

2-1

$\triangle ABC$ の外心（外接円の中心） O が三角形の内部にあるとし、
 α, β, γ は

$$\alpha \overrightarrow{OA} + \beta \overrightarrow{OB} + \gamma \overrightarrow{OC} = \vec{0}$$

を満たす正数であるとする． また、直線 OA 、 OB 、 OC がそれぞれ
 辺 BC 、 CA 、 AB と交わる点を A' 、 B' 、 C' とする．

(1) $\overrightarrow{OA'}$ 、 α, β, γ を用いて $\overrightarrow{OA'}$ を表せ．

(2) $\triangle A'B'C'$ の外心が O に一致すれば $\alpha = \beta = \gamma$ であることを示せ．

2-2

座標平面上で、一つの円が放物線 $y = x^2$ に右側から接し、かつ x 軸
 に上から接している． 放物線との接点 A の x 座標を $a(> 0)$ とする
 とき、円の中心 C の座標を求めよ．

ただし、円と放物線がある点で接するとは、その点で両者が交わり、か
 つその点における両者の接線が一致することをいう．

2-3

円 $C : x^2 + y^2 = r^2$ の外部の点 $A(x_1, y_1)$ から円 C に引いた二本の接
 線と円 C との接点を Q 、 R とするとき、直線 QR の方程式を求めよ．

2-4

xyz 平面上に三点 $A(1, 0, 1)$ 、 $B(3, 1, -1)$ 、 $C(6, 4, -1)$ がある． 点 C の
 直線 AB に関する対称点の座標を求めよ．