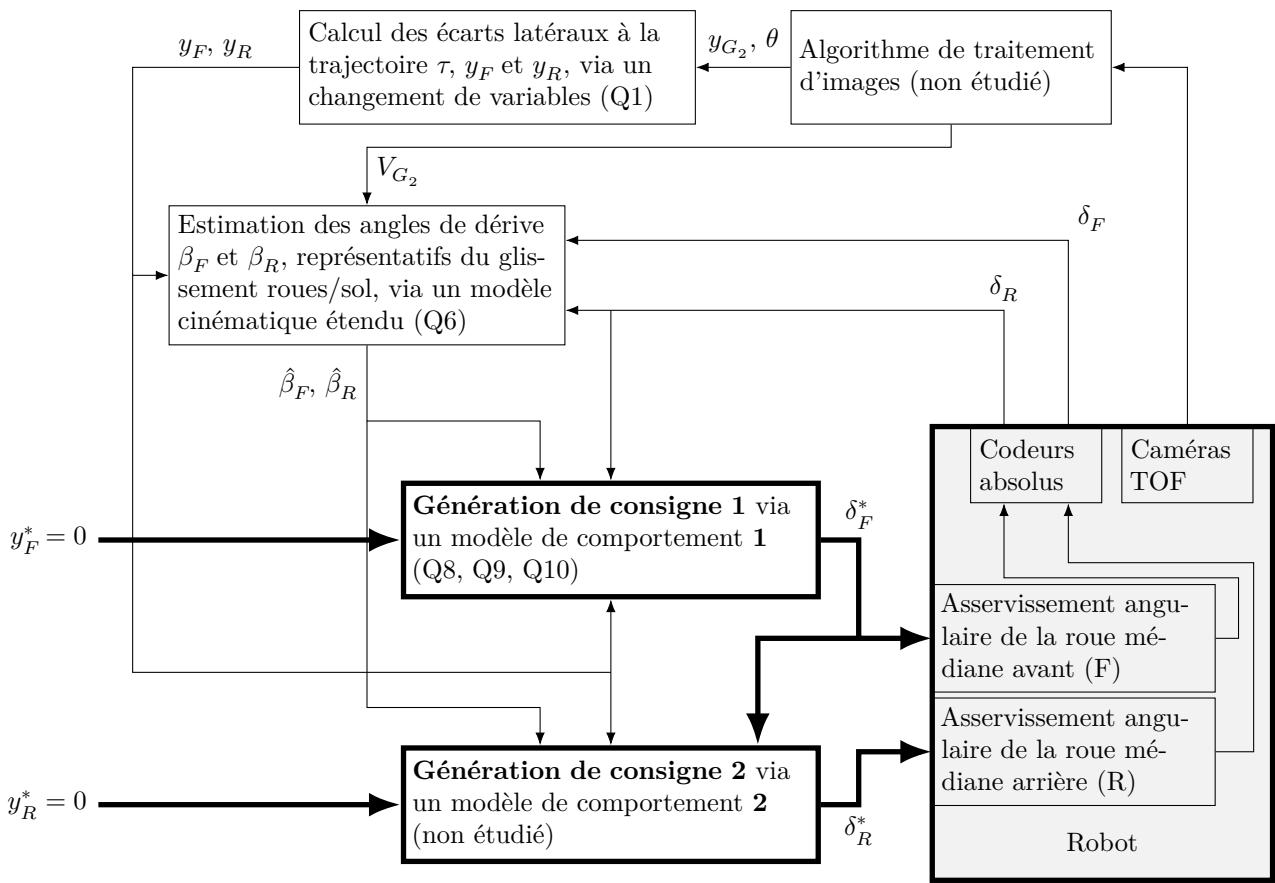


Figure 4 Schéma de principe de la génération des consignes d'orientation des roues du robot Bakus δ_F^* et δ_R^* pour le suivi de la trajectoire \mathcal{T} , avec prise en compte du glissement au niveau des roues sur le sol (Qi fait référence au(x) résultat(s) de la question i), y_F^* et y_R^* correspondent aux écarts latéraux souhaités entre le robot et la trajectoire τ (figure A).

Une approche intermédiaire consiste alors à enrichir le modèle cinématique du robot Bakus avec un nombre limité de variables dynamiques. C'est cette approche qui est retenue par la suite, en ajoutant des variables de glissement sur chacun de ses trains directeurs et roulants. Ce modèle, dit modèle cinématique étendu, est représenté sur la figure A.

I.B.1) Notations et hypothèses

Les notations suivantes sont relatives à la figure A.

- le sol est modélisé par le solide 0 auquel est associé le repère $(O, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$ et est supposé être localement plan à l'aplomb du point G_2 ;
- le problème est considéré comme cinématiquement plan dans $(O, \vec{x}_0, \vec{y}_0)$;
- le châssis du robot Bakus correspond au solide 2, associé au repère $(G_2, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$;
- afin de simplifier l'étude, les deux roues avant sont assimilées à une seule roue virtuelle (repère 5) située en F, de même le train arrière est assimilé à une roue virtuelle (repère 6) située en R (figure A) ;
- les angles $\delta_F = (\vec{x}_2, \vec{x}_F)$ et $\delta_R = (\vec{x}_2, \vec{x}_R)$ sont respectivement les angles d'orientation autour de \vec{z}_2 de la roue virtuelle avant en F et de la roue virtuelle arrière en R. Ces deux angles constituent les deux premières variables de commande du robot. V_{G_2} est la mesure algébrique de la vitesse linéaire du robot au point G_2 et correspond à la troisième variable de commande ;
- les angles $\beta_F = (\vec{x}_{V_F}, \vec{x}_F)$ et $\beta_R = (\vec{x}_{V_R}, \vec{x}_R)$ sont respectivement les angles de dérive des roues virtuelles avant et arrière. Ces angles traduisent la conséquence d'un glissement éventuel des roues virtuelles avant et arrière par rapport au sol ;
- l'angle θ est défini par $\theta = (\vec{x}_0, \vec{x}_2)$. Il paramètre l'orientation du châssis 2 du robot par rapport à la trajectoire \mathcal{T} ;
- la dérivée temporelle d'une variable s sera notée $\dot{s} = \frac{ds}{dt}$;
- quel que soit le point $P \in \{F, G_2, R\}$:
 - $\overrightarrow{OP} = x_P \vec{x}_0 + y_P \vec{y}_0$;
 - $\vec{V}_{P,2/0} = \vec{V}_P$ correspond au vecteur vitesse réel, c'est-à-dire malgré le glissement des roues sur le sol, du point P pris dans le mouvement du châssis 2 du robot par rapport au sol. Ainsi, il vient $\dot{x}_P = \vec{V}_P \cdot \vec{x}_0$ et $\dot{y}_P = \vec{V}_P \cdot \vec{y}_0$;

- les angles γ_P sont définis par $\gamma_P = (\vec{x}_2, \vec{x}_{V_P})$;
 - P_0 correspond au projeté orthogonal d'un point P lié au robot sur \mathcal{T} ;
 - I_{20} correspond à un point virtuel tel que $\vec{V}_{I_{20},2/0} = \vec{0}$. Il est alors possible de montrer que $\vec{V}_P \cdot \vec{I}_{20} = 0$.
- la vitesse linéaire d'avance du robot le long de la trajectoire \mathcal{T} correspond à \dot{x}_{G_2} .

Les valeurs des variables θ (en radian) et y_{G_2} (en mètre) sont déterminées par le robot grâce à un algorithme de traitement d'images de huit caméras TOF (Time Of Flight) installées sur la périphérie du robot.

I.B.2) Mise en équation du modèle cinématique étendu du robot Bakus

Q 2. À partir de la figure A, déterminer les relations donnant les expressions de :

- \dot{y}_F et \dot{y}_R en fonction de V_F , V_R , θ , δ_F , δ_R , β_F et β_R ;
- \dot{x}_{G_2} en fonction de V_{G_2} , γ_{G_2} et θ .

Q 3. Montrer rigoureusement que $\vec{V}_{G_2} \cdot \vec{x}_2 = \vec{V}_F \cdot \vec{x}_2 = \vec{V}_R \cdot \vec{x}_2$. En déduire une relation entre V_{G_2} , γ_{G_2} , V_F , γ_F , V_R et γ_R .

À l'aide de la figure A et en considérant successivement les triangles FHI_{20} , RHI_{20} et G_2HI_{20} , il est possible d'écrire que :

$$\begin{cases} \tan \gamma_F = \frac{2L + h}{\rho} \\ \tan \gamma_R = \frac{h}{\rho} \\ \tan \gamma_{G_2} = \frac{h + L}{\rho} = \frac{\tan \gamma_F + \tan \gamma_R}{2} \end{cases}$$

Q 4. À partir du résultat obtenu à la question 3, donner les expressions de V_F et V_R en fonction de V_{G_2} , δ_F , β_F , δ_R et β_R .

Les valeurs des angles θ , β_F et β_R n'étant en pratique que de quelques degrés ($|\theta| < 7^\circ$ et $|\beta_F|, |\beta_R| \leqslant 3^\circ$), les angles δ_F et δ_R le sont aussi, ainsi que $(\delta_F - \beta_F)$ et $(\delta_R - \beta_R)$.

Ainsi, en linéarisant à l'ordre 1 les trois équations obtenues et en combinant les résultats des questions 2 et 4 pour de petits angles, la cinématique du robot en train de longer un rang de vigne peut être décrite par les trois équations suivantes :

$$\dot{x}_{G_2} = V_{G_2} \quad (I.1)$$

$$\dot{y}_F = V_{G_2}(\theta + \delta_F - \beta_F) \quad (I.2)$$

$$\dot{y}_R = V_{G_2}(\theta + \delta_R - \beta_R) \quad (I.3)$$

Ce système de trois équations correspond au modèle cinématique étendu du robot enjambeur, qui prend bien en compte les effets d'une mauvaise adhérence potentielle des roues sur le sol naturel.

I.C – Mesure ou estimation des variables du modèle cinématique étendu

— Objectif —

Donner les moyens au robot de mesurer ou, à défaut, d'estimer les valeurs des variables δ_F , δ_R , y_{G_2} , θ , \dot{y}_F , \dot{y}_R et V_{G_2} du modèle cinématique étendu.

I.C.1) Variables mesurées directement par des capteurs dédiés

a) Mesure de l'orientation des roues

L'orientation des roues, paramétrée par les variables δ_F et δ_R , est effectuée par des motoréducteurs asservis en position. La mesure de δ_F et δ_R est effectuée par l'intermédiaire de codeurs angulaires absolus situés en sortie de réducteur. Ainsi, les valeurs des variables δ_F et δ_R sont directement fournies par ces capteurs.

Q 5. Compte-tenu du contexte d'utilisation du robot, justifier l'intérêt d'avoir choisi des codeurs absolus plutôt que relatifs (incrémentaux) pour obtenir les valeurs mesurées de δ_F et δ_R .

b) Mesure des variables cinématiques

L'analyse des images successives prises par les caméras TOF permet au robot de déterminer les valeurs des variables y_{G_2} , θ et V_{G_2} . Ce traitement n'est pas étudié dans ce sujet.

L'évaluation des variables

- y_F et y_R se fait à l'aide des valeurs de y_{G_2} , θ et des relations de changement de variables trouvées à la question 1 ;
- \dot{y}_F , \dot{y}_R se fait à partir de la dérivation temporelle des variables y_F et y_R .

I.C.2) Variables estimées par analyse d'images des huit caméras TOF du robot

Le problème majeur pour la commande du robot Bakus est qu'il est très difficile de mesurer les valeurs des variables de glissement β_F et β_R à l'aide de capteurs dédiés. L'idée consiste à estimer ces variables de glissement, notées alors $\hat{\beta}_F$ et $\hat{\beta}_R$, à partir des autres grandeurs mesurées par le système.

Q 6. À partir des équations (I.2) et (I.3), donner l'expression des variables estimées $\hat{\beta}_F$ et $\hat{\beta}_R$ en fonction des variables mesurées \dot{y}_F , \dot{y}_R , V_{G_2} , θ , δ_F et δ_R .

Grâce au modèle cinématique étendu établi précédemment, les variables de glissement estimées $\hat{\beta}_F$ et $\hat{\beta}_R$ peuvent donc être déterminées par le robot, à partir des mesures fournies par les codeurs absolus des dispositifs d'orientation des roues et l'analyse des images acquises par les huit caméras TOF.

I.D – Génération des consignes d'orientation des roues (δ_F^* , δ_R^*) pour l'asservissement latéral et angulaire du robot enjambeur le long d'un rang de vigne

— Objectif —

Établir les lois de génération de consigne de l'asservissement latéral du robot Bakus pour qu'il puisse suivre avec précision la trajectoire \mathcal{T} , malgré un glissement éventuel des roues sur le sol naturel.

L'idée consiste à établir deux lois de génération de consigne distinctes en cascade (figure 4) :

- une *génération de consigne 1* qui correspond à celle de l'orientation des roues avant du robot, afin de faire converger y_F vers 0 en pilotant l'angle δ_F . L'angle δ_R est alors supposé être connu, car mesuré par l'intermédiaire des codeurs absolus situés sur les dispositifs d'orientation des roues arrière du robot ;
- une *génération de consigne 2* qui correspond à celle de l'orientation des roues arrière du robot, afin de faire converger y_R vers 0 en pilotant l'angle δ_R .

I.D.1) Passage du domaine temporel au domaine spatial : $t \rightarrow x_{G_2}$

— Objectif —

Rendre le modèle cinématique étendu indépendant de la vitesse linéaire V_{G_2} du robot le long d'un rang de vigne, afin de découpler la gestion des écarts latéraux y_F et y_R et celui de la vitesse d'avance V_{G_2} .

Pour ce faire, un changement de domaine doit être effectué pour passer du domaine temporel au domaine spatial. Les notations suivantes sont utilisées :

- il est rappelé que la dérivée par rapport au temps (en seconde) d'une variable s est notée $\dot{s} = \frac{ds}{dt}$;
- la dérivée par rapport à l'abscisse x_{G_2} (en mètre) d'une variable s est notée $s' = \frac{ds}{dx_{G_2}}$.

Q 7. À partir des équations (E3), (I.1), (I.2) et (I.3) établies à partir du modèle cinématique étendu de la figure A, montrer que :

$$y'_F = \theta + \delta_F - \beta_F \quad (\text{I.4})$$

$$y'_R = \theta + \delta_R - \beta_R \quad (\text{I.5})$$

$$\theta' = \frac{y'_F - y'_R}{2L} \quad (\text{I.6})$$

Ces trois relations sont bien indépendantes de la vitesse linéaire V_{G_2} du robot le long du rang.

I.D.2) Asservissement de la variable de déplacement latéral y_F à une consigne $y_F^* = 0$

— Objectif —

Justifier le choix du modèle du comportement en déplacement latéral y_F du robot assurant sa convergence à une valeur de consigne y_F^* et son réglage.

Il est rappelé que dans ce cas, l'angle d'orientation de la roue médiane arrière 6, noté δ_R , est supposé être connu, car il peut être mesuré directement : il sera donc noté δ_R dans le cadre de l'asservissement de y_F à 0.

Le *modèle 1* du comportement en déplacement latéral y_F , choisi par le constructeur, est régi par l'équation

$$y''_F + K_{dF} y'_F + K_{pF} y_F = K_{pF} y_F^* \quad (\text{I.7})$$

Q 8. Par analogie avec un modèle temporel usuel d'ordre 2 à identifier, de paramètres caractéristiques ω_{0F} , ξ_F et K_F :

- en justifiant la réponse, tracer l'allure de l'évolution de $y_F(x_{G_2})$ imposée par le modèle 1 (I.7) pour une consigne $y_F^* = 0$ en fonction de x_{G_2} , lorsque $y_F(x_{G_2} = 0) = y_{F0} > 0$ (y_{F0} étant une valeur constante),
 $y'_F(x_{G_2} = 0) = 0$, $K_{pF} = \frac{K_{dF}^2}{4}$ et $K_{dF} \approx 5$;
- préciser sur le graphe les éléments caractéristiques de la courbe tracée pour $x_{G_2} = 0$;
- justifier pourquoi le paramètre K_{pF} a été réglé de telle sorte que $K_{pF} = \frac{K_{dF}^2}{4}$, compte-tenu du contexte de fonctionnement du robot enjambeur.

Prendre en compte la condition initiale non nulle $y_F(x_{G_2} = 0) = y_{F0} \neq 0$ et une consigne y_F^* nulle, revient à considérer que les performances du *modèle 1* sont les mêmes que celles du modèle suivant, pour lequel $y'_F(x_{G_2} = 0) = 0$:

$$y''_F + K_{dF} y'_F + K_{pF} y_F = K_{pF} y_{F0} \quad (\text{I.8})$$

Il est rappelé que les ceps de vigne d'un même rang sont plantés tous les 1 à 1,2 m sur une même ligne dont les variations du rayon de courbure sont faibles vis-à-vis de la longueur du rang.

Q 9. Expliquer ce que représente $x_{F_{r5\%}}$ dans le cas de ce modèle spatial (I.8), analogue du temps de réponse à 5 % dans le cas d'un modèle temporel. Préciser son unité. Compte-tenu de la valeur prise précédemment pour le réglage de K_{pF} , donner alors une expression littérale approchée de $x_{F_{r5\%}}$ en fonction de K_{dF} . Effectuer l'application numérique et conclure sur la pertinence de la valeur numérique de K_{dF} , vu le contexte d'utilisation du robot enjambeur.

I.D.3) Génération des consignes d'orientation δ_F^* et δ_R^* des roues médianes

Objectif

Établir deux relations permettant de déterminer la consigne d'orientation de la roue médiane avant δ_F^* et celle de la roue médiane arrière δ_R^* (figure A).

L'idée générale consiste à exploiter les relations établies précédemment en tenant compte du fait que certaines variables peuvent maintenant être mesurées ou estimées par le robot (voir le schéma de génération des consignes d'orientation des roues sur la figure 4).

Afin de simplifier la relation qui permet de déterminer la consigne d'orientation de la roue médiane avant 5, notée δ_F^* , il est supposé que $\delta'_F - \beta'_F \approx 0$. En effet, la courbure de la trajectoire \mathcal{T} à suivre est très faible et, en pratique, les variations des conditions d'adhérence du robot au sol varient lentement le long d'un rang de vigne.

Q 10. À partir des relations issues du modèle cinématique étendu du robot (figure A), de la relation issue du modèle 1 choisi pour le comportement de $y_F(x_{G_2})$, et en sachant que les relations (E1) et (E2) trouvées à la question 1 permettent de considérer que les valeurs des variables y_F et y_R sont connues si y_{G_2} et θ le sont aussi (trajectoire \mathcal{T} connue) :

- déterminer l'expression de y''_F , en fonction de δ_F , β_F , δ_R , β_R et L . Pour ce faire, commencer par exprimer y''_F à partir de la relation (I.4), en tenant compte de l'hypothèse relative aux valeurs de $\delta'_F - \beta'_F$;
- en tenant compte du point de fonctionnement souhaité, déterminer ensuite l'expression de δ_F de la roue médiane avant 5, en utilisant la relation (I.7), puis les relations (I.4) et (E3) ;
- en identifiant précisément les variables qui sont mesurées et estimées, et en supposant que les dispositifs d'orientation des roues fonctionnent parfaitement et assurent ainsi que $\delta_F^* = \delta_F$, montrer alors que l'expression de δ_F^* est de la forme $\delta_F^* = C_1 \hat{\beta}_F + C_2 (\delta_R - \hat{\beta}_R) + C_3 y_F + C_4 y_R$;
- donner les expressions littérales de C_1 , C_2 , C_3 et C_4 en fonction de K_{dF} , K_{pF} et L .

Cette expression de δ_F^* est implantée dans un des calculateurs du robot afin de pouvoir générer les angles respectifs de consigne envoyés aux dispositifs d'orientation des deux roues avant du robot afin que l'écart latéral y_F reste proche de 0, quelles que soient les conditions d'adhérence des roues sur le sol.

En utilisant un raisonnement analogue à celui utilisé pour déterminer la consigne d'orientation des roues avant δ_F^* et en se limitant à un modèle d'ordre 1 pour son comportement, il est possible de déterminer la relation suivante, permettant de générer la consigne d'orientation δ_R^* de la roue médiane arrière 6 :

$$\delta_R^* = \hat{\beta}_R - \frac{1 - 4L^2 K_{pF}}{2L} y_F - 2K_{dR}(1 + 2K_{dF}) y_R$$

avec $K_{dR} \approx 1$, un réglage pertinent.

Ainsi, quelles que soient les conditions d'adhérence des roues sur le sol, le robot est capable de suivre correctement le rang de vigne qu'il enjambe.

II Optimisation énergétique du mouvement de retrait d'une lame décavaillonneuse, choix d'un actionneur et conception de sa commande

Le robot Bakus étant capable de suivre le rang de manière autonome, il est nécessaire d'étudier le mécanisme qui permet à la lame décavaillonneuse d'éviter les ceps. Ce mouvement de retrait devant le cep consomme de l'énergie, mais il est possible de diminuer l'effort résistant à l'avancement du robot lors du retrait en utilisant un système de transformation de mouvement particulier. De plus, il est nécessaire de choisir un actionneur électrique permettant de fournir une dynamique adaptée à l'évitement des ceps, quelles que soient les conditions d'utilisation.

Objectif

Adapter un outil intercep non motorisé utilisé avec les tracteurs traditionnels afin de concevoir un outil avec motorisation électrique pour le robot Bakus.

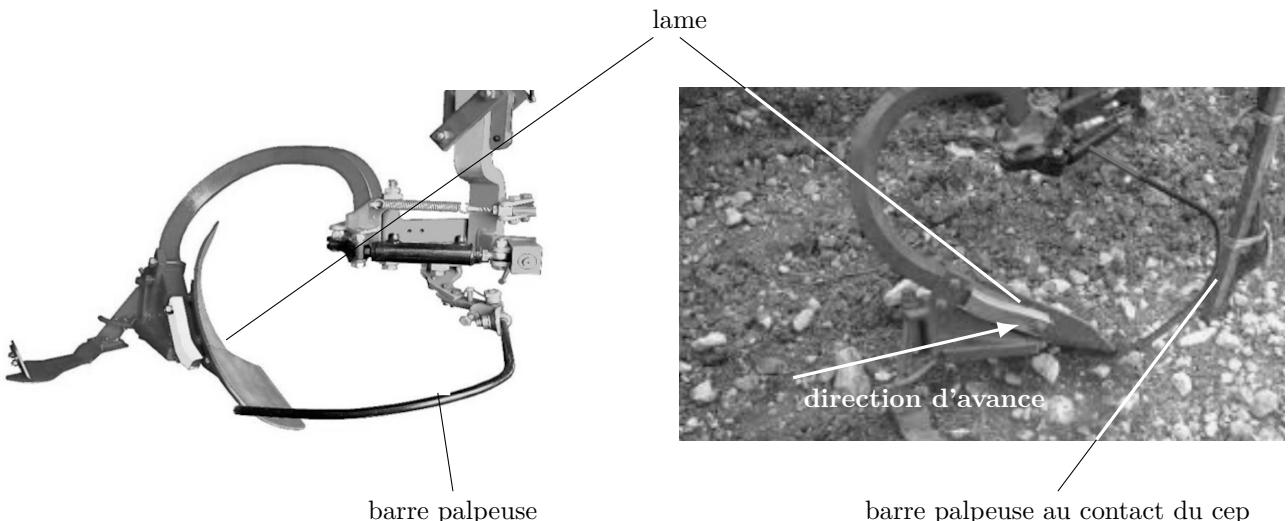


Figure 5 Vues d'un outil intercep non motorisé en travail (photo de droite), lame et barre palpeuse

Au contact du cep, une *barre palpeuse* (figure 5) est mise en rotation par rapport au robot. La mise en rotation est d'autant plus rapide que le robot avance vite ou que le cep est proche de l'axe de rotation de la barre palpeuse. Les outils non motorisés utilisent l'action du cep sur la barre palpeuse pour réaliser le mouvement de retrait, ce qui peut abîmer le cep. Les outils motorisés utilisent la barre palpeuse comme un capteur qui permet d'élaborer la commande de l'actionneur qui génère le mouvement de retrait.

II.A – Modélisation du mouvement des lames, tracé numérique des relations entre paramètres géométriques d'entrée et de sortie puis estimation de la puissance épargnée

Diminuer la largeur de terre travaillée (notée Lt sur la figure E du document réponse) permet de diminuer l'effort résistant à l'avancement du sol sur la lame, et donc de réduire la puissance nécessaire à faire avancer le robot le long du rang. Ce gain de puissance peut alors être affecté au mécanisme de retrait dont la puissance initialement allouée est limitée à 20 kW.

Objectif

Choisir un mécanisme de transformation du mouvement qui permette de diminuer d'au moins 15 % la puissance de cette action mécanique lorsque l'outil est en position moyenne de retrait par rapport à la position déployée : $\Delta \% P_{\text{sol} \rightarrow 4/0} > 15 \%$.

La majorité des outils interceps utilise un mécanisme qui permet de faire reculer la lame, partie de l'outil qui travaille le sol (figure 5), perpendiculairement à la direction d'avance du tracteur afin de ne pas endommager le cep.

L'effort du sol sur la lame décavaillonneuse numérotée (4) sur la figure E évolue en fonction des spécificités du sol travaillé (irrégularité du sol, nature du sol plus ou moins argileuse, présence d'adventices plus ou moins développées). Toutefois la géométrie de la lame décavaillonneuse est telle que l'action du sol sur la lame peut être modélisée par un glisseur au point B dirigé suivant \vec{u}_4 : $\vec{F}_{\text{sol} \rightarrow \text{lame}} = -F_{\text{sol}} \vec{u}_4$. L'effort résistant à l'avancement de l'outil intercep est noté $F_r = \vec{F}_{\text{sol} \rightarrow \text{lame}} \cdot \vec{x}_2$.

Le mécanisme étudié est similaire à celui proposé par la société Égretier qui équipe les tracteurs classiques. Il s'agit d'un système « 4 barres » qui permet d'obtenir un mouvement de retrait de la lame, mais aussi un

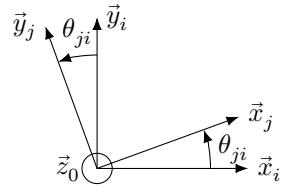
mouvement de rotation de cette dernière. La rotation permet de diminuer la largeur de bande travaillée Lt et donc de réduire l'effort résistant à l'avancement résultant de l'action du sol sur la lame, F_r . La rotation permet aussi de ne pas travailler l'inter-rang, ce qui serait inutile.

Dans le plan, il est possible de modéliser le mécanisme de l'outil intercep comme un ensemble de 4 solides rigides liés par des liaisons pivot d'axes de direction \vec{z}_0 (figure E).

Les bases associées à chaque solide i de ce problème plan de normale \vec{z}_0 sont notées : $B_i = (\vec{x}_i, \vec{y}_i, \vec{z}_0)$.

Les rotations entre deux solides i et j sont paramétrées par un angle θ_{ji} défini comme sur la figure ci-contre. Les liaisons entre solides sont modélisées par :

- une liaison pivot d'axe (O_1, \vec{z}_0) entre 2 et 1 ;
- une liaison pivot d'axe (O_3, \vec{z}_0) entre 2 et 3 ;
- une liaison pivot d'axe (A, \vec{z}_0) entre 1 et 4 ;
- une liaison pivot d'axe (B, \vec{z}_0) entre 3 et 4.



Sont numérotés sur la figure E :

- 0, le référentiel galiléen lié à la vigne, \vec{x}_0 est la direction du rang et correspond à la direction d'avance du robot Bakus dont la vitesse est supposée être constante dans cette partie ;
- 1, la barre qui est déplacée pour le mouvement de retrait ;
- 2, le bâti du robot Bakus auquel l'outil est lié complètement, les bases B_0 et B_2 sont confondues dans cette partie ;
- 3, la barre opposée ;
- 4, la lame décavaillonneuse.

La base $B_4^* = (\vec{u}_4, \vec{v}_4, \vec{z}_0)$ est aussi associée au solide 4 et l'angle entre \vec{x}_4 et \vec{u}_4 est noté $\alpha_4 = (\vec{x}_4, \vec{u}_4) = 0,65$ rad.

Les vecteurs suivants sont donnés : $\overrightarrow{O_1 A} = -l_1 \vec{x}_1$, $\overrightarrow{AB} = -l_4 \vec{y}_4$, $\overrightarrow{BO_3} = l_3 \vec{x}_3$, $\overrightarrow{O_3 O_1} = -a \vec{x}_2 + b \vec{y}_2$.

Le mouvement de l'intercep permet de passer de la position déployée ($\theta_{10} = 0,87$ rad) à la position de retrait qui fluctue en fonction de la morphologie de la vigne :

- la position de retrait maximale est obtenue pour un angle $\theta_{10} = 0,1$ rad (recul du point D de la lame de 18 cm suivant \vec{y}_0 , voir figure E) ;
- la position de retrait moyenne au cours du désherbage d'un rang correspond à une valeur d'angle voisine de 0,3 rad pour θ_{10} .

Q 11. Écrire sous forme vectorielle la relation de fermeture de la chaîne géométrique liée au modèle de la figure E et donner les équations scalaires associées en projection sur les vecteurs de la base B_2 .

Q 12. En exprimant les fonctions f_1 , f_2 et f_3 en fonction des paramètres l_1 , l_3 , l_4 , a , b , $\cos(\theta_{10})$ et $\sin(\theta_{10})$, montrer qu'il est possible d'obtenir à partir des équations de la question précédente une seule équation de la forme :

$$f_1(\theta_{10}) - f_2(\theta_{10}) \sin(\theta_{40}) - f_3(\theta_{10}) \cos(\theta_{40}) = 0. \quad (\text{II.1})$$

Afin de tracer la loi entrée-sortie du mécanisme, c'est-à-dire $\theta_{40} = f(\theta_{10})$, il est nécessaire d'utiliser une résolution numérique. Connaissant θ_{10} , il est possible de déterminer θ_{40} à l'aide de la relation (II.1) établie à la question précédente : il suffit de résoudre l'équation $\lambda_1 \cos(\theta_{40}) + \lambda_2 \sin(\theta_{40}) = \lambda_3$ où λ_1 , λ_2 et λ_3 sont trois valeurs dépendantes de θ_{10} .

Le programme Python utilisé et la courbe obtenue sont donnés sur la figure 6. Une liste de fonctions Python utiles est fournie en fin d'énoncé.

Il est rappelé que l'angle $\alpha_4 = (\vec{x}_4, \vec{u}_4)$ est voisin de 0,65 rad.

Q 13. En faisant l'hypothèse que quelle que soit la position de la lame $\vec{V}_{B,4/0} \sim V_{a\max} \vec{x}_0$, exprimer sous forme littérale la puissance de l'action mécanique du sol sur l'outil dans son mouvement *par rapport au sol 0* notée $P_{\text{sol} \rightarrow 4/0}$ en fonction de F_{sol} , $V_{a\max}$, α_4 et θ_{40} . Calculer alors la variation relative de cette puissance en pour cent notée $\Delta \% P_{\text{sol} \rightarrow 4/0}$ entre la position moyenne de retrait ($\theta_{10} \sim 0,3$ rad) et la position déployée de l'intercep et conclure vis-à-vis de l'objectif de cette partie ($\Delta \% P_{\text{sol} \rightarrow 4/0} > 15\%$).

```

import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# Paramètres géométriques (mm)
l1 = 240
l4 = 129
l3 = 315
a = 105
b = 135

# Valeurs dans [6°, 75°[ par pas de 1,4°
theta10 = np.radians(np.arange(6, 75, 1.4))

# Calcul de theta40 = f(theta10)
lambda1 = # issu de f1 de la question 12
lambda2 = # issu de f2 de la question 12
lambda3 = # issu de f3 de la question 12
theta40 = np.arccos(
    (lambda1*lambda3 + lambda2*np.sqrt(lambda1**2 + lambda2**2 - lambda3**2))
    / (lambda1**2 + lambda2**2)
)

# Tracé de la loi entrée sortie
plt.figure()
plt.plot(theta10, theta40)
plt.ylabel("$\theta_{40}$ (rad)")
plt.xlabel("$\theta_{10}$ (rad)")
plt.axis("equal")
plt.grid()

```

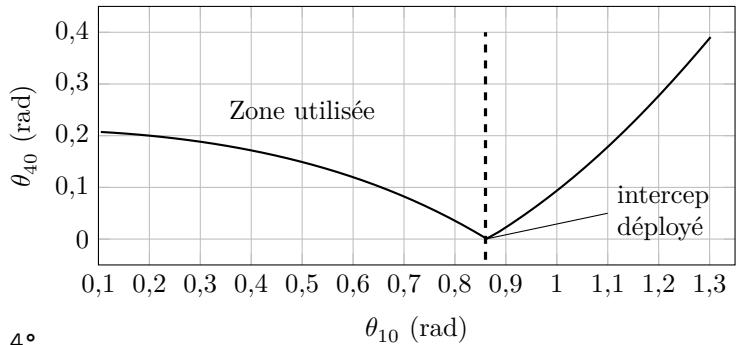


Figure 6 Résolution en Python et tracé de la loi entrée-sortie du mécanisme intercep

II.B – Modélisation cinétique du mécanisme intercep, quantification de la dépense énergétique liée au retrait compte tenu des exigences du désherbage mécanique

— Objectif —

Ajouter, dimensionner et commander un actionneur électrique permettant d'assurer le mouvement de retrait puis le déploiement de la lame.

La barre palpeuse est utilisée comme capteur à contact (raison de sécurité), l'effort exercé sur le cep par cette dernière est sans importance. Il est nécessaire de dimensionner l'actionneur afin que la dynamique des mouvements de retrait et de déploiement satisfasse les exigences du désherbage mécanique. Le paramétrage utilisé est identique à celui de la figure E.

II.B.1) Expression de l'énergie cinétique du mécanisme intercep

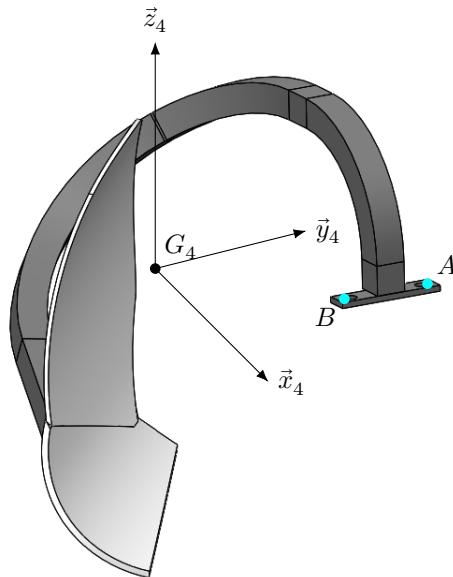
— Objectif —

Exprimer l'énergie cinétique du mécanisme intercep dans un référentiel galiléen en fonction du seul paramètre cinématique $\dot{\theta}_{40}$.

Hypothèses et notations

- le problème est plan ($0_1, \vec{x}_0, \vec{y}_0$) et l'action mécanique de pesanteur est *normale* à ce plan ;
- le robot Bakus est en translation uniforme suivant $\vec{x}_0 = \vec{x}_2$, $B_2 = B_0$ donc, dans cette partie tout référentiel associé au solide 2 est *galiléen* ;
- $\vec{V}_{O_1,2/0} = V_a \vec{x}_0$ avec V_a constante et voisine de $1,4 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$;
- l'effort du sol sur la lame est modélisé par un *glisseur au point B* dirigé suivant \vec{u}_4 : $\vec{F}_{\text{sol}\rightarrow\text{lame}} = -F_{\text{sol}} \vec{u}_4$;
- les masses et inerties des solides 1, 3, 5 et 6 (figure 8) sont négligées vis-à-vis de la masse et de l'inertie de la lame 4 ;
- les dérivées des fonctions temporelles sont notées : $\frac{df}{dt} = \dot{f}$ et $\frac{d^2f}{dt^2} = \ddot{f}$;

- pour rappel, $\overrightarrow{O_1A} = -l_1\vec{x}_1$, avec $l_1 = 0,24$ m et $\overrightarrow{AB} = -l_4\vec{y}_4$, avec $l_4 = 0,129$ m ;
- toutes les liaisons sont considérées comme parfaites, notamment d'un point de vue énergétique.



Centre d'inertie de la lame 4 :
 $\overrightarrow{AG_4} = x_{G4}\vec{x}_4 + y_{G4}\vec{y}_4 + z_{G4}\vec{z}_4$,
avec $x_{G4} = -0,3$ m, $y_{G4} = -0,1$ m et $z_{G4} = 0$ m.

Opérateur d'inertie de la lame 4 en G_4 exprimé dans B_4 :
 $\tilde{\mathcal{J}}_{G_4, \text{lame}} = \begin{pmatrix} I_{xx} & -I_{xy} & -I_{xz} \\ -I_{xy} & I_{yy} & -I_{yz} \\ -I_{xz} & -I_{yz} & I_{zz} \end{pmatrix}_{(\vec{x}_4, \vec{y}_4, \vec{z}_4)}$ avec $I_{zz} = 3,2 \text{ kg}\cdot\text{m}^2$.

Masse de la lame 4 : $M_4 = 47$ kg

Figure 7 Détermination des paramètres de masse et d'inertie de la lame 4 à l'aide d'un modeleur volumique

Q 14. Exprimer la projection du moment cinétique en G_4 du solide 4 dans son mouvement par rapport à 2 sur $\vec{z}_0 = \vec{z}_2$, notée $\vec{\sigma}_{G_4,4/2} \cdot \vec{z}_2$, puis exprimer l'énergie cinétique du solide 4 dans son mouvement par rapport à 2, notée $T_{4/2}$, en fonction de I_{zz} , $\dot{\theta}_{40}$, M_4 et $V_G = \|\vec{V}_{G_4,4/2}\|$.

Q 15. Exprimer le vecteur vitesse du point G_4 fixe dans 4 dans son mouvement par rapport à 2, noté $\vec{V}_{G_4,4/2}$, sous sa forme la plus simple.

Il est possible d'exprimer V_G^2 sous la forme :

$$V_G^2 \sim l_1^2 \dot{\theta}_{10}^2 + (x_{G4}^2 + y_{G4}^2) \dot{\theta}_{40}^2 + 2l_1 \dot{\theta}_{10} \dot{\theta}_{40} L(\theta_{10}, \theta_{40})$$

avec

$$L(\theta_{10}, \theta_{40}) = -\sin \theta_{10} (y_{G4} + x_{G4} \theta_{40}) + \cos \theta_{10} (-x_{G4} + y_{G4} \theta_{40})$$

en remarquant que, lors du mouvement, $\cos(\theta_{40}) \sim 1$ et $\sin(\theta_{40}) \sim \theta_{40}$.

Le programme de la figure 6 a permis d'obtenir l'évolution de θ_{40} en fonction de θ_{10} sous la forme de deux tableaux `theta40` et `theta10`.

Q 16. En complément du programme de la figure 6, écrire une fonction Python `ktheta` qui prend en paramètre les tableaux `theta40` et `theta10` et renvoie un tableau image de la fonction $k_\theta(\theta_{40})$ telle que $\dot{\theta}_{10} = k_\theta(\theta_{40})\dot{\theta}_{40}$.

Finalement, comme il est possible de calculer $L(\theta_{10}, \theta_{40})$ pour chaque valeur de θ_{40} , la relation suivante sera gardée pour la suite de l'étude

$$V_G^2 = \|\vec{V}_{G_4,4/2}\|^2 = (d(\theta_{40}))^2 \dot{\theta}_{40}^2$$

où $d(\theta_{40})$ est une longueur dépendant de θ_{40} .

Q 17. Exprimer l'énergie cinétique du solide 4 dans son mouvement par rapport à 2, notée $T_{4/2}$, en fonction de I_{zz} , $\dot{\theta}_{40}$, M_4 et $(d(\theta_{40}))^2$.

II.B.2) Implantation et choix de l'actionneur

Objectif

À partir de l'équation de mouvement du mécanisme intercep, identifier les cas extrêmes et choisir un actionneur.

On propose de motoriser l'intercep à l'aide d'un actionneur, qui est un vérin linéaire électrique implanté entre les points V_2 et V_1 définis sur la figure 8 :

- l'action mécanique motrice de 6 sur le solide 5 est modélisable par un glisseur en V_1 de résultante $-F_{\text{mot}}\vec{x}_5$ avec $\vec{x}_5 = \vec{x}_6$ et $F_{\text{mot}} > 0$;
- $\overrightarrow{V_1V_2} = (\lambda_0 + \lambda)\vec{x}_5$ avec $\lambda(\theta_{40} = 0 \text{ rad}) = 0$ m et λ_0 une longueur constante (240 mm). L'évolution de $\lambda(\theta_{40})$ est donnée figure 8.

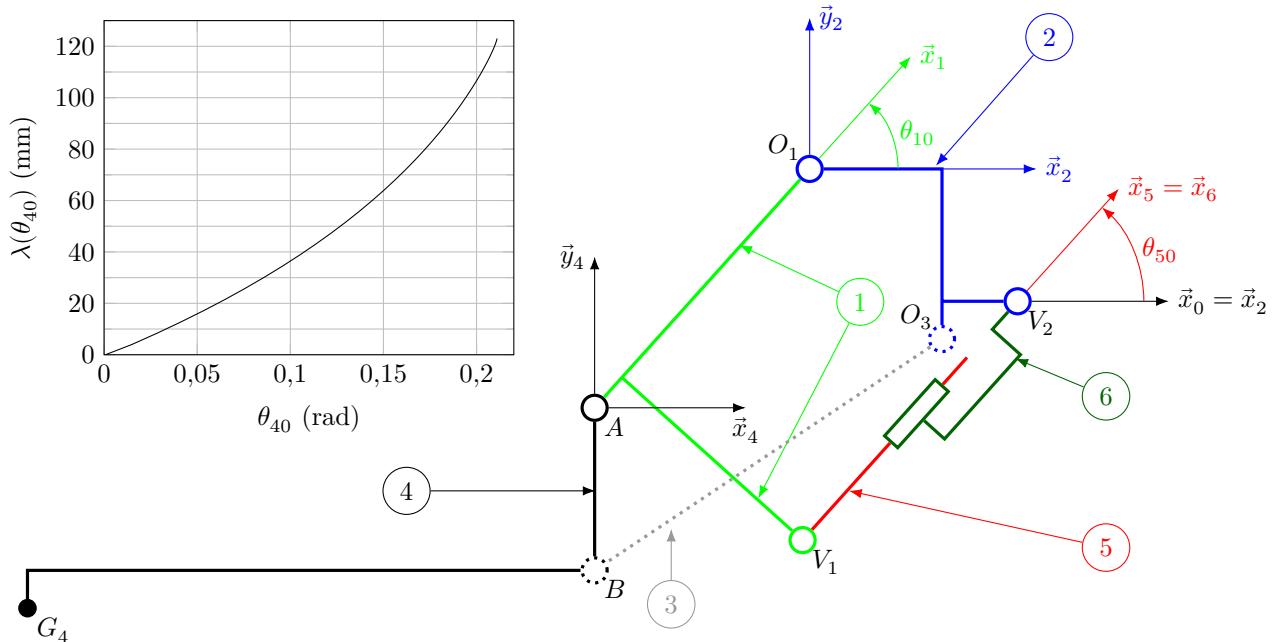


Figure 8 Modélisation plane de l'outil intercep avec motorisation, la barre 3 étant située dans un plan inférieur afin d'éviter les collisions

Q 18. Exprimer sous forme littérale :

- la puissance des inter-efforts entre les solides 5 et 6 notée $P_{5 \leftrightarrow 6}$ en fonction de F_{mot} et λ ;
- la puissance de l'action mécanique du sol sur 4 dans son mouvement *par rapport à 2* notée $P_{\text{sol} \rightarrow 4/2}$ en fonction de F_{sol} , $\dot{\theta}_{10}$, $\dot{\theta}_{40}$, l_1 , l_4 , θ_{41} et α_4 .

Les modèles obtenus aux questions 12, 15, 16 et 18 permettent d'établir les relations suivantes et les courbes de la figure 9 :

$$\begin{aligned} V_G^2 &= \|\vec{V}_{G_4,4/2}\|^2 = d^2(\theta_{40}) \dot{\theta}_{40}^2, \\ \dot{\theta}_{40} &= k_\lambda(\theta_{40}) \lambda, \\ P_{\text{sol} \rightarrow 4/2} &= -F_{\text{sol}} k_p(\theta_{40}) \lambda. \end{aligned}$$

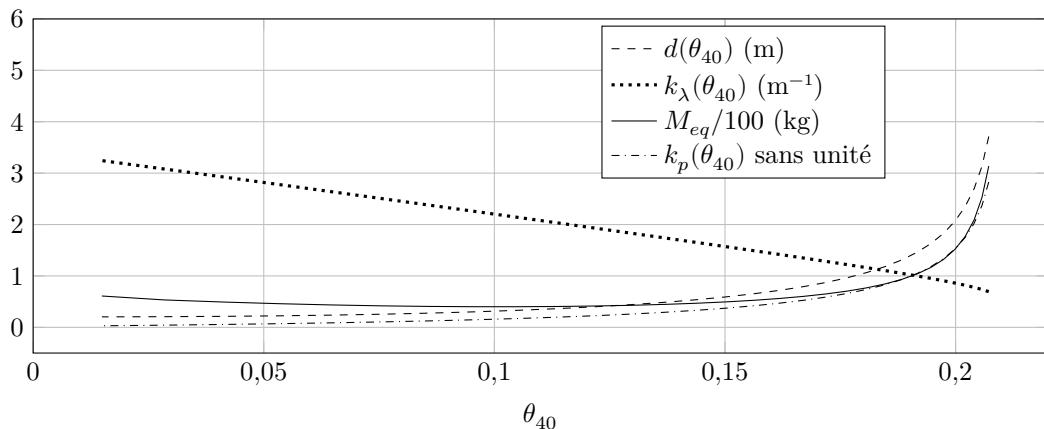


Figure 9 Évolutions des paramètres obtenus à partir des modèles développés aux questions précédentes

Q 19. Exprimer la masse équivalente M_{eq} en fonction de I_{zz} , M_4 , $d(\theta_{40})$ et $k(\theta_{40})$ telle que l'énergie cinétique de l'ensemble {1+4+5+6} dans son mouvement par rapport à 2 soit égale à $\frac{1}{2} M_{eq} \dot{\lambda}^2$.

Afin de dimensionner le moteur du vérin électrique, et comme les systèmes d'équations ne sont pas linéaires, il est décidé de se placer dans le *pire des cas*, c'est-à-dire le cas où l'actionneur doit exercer l'effort le plus intense, puis de généraliser la valeur des paramètres de ce pire des cas à tous les autres cas.

Le diagramme d'état décrivant l'alternance des états de pilotage du vérin de l'intercep est donné à la figure C du document réponse. Il possède en particulier 3 états :

- l'ÉTAT 0 est l'état de déverrouillage ou d'arrêt et correspond à la mise hors énergie du vérin électrique (qui est réversible) suite à la détection d'un effort trop important (valeur de courant limite détectée) ou lorsque l'outil intercep n'est pas utilisé ;
- l'ÉTAT 1 est l'asservissement de vitesse du vérin électrique lors des *phases de retrait* et de travail qui permet de reculer la lame de l'intercep en fonction de la vitesse de déplacement de la barre palpeuse (figure 10) ;
- l'ÉTAT 2 est le *déploiement* de la lame et permet de revenir à la position d'origine (intercep complètement déployé),

Les événements utilisés sont les suivants :

- « vitesse négative » indique que la vitesse de la barre palpeuse devient négative (signifie qu'elle n'est plus en contact avec le cep) ;
- « !vitesse négative » est le complémentaire de « vitesse négative » ;
- « butée » indique que le détecteur inductif, placé directement sur l'axe du vérin électrique, passe à l'état haut et signale la position entièrement déployée de l'intercep ;
- « ON », mise en route de l'intercep ;
- « OFF », arrêt de l'intercep ;
- « effort déverrouillage » indique que l'effort de déverrouillage est atteint, la détection est effectuée grâce à la mesure des courants de la machine électrique.

Dans le pire des cas, la consigne de vitesse élaborée à partir de la barre palpeuse revient à piloter le vérin avec une accélération constante ($\ddot{\lambda} = 12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$) pendant 0,1 s, puis une décélération constante ($\ddot{\lambda} = -12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$) pendant 0,1 s. Pour le déploiement, le pilotage est effectué en boucle ouverte (BO) de vitesse et dans ce cas $\ddot{\lambda} \sim -10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$.

Q 20. En indiquant le système isolé et le théorème utilisé, exprimer littéralement F_{mot} en fonction de $\ddot{\lambda}$, M_{eq} , F_{sol} et $k_p(\theta_{40})$. Effectuer l'application numérique dans le pire des cas pour l'actionneur ($F_{\text{sol}} = F_{d\text{MAX}} = 5 \text{ kN}$), indiquer la position choisie pour la valeur de θ_{40} (figure 9) et l'état (1 ou 2 de la figure C) le plus critique.

Il est proposé d'utiliser un des vérins électriques dont les caractéristiques sont données sur le tableau 2.

Référence	Effort maximal	Vitesse maximale	Course
Vérin 1	500 kN	100 mm·s ⁻¹	de 0 à 400 mm
Vérin 2	200 kN	600 mm·s ⁻¹	de 0 à 400 mm
Vérin 3	100 kN	1100 mm·s ⁻¹	de 0 à 400 mm
Vérin 4	50 kN	1400 mm·s ⁻¹	de 0 à 400 mm

Tableau 2 Caractéristiques de vérins électriques « hautes performances »

Q 21. Conclure sur le choix de l'actionneur en proposant une des références du tableau 2.

II.C – Commande de l'actionneur

Objectif

Valider le pilotage séquentiel de l'actionneur et choisir un correcteur pour la boucle de vitesse vis-à-vis des exigences du désherbage mécanique.

Q 22. À partir du diagramme d'état de la figure C, compléter les chronogrammes de la figure D du document réponse. Justifier la pertinence de la prise en compte des deux événements « after(0,25 s) » et « after(0,1 s) » vis-à-vis de l'exigence 1.2 sur la protection des ceps en indiquant les problèmes qu'ils pallient. Justifier également que le choix d'une chaîne de transmission réversible permet d'assurer le déverrouillage de l'outil.

L'actionneur étant choisi, le modèle linéaire de la figure 10 est établi. Ce modèle utilise les valeurs des paramètres dans le pire des cas, $C(p)$ est la fonction de transfert du correcteur et le vérin électrique est modélisé par un gain pur K_{verin} .

L'exigence 1.1.1 sur le recouvrement des outils peut être satisfaite par un simple réglage lors du montage des outils interceps sur Bakus.

Si l'asservissement de vitesse du mouvement de retrait est stable, rapide et précis c'est-à-dire si, pour le modèle de la figure 10,

- l'erreur de trainage vis-à-vis d'une consigne en rampe de vitesse est nulle,
- l'asservissement de vitesse n'est pas sensible à l'effort perturbateur $F_{\text{sol}} k_p\text{MAX}$ considéré comme constant ou très lentement variable à l'échelle de temps du mouvement de retrait,
- et la bande passante de la boucle ouverte de l'asservissement est réglable,

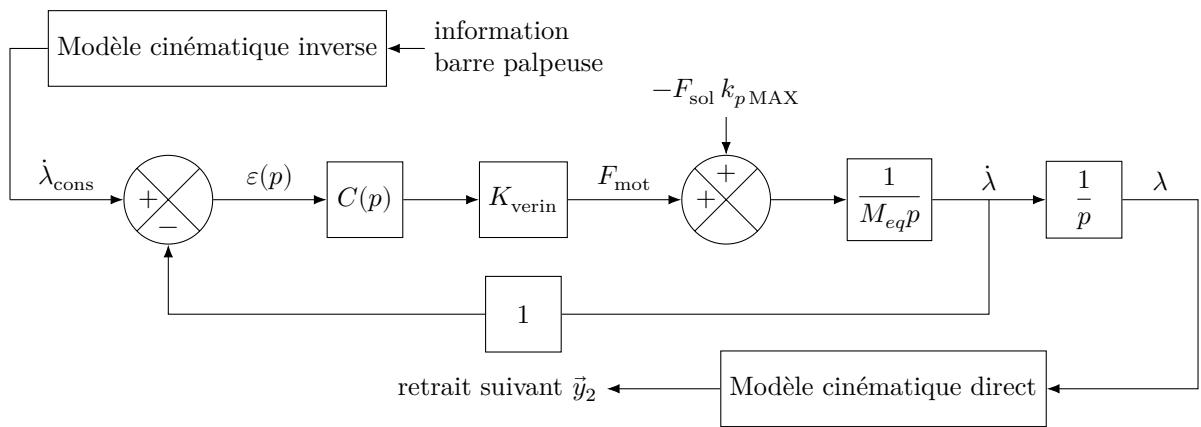


Figure 10 Modélisation linéaire *dans le pire des cas* de l’asservissement de l’outil de désherbage en suivi de la consigne élaborée par la barre palpeuse

alors un simple réglage manuel de la position de la barre palpeuse permet de satisfaire l’exigence 1.2.2 sur l’évitements des ceps.

Q 23. Proposer, en justifiant la réponse, la forme du correcteur à choisir parmi

$$K_p, \quad \frac{1}{T_ip}, \quad K_i \frac{1+T_ip}{T_ip} \quad \text{et} \quad K_d \frac{1+T_dp}{1+\alpha T_dp}$$

afin qu’un simple réglage manuel de la position de la barre palpeuse permette de satisfaire l’exigence 1.2.2 (il n’est pas demandé de régler les paramètres du correcteur choisi).

La dynamique de l’outil déterminée dans cette partie permet de travailler à $5 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ et valide donc l’exigence 1.1.2.

III Synthèse

Une simulation numérique a été effectuée afin d’analyser la capacité des lois de génération de consigne d’orientation des roues à assurer les performances données par le constructeur. Le modèle retenu est constitué :

- des modèles de comportement en déplacement latéral du train avant y_F et arrière y_R du robot, dont les valeurs des paramètres K_{dF} , K_{pF} et K_{dR} sont celles utilisées au I.D.3 ($K_{dF} = 5$, $K_{pF} = 6,25$, $K_{dR} = 1$, les unités ne sont volontairement pas précisées) ;
- du modèle géométrique permettant de relier les variables (y_{G_2}, θ) et (y_F, y_R) (relations (E1) et (E2)) ;
- du modèle cinématique étendu constitué des trois équations (I.1), (I.2) et (I.3) ;
- des générateurs de consignes angulaires pour les roues avant et arrière qui déterminent les valeurs de consigne angulaire d’orientation des roues δ_F^* et δ_R^* . Les relations de calcul utilisées sont celles qui ont été établies au I.D.3 ;
- de deux modèles globaux identiques de l’asservissement angulaire des roues médianes avant et arrière, dont les entrées de consigne sont respectivement δ_F^* et δ_R^* , et les sorties sont respectivement δ_F et δ_R , comparables à celui d’un modèle du premier ordre de gain statique unitaire et de constante de temps d’environ 0,2 s. Ces modèles n’ont pas fait l’objet d’une étude spécifique dans ce sujet et sont donnés ;
- la simulation a été réalisée pour une trajectoire \mathcal{T} , à suivre par le robot, confondue avec l’axe des abscisses.

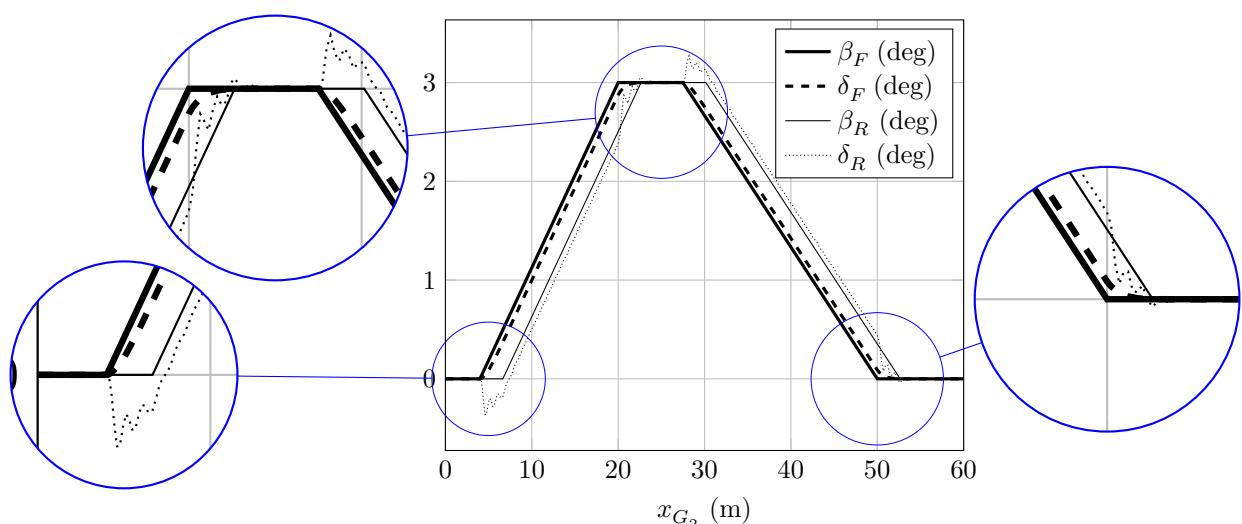


Figure 11 Évolutions de β_F , δ_F , β_R et δ_R

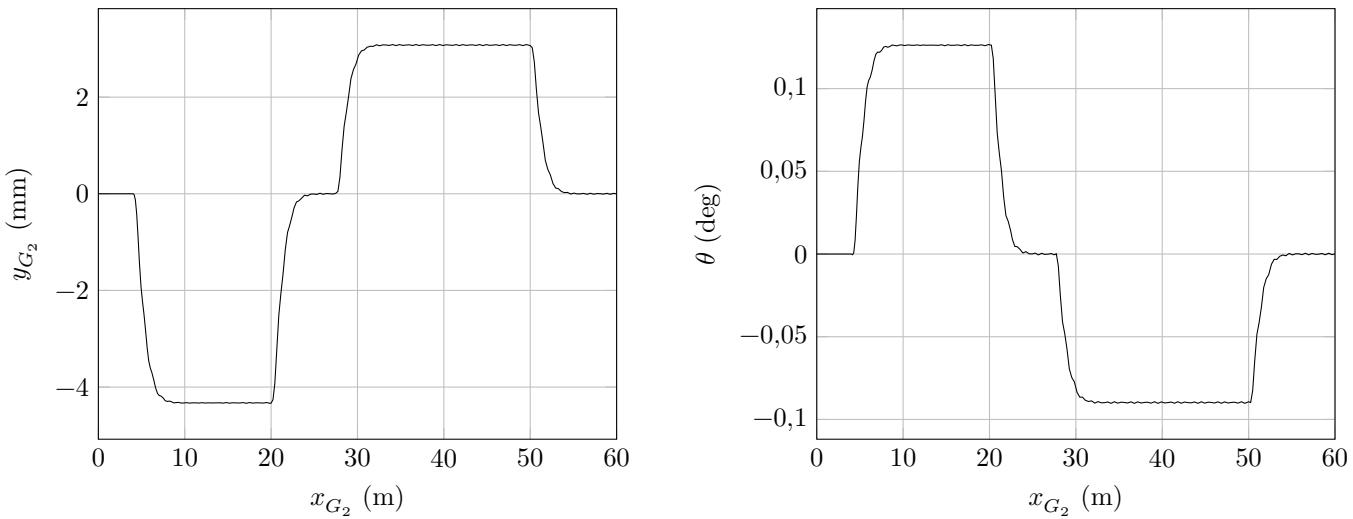


Figure 12 Évolutions de y_{G_2} et de θ

Q 24. À partir des courbes de la figure 11, issues de la simulation numérique effectuée :

- expliquer ce qui se passe physiquement au niveau du contact roues-sol au cours du temps ;
- analyser l'allure et l'amplitude des évolutions de δ_F et δ_R . Justifier si ce résultat est conforme à celui qui est attendu de la part du robot.

Q 25. À partir des courbes issues de la simulation numérique effectuée (figures 11 et 12) :

- vérifier si les hypothèses émises (relatives à la valeur des différents angles, ainsi qu'à leur variation le long de la trajectoire à suivre), afin de déterminer des lois simples pour obtenir les valeurs d'angle de consigne d'orientation des roues avant et arrière δ_F^* et δ_R^* , sont validées. Justifier quantitativement la réponse ;
- conclure quant à la validité des lois de génération de consigne d'orientation des roues proposées et des valeurs des paramètres K_{dF} , K_{pF} et K_{dR} retenues, vis-à-vis du cahier des charges en terme de précision de guidage du robot enjambeur ;
- conclure quant à l'aptitude du robot Bakus à pouvoir désherber mécaniquement sous un rang de vigne à l'aide d'un outil intercep, en tenant compte de l'exigence de guidage.

Opérations et fonctions Python disponibles

Après avoir importé la bibliothèque `numpy` à l'aide de l'instruction

```
import numpy as np
```

les opérations suivantes sont disponibles,

- `u[i:j]` où `u` est un vecteur et `i` et `j` deux entiers : extrait la tranche $(u[i], u[i+1], \dots, u[j-1])$; `u[i:j]` ne construit pas un nouveau vecteur mais référence le vecteur `u` ;
- `a + b`, `a - b`, `a * b`, `a / b` renvoient un nouveau tableau correspondant respectivement à la somme, à la différence, au produit et au quotient terme à terme des deux tableaux `a` et `b` ;
- `np.arange(d, f, s)` où `d`, `f` et `s` sont trois nombres : construit le vecteur $(d, d+s, d+2s, \dots, d+ns)$ tel que $d+ns < f \leq d+(n+1)s$;
- `np.arccos(u)` calcule l'arc cosinus (dans l'intervalle $[0, \pi]$) terme à terme du tableau `u`, le résultat est un nouveau tableau de même dimension que `u` ;
- `np.radians(u)` crée un nouveau tableau en multipliant chaque élément du tableau `u` par $\pi/180$, autrement dit convertit `u` de degrés en radians ;
- `np.sqrt(u)` calcule la racine carrée terme à terme du tableau `u`.

• • • FIN • • •



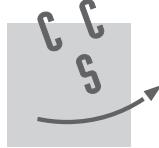
Numéro de place

--	--	--	--	--	--

Numéro d'inscription

--	--	--	--	--

Signature



CONCOURS CENTRALE-SUPÉLEC

Épreuve : S2I PSI

Nom

Prénom

Ne rien porter sur cette feuille avant d'avoir complètement rempli l'en-tête

Feville

A diagram consisting of two adjacent rectangular boxes. A diagonal line starts from the top-left corner of the first box and ends at the bottom-right corner of the second box, indicating a relationship or comparison between the two.

\mathcal{T} : trajectoire à suivre

2 : châssis

5 : roue médiane Avant

6 : roue médiane Arrière

$$\begin{aligned}\vec{V}_{F,2/0} &= \vec{V}_F = V_F \vec{x}_{V_F} \\ \vec{V}_{G_2,2/0} &= \vec{V}_{G_2} = V_{G_2} \vec{x}_{V_{G_2}} \\ \vec{V}_{R,2/0} &= \vec{V}_R = V_R \vec{x}_{V_R}\end{aligned}$$

$$\forall P \in \{F, G_2, R\}, \overrightarrow{OP} = x_P \vec{x}_0 + y_P \vec{y}_0$$

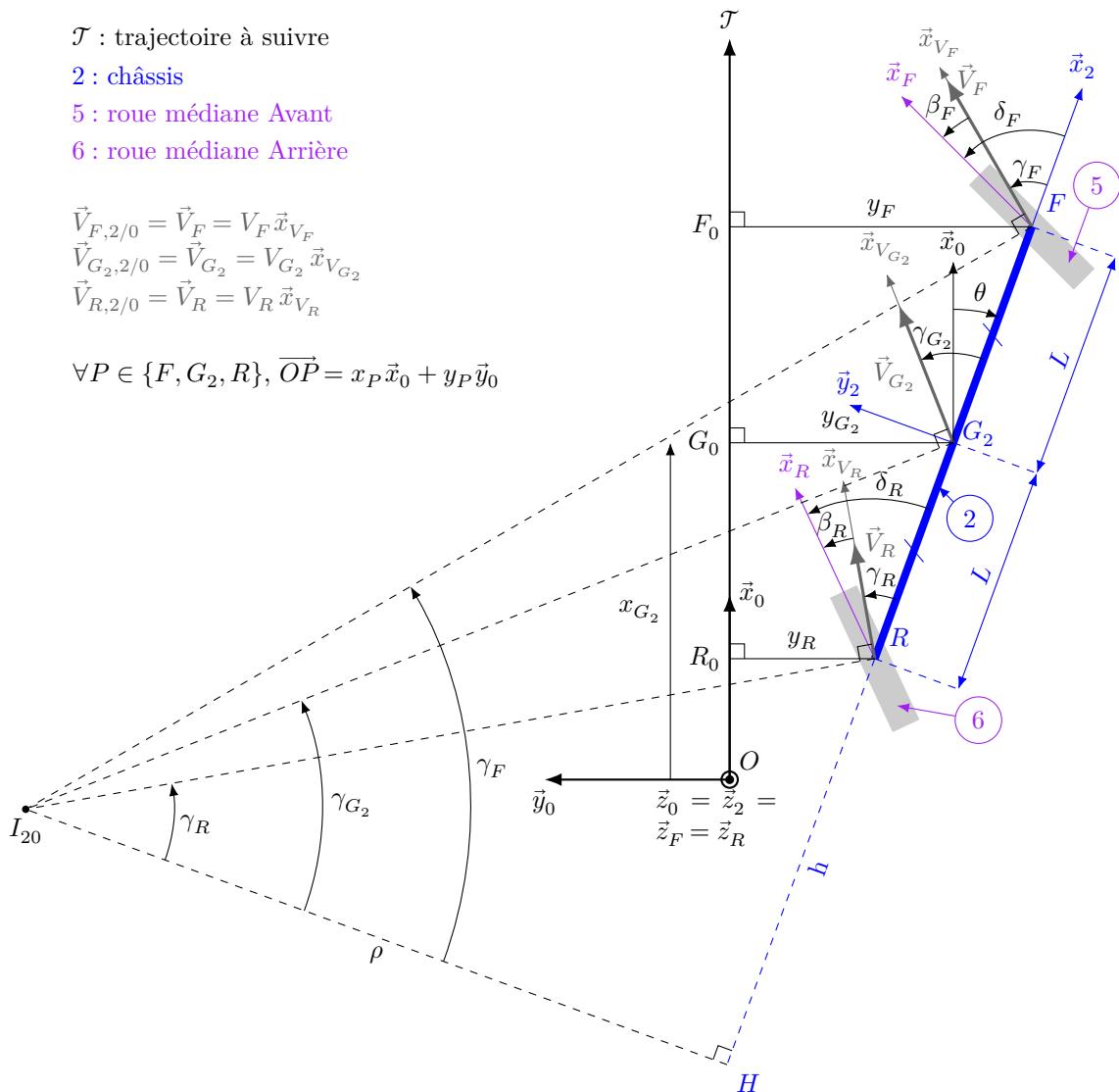


Figure A Vue de dessus d'un modèle cinématique étendu de type « bicyclette » dans le cas d'une trajectoire rectiligne \mathcal{T} à suivre par le robot (configuration pour laquelle $\theta < 0$ et $y_F, y_{G_2}, y_R < 0$). Les roues médianes 5 et 6 peuvent être orientées en pivotant respectivement autour de $(F, \vec{z}_F) = (F, \vec{z}_2)$ et $(R, \vec{z}_R) = (R, \vec{z}_2)$.

Ne rien écrire

dans la partie barrée

S010-DR/20190321 MKIV

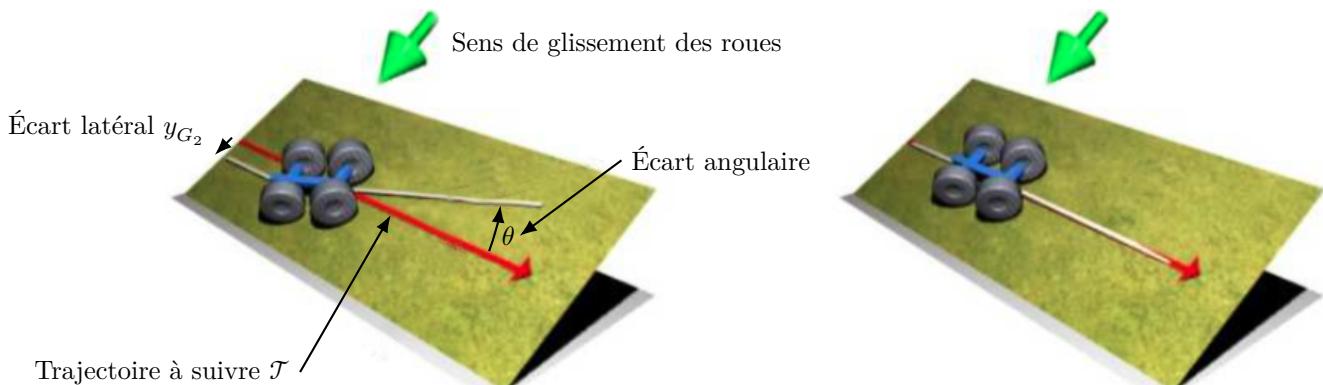


Figure B Problématique de la marche en crabe due au glissement du robot sur un sol naturel en pente (à gauche) et situation où le couple de variables (y_{G_2}, θ) est bien asservi au point de fonctionnement (0, 0) (à droite)

sm : Bakus [pilotage du vérin de l'intercep]

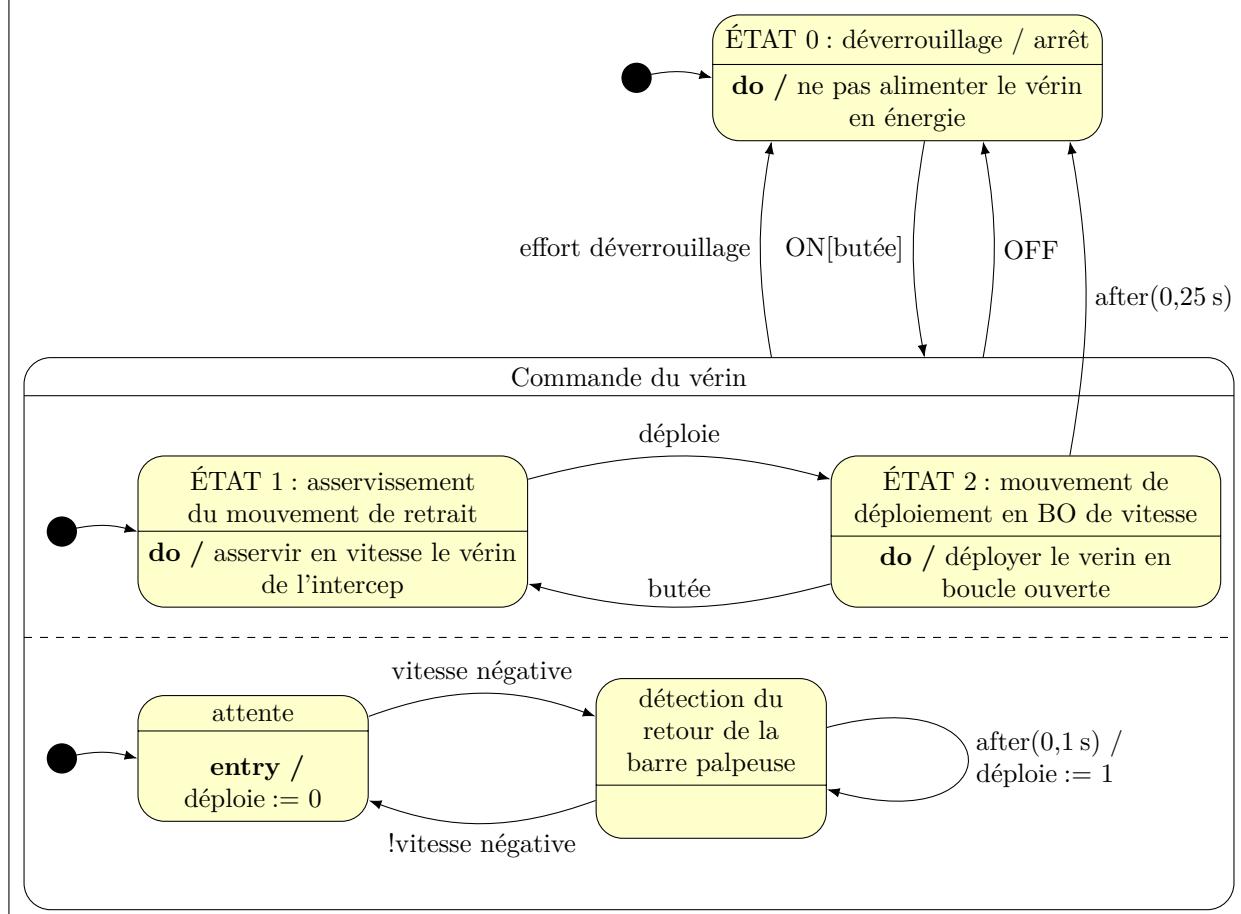


Figure C Diagramme d'état décrivant l'alternance des états de pilotage du vérin électrique de l'intercep

Question 22

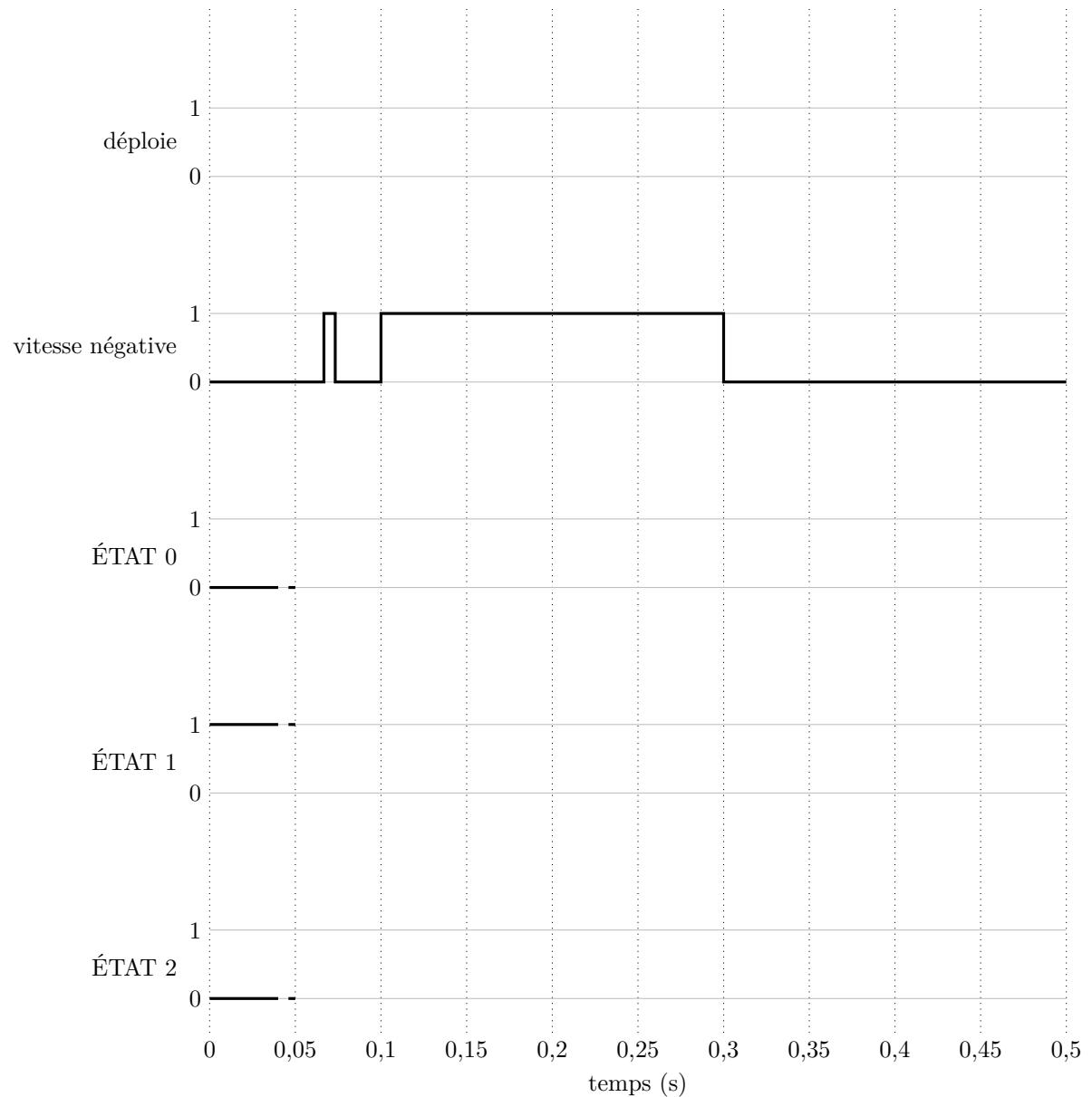


Figure D

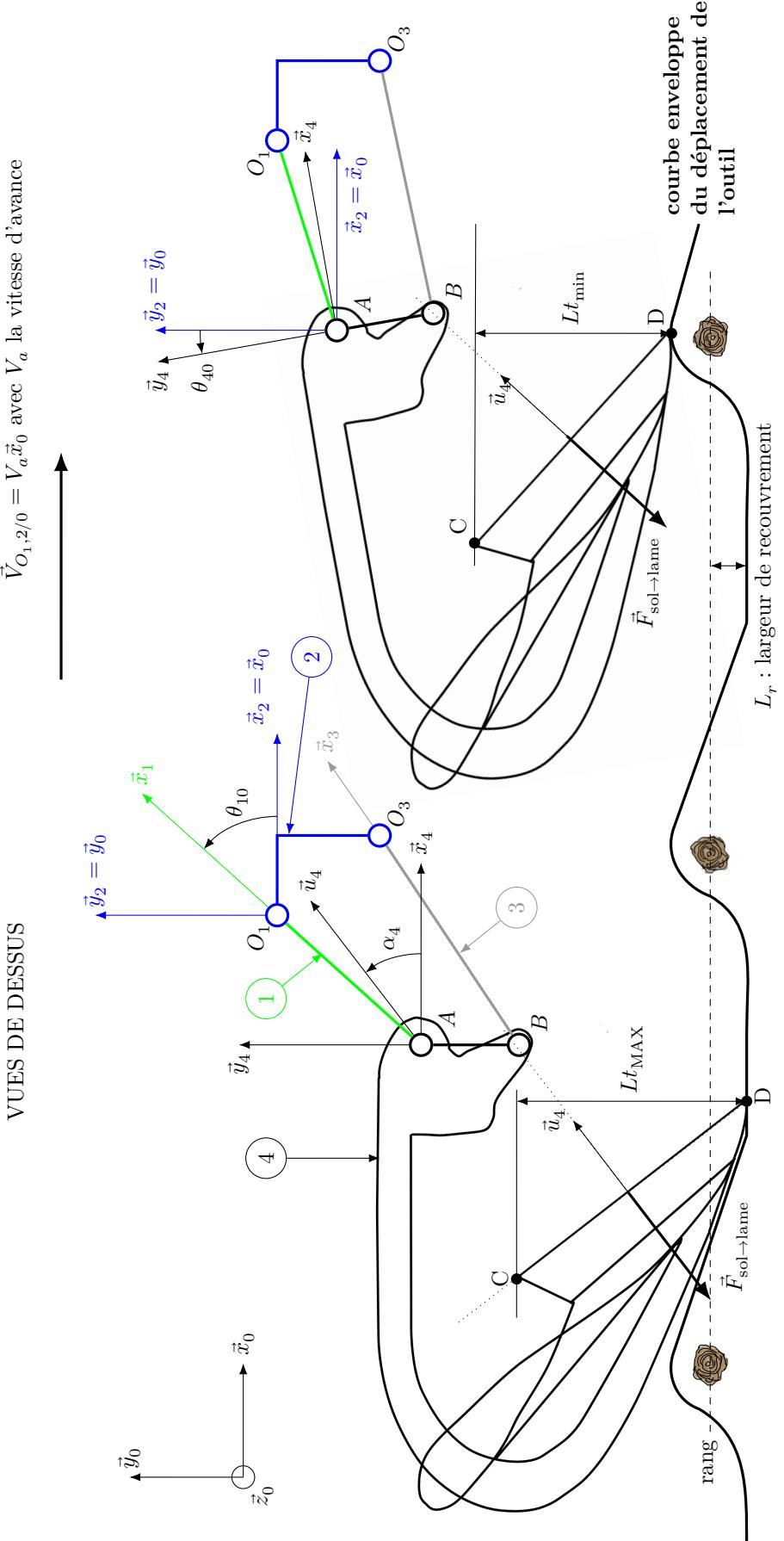


Figure E Modélisation de l'outil intercep et de sa lame en position déployée (à gauche) et en position de retrait (à droite) en vue de dessus (barre palpeuse non représentée).



Numéro de place

--	--	--	--	--	--

Numéro d'inscription

--	--	--	--	--

Signature

Nom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Prénom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

CONCOURS CENTRALE-SUPÉLEC

Épreuve : S2I PSI

Feuille

			/			
--	--	--	---	--	--	--

\mathcal{T} : trajectoire à suivre

2 : châssis

5 : roue médiane Avant

6 : roue médiane Arrière

$$\begin{aligned}\vec{V}_{F,2/0} &= \vec{V}_F = V_F \vec{x}_{V_F} \\ \vec{V}_{G_2,2/0} &= \vec{V}_{G_2} = V_{G_2} \vec{x}_{V_{G_2}} \\ \vec{V}_{R,2/0} &= \vec{V}_R = V_R \vec{x}_{V_R}\end{aligned}$$

$$\forall P \in \{F, G_2, R\}, \overrightarrow{OP} = x_P \vec{x}_0 + y_P \vec{y}_0$$

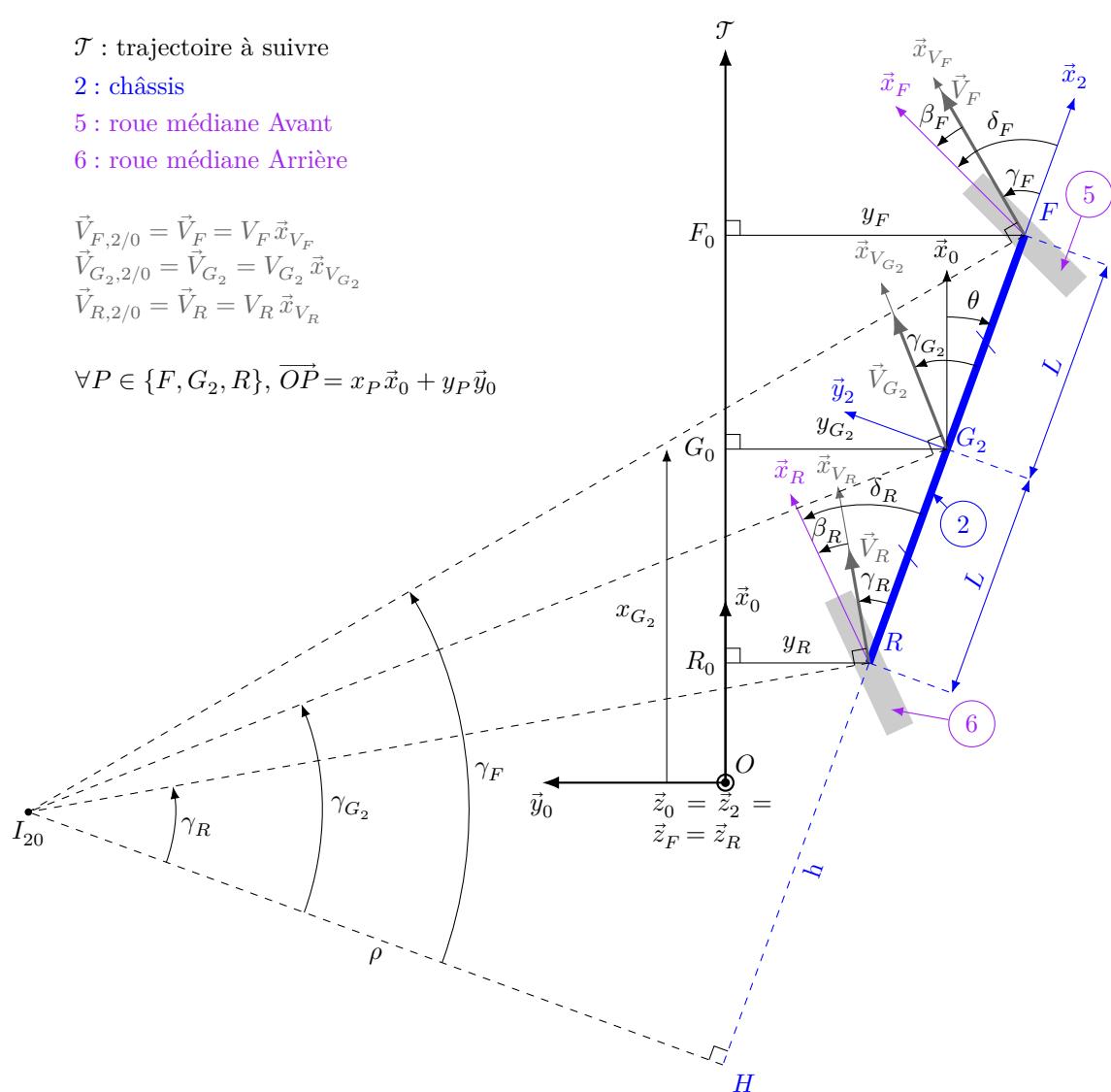


Figure A Vue de dessus d'un modèle cinématique étendu de type « bicyclette » dans le cas d'une trajectoire rectiligne \mathcal{T} à suivre par le robot (configuration pour laquelle $\theta < 0$ et $y_F, y_{G_2}, y_R < 0$). Les roues médianes 5 et 6 peuvent être orientées en pivotant respectivement autour de $(F, \vec{z}_F) = (F, \vec{z}_2)$ et $(R, \vec{z}_R) = (R, \vec{z}_2)$.

Ne rien écrire

dans la partie barrée

S010-DR/20190321 MKIV

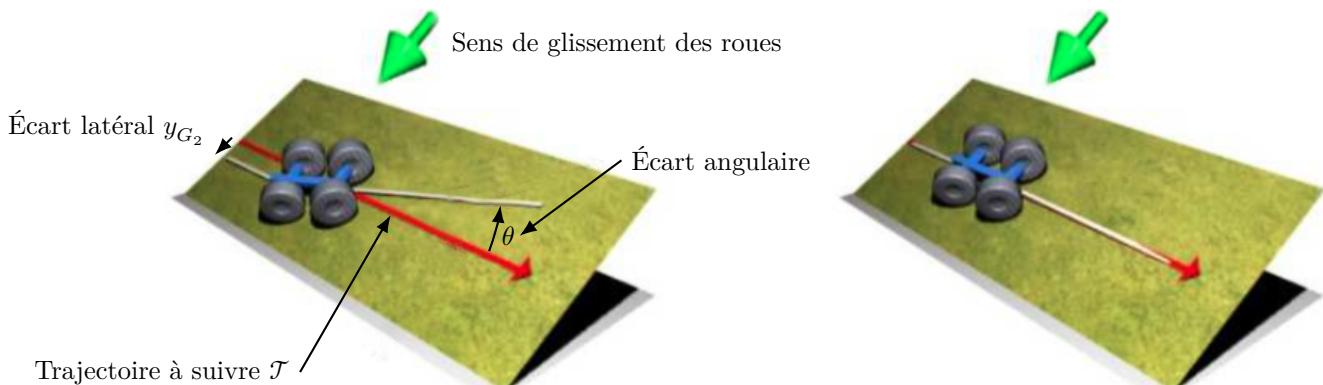


Figure B Problématique de la marche en crabe due au glissement du robot sur un sol naturel en pente (à gauche) et situation où le couple de variables (y_{G_2}, θ) est bien asservi au point de fonctionnement (0, 0) (à droite)

sm : Bakus [pilotage du vérin de l'intercep]

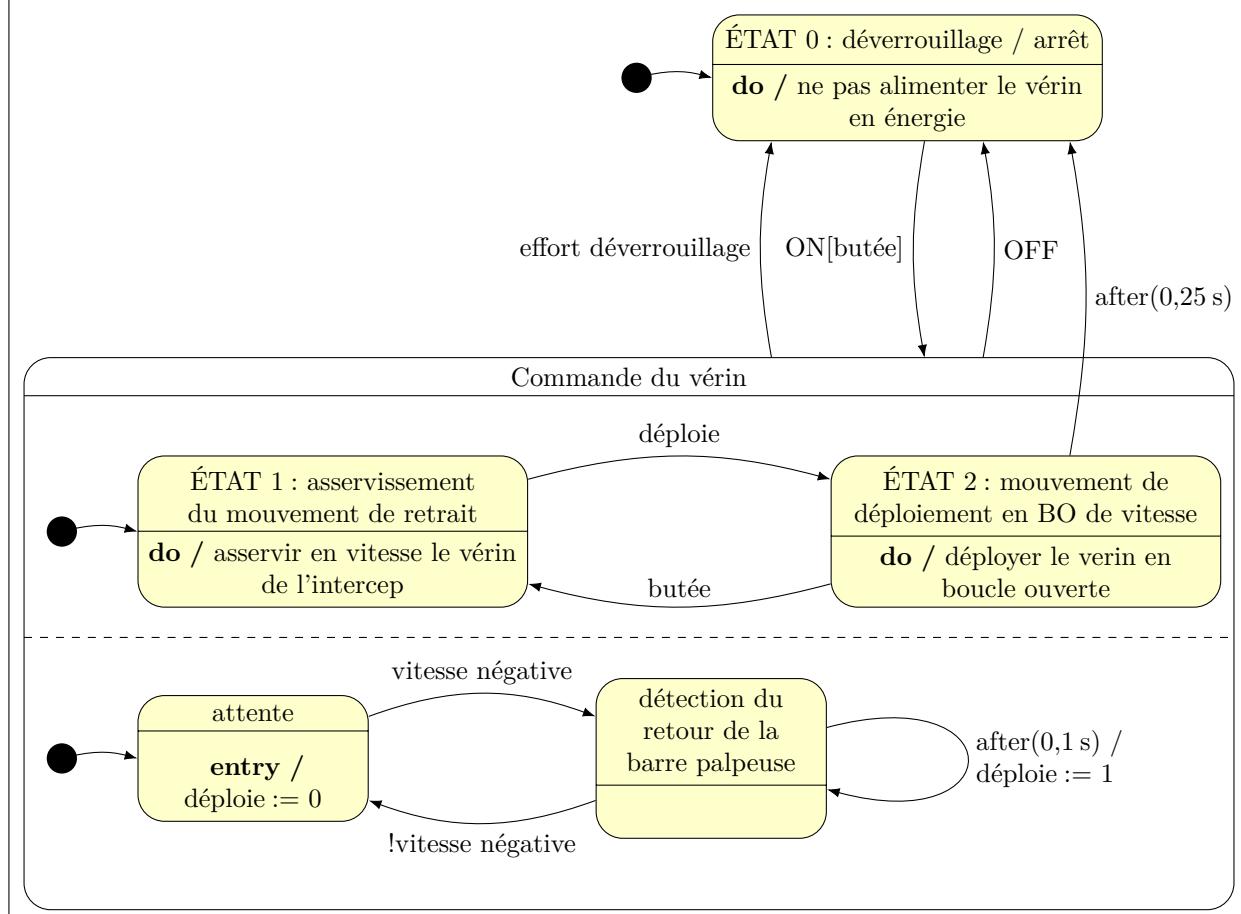


Figure C Diagramme d'état décrivant l'alternance des états de pilotage du vérin électrique de l'intercep

Question 22

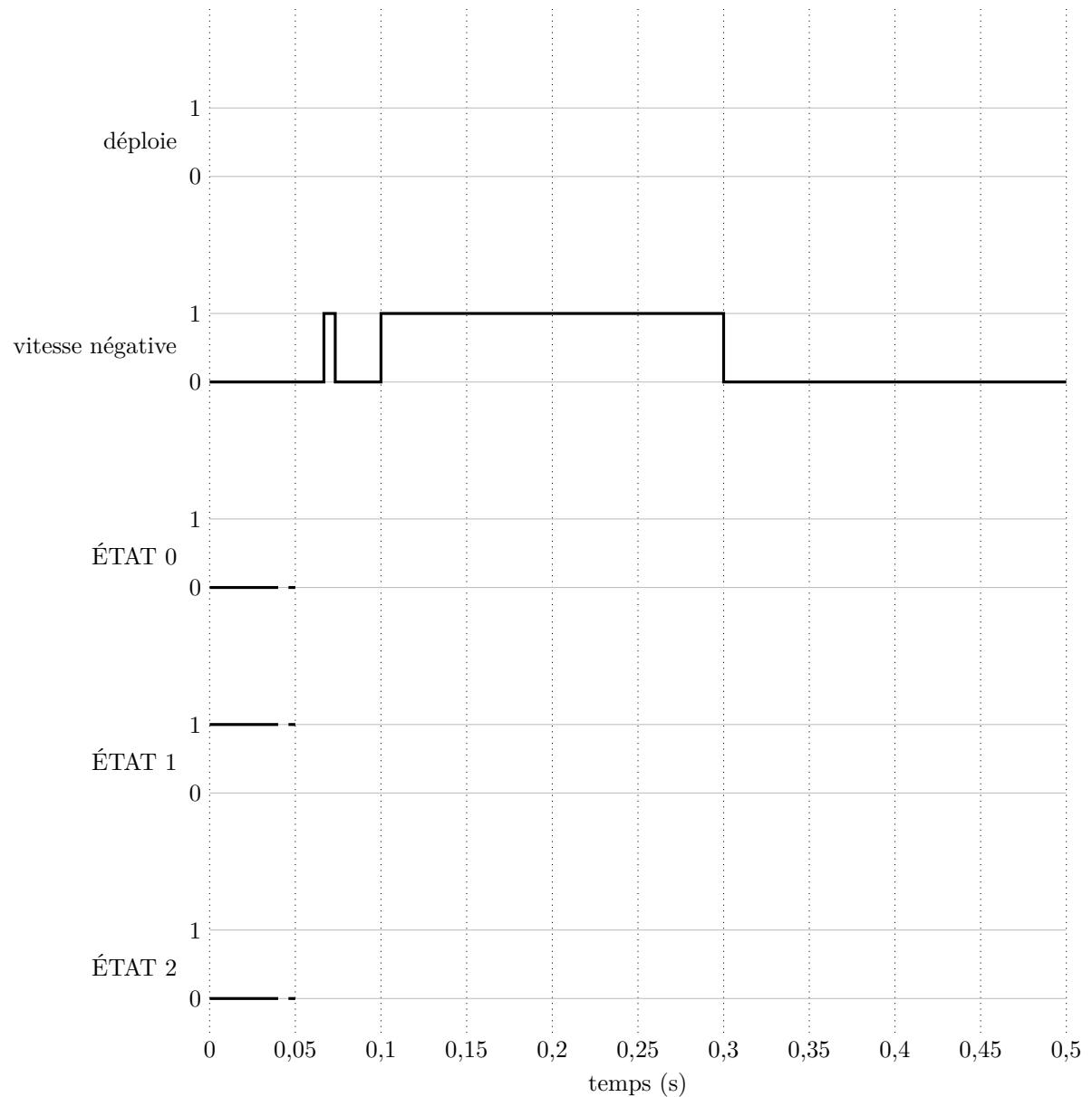


Figure D

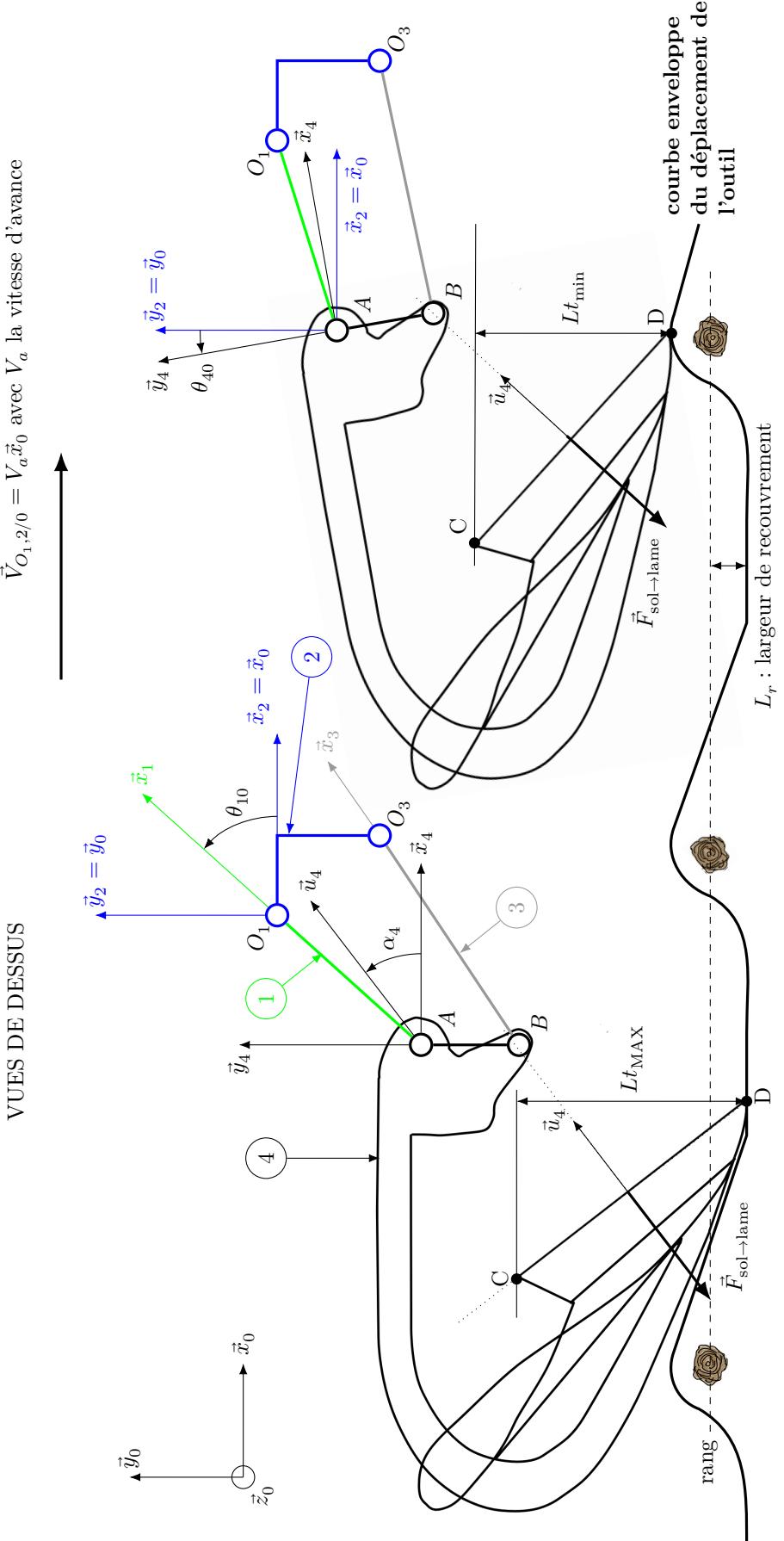


Figure E Modélisation de l'outil intercep et de sa lame en position déployée (à gauche) et en position de retrait (à droite) en vue de dessus (barre palpeuse non représentée).