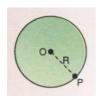
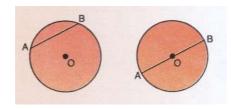
# ARCOS E ÂNGULOS CIRCUNFERÊNCIA **Definicão**

Circunferência é um conjunto dos pontos de um plano que estão situados a uma mesma distância (r), não nula, de outro ponto dado (O) doplano. O ponto O é o centro da circunferência e r o seu raio.



Em uma circunferência, uma corda é qualquer segmento cujas extremidades são pontos dessa circunferência. Uma corda que passa pelo centro da circunferência recebe o nome de **diâmetro**.



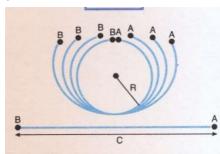
O comprimento do diâmetro (d) é o dobro do raio (r) da circunferência correspondente: d = 2r.

A razão entre o comprimento de uma circunferência e o seu diâmetro é constante para todas circunferências e é igual a um número irracional representado por x. Sabemos que:

 $=3,14159265... \cong 3,14$ 

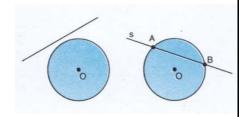
Assim, sendo C o comprimento de uma circunferência e r o seu raio. temos:

C = 2 r

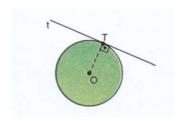


Em relação à uma circunferência, uma reta pode ser externa, secante ou tangente. Uma reta exterior a uma circunferência é uma reta que não intercepta a circunferência. Uma reta

secante a uma circunferência é uma reta que intercepta a circunferênciaem dois pontos distintos.



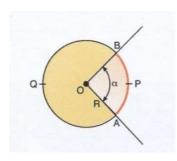
Uma reta tangente uma circunferência é uma reta que intercepta a circunferência num único ponto.



A reta tangente a uma circunferência tem um ponto comum com a circunferência e os demais pontos da reta são externos à circunferência. O ponto comum é o ponto de tangência. Toda tangente a umacircunferência é perpendicular ao raio no ponto da tangência.

#### Arcos na circunferência

Em uma circunferência, chamamos de **ângulo central** a todo ângulo cujo vértice coincide com o centro da circunferência.

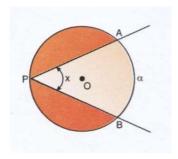


Na figura acima, o ângulo central a divide a circunferência em duas partes denominadas arcos: o arco

APB e o arco AQB. Os pontos A e B são as extremidades desses arcos. medida de um arco de circunferência é a medida do ângulo central. Assim, um arco pode ser medido em graus (°) da mesmaforma que um ângulo.

Um **ângulo inscrito** em uma circunferência é aquele que possui o vértice em um ponto da circunferência e tem lados secantes a

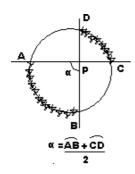
ela. A medida do ângulo inscrito é igual à metade da medida do arco compreendido entre os seus lados.



$$X=\frac{2}{2}$$

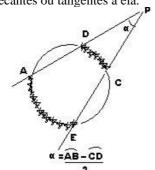
## Ângulo Excêntrico Interior

É um ângulo cujo vértice é interior à circunferência mas, não é o centro dessa.

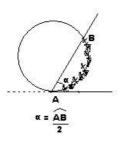


#### **Angulo Excêntrico Exterior**

É um ângulo cujo vértice é exterior à circunferência e cujos lados são secantes ou tangentes à ela.



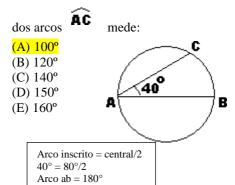
Ângulo de segmento É um ângulo cujo vértice está na circunferência e uma lado é secante e o outro tangente à ela.



### Exercícios de Aula

 $180^{\circ} - 80^{\circ} = 100^{\circ}$ 

01. (PUC-SP) - Na figura, AB é diâmetro da circunferência . O menor



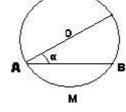
02. (CESGRANRIO-RJ) - Em um círculo de centro O, está inscrito o ângulo α (ver figura). Se o arco

AMB mede 130°, então o ângulo α mede:

(A)  $25^{\circ}$ 

(B) 30° (C) 40°





O = diâmetro = 
$$180^{\circ}$$
  
Amb =  $130^{\circ}$   
 $\alpha = 180^{\circ}$ - $130^{\circ}$ /2  
 $\alpha = 50^{\circ}$ /2  
 $\alpha = 25^{\circ}$ 

03. (FUVEST) – Os pontos A, B e C pertencem a uma circunferência e AC é lado de um polígono regular inscrito na circunferência. Sabendo

ABC mede 18°, ângulo que o

podemos concluir que o número de lados do polígono é igual a:

(A) 5

(B) 6

(C)7

(D) 10

(E) 12

Incrito = 18° Central =  $36^{\circ}$ Circunferência = 360°  $N^{\circ}$  lados =  $360^{\circ}/36^{\circ}$ = 10 lados

04. (FUVEST) - A, B, C e D são vértices consecutivos de umhexágono regular. A medida, em graus, de um dos ângulos formados pelas diagonais AC e BD é:

(A) 90

(B) 100

(C) 110 (D) 120

(E) 150

Arcos hexagono = 
$$60^{\circ}$$
  
 $\alpha + \beta = 180^{\circ}$   
 $\beta$  (excentrico interior)  
 $\beta = \frac{60^{\circ} + 60^{\circ}}{2}$   
 $\beta = 60^{\circ}$   
 $\alpha = 120^{\circ}$ 

05. (UFMG) – Observe a figura: Suponha que as medidas dos ângulos PŜO, OŜ Re SPR, assinalados na figura, sejam 45°, 18° e 38°, respectivamente. A medida do ângulo POS, em graus, é:

(A) 38

(B) 63

(C) 79

(D) 87

(E)78



Incrito 45°= central 90° Incrito 18°= central 36° Incrito  $38^{\circ}$  = central  $76^{\circ}$  $Q = central \ x$ 360°-202° = 158°  $X = 158^{\circ}$  $Q = 158^{\circ}/2 = 79^{\circ}$ 

#### Tarefa Básica

01. (FATEC) Na figura abaixo, o triângulo APB está inscrito na circunferência de centro C.



Se os ângulos assinalados têm as medidas indicadas, então x é igual a

(A) 23°45' (B)  $30^{\circ}$ 

(C)  $60^{\circ}$ 

(D) 62°30' (E) 66°15'  $Arco = 180^{\circ}$ 47°30'=132°30'  $X = 66^{\circ}15$ 

(MACK) Na figura, circunferências têm o mesmo centro O e os menores arcos AB e EF são

tais que  $AB = EF = 40^{\circ}$ . A medida do menor arco CD é:

 $C\hat{a}d = 40^{\circ}$  incrito  $\hat{cOd} = 2.40^{\circ} = 80^{\circ} \text{arco}$ 



(A)  $50^{\circ}$ 

(B)  $70^{\circ}$ 

(C)  $65^{\circ}$ 

(D)  $60^{\circ}$ (E)  $80^{\circ}$ 

03. (UNIMEP) – Na figura, o ângulo α é igual a:

(A) 95°

(B) 120°

(C) 115°

(D) 85°

(E) 105°

Arco comum =  $70^{\circ}$  $180^{\circ} - (50^{\circ} + 35^{\circ}) = 95^{\circ}$  $\alpha = 95^{\circ}$ 

 $\alpha + \beta = 2\pi/2$ 

 $\alpha + \beta = \pi$ 

04. (CESGRANRIO-RJ) -Um quadrilátero está inscrito em um círculo. A soma, em radianos, dos ângulos α e β da figura é:

π (A) 4

π

(B)

 $3\pi$ 2

(E)  $2\pi$ 

(UNICAMP) -Calcule a medida angular y função de x



Y incrito = 2y arco X = 4Y (arco)Y = x/4

06. (MAUÁ) – Na figura calcular os

ângulos x e y que estão inscritos na

circunferência



 $180^{\circ} - (45^{\circ} + 60^{\circ}) = 75^{\circ}$ Arco comum com x  $X = 75^{\circ}$  $360^{\circ}-150^{\circ}(arco\ x) = 210^{\circ}$  $Y = 105^{\circ}$ 

Respostas da Tarefa Básica

03.(A) 04.(C) 01. (E) 02. (E) 05.y = x/4 $06.x = 75^{\circ} y = 105^{\circ}$