# Algoritmy v digitální kartografii

Konvexní obálky Zimní semestr 2018/2019

> Tereza Kulovaná Markéta Pecenová

# Obsah

8.2.5 clearAll         8.3 SortByXAsc         8.4 SortByYAsc         8.5 Widget         8.5.1 on_ch_button_clicked         8.5.2 on_clear_button_clicked         8.5.3 on_set_button_clicked         9 !Závěr	1	Zadání	2
3.1 Jarvis Scan 3.2 Quick Hull 3.3 Sweep Line  4 !Problematické situace  5 Vstupní data 6.1 Grafy a tabulky  7 !Aplikace  8 Dokumentace 8.1 Algorithms 8.1.1 CHJarvis 8.1.2 QHull 8.1.3 qh_loc 8.1.4 CHSweepLine 8.1.5 get2LinesAngle 8.1.6 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLinePosition  8.2 Draw 8.2.1 paintEvent 8.2.2 !mousePressEvent 8.2.3 setCh 8.2.4 generateSet 8.2.5 clearAll 8.3 SortByXAsc 8.4 SortByYAsc 8.5 Widget 8.5.1 on_ch_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked	2	Popis a rozbor problému	3
5 Vstupní data 6.1 Grafy a tabulky 7 !Aplikace  8 Dokumentace 8.1 Algorithms 8.1.1 CHJarvis 8.1.2 QHull 8.1.3 qh_loc 8.1.4 CHSweepLine 8.1.5 get2LinesAngle 8.1.6 getPointLineDistance 8.17 getPointLinePosition 8.2 Draw 8.2.1 paintEvent 8.2.2 !mousePressEvent 8.2.3 setCh 8.2.4 generateSet 8.2.5 clearAll 8.3 SortByXAsc 8.4 SortByXAsc 8.5 Widget 8.5.1 on_ch_button_clicked 8.5.2 on_clear_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked 9 !Závěr	3	3.1 Jarvis Scan	3 3 4 5
6 Výstupní data 6.1 Grafy a tabulky  7 !Aplikace  8 Dokumentace 8.1 Algorithms 8.1.1 CHJarvis 8.1.2 QHull 8.1.3 qh.loc 8.1.4 CHSweepLine 8.1.5 get2LinesAngle 8.1.6 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLinePosition  8.2 Draw 8.2.1 paintEvent 8.2.2 !mousePressEvent 8.2.3 setCh 8.2.4 generateSet 8.2.5 clearAll  8.3 SortByXAsc 8.4 SortByYAsc 8.5 Widget 8.5.1 on_ch_button_clicked 8.5.2 on_clear_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked 9 !Závěr	4	!Problematické situace	6
6.1 Grafy a tabulky  7 !Aplikace  8 Dokumentace 8.1 Algorithms. 8.1.1 CHJarvis 8.1.2 QHull 8.1.3 qh_loc 8.1.4 CHSweepLine 8.1.5 get2LinesAngle 8.1.6 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLinePosition  8.2 Draw 8.2.1 paintEvent 8.2.2 !mousePressEvent 8.2.3 setCh 8.2.4 generateSet 8.2.5 clearAll  8.3 SortByXAsc 8.4 SortByYAsc 8.5 Widget 8.5.1 on_ch_button_clicked 8.5.2 on_clear_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked	5	Vstupní data	7
8 Dokumentace 8.1 Algorithms  8.1.1 CHJarvis  8.1.2 QHull  8.1.3 qh_loc  8.1.4 CHSweepLine  8.1.5 get2LinesAngle  8.1.6 getPointLineDistance  8.1.7 getPointLinePosition  8.2 Draw  8.2.1 paintEvent  8.2.2 !mousePressEvent  8.2.3 setCh  8.2.4 generateSet  8.2.5 clearAll  8.3 SortByXAsc  8.4 SortByYAsc  8.5 Widget  8.5.1 on_ch_button_clicked  8.5.2 on_clear_button_clicked  8.5.3 on_set_button_clicked	6		<b>7</b>
8.1 Algorithms 8.1.1 CHJarvis 8.1.2 QHull 8.1.3 qh.loc 8.1.4 CHSweepLine 8.1.5 get2LinesAngle 8.1.6 getPointLineDistance 8.1.7 getPointLinePosition 8.2 Draw 8.2.1 paintEvent 8.2.2 !mousePressEvent 8.2.3 setCh 8.2.4 generateSet 8.2.5 clearAll 8.3 SortByXAsc 8.4 SortByYAsc 8.5 Widget 8.5.1 on_ch_button_clicked 8.5.2 on_clear_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked 8.5.3 on_set_button_clicked	7	!Aplikace	8
8.3       SortByXAsc         8.4       SortByYAsc         8.5       Widget         8.5.1       on_ch_button_clicked         8.5.2       on_clear_button_clicked         8.5.3       on_set_button_clicked         9       !Závěr	8	8.1 Algorithms .  8.1.1 CHJarvis .  8.1.2 QHull .  8.1.3 qh_loc .  8.1.4 CHSweepLine .  8.1.5 get2LinesAngle .  8.1.6 getPointLineDistance .  8.1.7 getPointLinePosition .  8.2 Draw .  8.2.1 paintEvent .  8.2.2 !mousePressEvent .  8.2.3 setCh .  8.2.4 generateSet .	11 11 11 11 12 12 12 13 13 13 13 14 14
	9	8.3 SortByXAsc	
10 Zdroje			17

# 1 Zadání

Zadání úlohy bylo staženo ze stránek předmětu 155ADKG.

 $\textit{Vstup: množina} \ P = \{p_1,...,p_n\}, \ p_i = [x,y_i].$ 

Výstup:  $\mathcal{H}(P)$ .

Nad množinou P implementujete následující algoritmy pro konstrukci  $\mathcal{H}(P)$ :

- Jarvis Scan,
- Quick Hull,
- Swep Line.

Vstupní množiny bo dů včetně vygenerovaných konvexních obálek vhodně vizualizujte. Pro množiny  $n \in <1000,1000000>$  vytvořte grafy ilustrující doby běhu algoritmů pro zvolená n. Měření proveďte pro různé typy vstupních množin (náhodná množina, rastr, body na kružnici) opakovaně (10x) a různá n (nejméně 10 množin) s uvedením rozptylu. Naměřené údaje uspořádejte do přehledných tabulek.

Zamyslete se nad problematikou možných singularit pro různé typy vstupních množin a možnými optimalizacemi. Zhodnoťte dosažené výsledky. Rozhodněte, která z těchto metod je s ohledem na časovou složitost a typ vstupní množiny P nejvhodnější.

#### Hodnocení:

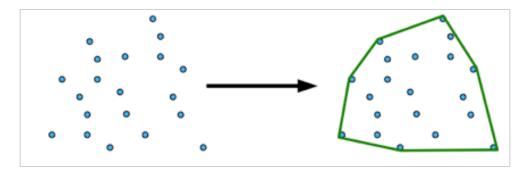
Krok	Hodnocení
Konstrukce konvexních obálek metodami Jarvis Scan, Quick Hull, Seep Line.	15b
Konstrukce konvexní obálky metodou Graham Scan	+5b
Konstrukce striktně konvexních obálek pro všechny uvedené algoritmy.	+5b
Ošetření singulárního případu u Jarvis Scan: existence kolineárních bodů v datasetu.	+2b
Konstrukce Minimum Area Enclosing box některou z metod (hlavní směry budov).	+5b
Algoritmus pro automatické generování konvexních/nekonvexních množin bodů různých tvarů (kruh,	+4b
elipsa, čtverec, star-shaped, popř. další).	
Max celkem:	36b

V rámci této úlohy byly implementovány bonusové úlohy č. 1-3. Bonusová úloha č. 5 byla částečně implementována v rámci základního zadání.

# 2 Popis a rozbor problému

Úloha **Konvexní obálky** se zabývá vytvořením aplikace, která nad vybranou vstupní množinou S vytvoří tzv. konvexní obálku. Konvexní obálka je nejmenší konvexní mnohoúhelník C obsahující všechny body z množiny S. V rámci úlohy se testuje výpočetní rychlost použitých algoritmů při konstrukci obálek nad danými vstupními množinami bodů.

Své využití konvexní obálky nalézají v mnoha oborech. V kartografii se hojně využívají při detekci tvarů a natočení budov pro tvorbu minimálních ohraničujících obdélníků (???). Dále jsou vhodné pro analýzu tvarů či shluků. Konvexní obálky lze sestrojit v libovolném  $\mathbb{R}^n$  prostoru, avšak pro účely této úlohy byl uvažován pouze prostor  $\mathbb{R}^2$ .



Obrázek 1: Ukázka konvexní obálky (zdroj)

Vzniklá aplikace k tvorbě konvexní obálek využívá čtyř výpočetních algoritmů: *Jarvis Scan, Quick Hull, Sweep Line* a *Graham Scan*. Čtvrtý z uvedených algoritmů patří mezi bonusové úlohy, které bylo možno implementovat.

# 3 Algoritmy

Tato kapitola se zabývá popisem algoritmů, které byly v aplikaci implementovány.

#### 3.1 Jarvis Scan

Prvním zvoleným algoritmem je Jarvis Scan. Způsob, jakým vytváří konvexní obálku, nápadně připomíná balení dárků (proto je též občas nazýván jako Gift Wrapping Algorithm). Mezi nevýhody tohoto algoritmu patří nutnost předzpracování dat a nalezení tzv. pivotu. Algoritmus dále není vhodný pro velké množiny bodů a ve vstupní množině S nesmí být žádné tři body kolineární. Časová náročnost algoritmu je až  $O(n^2)$ , jeho výhodou však je velmi snadná implementace.

Mějme množinu bodů S a pivota  $q \in S$ , jehož souřadnice Y je minimální ze všech bodů, a přidejme ho do konvexní obálky H. Následně do H přidejme takový bod, který s posledními dvěma body přidanými do konvexní obálky svírá maximální úhel. Na začátku výpočtu je nutno inicializovat pomocný bod s, jehož souřadnice X je minimální a Y shodná s pivotem q, který zajistí dostatečný počet bodů pro výpočet prvního úhlu. Algoritmus končí ve chvíli, kdy nově přidaným bodem do konvexní obálky H je opět pivot q.

Zjednodušený zápis algoritmu lze zapsat způsobem uvedeným níže:

- 1. Nalezení pivota  $q: q = \min(y)$
- 2. Inicializace pomocného bodu  $s: s = [\min(x), \min(y)]$
- 3. Proved':  $q \in H$
- 4. Inicializace:  $p_{i-1} = s, p_i = q$
- 5. opakuj kroky I–III, dokud  $p_{i+1} \neq q$ :
  - I. Najdi  $p_{j+1}$ :  $\triangleleft p_{j-1}, p_j, p_{j+1} = \max$
  - II. Proved':  $p_{i+1} \in H$
  - III. Přeindexuj:  $p_{j-1} = p_j$ ,  $p_j = p_{j+1}$

Singularity!!!!

# 3.2 Quick Hull

Druhý algoritmus použitý v aplikaci je  $Quick\ Hull$ , který k výpočtu konvexní obálky využívá strategii  $Divide\ and\ Conquer$ . Hlavní výhodou algoritmu je jeho rychlost, která není ovlivňována velkým počtem rekurzivních kroků, jak tomu bývá u jiných algoritmů. Časová náročnost výpočtu bývá v nejhorším případě  $O(n^2)$  a nastává tehdy, pokud všechny body množiny S náleží konvexní obálce H.

Mějme body  $q_1$ , resp.  $q_3$ , jejichž souřadnice X je minimální, resp. maximální ze všech bodů z množiny S. Veď me těmito body pomyslnou přímku, která prostor rozdělí na horní  $(S_U)$  a dolní  $(S_L)$  polorovinu. Zbylé body množiny S roztřídíme do daných polorovin podle jejich pozice od přímky. V polorovině následně hledáme bod, který je od dané přímky nejvzdálenější, přidáme ho do konvexní obálky dané poloroviny a přímkami spojíme bod s krajními body přímky předchozí. Proces opakujeme, dokud od nově vzniklých přímek již neexistují vhodné body. Na závěr do konvexní obálky H přidáme bod  $q_3$ , body konvexní obálky  $H_U$  z poloroviny  $S_U$ , bod  $q_1$  a nakonec body konvexní obálky  $H_L$  poloroviny  $S_L$ . Do konvexní obálky H je důležité přidávat body v tomto pořadí, jinak by došlo k nesprávnému vykreslení konvexní obálky H.

Algoritmus  $Quick\ Hull$  se skládá z globální a lokální procedury. Globální část zahrnuje rozdělení množiny na dvě poloroviny a spojení již nalezených bodů konvexních obálek polorovin do jediné H. V lokální části se rekurzivně volá metoda, která hledá nejvzdálenější body od přímky v dané polorovině a přidává je do konvexní obálky dané poloroviny  $H_i$ .

Mezi singularity!!!

#### Globální procedura:

- 1. Inicializace:  $H = \emptyset$ ,  $S_U = \emptyset$ ,  $S_L = \emptyset$
- 2. Nalezení  $q_1 = \min(x), q_3 = \max(x)$

- 3. Proved:  $q_1 \in S_U, q_3 \in S_U, q_1 \in S_L, q_3 \in S_L$
- 4. Potupně pro všechna  $p_i \in S$ : Podmínka  $(p_i \text{ je vlevo od } q_1, q_3) \to S_U$ Jinak  $p_i \to S_L$
- 5. Proved':  $q_3 \in H$
- 6. Lokální procedura pro  $S_U$
- 7. Proved':  $q_1 \in H$
- 8. Lokální procedura pro  $S_U$

### Lokální procedura nad polorovinou $S_i$ :

I. Pro všechny  $p_i \in S_i$  kromě bodů přímky: Podmínka  $(p_i \text{ vpravo}) \to \text{vzdálenost } d_i$ Podmínka  $(d_i > d_{max}) \to d_{max} = d_i, \ p_{max} = p_i$ 

II. Podmínka (bod  $p_{max}$   $\exists$ ) opakuj krok I. nad první nově vzniklou přímku  $p_{max} \in H_i$  opakuj krok I. nad druhou nově vzniklou přímku

# 3.3 Sweep Line

Algoritmus Sweep Line neboli Metoda zametací přímky je dalším z algoritmů, které byly pro vytváření konvexních obálek implementovány. Jeho princip je založen na imaginární přímce, která se postupně přesouvá zleva doprava nad všem body množiny S. Body, které "přejede", přidá do dočasné konvexní obálky  $\bar{\mathbf{H}}$ , která je následně upravena, aby byla konvexní. Pro tento algoritmus je opět nutné předzpracování vstupních dat (seřadit body  $\in S$  podle souřadnice  $\mathbf{X}$ ) s náročností  $O(n.\log(n))$ . Další nevýhodou je citlivost algoritmu na singularity, konkrétně na duplicitní body. Ty je vhodné během předzpracování odstranit.

Algoritmus je postaven na znalosti pozice již vyhodnocených bodů vůči nově přidávanému bodu ukládáním jejich indexů do proměnných p (předchůdce) a n (následník). Zároveň je pro správné fungování algoritmu nutné dodržovat CCW orientaci (proti směru hodinových ručiček). Algoritmus má celkem tři fáze: iniciální a dvě iterativní.

V první fázi seřadíme body  $p_i$  z množiny S vzestupně podle souřadnice X. Následně z prvních dvou bodů vytvoříme přímku, jejíž koncové body umístíme do konvexní obálky H a indexy bodů umístíme do n a p. V první iterativní fázi vyhodnotíme, zda další přidávaný bod leží v horní či dolní polorovině v závislosti na jeho souřadnici Y vzhledem k předchozímu bodu, a opět obousměrně vyhodnotíme indexy n a p. Ve druhé iterativní fázi opravujeme dočasnou konvexní obálku  $\bar{H}$  na konvexní H vložením horních a dolních

tečen a vynecháním nekonvexních vrcholů.

Zjednodušený zápis algoritmu:

- 1. Seřazení  $p_i$  podle souřadnice X
- 2. Pro body  $p_0$ ,  $p_1$  proved':

$$n[0] = 1, n[1] = 0$$
  
 $p[0] = 1, p[1] = 0$ 

3. Pro všechna  $p_i \in S, i > 1$  proveď:

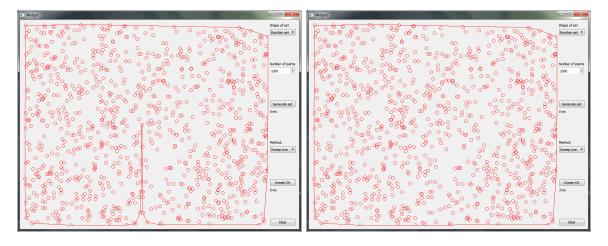
Podmínka 
$$(y_i > y_{i-1}) \rightarrow S_U$$
:  $p[i] = i-1, n[i] = n[i-1]$   
Jinak  $\rightarrow S_L$ :  $n[i] = i-1 \ p[i] = p[i-1]$   
Oprava indexů:  $n[p[i]] = i, \ p[n[i]] = i$   
Dokud  $n[n[i]]$  je vpravo od přímky  $(i, n[i])$ :  
 $p[n[n[i]]] = i, \ n[i] = n[n[i]]$   
Dokud  $p[p[i]]$  je vlevo od přímky  $(i, p[i])$ :  
 $n[p[p[i]]] = i, \ p[i] = p[p[i]]$ 

Singularity

# 4 !Problematické situace

V algoritmu *Sweep Line* bylo nutné ošetřit singularitu, která způsobovala generování nekonvexní obálky. Konkrétně bylo nutné odstranit duplicitní body.

Podmínka  $(p_i == p_j) \rightarrow \text{bod } p_j$  odstraněn



Obrázek 2: Neopravený (vlevo) vs. opravený (vpravo) Sweep Line algoritmus

V úloze bylo nutné ošetřit sigularity, zda bod q neleží v hraně některého z polygonů či v jejich vrcholech. Pro vyřešení tohoto problému byla použita metoda getDistanceEdgeQ

třídy **Algorithms**, která porovnává vzdálenost dvou bodů  $p_1$  a  $p_2$  na přímce p se sumou vzdáleností těchto bodů k danému bod q. Je-li rozdíl vzdáleností menší než mezní hodnota  $\epsilon$ , je bod q vyhodnocen, že leží na přímce.

$$|d_{p_1,p_2} - \sum (d_{p_1,q} + d_{q,p_2})| < \epsilon \rightarrow q$$
 náleží přímce p.

Dalším problémem bylo, jak zajistit, aby byl generovaný rastr bodů pravidelný. To bylo ošetřeno zaokrouhlením počtu vstupních bodů směrem nahoru tak, aby po odmocnění vznikl pravidelný rastr.

počet bodů v řádce/sloupci =  $roundUp(\sqrt{num\_of\_points})$ 

# 5 Vstupní data

Aplikace si na základě ručního zadání vstupních parametrů uživatelem sama vygeneruje potřebná vstupní data.

Z rozbalovací nabídky **Shape of set** uživatel volí prostorové uspořádání generované množiny bodů. Na výběr jsou možnosti *Random set*, *Raster* a *Circle*. V kolonce **Number of points** uživatel volí, kolik bodů bude generováno. Lze tak učinit buď přímým zadáním počtu bodů, nebo zvýšením/snížením počtu bodů o 1000 bodů šipkami na boku. Aplikace omezuje maximální a minimální počet generovaných bodů na interval <1,1000000>. Množina bodů se vygeneruje stisknutím tlačítka *Generate set*.

Uživatel má dále možnost volit, jaký výpočetní algoritmus bude použit pro tvorbu konvexní obálky. Rozbalovací nabídka **Method** nabízí celkem tři výpočetní algoritmy: Jarvis Scan, Quick Hull a Sweep Line. Konvexní obálka je generována stisknutím tlačítka **Create CH**. Pokud před spuštěním procesu nebyla vygenerována žádná vstupní množina bodů, uživatel je upozorněn chybovou hláškou.

# 6 Výstupní data

Vygenerovaná množina bodů a její konvexní obálka je vykreslena v grafickém okně aplikace. Aplikace dále vypisuje časy [ms], jak dlouho trvalo generování množiny a jak dlouho nad danou množinou běžel výpočetní algoritmus.

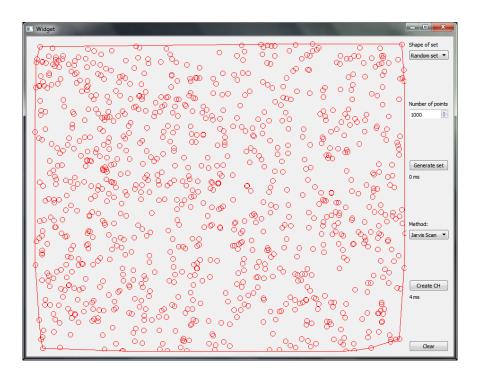
# 6.1 Grafy a tabulky

# 7 !Aplikace

V následují kapitole je představen vizuální vzhled vytvořené aplikace tak, jak ji vidí prostý uživatel.



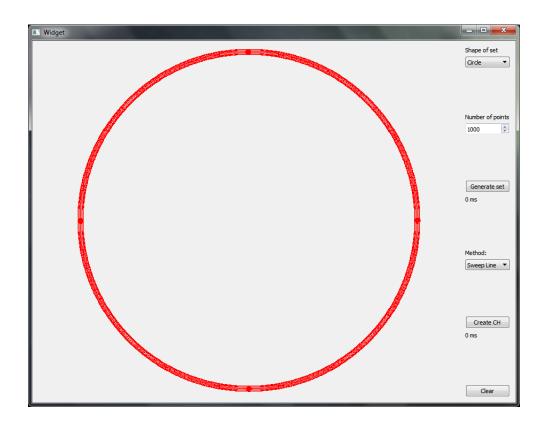
Obrázek 3: Výchozí vzhled aplikace po spuštění



Obrázek 4: Výstup při použití algoritmu  $\mathit{Jarvis}\ Scan$  nad množinou Randomo 1000 bodech



Obrázek 5: Výstup při použití algoritmu QHull nad množinou Raster o 1000 bodech



Obrázek 6: Výstup při použití algoritmu Sweep Line nad množinou Circle o 1000 bodech

## 8 Dokumentace

Tato kapitola obsahuje dokumentaci k jednotlivým třídám.

## 8.1 Algorithms

Třída *Algorithms* obsahuje tři základní metody, které nad vstupní množinou bodů vytváří konvexní obálky. Dále obsahuje pomocné metody k výpočtu úhlu mezi dvěma přímkami a metody k určování vztahu bodu a přímky.

#### 8.1.1 CHJarvis

Metoda **CHJarvis** vytváří konvexní obálku obálku nad vstupní množinou bodů za použití algoritmu *Jarvis Scan*. Na vstupu je vektor bodů třídy **QPoint**. Návratová hodnota je polygon třídy **QPolygon**, který obsahuje uspořádané body tvořící konvexní obálku.

### Input:

• vector < QPoint > points

#### Output:

• QPolygon

#### 8.1.2 QHull

Metoda **QHull** vytváří konvexní obálku obálku nad vstupní množinou bodů za použití algoritmu *Quick Hull*. Na vstupu je vektor bodů třídy **QPoint**. Návratová hodnota je polygon třídy **QPolygon**, který obsahuje uspořádané body tvořící konvexní obálku.

#### Input:

• vector < QPoint > points

#### Output:

• QPolygon

#### 8.1.3 qh\_loc

Metoda **qh\_loc** je lokální procedura algoritmu **QHull**, která se volá rekurzivně a hledá nejvzdálenější bod od přímky v dané polorovině a přidává jej do konvexní obálky poloroviny  $H_i$ . Na vstupu jsou dvě proměnné typu int, které obsahují index počátečního (s) a koncového bodu (e) dané přímky, vektor bodů vstupní poloroviny třídy **QPoint** a polygon třídy **QPolygon**, ve kterém jsou uloženy body konvexní obálky. Návratová hodnota je typu void.

#### Input:

 $\bullet$  int s

- $\bullet$  int e
- vector < QPoint > ss
- QPolygon h

#### 8.1.4 CHSweepLine

Metoda **CHSweepLine** vytváří konvexní obálku obálku nad vstupní množinou bodů za použití algoritmu *Sweep Line*. Na vstupu je vektor bodů třídy **QPoint**. Návratová hodnota je polygon třídy **QPolygon**, který obsahuje uspořádané body tvořící konvexní obálku.

### Input:

ullet  $vector < exttt{QPoint} > points$ 

#### Output:

• QPolygon

#### 8.1.5 get2LinesAngle

Metoda **get2LinesAngle** počítá úhel mezi dvěma přímkami. Na vstupu jsou 4 body typu QPoint, návratová hodnota typu **double** vrací velikost úhlu v radiánech. Body  $p_1$  a  $p_2$  definují první přímku, zbylé dva body druhou přímku.

#### Input:

- QPoint  $p_1$
- QPoint  $p_2$
- QPoint  $p_3$
- QPoint  $p_4$

### Output:

• double

#### 8.1.6 getPointLineDistance

Metoda **getPointLineDistance** počítá nejkratší (kolmou) vzdálenost bodu q od přímky tvořené dvěma body. Na vstupu jsou 3 body typu **QPoint**, návratová hodnota typu **double** vrací vzdálenost bodu q od přímky.

#### Input:

- ullet QPoint q
- ullet QPoint a
- ullet QPoint b

#### **Output:**

• double

#### 8.1.7 getPointLinePosition

Metoda **getPointLinePosition** určuje polohu bodu q vzhledem k přímce tvořené dvěma body. Na vstupu jsou 3 body typu **QPoint**, návratová hodnota je nově definovaný typ **TPosition**.

#### Input:

- ullet QPoint q
- ullet QPoint a
- ullet QPoint b

#### **Output:**

- $\bullet$  LEFT  $\rightarrow$  bod se nachází vlevo od přímky
- $\bullet$  RIGHT  $\to$  bod se nachází vpravo od přímky
- $\bullet$  ON  $\rightarrow$  bod se nachází na přímce

### 8.2 Draw

Třída *Draw* obsahuje metody, které generují a vykreslují vstupní množinu bodů. Dále vykresluje konvexní obálku dané množiny.

#### 8.2.1 paintEvent

Metoda **paintEvent** vykresluje vygenerovanou vstupní množinu bodů a její konvexní obálku. Návratová hodnota je typu *void*.

#### Input:

• QPaintEvent \*e

#### 8.2.2 !mousePressEvent

Metoda **mousePressEvent** slouží k ručnímu načtení vstupních bodů. Návratová hodnota je typu **void**.

#### Input:

• QMouseEvent \*e

#### 8.2.3 setCh

Metoda **setCh** slouží k vymazání všech vykreslených dat. Návratová hodnota metody je typu **void**.

#### 8.2.4 generateSet

Metoda **generateSet** slouží ke generování vstupní množiny bodů. Na vstupu má čtyři proměnné typu int, které definují prostorové uspořádání generovaných bodů, jejich počet a šířku a výšku kreslící plochy. Metoda defaultně nastavuje počet generovaných bodů na hodnotu 1000 a omezuje maximální možnou hodnotu, kterou lze ručně nastavit, na 1000000 bodů. Rozměr kreslící plochy definuje maximální možné souřadnice, kterých generované body mohou nabývat. Návratová hodnota metody vektor bodů třídy **QPoint**.

### Input:

- int  $shape\_index (0 \rightarrow random, 1 \rightarrow raster, 2 \rightarrow circle)$
- int num\_of\_points (rozsah: 1000 1000000)
- int canvas\_width
- int canvas\_height

#### Output:

•  $vector < \mathtt{QPoint} >$ 

#### 8.2.5 clearAll

Metoda **clearCanvas** slouží k vymazání všech vykreslených dat. Metoda neobsahuje žádné proměnné na vstupu a návratová hodnota je typu **void**.

### 8.3 SortByXAsc

Třída **SortByXAsc** má na vstupu dva body typu **QPoint**, návratová hodnota je typu **bool**. Metoda vrací bod s nižší souřadnicí X. Mají-li oba body shodnou souřadnici X, vrací bod s nižší souřadnicí Y.

#### Input:

- QPoint  $p_1$
- QPoint  $p_2$

#### Output:

- $0 \to \text{bod } p_2 \text{ má nižší } x \text{ souřadnici}$
- 1  $\rightarrow$  bod  $p_1$  má nižší x souřadnici

# 8.4 SortByYAsc

Třída **SortByYAsc** má na vstupu dva body typu **QPoint**, návratová hodnota je typu **bool**. Metoda vrací bod s nižší souřadnicí Y. Mají-li oba body shodnou souřadnici Y, vrací bod s nižší souřadnicí X.

#### Input:

- QPoint  $p_1$
- QPoint  $p_2$

#### Output:

- $0 \to \text{bod } p_2$  má nižší souřadnici Y
- 1  $\rightarrow$  bod  $p_1$  má nižší souřadnici Y

## 8.5 Widget

Metody třídy **Widget** slouží pro práci uživatele s aplikací. Až na jednu výjimku nemají metody na vstupu nic, návratové hodnoty všech metod jsou typu **void**.

#### 8.5.1 on\_ch\_button\_clicked

Metoda **on\_ch\_button\_clicked** na základě uživatelem zvoleného algoritmu generuje konvexní obálku nad vstupní množinou bodů. Metoda zároveň počítá čas [ms], během kterého algoritmus vypočítá konvexní obálku, a vypíše ho do aplikace. Do výpočtu času není zahrnuto vykreslování konvexní obálky.

#### 8.5.2 on\_clear\_button\_clicked

Metoda **on\_clear\_button\_clicked** vrací aplikaci do výchozí polohy smazáním všeho, co bylo vykresleno.

#### 8.5.3 on\_set\_button\_clicked

Metoda **on\_set\_button\_clicked** generuje množinu bodů na základě zadaných vstupních parametrů uživatelem. Metoda zároveň počítá čas [ms], jak dlouho množinu trvalo vygenerovat, a vypíše ho do aplikace.

# 9 !Závěr

V rámci úlohy Geometrické vyhledávání bodu byla vytvořena aplikace, která určuje polohu analyzovaného bodu q vzhledem k polygonu. Z důvodu větší časové náročnosti úlohy než obě autorky původně očekávaly nebyly implementovány všechny bonusové úlohy a některé části kódu mohly být řešeny lépe. Tato opravená verze technické zprávy je aktualizována o několik vzorců a o text v sekci Zadání.

Jedná se například o použití tříd QPoint a QPolygon, které na vstupu mají hodnoty typu int a které mohly být nahrazeny třídami QPointF a QPolygonF, jež na vstupu mají hodnot typu float, což je pro práci se souřadnicemi bodů praktičtější. Dále jako ne zrovna nejšťastnější řešení hodnotíme množství vstupních hodnot, které mají na vstupu metody getPointLinePosition, getTwoVectorsAngle a getDistanceEdgeQ třídy Algorithms. Vhodné by bylo nahradit jednotlivé souřadnice třídou QPoint, resp. QPointF.

Dále mohlo být implementováno více kontrolních podmínek pro načítání bodů polygonu z textového souboru, například ošetření, zda soubor neobsahuje text, zda všechny body mají x a y souřadnici apod. Umisťování bodu q do hran či vrcholů polygonů vyžaduje notnou dávku trpělivosti, aby se zobrazil korektní výsledek. Experimentálně bylo zjištěno, že aplikace zvládá lépe (tzn. je potřeba méně pokusů na kliknutí) zobrazovat polohu bodu q ve vrcholech než v hranách, ač obě situace jsou v kódu ošetřené.

Úloha přinesla i pozitivní přínos v tom směru, že se autorky mohly potrénovat v psaní kódu v jazyce C++ a oprášit své znalosti psaní v prostředí LaTeX.

# 10 Zdroje

- 1. BAYER, Tomáš. Geometrické vyhledávání bodů [online][cit. 24. 10. 2018]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz
- 2. CS 312 Convex Hull Project [online][cit. 10. 11. 2018]. Dostupné z: http://mind.cs.byu.edu
- 3. SOPUCH, Pavel. LaTeX v kostce [online][cit. 12. 11. 2018]. Dostupné z: http://www.it.cas.cz