Ingineria Reglarii Automate (IRA) *Laborator* 

# Regulatoare PID

### Concept



Scop: prescrie comanda (u) pentru a anula eroarea (e  $\rightarrow$  0)

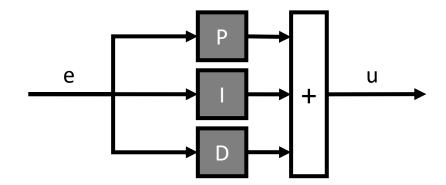
AID

Proportional: comanda este direct proportionala cu eroarea

Integrativ: comanda este direct proportionala cu cantitatea de eroare acumulata

Derivativ: comanda este direct proportionala cu viteza de variatie a erorii

se insumeaza aceste 3 efecte



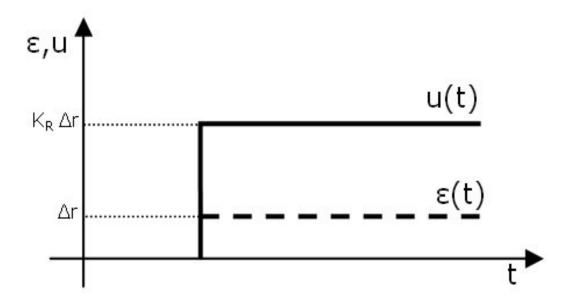
## Legea de reglare de tip P

Proportional: comanda este direct proportionala cu eroarea

Expresia comenzii:  $u(t) = K_R \cdot \varepsilon(t)$ 

Functia de transfer:  $H_{R_P}(s) = K_R$ 

 $K_R$  - coeficientul de proportionalitate



Raspunsul regulatorului P la o treapta de referinta de amplitudine  $\Delta r$ 

## Legea de reglare de tip PI

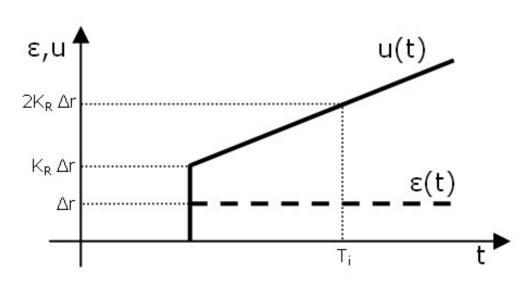
Proportional: comanda este direct proportionala cu eroarea

Integrativ: comanda este direct proportional cu cantitatea de eroare acumulata

Expresia comenzii:  $u(t) = K_R \cdot \varepsilon(t) + \frac{K_R}{T_i} \cdot \int_0^t \varepsilon(\tau) d\tau$ 

Functia de transfer:  $H_{R_{PI}}(s) = K_R \left(1 + \frac{1}{T_i \cdot s}\right)$ 

 $K_R$  - coeficientul de proportionalitate  $T_I$  - constanta de integrare



Raspunsul regulatorului PI la o treapta de referinta de amplitudine  $\Delta r$ 

### Legea de reglare de tip PD (ideala)

Proportional: comanda este direct proportionala cu eroarea

Derivativ: comanda este direct proportionala cu viteza de variatie a erorii

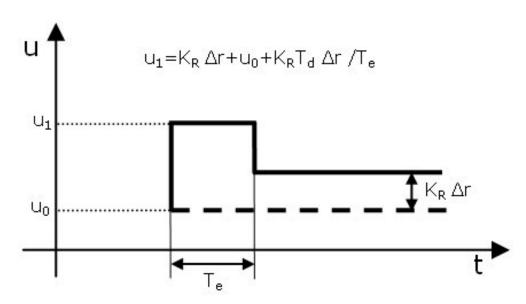
Expresia comenzii:  $u(t) = K_R \cdot \varepsilon(t) + K_R \cdot T_d \cdot \frac{d\varepsilon(t)}{dt}$ 

Functia de transfer:  $H_{R_{PD}}(s) = K_R(1 + T_d \cdot s)$ 

 $K_R$  - coeficientul de proportionalitate

 $T_D$  - constanta de derivare

!!! Nu este implementabil fizic datorita componentei derivative



Raspunsul regulatorului PD la o treapta de referinta de amplitudine  $\Delta r$ 

#### Legea de reglare de tip PID (ideala)

Proportional: comanda este direct proportionala cu eroarea

Integrativ: comanda este direct proportional cu cantitatea de eroare acumulata

Derivativ: comanda este direct proportionala cu viteza de variatie a erorii

Expresia comenzii: 
$$u(t) = K_R \cdot \varepsilon(t) + \frac{K_R}{T_i} \cdot \int_0^t \varepsilon(\tau) d\tau + K_R \cdot T_d \cdot \frac{d\varepsilon(t)}{dt}$$

Functia de transfer: 
$$H_{R_{PID}}(s) = K_R \left( 1 + \frac{1}{T_i \cdot s} + T_d \cdot s \right)$$

 $K_R$  - coeficientul de proportionalitate

 $T_I$  - constanta de integrare

 $T_D$  - constanta de derivare

!!! Nu este implementabil fizic datorita componentei derivative

### Legi de reglare de tip PID implementabile fizic

## Legea de reglare de tip PD<sub>f</sub> (PD cu filtrare)

Functia de transfer: 
$$H_{R_{PDf}}(s) = K_R \left( 1 + \frac{T_d \cdot s}{\alpha \cdot T_d \cdot s + 1} \right)$$

## Legea PID<sub>f</sub> (PID cu filtrare) paralel

Functia de transfer: 
$$H_{R_{PIDf}}^{P}(s) = K_{R} \left( 1 + \frac{1}{T_{i} \cdot s} + \frac{T_{d} \cdot s}{\alpha \cdot T_{d} \cdot s + 1} \right)$$

 $\alpha \ll 1$  - pozitiv

# Legea PID<sub>f</sub> (PID cu filtrare) serie

Functia de transfer: 
$$H_{R_{PIDf}}^{S}(s) = K_{R}\left(\left(1 + \frac{1}{T_{i} \cdot s}\right) \cdot \frac{T_{d} \cdot s + 1}{\alpha \cdot T_{d} \cdot s + 1}\right)$$

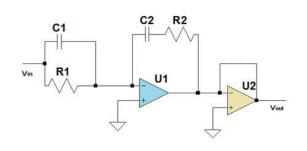
## Proiectare (acordare) regulator PID

Determinarea unui set de valori pentru  $K_R$ ,  $T_I$ ,  $T_D$  care indeplinesc cerintele impuse in proiectare (performante, constrangeri)

Parametri de acord ai regulatorului PID

## Implementare regulator PID

Regulatorul PID este doar un concept generic ce poate fi pus in practica in multiple moduri



Circuit electronic analogic cu Amplificatoare Operationale



Microcontroller



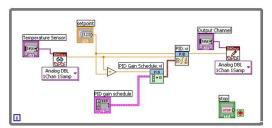
PID Industrial



PLC



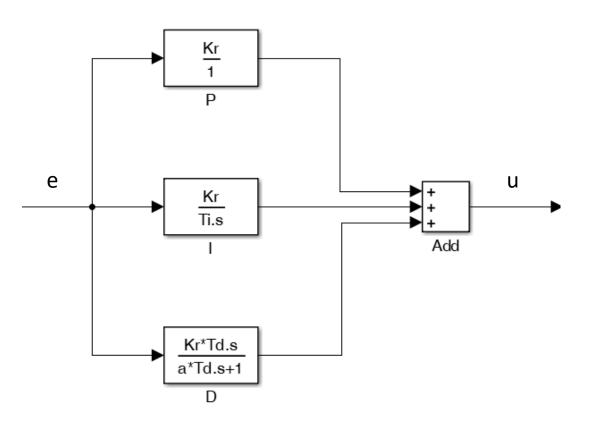
**PC** Industrial



Placa DAQ+C



## Implementare regulator PID in Simulink



Kr, Ti, Td, a – variabile definite in workspace