



앙상블

- 참고문헌: 파이썬 머신러닝 완벽가이드, 권철민, 위키북스, 2022 - 권수태 교수
데이터 과학을 위한 파이썬 머신러닝, 최성철, 한빛미디어, 2022

StatQuest with Josh Starmer, Naïve Bayes

1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

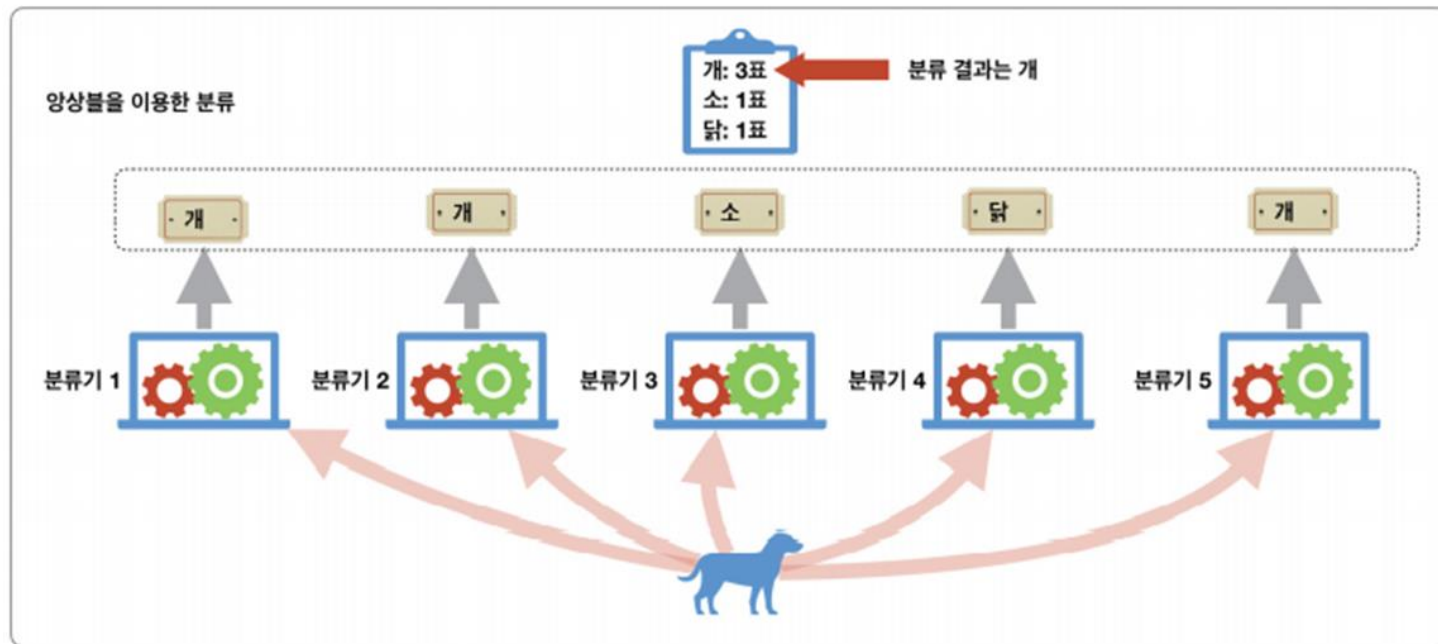
- 어느 수준의 성능에 도달하면 분류기를 개선하는 일이 매우 어려워 짐
- 이를 해결하기 위한 앙상블Ensemble 기법은 여러 가지 종류의 분류기를 개별적으로 개선하는 데에 한계가 있을 때 이들의 협력을 이용하는 방법
- 앙상블이란 여러 개의 알고리즘을 사용하여, 그 예측을 결합함으로써 보다 정확한 예측을 도출하는 기법
- 집단지성이 힘을 발휘하는 것처럼 단일의 강한 알고리즘보다 복수의 약한 알고리즘이 더 뛰어날 수 있다는 생각에 기반을 둠
- 이미지, 영상, 음성 등의 비정형 데이터의 분류는 딥러닝이 뛰어난 성능을 보이지만, 대부분 정형 데이터의 분류에서는 앙상블이 뛰어난 성능을 보이고 있음



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

- 여러 개의 분류기를 생성하고, 그 예측을 결합함으로써 보다 정확한 예측을 도출하는 기법



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 앙상블 학습의 유형은 보팅(Voting), 배깅(Bagging), 부스팅(Boosting), 스택킹(Stacking) 등이 있음

➤ 보팅

✓ 여러 종류의 알고리즘을 사용한 각각의 결과에 대해 투표를 통해 최종 결과를 예측하는 방식

➤ 배깅

✓ 같은 알고리즘에 대해 데이터 샘플을 다르게 두고 학습을 수행해 보팅을 수행하는 방식

✓ 이 때의 데이터 샘플은 중첩이 허용됨. 즉 10000개의 데이터에 대해 10개의 알고리즘이 배깅을 사용할 때, 각 1000개의 데이터 내에는 중복된 데이터가 존재할 수 있음

✓ 배깅의 대표적인 방식이 Random Forest



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 부스팅

- ✓ 여러 개의 알고리즘이 순차적으로 학습을 하되, 앞에 학습한 알고리즘 예측이 틀린 데이터에 대해 올바르게 예측할 수 있도록, 그 다음 번 알고리즘에 가중치를 부여하여 학습과 예측을 진행하는 방식
- ✓ 대표적인 방식은 그래디언트 부스트, XGBoost, LightGBM

➤ 스택킹

- ✓ 여러 가지 다른 모델의 예측 결과값을 다시 학습 데이터로 만들어 다른 모델(메타 모델)로 재 학습시켜 결과를 예측하는 방법



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 보팅

- ✓ 하드보팅(Hard Voting)과 소프트보팅(Soft Voting)
- ✓ 하드보팅을 이용한 분류는 다수결 원칙과 비슷
- ✓ 소프트 보팅은 각 알고리즘이 레이블 값 결정 확률을 예측해서, 이것을 평균하여 이들 중 확률이 가장 높은 레이블 값을 최종 값으로 예측
- ✓ 일반적으로는 소프트 보팅이 성능이 더 좋아서 많이 적용



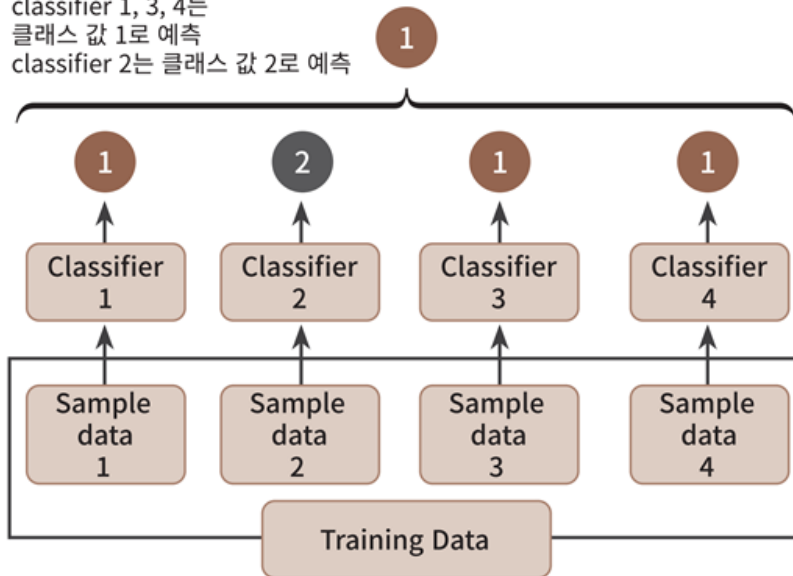
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 보팅

Hard Voting은 다수의 classifier 간 다수결로 최종 class 결정

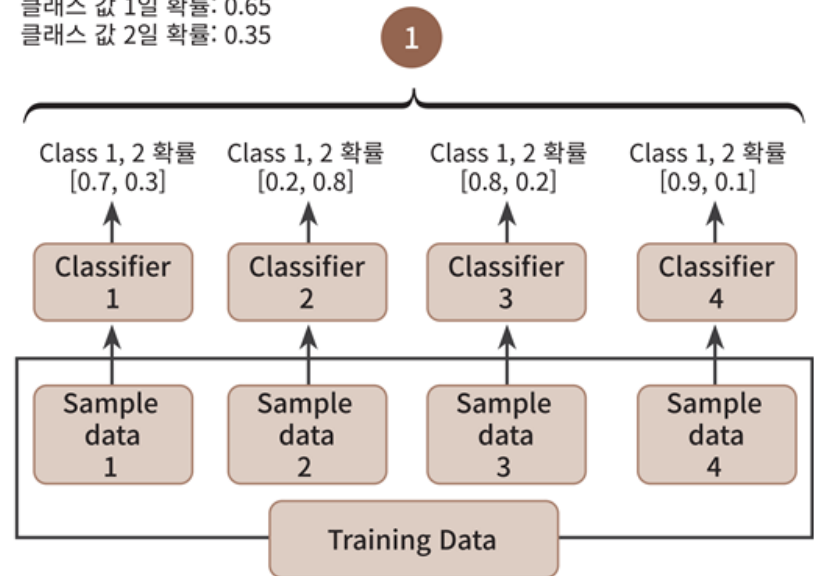
클래스 값 1로 예측
classifier 1, 3, 4는
클래스 값 1로 예측
classifier 2는 클래스 값 2로 예측



<하드 보팅>

Soft Voting은 다수의 classifier 들의 class 확률을 평균하여 결정

클래스 값 1로 예측
클래스 값 1일 확률: 0.65
클래스 값 2일 확률: 0.35



<소프트 보팅>



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 보팅 분류기(Voting Classifier)

- ✓ 사이킷런은 보팅방식의 앙상블을 구현한 VotingClassifier 클래스를 제공
- ✓ 사이킷런에서 제공되는 위스콘신 유방암 데이터 세트를 이용해 보팅방식의 앙상블을 적용

➤ 로지스틱회귀와 KNN을 기반으로 하여 소프트 보팅 방식으로 보팅 분류기를 만들기

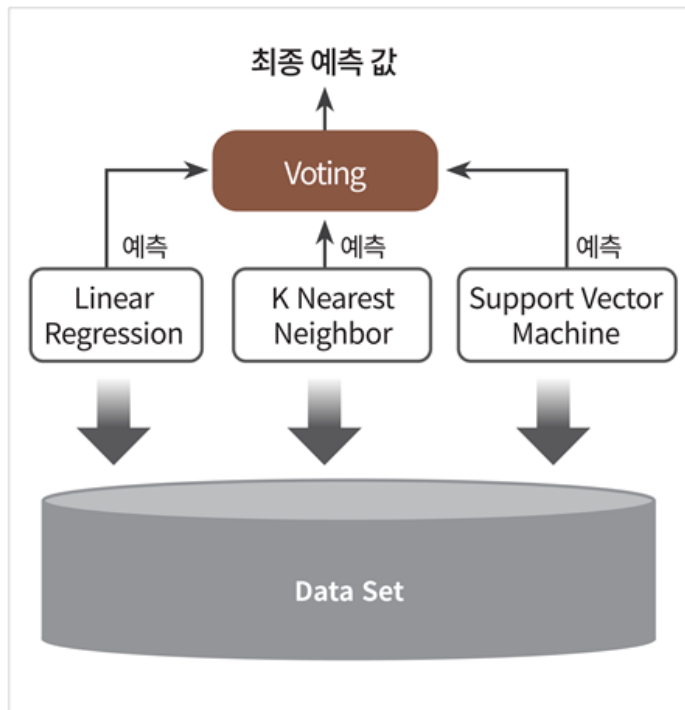
- ✓ VotingClassifier 클래스를 이용해 보팅분류기 생성
- ✓ 생성인자로 estimators 와 voting 값 입력
- ✓ estimators는 리스트값으로 보팅에 사용될 여러 개의 Classifier 객체들을 튜플형식으로 입력
- ✓ voting 은 기본값이 hard



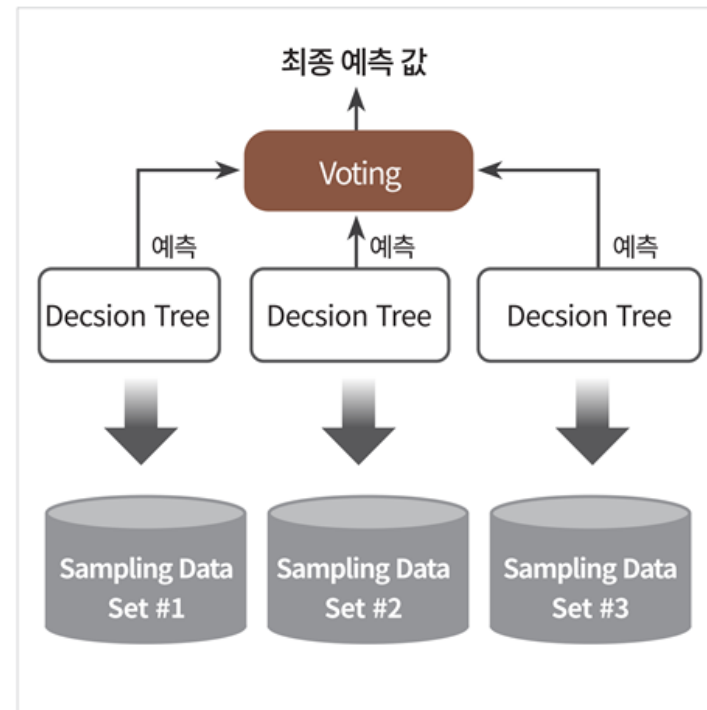
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 앙상블(Ensemble) 학습

➤ 보팅



Voting 방식



Bagging 방식



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

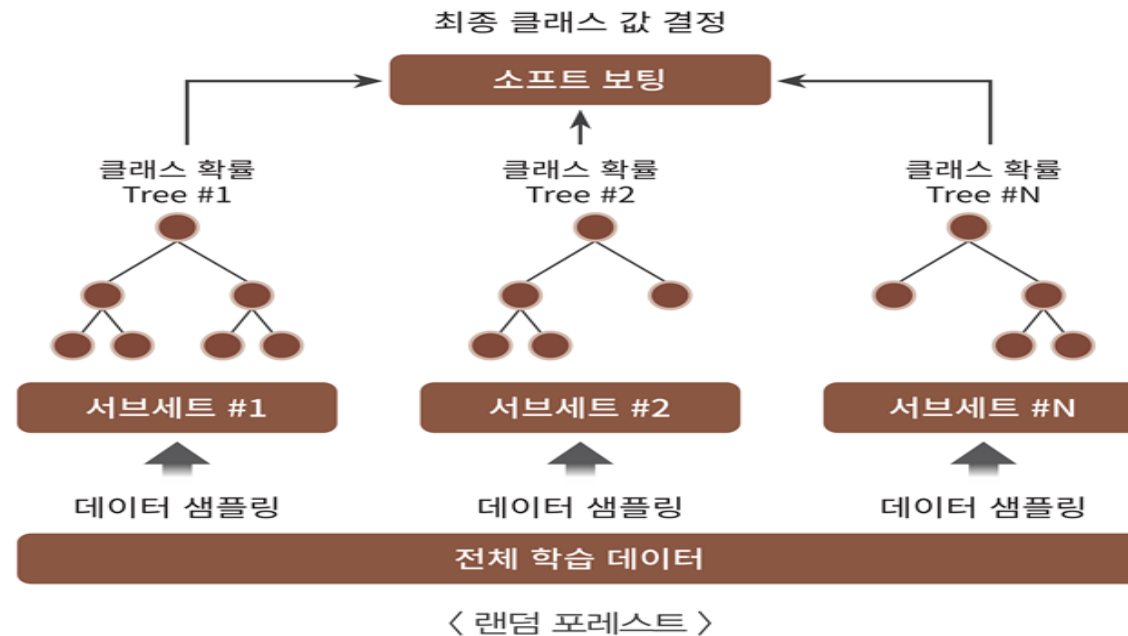
- 배깅(Bagging)은 Bootstrap Aggregating의 약자로, 보팅(Voting)과는 달리 동일한 알고리즘으로 여러 분류기를 만들어 보팅으로 최종 결정하는 알고리즘
- 배깅은 다음과 같은 방식으로 진행
 - (1) 동일한 알고리즘을 사용하는 일정 수의 분류기 생성
 - (2) 각각의 분류기는 부트스트래핑(Bootstrapping)방식으로 생성된 샘플데이터를 학습
 - (3) 최종적으로 모든 분류기가 보팅을 통해 예측 결정
- 부트스트래핑 샘플링은 전체 데이터에서 일부 데이터의 중첩을 허용하는 방식



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

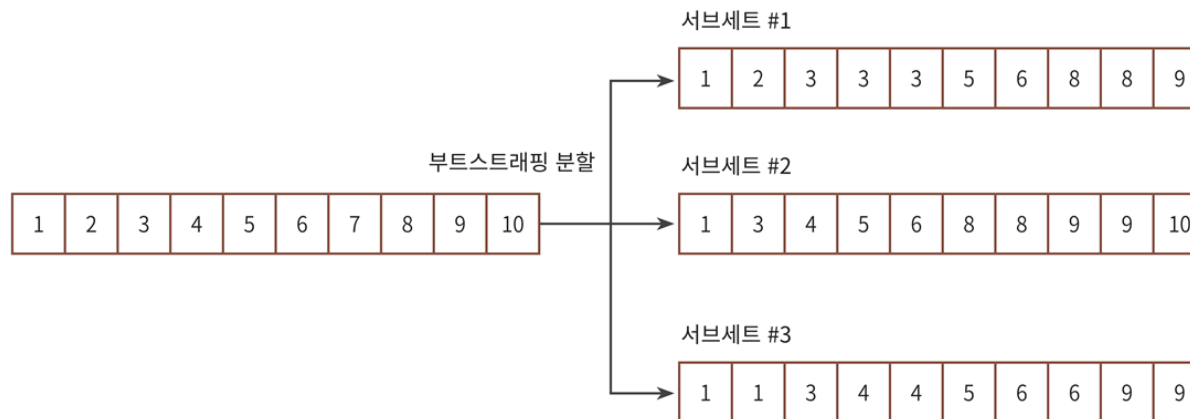
- 랜덤 포레스트는 여러 개의 결정 트리 분류기가 전체 데이터에서 배깅 방식으로 각자의 데이터를 샘플링해 개별적으로 학습을 수행한 뒤 최종적으로 모든 분류기가 보팅을 통해 예측 결정



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

- 부트스트래핑 : 여러개의 데이터 세트를 중첩되게 분리하는 것
- 랜덤 포레스트의 서브세트 데이터는 부트스트래핑으로 데이터가 임의로 만들어짐
- 서브데이터의 데이터 건수는 전체데이터의 건수와 동일하지만 개별데이터가 중첩되어 만들어짐

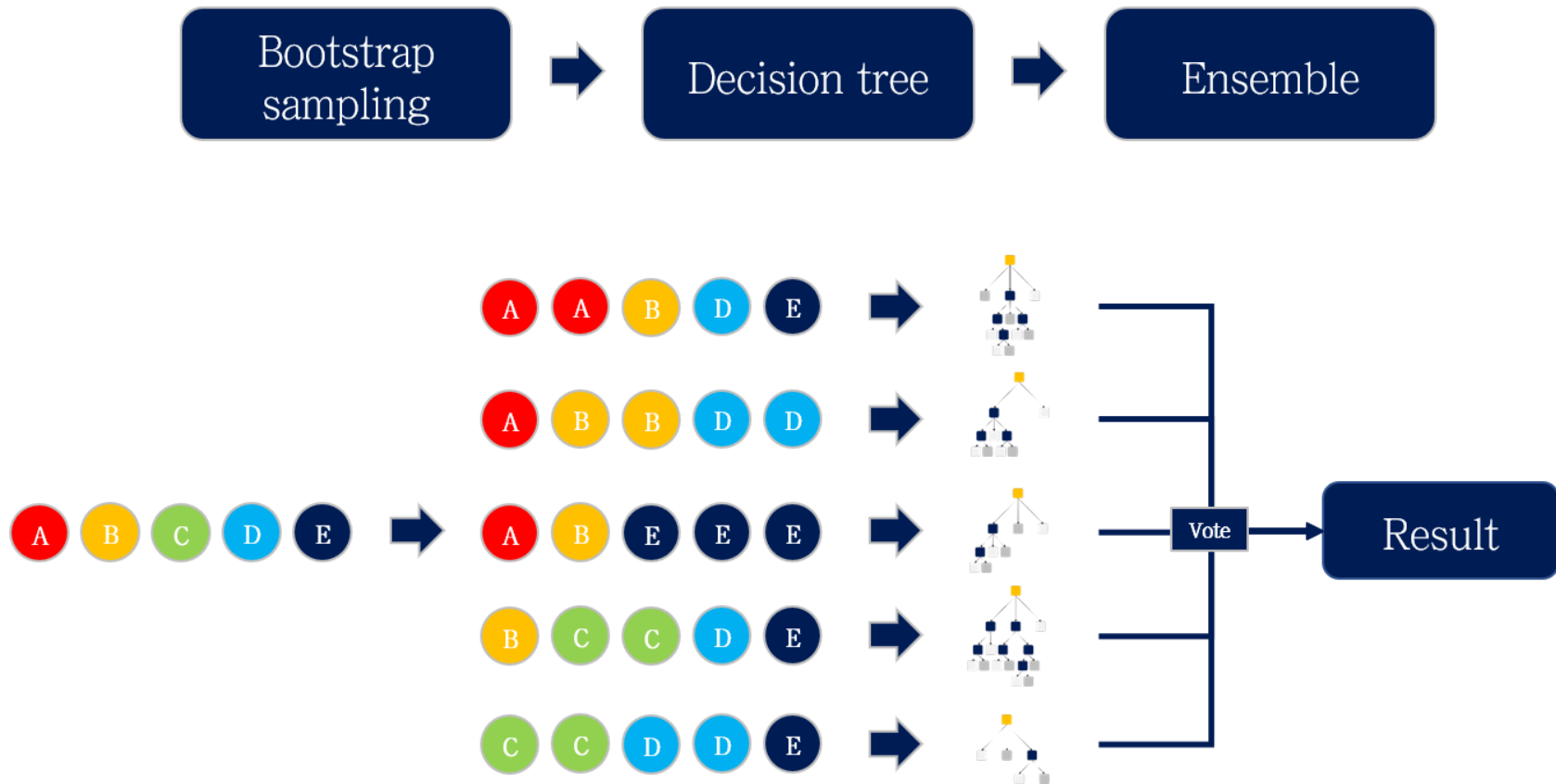


〈 부트스트래핑 샘플링 방식 〉



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

➤ 장점

- ✓ 결정 트리의 쉽고 직관적인 장점을 그대로 가지고 있음
- ✓ 앙상블 알고리즘 중 비교적 빠른 수행 속도를 가지고 있음
- ✓ 다양한 분야에서 좋은 성능을 나타냄

➤ 단점

- ✓ 하이퍼 파라미터가 많아 튜닝을 위한 시간이 많이 소요됨



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

➤ 랜덤포레스트 하이퍼 파라미터 튜닝

- ✓ 랜덤포레스트는 트리기반의 하이퍼 파라미터에 배깅, 부스팅, 학습, 정규화 등을 위한 하이퍼 파라미터까지 추가됨
- ✓ `n_estimators`: 결정트리의 갯수를 지정. Default = 10. 무작정 트리 갯수를 늘리면 성능 좋아지는 것 대비 시간이 걸릴 수 있음
- ✓ `min_samples_split`: 노드를 분할하기 위한 최소한의 샘플 데이터수. 과적합을 제어하는데 사용. Default = 2(작게 설정할 수록 분할 노드가 많아져 과적합 가능성 증가)
- ✓ `min_samples_leaf`: 리프노드가 되기 위해 필요한 최소한의 샘플 데이터수. `min_samples_split`과 함께 과적합 제어 용도. 불균형 데이터의 경우 특정 클래스의 데이터가 극도로 작을 수 있으므로 작게 설정 필요



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 랜덤 포레스트

➤ 랜덤포레스트 하이퍼 파라미터 튜닝

- ✓ max_features: 최적의 분할을 위해 고려할 최대 feature 개수. Default = 'auto' (결정트리에서는 default가 none이었음)
 - int형으로 지정 → 피쳐 갯수 / float형으로 지정 → 비중
 - sqrt 또는 auto : 전체 피쳐 중 $\sqrt{(\text{피쳐개수})}$ 만큼 선정
 - log : 전체 피쳐 중 $\log_2(\text{전체 피쳐 개수})$ 만큼 선정
- ✓ max_depth: 트리의 최대 깊이. default = None (완벽하게 클래스 값이 결정될 때 까지 분할 또는 데이터 개수가 min_samples_split보다 작아질 때까지 분할)
 - 깊이가 깊어지면 과적합될 수 있으므로 적절히 제어 필요
- ✓ max_leaf_nodes: 리프노드의 최대 개수



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

➤부스팅(Boosting)

✓여러 개의 약한 학습기(weak learner)를 순차적으로 학습-예측하면서 잘못 예측한 데이터에 가중치를 부여해 오류를 개선해 나가며 학습하는 방식

✓부스팅 알고리즘 종류

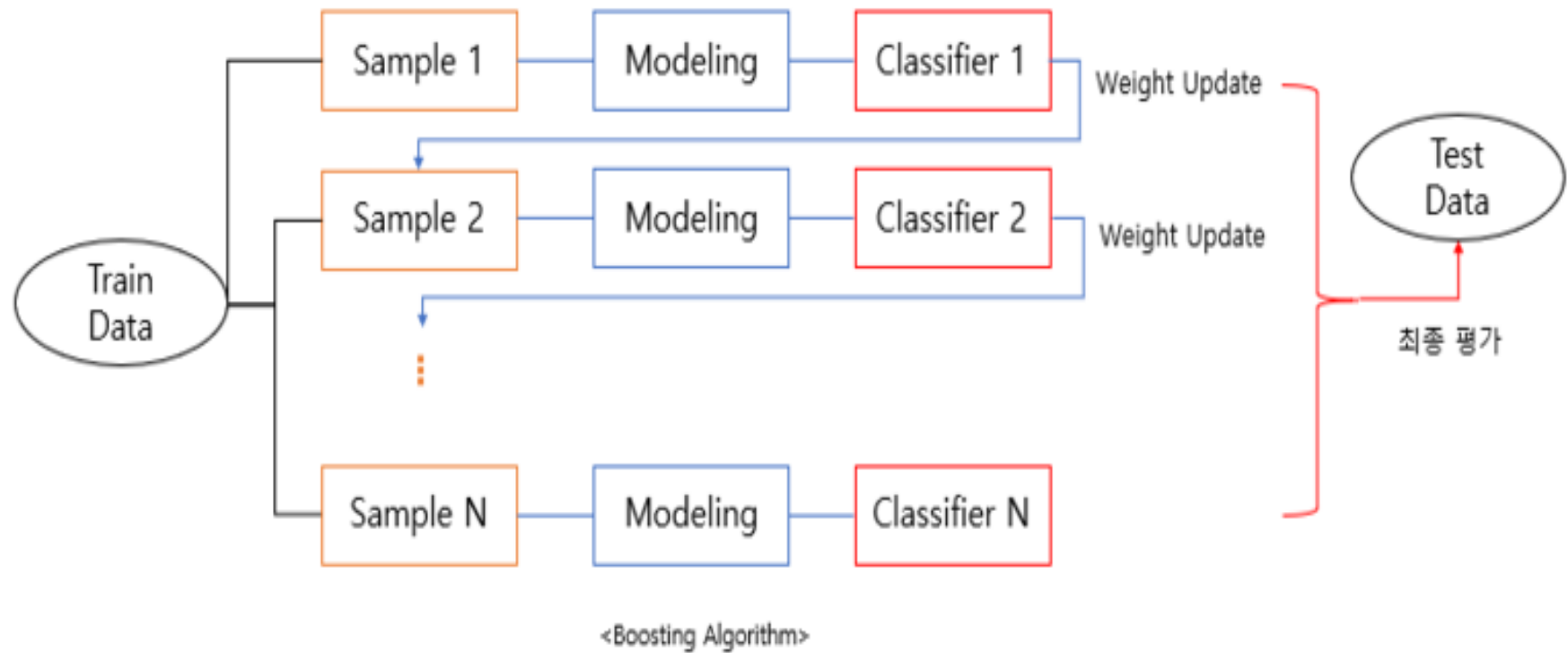
- AdaBoost
- Gradient Boosting Machine(GBM)
- XGBoost
- LightGBM
- CatBoost



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ 부스팅(Boosting)

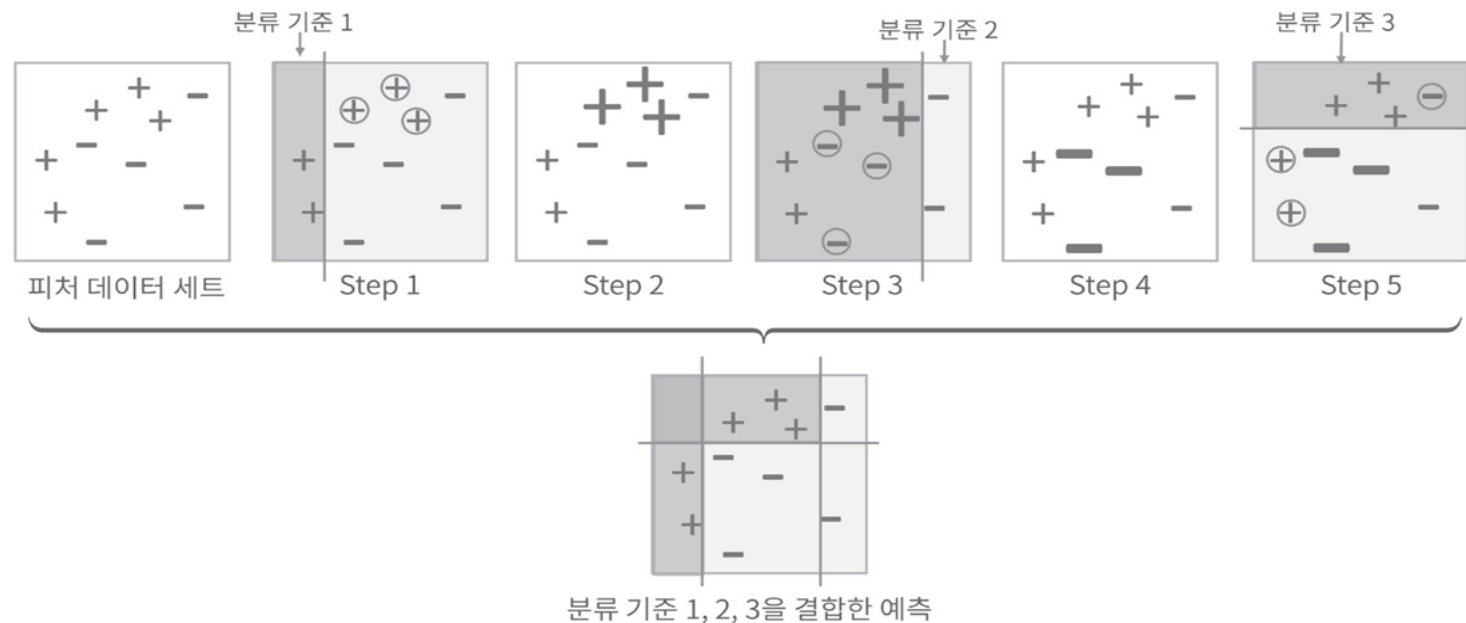
➤ 알고리즘



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

➤ AdaBoost

- ✓ Adaptive Boost의 줄임말로써 약한 학습기(weak learner)의 오류 데이터에 가중치를 부여하면서 부스팅을 수행하는 대표적인 알고리즘
- ✓ 속도나 성능적인 측면에서 decision tree를 약한 학습기로 사용함



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ AdaBoost

➤ 절차

Step 1) 첫 번째 약한 학습기가 첫 번째 분류기준(D1)으로 + 와 - 를 분류

Step 2) 잘못 분류된 데이터에 대해 가중치를 부여(두 번째 그림에서 커진 + 표시)

Step 3) 두 번째 약한 학습기가 두 번째 분류기준(D2)으로 +와 - 를 다시 분류

Step 4) 잘못 분류된 데이터에 대해 가중치를 부여(세 번째 그림에서 커진 - 표시)

Step 5) 세 번째 약한 학습기가 세 번째 분류기준으로(D3) +와 -를 다시 분류해서 오류 데이터를 찾음

Step 6) 마지막으로 분류기들을 결합하여 최종 예측 수행

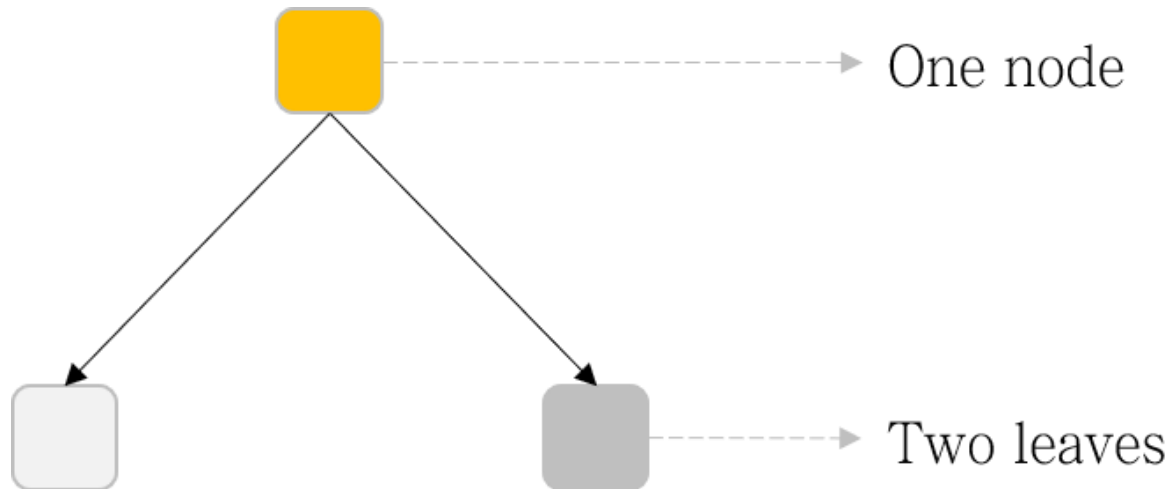
→ 약한 학습기를 순차적으로 학습시켜, 개별 학습기에 가중치를 부여하여 모두 결합함으로써 개별 약한 학습기보다 높은 정확도의 예측 결과를 만듦



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ AdaBoost

- Random forest에서는 개별 모델로 decision tree를 사용한 반면, AdaBoost에서는 개별 모델로 stump를 사용
- Stump란 한 노드와 두 개의 가지를 갖는 decision tree

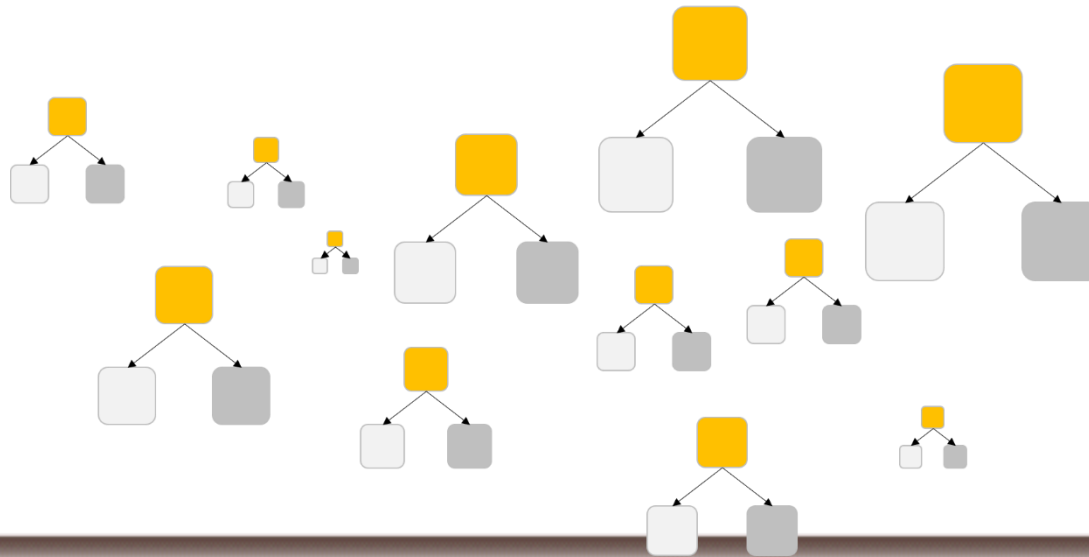


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ AdaBoost

- Random forest에서 모든 tree는 동일한 weight를 가지는 반면
AdaBoost에서 각 stump는 서로 다른 weight (amount of say)를 가짐
- 즉, 최종 앙상블 시, 개별 모델마다 예측 결과값에 가중치를 달리 부여

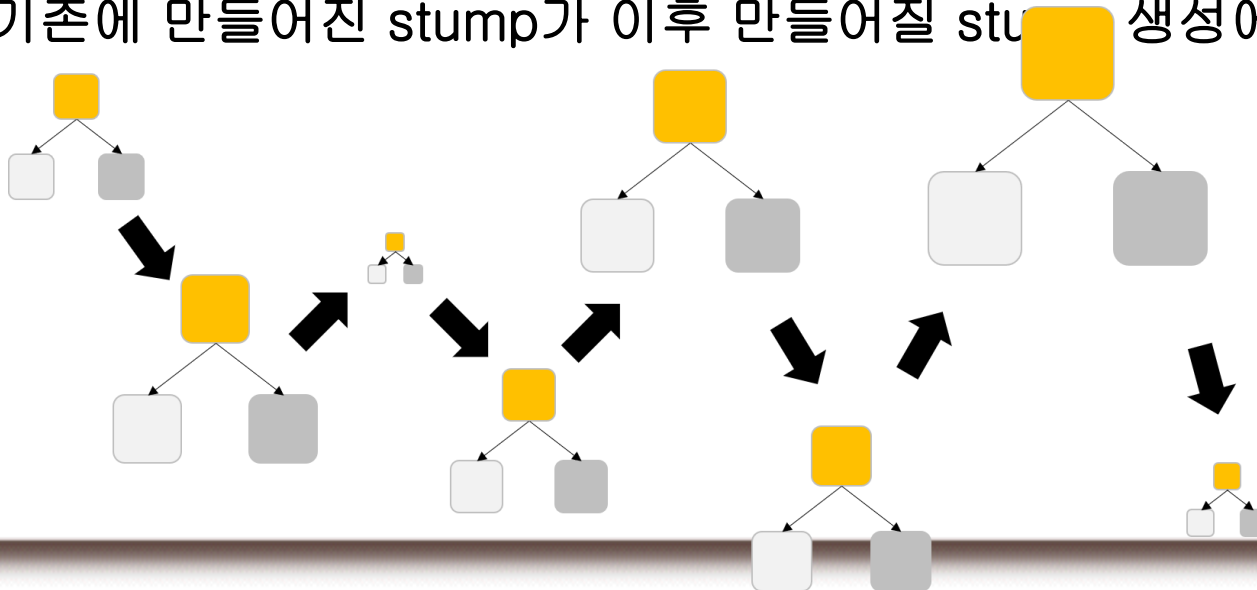
AdaBoost = Forest of stumps



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ AdaBoost

- Random forest에서 tree들은 parallel하게 만들어 짐(즉, decision tree 간 서로 영향이 없음)
- 반면, AdaBoost에서 stump들은 sequential하게 만들어진다는 특징을 가짐
- 즉, 기존에 만들어진 stump가 이후 만들어질 stump 생성에 영향을 줌



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ GBM의 학습 방식

- ✓ AdaBoost와 유사하지만, 가중치 업데이트를 경사하강법(Gradient Descent)를 이용하여 최적화된 결과를 얻는 알고리즘
- ✓ GBM은 예측 성능이 높지만 Greedy Algorithm으로 과적합이 빠르게 되고, 시간이 오래 걸린다는 단점이 있음

➤ Greedy Algorithm(탐욕 알고리즘)

- ✓ 미래를 생각하지 않고 각 단계에서 가장 최선의 선택을 하는 기법으로,
- ✓ 각 단계에서 최선의 선택이 전체적으로도 최선이길 바라는 알고리즘
- ✓ 예) 지금 선택하면 1개 마시멜로, 1분 기다렸다 선택하면 2개 마시멜로를 받는 문제에서는 1개의 마시멜로 선택

- GBM 은 CART 기반의 다른 알고리즘과 마찬가지로 분류는 물론이고 회귀도 가능
- 사이킷런은 GBM 기반의 분류를 위해 GradientBoostingClassifier 클래스를 제공



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

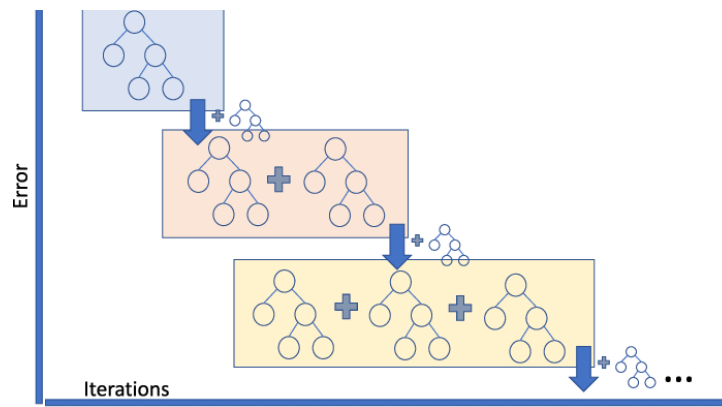
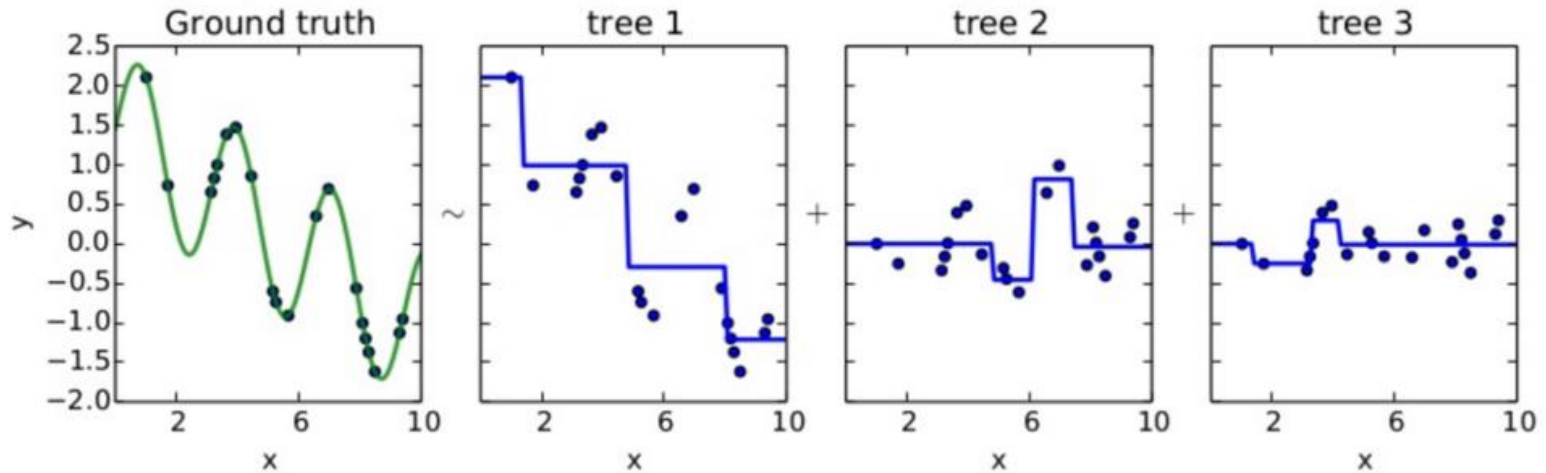
❖ Gradient Boost Machine(GBM)

- 부스팅 앙상블의 대표적인 특징은 모델 학습이 sequential. 즉, 먼저 생성된 모델의 예측값이 다음 모델 생성에 영향을 줌
- Single leaf 로 시작하여, 이후 각 단계에서 이전 tree 의 error 를 반영한 새로운 tree 구축
 - ✓ Tree 는 이전 단계에서 발생한 residual 을 예측하는 방식으로 학습
- Residual fitting 으로 이해
 - ✓ 간단한 모델 A 를 통해 y 를 예측하고, 남은 잔차를 다시 B라는 모델을 통해 예측하고 A+B 모델을 통해 y 를 예측
 - ✓ tree 1 을 통해 예측하고 남은 잔차를 tree 2를 통해 예측하고, 이를 반복하여 점점 잔차를 줄여 나감



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ AdaBoost 와의 차이

- ✓ Weak learner: Stumps VS A leaf & Restricted trees
- ✓ Predicted value: Output VS Pseudo-residual
- ✓ Model weight: Different model weights (amount of say) VS Equal model weight (learning rate)



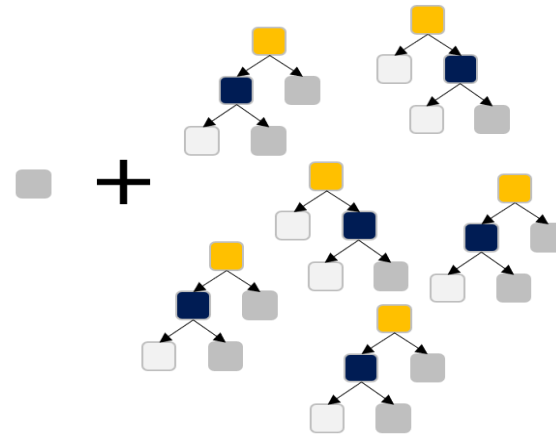
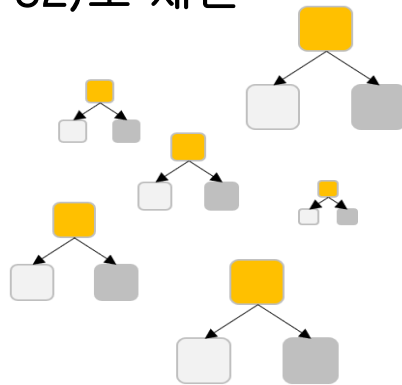
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ AdaBoost 와의 차이

✓ Weak learner: Stumps VS A leaf & Restricted trees

- Stump: 한 개 노드와 두 개의 가지를 갖는 매우 작은 decision tree
- A leaf & Restricted trees: 첫 번째 weak learner는 모든 샘플의 output 평균값을 갖는 하나의 leaf와 maximum number of leaves (8-32)로 제한



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ AdaBoost 와의 차이

✓ Predicted value: Output VS Pseudo-residual

- AdaBoost: 각 stump들은 모두 실제 output 값을 예측하는 모델
- Gradient Boosting: 각 restricted tree들이 예측하는 값은 실제 output 과 이전 모델의 예측치 사이의 오차 (pseudo-residual)
 - 손실함수: $\frac{1}{2} * (\text{실제값} - \text{예측값})^2$
- 최종 예측 시에는 각 모델의 오차를 scaling 후, 합하는 과정을 통해 실제 값에 가까운 예측값을 만들어냄

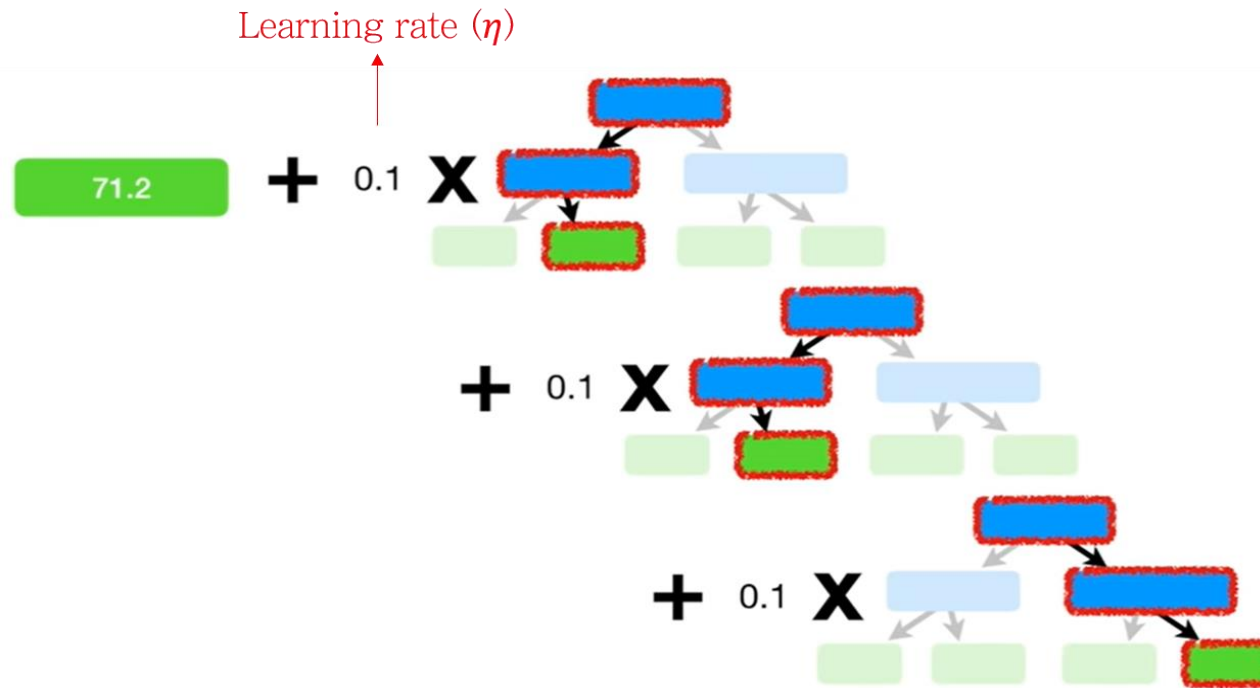


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ AdaBoost 와의 차이

✓ Predicted value: Output VS Pseudo-residual



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ AdaBoost 와의 차이

- ✓ Model weight: Different model weights (amount of say) VS
Equal model weight (learning rate)

$$F_t(x) = \sum_{t=1}^M \alpha_t h_t(x)$$

$$F_t(x) = F_0(x) + \eta \sum_{t=1}^M h_t(x)$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ 알고리즘

Input: Data $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$, and a differentiable **Loss Function** $L(y_i, F(x))$

Step 1: Initialize model with a constant value: $F_0(x) = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \sum_{i=1}^n L(y_i, \gamma)$

Step 2: for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

(B) Fit a regression tree to the r_{im} values and create terminal regions R_{jm} , for $j = 1 \dots J_m$

(C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \sum_{x_i \in R_{ij}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$

(D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$

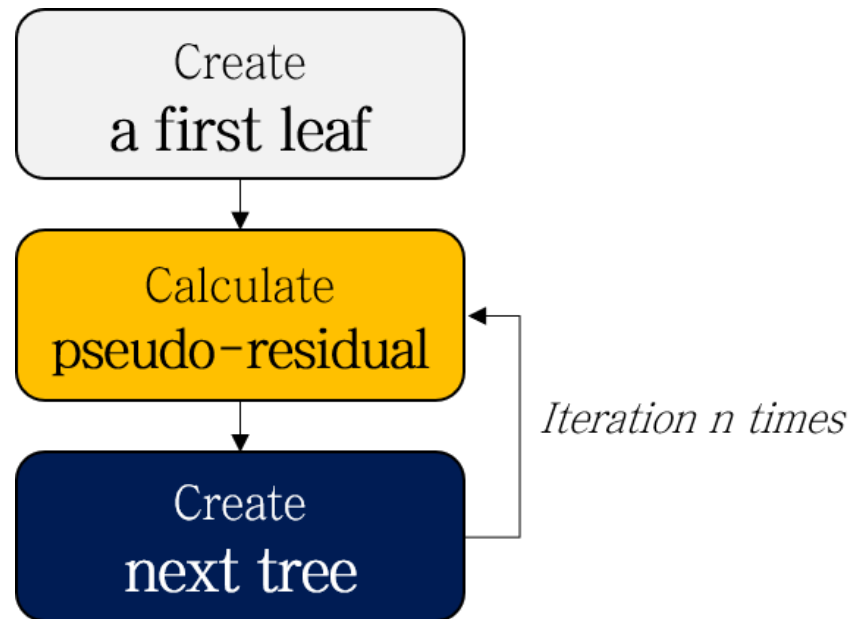


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ 알고리즘



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

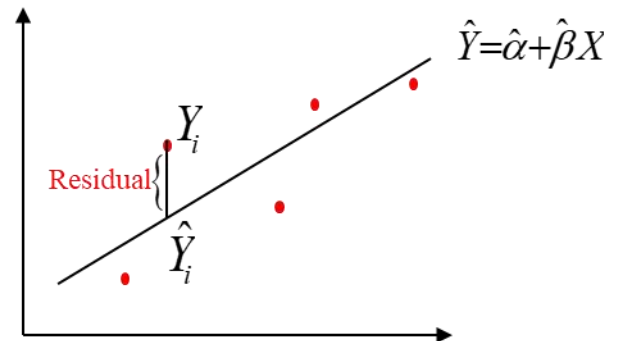
❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ **Input:** Data $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$, and a differentiable **Loss Function** $L(y_i, F(x))$

| | Height (m) | Favorite Color | Gender | Weight (kg) |
|-------|------------|----------------|--------|-------------|
| x_i | 1.6 | Blue | Male | 88 |
| | 1.6 | Green | Female | 76 |
| | 1.5 | Blue | Female | 56 |
| | 1.8 | Red | Male | 73 |
| | 1.5 | Green | Male | 77 |
| | 1.4 | Blue | Female | 57 |
| | | | | y_i |

$$\text{손실함수} = \frac{1}{2} (\text{관측치} - \text{예측치})^2$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ **Step 1:** Initialize model with a constant value: $F_0(x) = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{i=1}^n L(y_i, \gamma)$

| Height (m) | Favorite Color | Gender | Weight (kg) |
|------------|----------------|--------|-------------|
| 1.6 | Blue | Male | 88 |
| 1.6 | Green | Female | 76 |
| 1.5 | Blue | Female | 56 |
| 1.8 | Red | Male | 73 |
| 1.5 | Green | Male | 77 |
| 1.4 | Blue | Female | 57 |

평균

$$\text{손실함수} = \frac{1}{2} (\text{관측치} - \text{예측치})^2$$

$$L = \sum_{i=1}^8 \frac{1}{2} (y_i - \gamma)^2$$

$$= \frac{1}{2} (y_1 - \gamma)^2 + \dots + \frac{1}{2} (y_8 - \gamma)^2$$

$$\frac{\partial L}{\partial \gamma} = -(y_1 - \gamma) - (y_2 - \gamma) \dots -(y_8 - \gamma) = 0$$

$$\gamma = \frac{\sum_{i=1}^8 y_i}{8}$$

$$F_0(x) = 71.2$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ **Step 2:** for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

손실함수 $\frac{1}{2} (\text{관측치} - \text{예측치})^2$

손실함수 미분 $-(\text{관측치} - \text{예측치})$

$r_{im} = (\text{관측치} - \text{예측치})$

residual

$r_{i1} = (\text{관측치} - F_0(x))$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ **Step 2:** for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

| Height (m) | Favorite Color | Gender | Weight (kg) | Residual |
|------------|----------------|--------|-------------|----------|
| 1.6 | Blue | Male | 88 | 16.8 |
| 1.6 | Green | Female | 76 | 4.8 |
| 1.5 | Blue | Female | 56 | -15.2 |
| 1.8 | Red | Male | 73 | 1.8 |
| 1.5 | Green | Male | 77 | 5.8 |
| 1.4 | Blue | Female | 57 | -14.2 |

$$r_{i1} = (\text{관측치} - F_0(x))$$

$$F_0(x) = 71.2$$

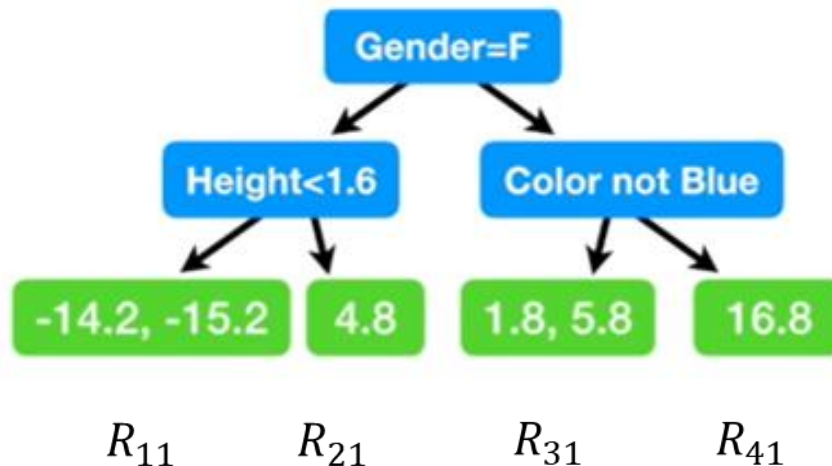


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

- ✓ (B) Fit a regression tree to the r_{jm} values and create terminal regions R_{jm} , for $j = 1 \dots J_m$

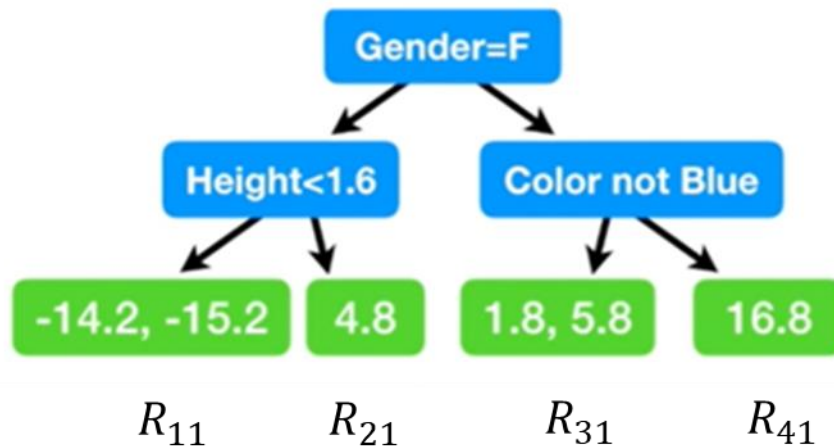


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \sum_{x_i \in R_{ji}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$



$$\begin{aligned} r_{12} &= \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} (y_2 - (F_0(x) + \gamma))^2 \\ &= \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} (76 - 71.2 - \gamma)^2 \\ &= 4.8 \end{aligned}$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \sum_{x_i \in R_{ii}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$

$$r_{11} = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} (y_6 - (F_0(x) + \gamma))^2 + \frac{1}{2} (y_3 - (F_0(x) + \gamma))^2$$

$$= \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} (57 - 71.2 - \gamma)^2 + \frac{1}{2} (56 - 71.2 - \gamma)^2$$

$$= \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} (-14.2 - \gamma)^2 + \frac{1}{2} (-15.2 - \gamma)^2$$

$$= -14.7$$

$$\frac{\partial L}{\partial \gamma} = 14.2 + \gamma + 15.2 + \gamma = 0$$

$$\gamma = (-14.2 - 15.2)/2$$

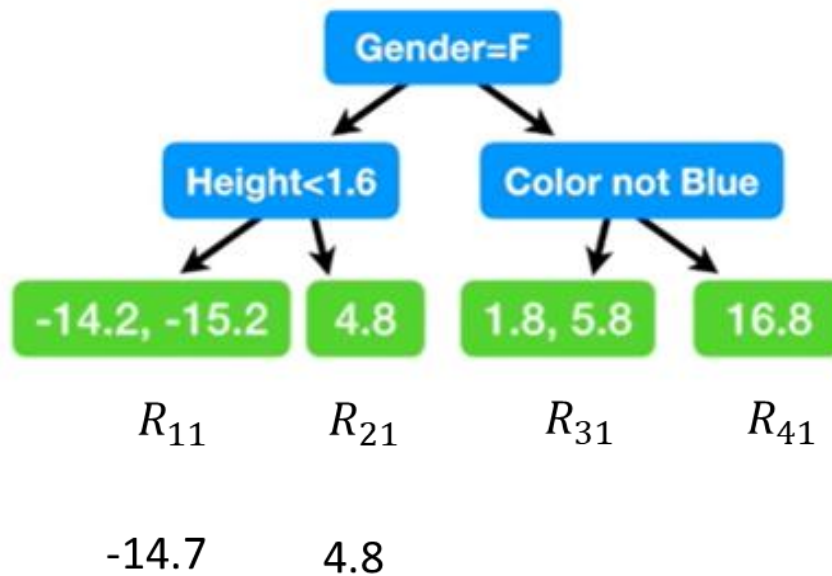


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{x_i \in R_{ji}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$



Leaf 값들의 평균값



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

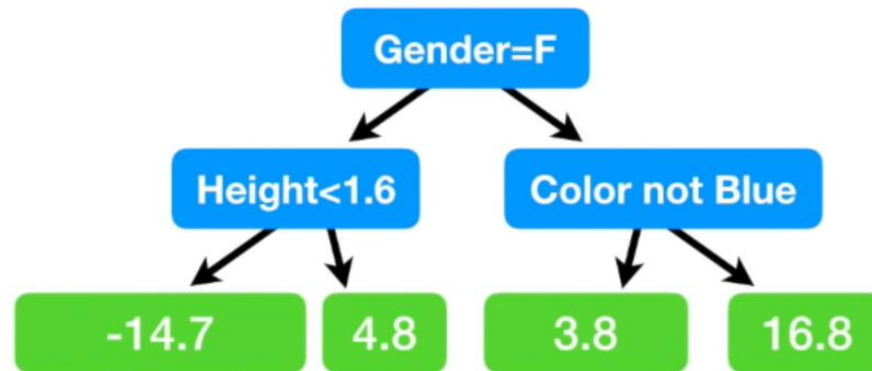
➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$

Average Weight

71.2

+

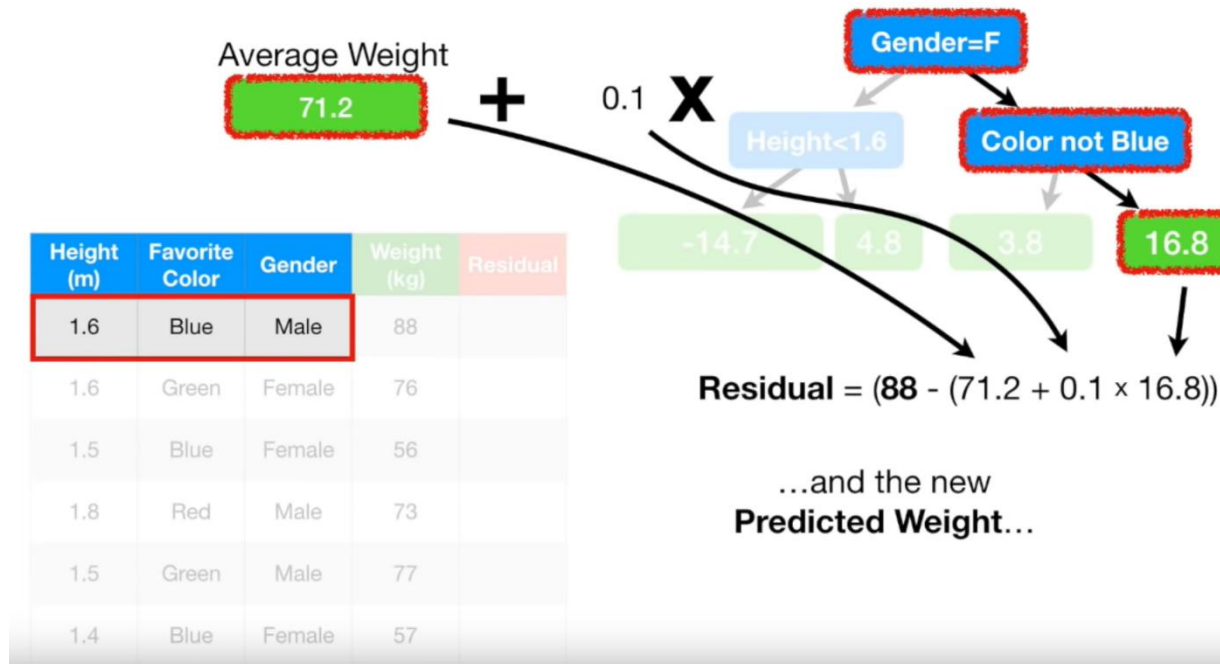


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ (D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$

| Height (m) | Favorite Color | Gender | Weight (kg) | Residual | Residual |
|------------|----------------|--------|-------------|----------|----------|
| 1.6 | Blue | Male | 88 | 16.8 | 15.1 |
| 1.6 | Green | Female | 76 | 4.8 | 4.3 |
| 1.5 | Blue | Female | 56 | -15.2 | -13.7 |
| 1.8 | Red | Male | 73 | 1.8 | 1.4 |
| 1.5 | Green | Male | 77 | 5.8 | 5.4 |
| 1.4 | Blue | Female | 57 | -14.2 | -12.7 |

Less Residual



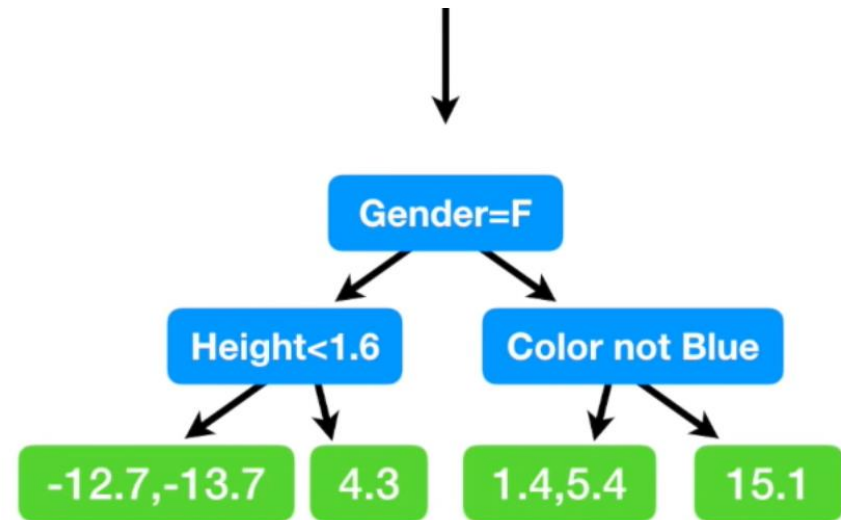
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ 반복

| Height (m) | Favorite Color | Gender | Weight (kg) | Residual |
|------------|----------------|--------|-------------|----------|
| 1.6 | Blue | Male | 88 | 15.1 |
| 1.6 | Green | Female | 76 | 4.3 |
| 1.5 | Blue | Female | 68 | -13.7 |
| 1.8 | Red | Male | 73 | 1.4 |
| 1.5 | Green | Male | 77 | 5.4 |
| 1.4 | Blue | Female | 67 | -12.7 |

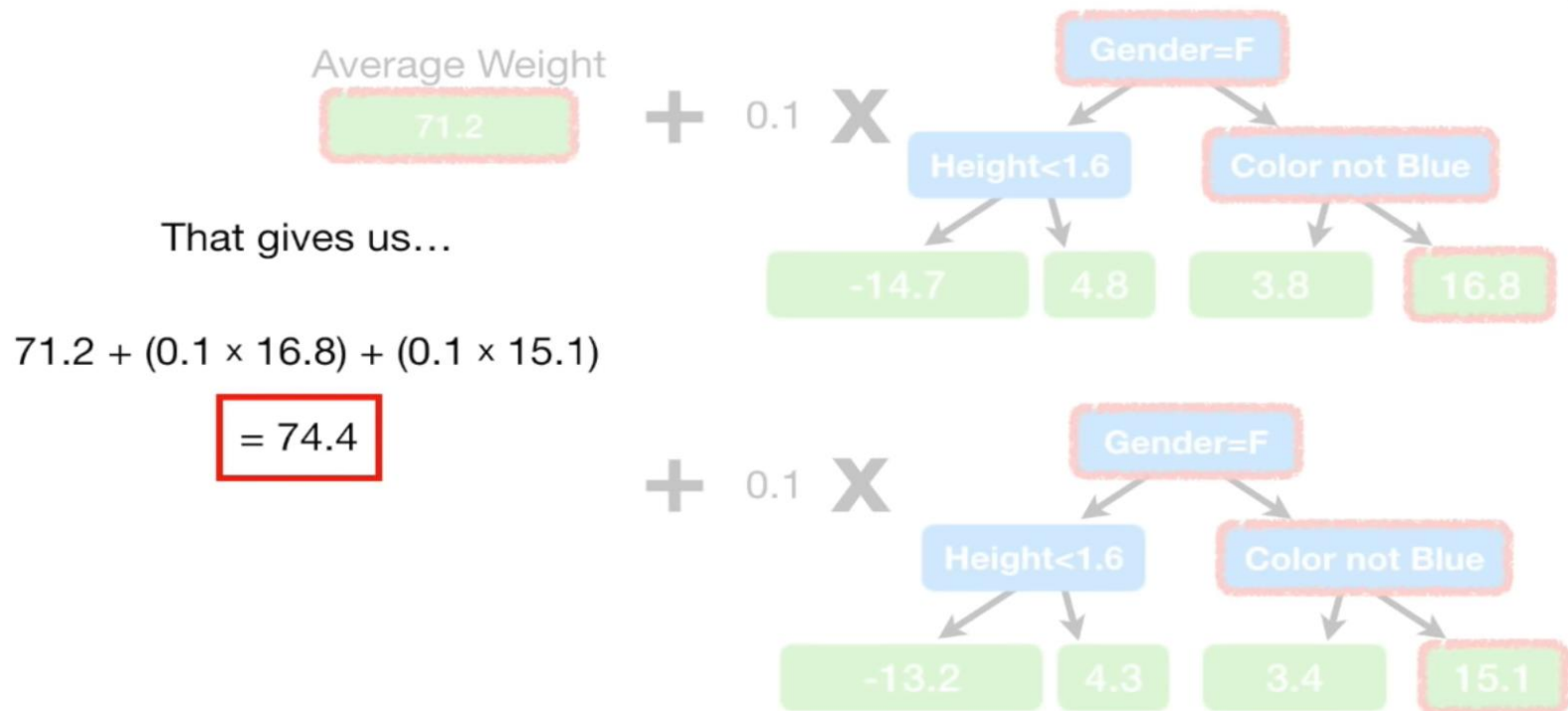


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ 반복

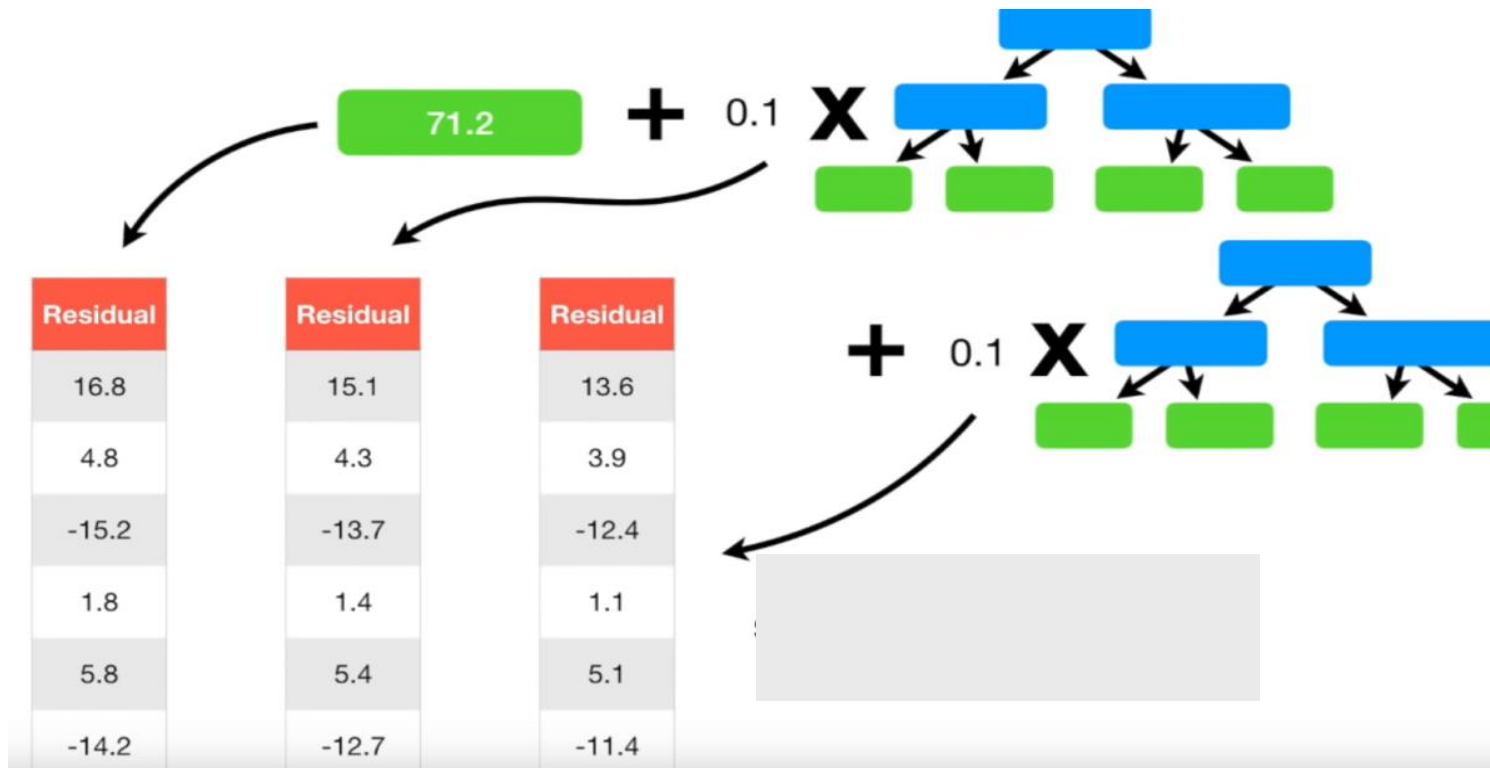


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

✓ 반복

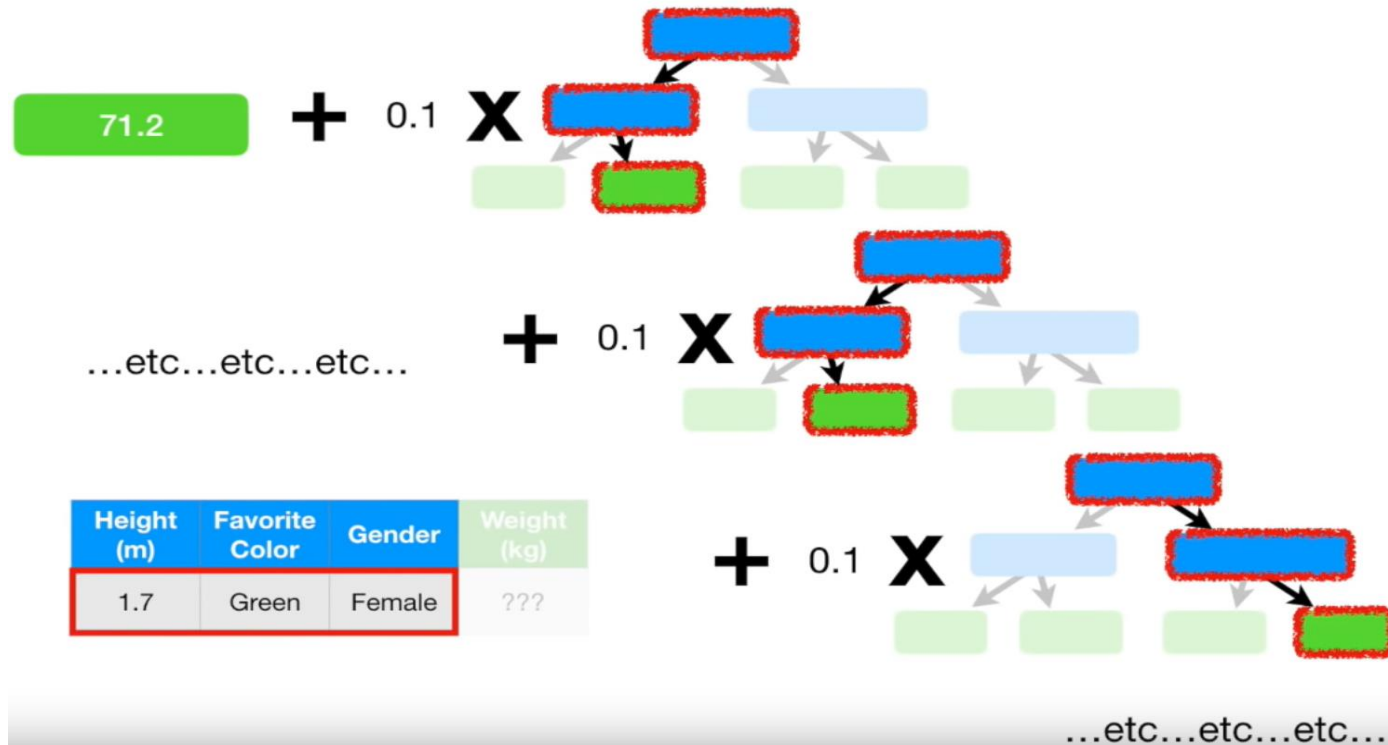


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Regression

- ✓ 반복횟수(m)까지 혹은 더 이상 residual이 작아지지 않을 때까지 반복



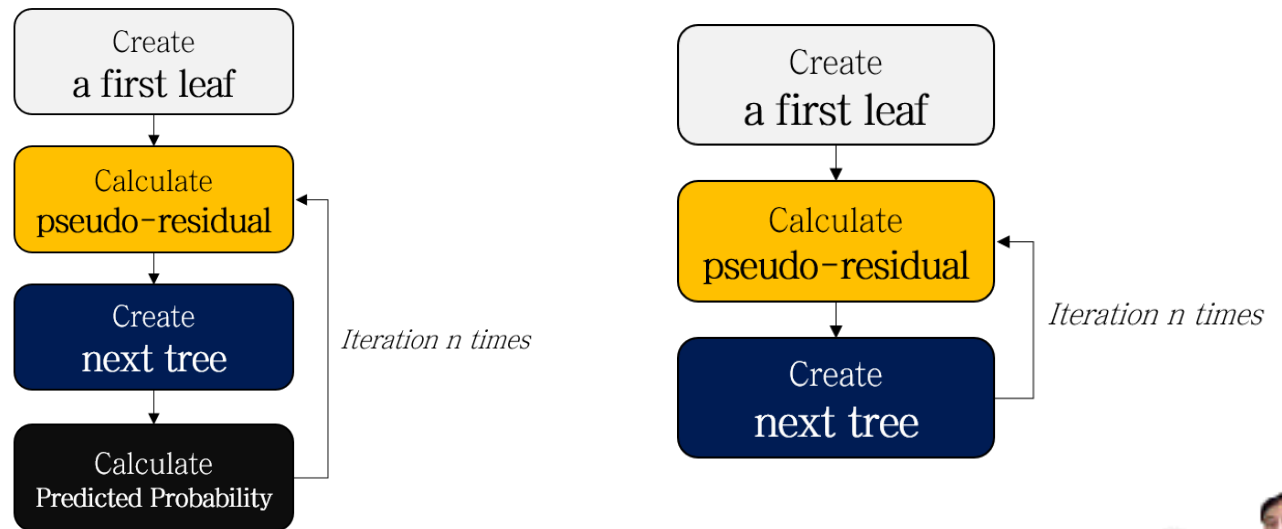
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

- ✓ Gradient Boosting for Regression과 전체적인 흐름 (pseudo-residual을 계산하고 이를 예측하는 decision tree를 만들어 나가는 과정)은 비슷하지만, 확률-log(Odds) 변환 같이 세부적인 내용에서 차이가 있음

✓ 알고리즘



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 알고리즘

Input: Data $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$, and a differentiable **Loss Function** $L(y_i, F(x))$

Step 1: Initialize model with a constant value: $F_0(x) = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{i=1}^n L(y_i, \gamma)$

Step 2: for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

(B) Fit a regression tree to the r_{im} values and create terminal regions R_{jm} , for $j = 1 \dots J_m$

(C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{x_i \in R_{jm}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$

(D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 알고리즘

- Create a first leaf
- Calculate pseudo-residuals of probability
- Create a next tree to predict pseudo-residuals
- Calculate predicted probability
- Repeat 2-4



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 알고리즘

- 데이터세트

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

Input: Data $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$, and a differentiable **Loss Function** $L(y_i, F(x))$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

Step 1: Initialize model with a constant value: $F_0(x) = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{i=1}^n L(y_i, \gamma)$

$$\log(odds) = \log\left(\frac{4}{2}\right) = \log 2 = 0.6931$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

Step 2: for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

$$(Observed - p) = Pseudo Residual$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

Step 2: for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

(B) Fit a regression tree to the r_{im} values and create terminal regions R_{jm} , for $j = 1 \dots J_m$

(C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \operatorname{argmin}_{\gamma} \sum_{x_i \in R_{ij}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$

$$\gamma = \frac{\text{Residual}}{p(1-p)}$$

$$\gamma = \frac{\text{Residual}_i + \text{Residual}_j}{p_i(1-p_i) + p_j(1-p_j)}$$

2차 Taylor Polynomial approximation



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

Step 2: for $m = 1$ to M :

(A) Compute $r_{im} = - \left[\frac{\partial L(y_i, F(x_i))}{\partial F(x_i)} \right]_{F(x)=F_{m-1}(x)}$ for $i = 1, \dots, n$

(B) Fit a regression tree to the r_{im} values and create terminal regions R_{jm} , for $j = 1 \dots J_m$

(C) For $j = 1 \dots J_m$ compute $\gamma_{jm} = \underset{\gamma}{\operatorname{argmin}} \sum_{x_i \in R_{jm}} L(y_i, F_{m-1}(x_i) + \gamma)$

(D) Update $F_m(x) = F_{m-1}(x) + \nu \sum_{j=1}^{J_m} \gamma_{jm} I(x \in R_{jm})$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 알고리즘

- Create a first leaf
- Calculate pseudo-residuals of probability
- Create a next tree to predict pseudo-residuals
- Calculate predicted probability
- Repeat 2-4



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 1. Create a first leaf

- first leaf의 초기 prediction 값은 $\log(\text{odds})$ 를 사용

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |

$$\log(\text{odds}) = \log\left(\frac{4}{2}\right) = \log 2 = \mathbf{0.6931}$$

Log(odds) 값을 사용하는 가장 쉬운 방법은 확률값으로 변환하는 것

$$P(\text{loves troll2} = \text{yes}) = \frac{e^{\log(\text{odds})}}{1 + e^{\log(\text{odds})}} = \frac{2}{1 + 2} = 0.6667$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

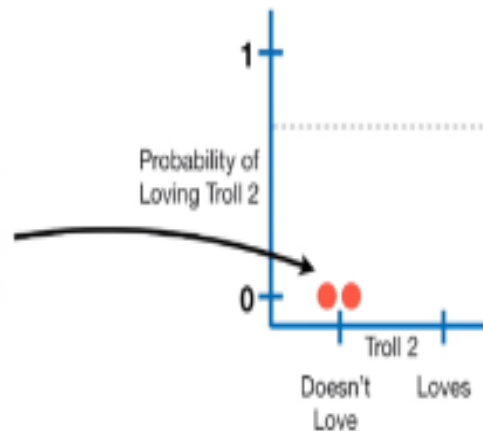
➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 2. Calculate Pseudo-residuals of probability

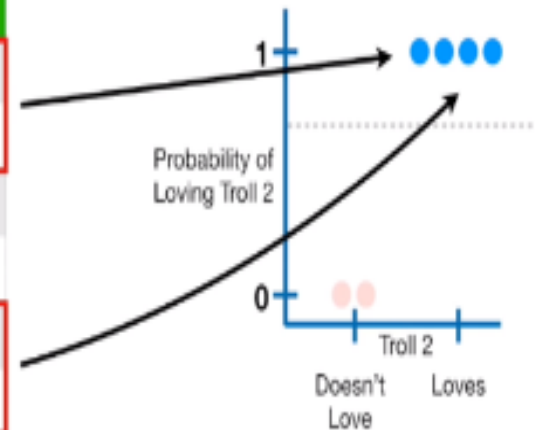
- Observed Probability

- 실제값 **Observed probability**는 **Output**의 Yes/No 값에 따라 1 또는 0

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |



| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

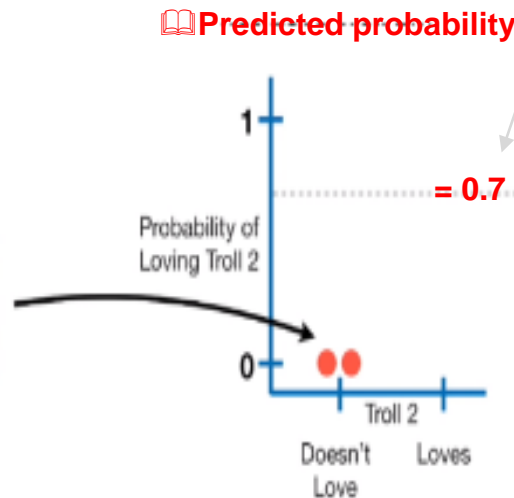
❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

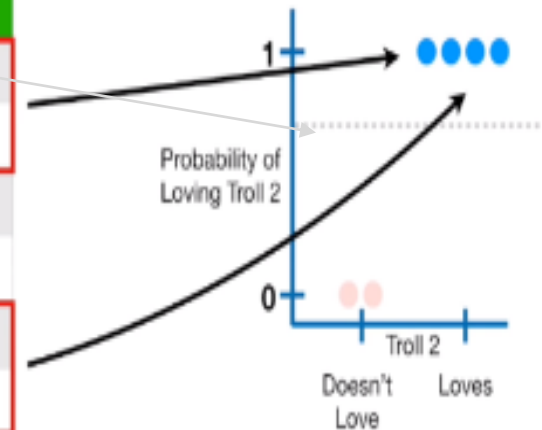
✓ 2. Calculate Pseudo-residuals of probability

- Predicted probability
- first leaf의 predicted probability를 사용

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |



| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 |
|---------------|-----|----------------|---------------|
| Yes | 12 | Blue | No |
| Yes | 87 | Green | Yes |
| No | 44 | Blue | No |
| Yes | 19 | Red | No |
| No | 32 | Green | Yes |
| No | 14 | Blue | Yes |



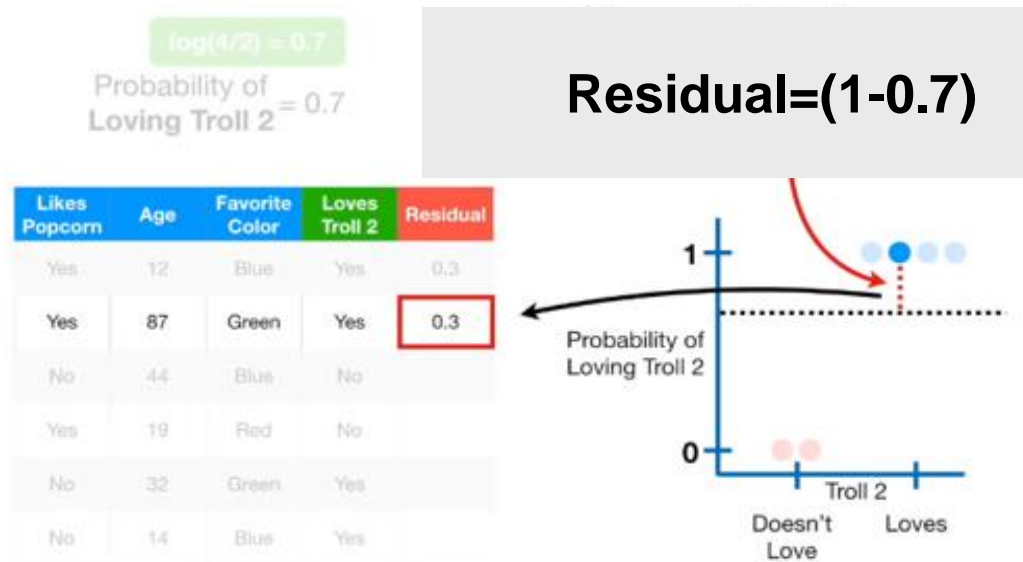
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

- ✓ 2. Calculate Pseudo-residuals of probability

$$(Observed - p) = Pseudo\ Residual$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

- ✓ 2. Calculate Pseudo-residuals of probability

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 | Residual |
|---------------|-----|----------------|---------------|----------|
| Yes | 12 | Blue | Yes | 0.3 |
| Yes | 87 | Green | Yes | 0.3 |
| No | 44 | Blue | No | -0.7 |
| Yes | 19 | Red | No | -0.7 |
| No | 32 | Green | Yes | 0.3 |
| No | 14 | Blue | Yes | 0.3 |

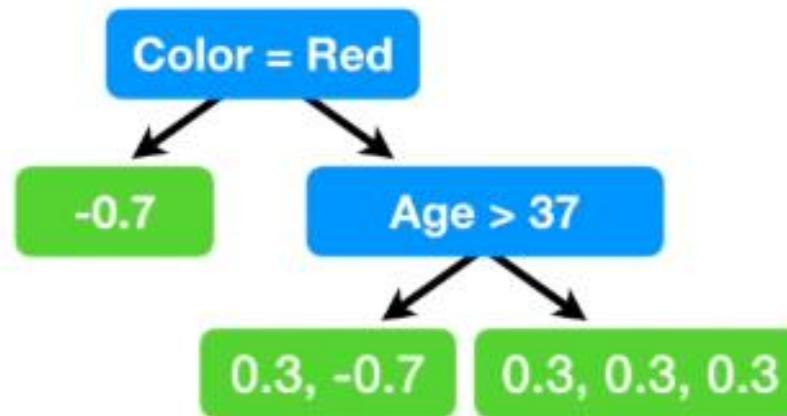


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

- ✓ 3. Create a next tree to predict pseudo-residual
 - Create a tree
 - Pseudo-residual을 예측하는 decision tree를 만듦

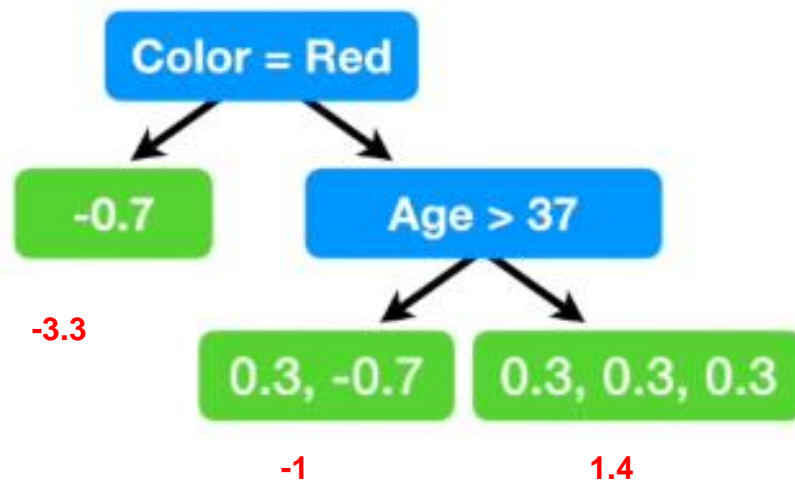


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

- ✓ 3. Create a next tree to predict pseudo-residual
 - Calculate representative value by leaves



$$\gamma = \frac{-0.7}{0.7(1 - 0.7)}$$

$$\gamma = \frac{Residual}{p(1 - p)}$$

$$\gamma = \frac{Residual_i + Residual_j}{p_i(1 - p_i) + p_j(1 - p_j)}$$

$$\gamma = \frac{\sum Residual_i}{\sum p_i(1 - p_i)}$$

P=0.7



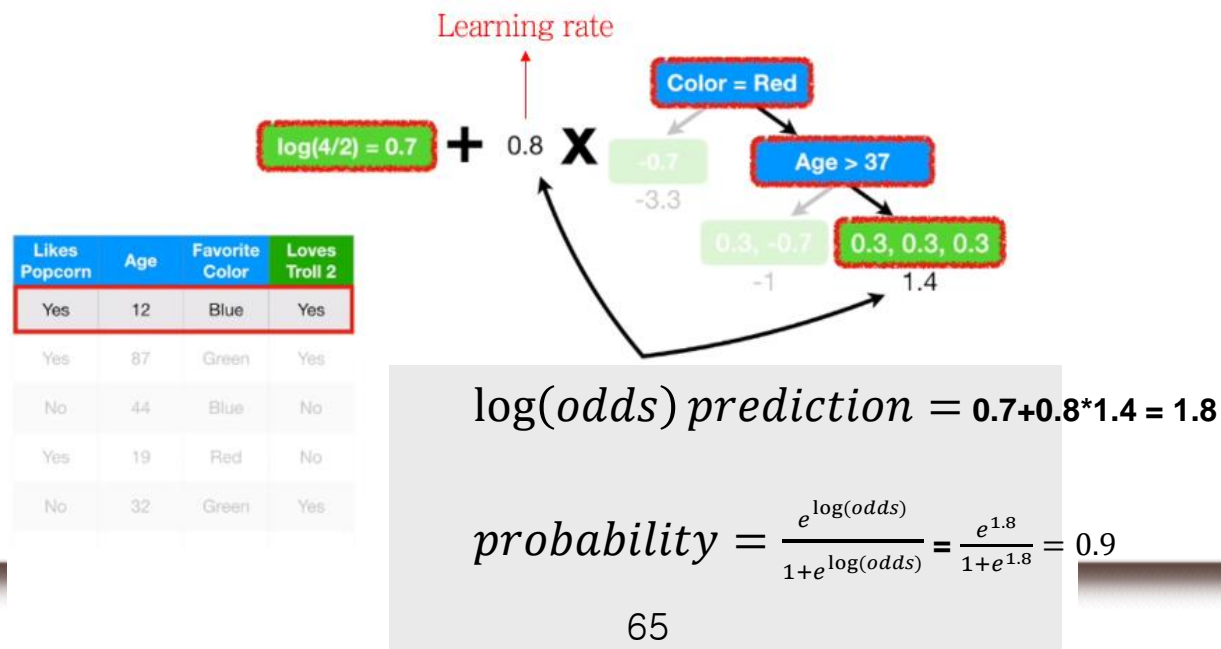
1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 4. Calculate predicted probability

- Pseudo-residual 계산에 사용될 샘플별 예측값을 계산
- 먼저 $\log(\text{odds})$ 를 계산: first leaf 예측값+ tree 예측값



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 4. Calculate predicted probability

- Pseudo-residual 계산에 사용될 샘플별 예측값을 계산

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 | Predicted Prob. |
|---------------|-----|----------------|---------------|-----------------|
| Yes | 12 | Blue | Yes | 0.9 |
| Yes | 87 | Green | Yes | 0.5 |
| No | 44 | Blue | No | 0.5 |
| Yes | 19 | Red | No | 0.1 |
| No | 32 | Green | Yes | 0.9 |
| No | 14 | Blue | Yes | 0.9 |



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 5. Repeat 2-4

Now that we have the
Residuals, we can
build a new tree...

| Likes Popcorn | Age | Favorite Color | Loves Troll 2 | Predicted Prob. | Residual |
|---------------|-----|----------------|---------------|-----------------|----------|
| Yes | 12 | Blue | Yes | 0.9 | 0.1 |
| Yes | 87 | Green | Yes | 0.5 | 0.5 |
| No | 44 | Blue | No | 0.5 | -0.5 |
| Yes | 19 | Red | No | 0.1 | -0.1 |
| No | 32 | Green | Yes | 0.9 | 0.1 |
| No | 14 | Blue | Yes | 0.9 | 0.1 |

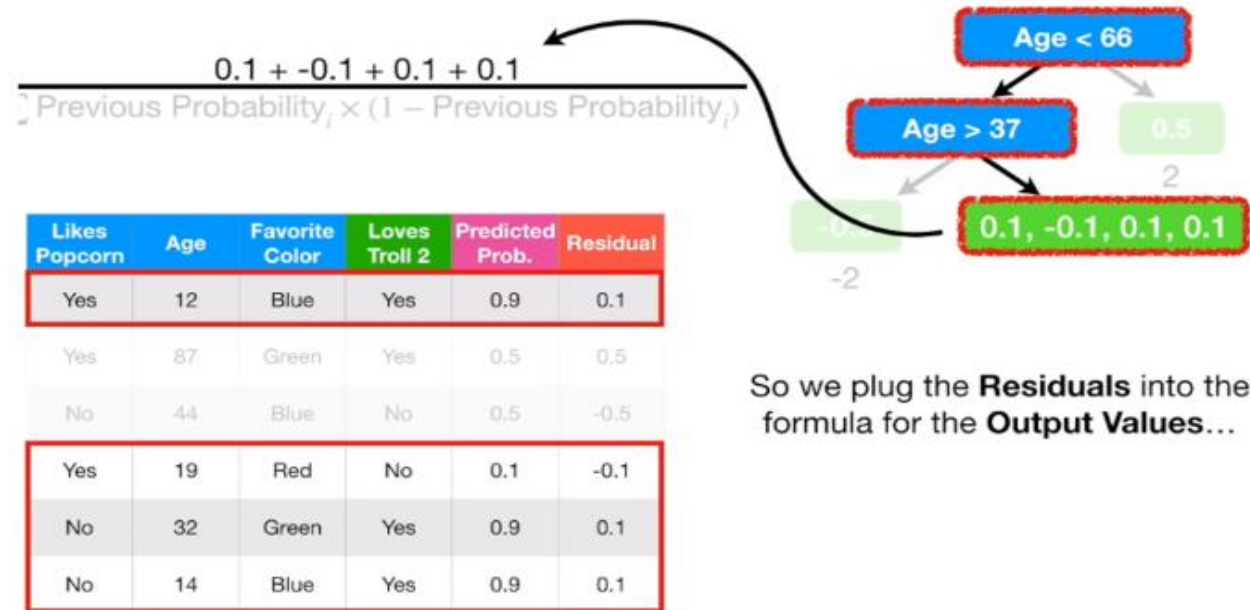


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 5. Repeat 2-4



$$\frac{0.1 - 0.1 + 0.1 + 0.1}{(0.9 \times (1 - 0.9)) + (0.1 \times (1 - 0.1)) + (0.9 \times (1 - 0.9)) + (0.9 \times (1 - 0.9))} = 0.6$$

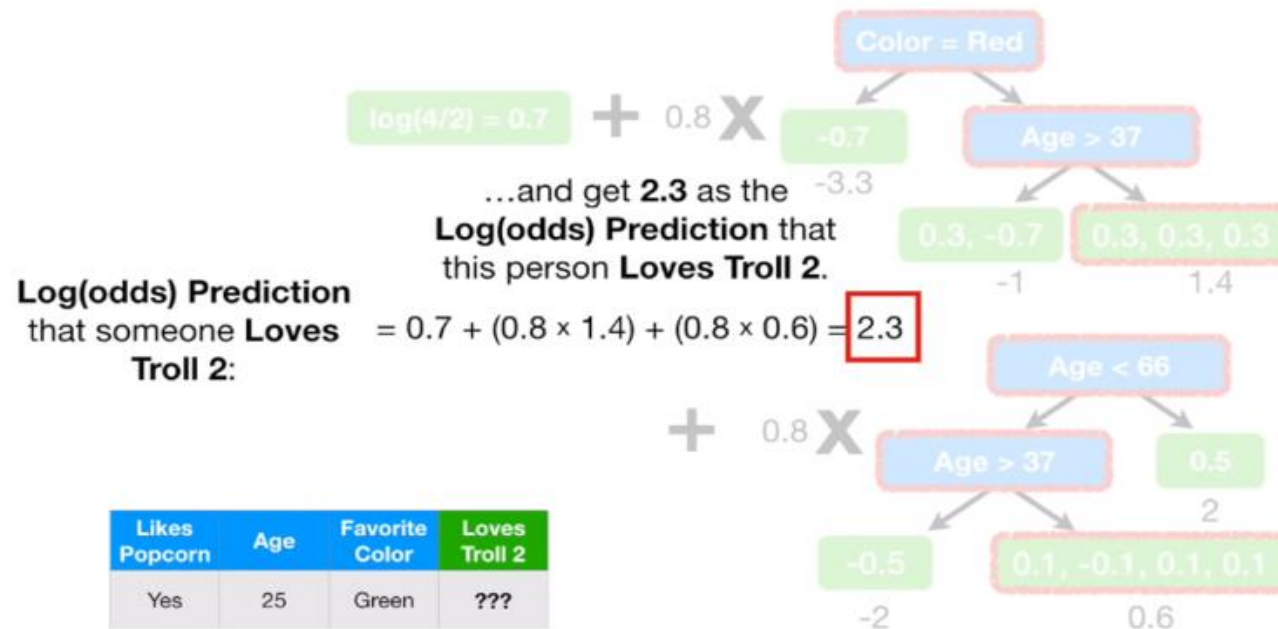


1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ Gradient Boosting for Classification

✓ 5. Repeat 2-4



$$Probability = \frac{e^{\log(odds)}}{1 + e^{\log(odds)}} = \frac{e^{2.3}}{1 + e^{2.3}} = 0.9$$



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ GBM의 하이퍼 파라미터 및 튜닝

✓ Tree에 관한 하이퍼 파라미터

- max_depth(default = 3),
- min_samples_split(Default = 2),
- min_samples_leaf(default = 1),
- max_features(Default = 'none') ,
- max_leaf_nodes(default = None)



1. 앙상블(보팅,배깅,부스팅)

❖ Gradient Boost Machine(GBM)

➤ GBM의 하이퍼 파라미터 및 튜닝

✓ Boosting에 관한 하이퍼파라미터

- loss: 경사하강법에서 사용할 cost function 지정. 특별한 이유가 없으면 default 값인 deviance 적용
- n_estimators: 생성할 트리의 갯수를 지정. Default = 100. 많을수록 성능은 좋아지지만 시간이 오래 걸림
- learning_rate: 학습을 진행할 때마다 적용하는 학습률(0-1). Weak learner가 순차적으로 오류 값을 보정해나갈 때 적용하는 계수. default = 0.1. 낮은 만큼 최소 오류 값을 찾아 예측성능이 높아질 수 있음. 하지만 많은 수의 트리가 필요하고 시간이 많이 소요
- subsample: 개별 트리가 학습에 사용하는 데이터 샘플링 비율(0~1). default=1 (전체 데이터 학습). 이 값을 조절하여 트리 간의 상관도를 줄일 수 있음





Thank You !