

Programação I

Algoritmos de ordenação e pesquisa

Estrela Ferreira Cruz

1

Objetivos da aula

Objetivos da aula:

- Apresentação de alguns algoritmos de ordenação:
 - · BubbleSort,
 - · SelectionSort,
 - InsertionSort e
 - QuickSort
- Apresentação de algoritmos de pesquisa: pesquisa sequencial, ordenada e binária
- Apresentação de exemplos práticos

2

Suponha o seguinte array de valores inteiros:

val[0]	val[1]	val[2]	val[3]	val[4]	val[5]	val[6]	val[7]
70	25	34	15	5	60	3	55

Como colocava os valores do array por ordem crescente?

3

Algoritmos de ordenação

Um Algoritmo de ordenação é um algoritmo que coloca os elementos de uma dada sequência numa ordem especifica.

As ordens mais usadas para as ordenações são a **ordem numéricas** e a **ordem alfabética**.

A principal razão para se ordenar uma sequência é o aumento da velocidade de acesso aos dados.

Os algoritmos de ordenação podem ser classificados em dois tipos:

Internos – ordenação de informação armazenada em sequências (arrays);

Externa – ordenação de informação armazenada em ficheiros.

4

Os algoritmos de ordenação devem ser eficientes quer em termos de velocidade de execução como em termos de espaço ocupado.

Existem vários algoritmos de ordenação:

- Uns de implementação simples, outros de implementação mais complexa.
- Uns mais eficientes para sequências de grandes dimensões, outros mais eficientes para sequências de pequenas dimensões.
- Alguns algoritmos de ordenação (os mais simples) ordenam os elementos no seu próprio vetor (array), fazendo para isso um rearranjo interno dos seus elementos. Outros usam vetores auxiliares.

5

5

Algoritmos de ordenação

Os algoritmos de ordenação mais usados são:

- · Bubble sort
- · Selection sort
- · Insertion sort
- Quick sort
- Shell sort
- · Merge sort
- · Radix sort
- · Shaker sort

• ...

6

A descrição dos algoritmos de ordenação que usam a própria sequência para a ordenação assentam nos seguintes pressupostos:

- A entrada é um vetor (array) cujos elementos precisam ser ordenados
- · A saída é o mesmo vetor com os seus elementos ordenados
- O espaço que pode ser utilizado é o espaço do próprio vetor, por vezes, com auxilio de variáveis temporárias auxiliares.

7

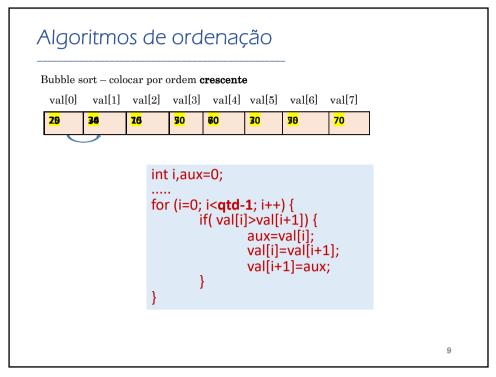
7

Algoritmos de ordenação

Bubble sort

- Bubble sort ou ordenação "bolha", é um algoritmo de ordenação simples. O seu nome deve-se ao facto de os elementos maiores subirem para as suas posições corretas formando uma imagem tipo "bolha".
- · A estratégia do algoritmo é a seguinte:
 - Percorre-se o vetor da esquerda para a direita comparando os elementos consecutivos e trocando os elementos que estão fora de ordem.
 - Desta forma garante-se que o elemento com maior valor será levado para a última posição do vetor.
 - Repete-se o processo até que o vetor fique ordenado (ou quantas vezes quanto o número de elementos do array).

8



```
Algoritmos de ordenação
Bubble\ sort
   val[0]
            val[1]
                     val[2]
                              val[3] val[4] val[5] val[6]
                                                                 val[7]
                    15
                              5
                                                      55
  25
           34
                                     60
                                                                 <mark>70</mark>
                                                                              Iteração 1
           35
                     54
                                     B0
                                              66
                                                       <mark>60</mark>
   25
                              34
                                                                 70
                                       int i,aux=0;
                                       for (i=0; i<qtd-1; i++) {
    if( val[i]>val[i+1]) {
                                                            aux=val[i];
val[i]=val[i+1];
                                                            val[i+1]=aux;
```

val[0]	val[1]	val[2]	val[3]	val[4]	val[5]	val[6]	val[7]	
70	25	34	15	5	60	3	55	Iteração 1
25	34	15	5	60	3	55	<mark>70</mark>	Iteração 2
25	15	5	34	3	55	<mark>60</mark>	<mark>70</mark>	
15	5	25	3	34	<mark>55</mark>	<mark>60</mark>	<mark>70</mark>	Iteração 3
5	15	3	25	34	<mark>55</mark>	<mark>60</mark>	<mark>70</mark>	Iteração 4
5	3	15	25 25	34	55 55	60	70	Iteração 5
								lteração 6
3	5	<mark>15</mark>	<mark>25</mark>	<mark>34</mark>	<mark>55</mark>	<mark>60</mark>	<mark>70</mark>	Iteração 7
<mark>3</mark>	<mark>5</mark>	<mark>15</mark>	<mark>25</mark>	<mark>34</mark>	<mark>55</mark>	<mark>60</mark>	<mark>70</mark>	iteração /

Algoritmos de ordenação

Função que implementa o algoritmo bubble sort.

A função seguinte ordena um array v (recebido como parâmetro na função) por ordem crescente.

12

A função pode ser usada para ordenar qualquer array de valores inteiros.

13

13

Algoritmos de ordenação

Exercícios:

- 1. Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de nomes (com 100 carateres cada string) e a quantidade de nomes e coloca os nomes por ordem alfabética.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador o nome de 10 capitais europeias, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

A função pode ser usada para ordenar um array de strings.

```
void bubbleSort(char nomes[][100], int qtd) {
  int x=0,j=0;
  char temp[100];
  for (x=0; x < qtd; x++) {
     for (j=0; j < qtd-1; j++) {
        if (strcmp(nomes[j],nomes[j+1]) > 0) {
            strcpy(temp,nomes[j]);
            strcpy(nomes[j],nomes[j+1]);
            strcpy(nomes[j+1],temp);
        }
    }
}
```

15

15

Algoritmos de ordenação

O programa que recebe o nome das cidades, invoca a função que ordena o array e imprime para o ecrã o array ordenado:

16

Algoritmos de ordenação e pesquisa

- Para a ordenação bubble, o número de comparações é sempre o mesmo porque os dois ciclos serão repetidos um número determinado de vezes, estando ou não a lista inicialmente ordenada. Para um vetor com n elementos, o algoritmo de bubble sort executa sempre n-1 passagens pelos elementos do vetor.
- O algoritmo de bubble sort apresenta uma variante que evita a execução de todas as passagens (n-1) dos elementos do vetor sempre que este fique ordenado prematuramente.
- Para evitar que o processo continue mesmo depois do vetor estar ordenado, o algoritmo bubble sort modificado (ou otimizado) interrompe o processo quando houver uma passagem inteira sem trocas.
- · Para isso usa uma variável para verificar se existe ou não trocas, como se pode ver no diapositivo seguinte.

17

17

Algoritmos de ordenação

Função que implementa o algoritmo bubble sort otimizado.

18

Função que implementa outra versão do algoritmo bubble sort otimizado.

```
int bubble_opt(int v[], int qtd) {
   int i, trocou=0, aux=0;
   do {
        qtd--;
        trocou = 0;
        for(i=0; i<qtd; i++) {
            if( v[i]>v[i+1]) {
                aux=v[i];
            v[i]=v[i+1];
            v[i+1]=aux;
            trocou = 1;
        }
   }
} while(trocou==1);
return 0;
}
```

19

Algoritmos de ordenação

O programa seguinte lê do teclado os valores a ordenar, invoca a função de ordenação e apresentar os valores ordenados para o ecrã.

20

Exercícios:

- Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de inteiros e a respetiva quantidade valores e coloca os valores por ordem crescente, recorrendo ao uso do algoritmo bubllesort otimizado.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador os valores, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

2:

21

Algoritmos de ordenação

O algoritmo **selection Sort** ou ordenação por seleção, consiste em:

 Seleciona-se repetidamente o menor elemento do vetor e coloca-o na sua posição correta dentro do futuro vetor ordenado.

Ou seja, o algoritmo selection Sort:

- Seleciona, na primeira iteração, o elemento de menor valor e troca-o com o primeiro elemento.
- Repete o processo para os N-1 elementos restantes: o elemento com o menor valor é encontrado e trocado com o segundo elemento, e assim sucessivamente até aos dois últimos elementos.

O algoritmo selection Sort:

- Durante a aplicação deste algoritmo, um vetor de N elementos fica decomposto em dois (sub)vetores: um que contém os elementos já ordenados e outro que contém os restantes, ainda não ordenados.
- De início o (sub)vetor ordenado estará vazio, o outro (sub)vetor conterá os elementos na ordem original.
- No final, o (sub)vetor ordenado conterá N-1 elementos ordenados, o outro (sub)vetor conterá apenas um valor.

Minimo Algoritmos de ordenação Valores já ordenados $\textbf{selection sort} - \operatorname{colocar} \ \operatorname{por} \ \operatorname{ordem} \ \textbf{crescente}$ val[1] val[2] val[3] val[4] val[5] val[6] val[7] val[0]

```
Algoritmos de ordenação

Obter a posição do valor mínimo da parte do array que falta ordenar. → a posição i é a posição que está a ser tratada int j=0, min=i, for (j=i;j<qtd;j++) {
            if(v[j]<v[min]) {
                min=j;
            }
        }
}

Trocar o menor para a posição correta → i if(min!=i) {
            aux=v[i];
            v[i]=v[min];
            v[min]=aux;
        }
```

Algoritmos de ordenação int selectionSort(int v[], int qtd) { Função que int i=0, j=0, min=0, aux=0; for(i=0; i<qtd-1; i++) { implementa o min=i; // procura a posição do menor valor algoritmo for (j=i;j<qtd;j++) { selection sort: $if(v[j] \le v[min])$ min=j; if(min!=i){ // troca: coloca-o na posição correta aux=v[i]; v[i]=v[min]; v[min]=aux; return 0;

Exercícios:

- 1. Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de inteiros e a respetiva quantidade valores e coloca os valores por ordem crescente, recorrendo ao uso do algoritmo selectionsort.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador os valores, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

27

27

Algoritmos de ordenação

Exercícios:

- 1. Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de strings (max 100 caracteres) e a respetiva quantidade e coloca as strings por ordem alfabética, recorrendo ao uso do algoritmo selectionsort.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador o nome de 10 pessoas, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

O algoritmo Quick Sort ou ordenação rápida, tal como o bubble sort é algoritmo de ordenação por troca.

A estratégia de funcionamento é a seguinte:

- Seleciona um elemento pivot, normalmente o último, o primeiro ou o elemento do meio do vetor;
- Coloca o elemento selecionado para pivot na sua posição correta, ou seja, a sua posição definitiva no vetor.
- Coloca à esquerda do elemento pivot os elementos menores que este, e à direita os elementos maiores que este. Assim, supondo que o elemento pivot fica na posição x, todos os elementos entre 0 e x-1 são menores que o pivot e todos os elementos entre x-1 e n (nº de elementos do vetor) são maiores de o pivot.
- Em seguida repete-se o procedimento para cada uma das partes do vetor (esquerda e direita), usando para isso a recursividade.

29

29

Algoritmos de ordenação

Função que implementa o algoritmo quick sort recursivo:

```
void quicksort(int v[], int left, int right) {
int i,j,p=0,aux=0;
i = left; j = right;
\mathbf{p} = \mathbf{v}[(\text{left+right})/2];
do {
       while(v[i] 
       while(\mathbf{p} < v[j] \&\& j > left) { j--; }
       if (i<=j) { //troca
            aux = v[i];
            v[i] = v[j];
            v[j] = aux;
             i++;
             j--;
while(i \le j);
if(left < j) quicksort(v, left, j);
if(i < right) quicksort(v, i, right);</pre>
```

30

O programa seguinte lê do teclado os valores a ordenar, invoca a função de ordenação e apresentar os valores ordenados para o ecrã.

3

31

Algoritmos de ordenação

Exercícios:

- Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de inteiros e a respetiva quantidade valores e coloca os valores por ordem crescente, recorrendo ao uso do algoritmo quicksort.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador os valores, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

32

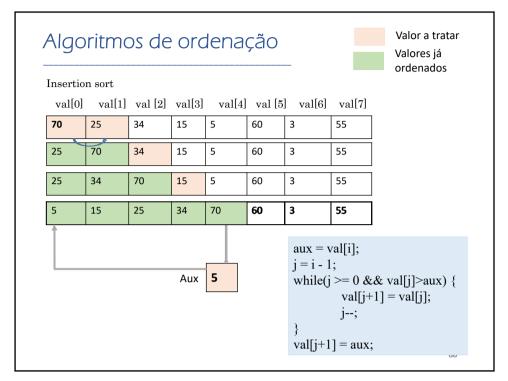
Algoritmos de ordenação

O algoritmo **Insertion sort** ou ordenação por inserção usa a seguinte esquema de ordenação:

- · Ordena inicialmente os dois primeiros elementos do array.
- De seguida, é inserido o terceiro elemento na posição ordenada em relação aos dois primeiros elementos.
- O quarto elemento é inserido na lista dos três elementos e assim sucessivamente até que todos os elementos tenham sido ordenados.

Valor a tratar Valores já

ordenados $Insertion\ sort-ordem\ crescente$ val[1] val [2] val[3] val[4] val [5] val[6] val[7] val[0]



O programa seguinte recebe do teclado 16 valores inteiros, invoca a função insertionSort e apresenta os valores ordenados para o ecrã.

```
int main() {
  int vect[16], i=0;
  printf("Introduza 16 numeros inteiros:");
  for(i=0; i<16; i++) {
       scanf("%d",&vect[i]);
  }
  insertionSort(vect,16);
  printf("Valores ordenados:\n");
  for(i=0; i<16; i++) {
       printf("Na posição %d fica o valor %d\n",i+1,vect[i]);
  }
  return 0;
}</pre>
```

3

37

Algoritmos de ordenação

Função que implementa o algoritmo insertion sort 0 que ordena um array de strings (nomes)

```
void insertionSort(char nomes[][100], int tam) {
    int i=0,j=0;
    char aux[100];
    for(i=1; i<tam;i++) {
        strcpy(aux,nomes[i]);
        j=i-1;
        while(j>=0 && strcasecmp(aux, nomes[j])<0) {
            strcpy(nomes[j+1], nomes[j]);
            j--;
        }
        strcpy(nomes[j+1], aux);
    }
}</pre>
```

38

Exercícios:

- 1. Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de inteiros e a respetiva quantidade valores e coloca os valores por ordem crescente, recorrendo ao uso do algoritmo insertionSort.
- 2. Implemente um programa que receba do utilizador os valores, invoque a função criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.

39

39

Algoritmos de pesquisa

Algoritmos de pesquisa

- Sabendo que a operação de pesquisa de um elemento é uma operação muito frequente nas aplicações informáticas, é de extrema importância a escolha da estratégia mais eficiente para a efetuar, principalmente quando envolve um grande volume de dados.
- · Para uma primeira abordagem considera-se que os dados armazenados estão desordenados.
- Posteriormente, serão consideradas estruturas com dados ordenados.

40

Pesquisa sequencial linear

Existe na posição 4

41

41

Algoritmos de ordenação

Pesquisa sequencial linear

Não existe

42

Algoritmos de pesquisa

Pesquisa sequencial (linear)

- É a forma mais simples e óbvia de pesquisa num vetor e consiste em percorrer o vetor, elemento a elemento, verificando se o valor objeto de procura é igual ao elemento do vetor.
- Se chegar ao fim do vetor sem encontrar o elemento é sinal que o elemento não existe.
- O numero máximo de iterações é o numero de elementos do vetor.

```
int pesquisaSeq(int v[], int tam, int x) {
   int i;
for(i=0;i<tam;i++) {
      if (v[i] == x) { return(i+1); }
}
return -1;
}</pre>
```

43

43

Algoritmos de pesquisa

Teste o algoritmo anterior pedindo os valores ao utilizador, bem como o elemento a procurar.

```
int main() {
  int vect[20],i, aux=0, elem;
  printf("Digite 20 numeros inteiros:");
  for(i=0; i<20; i++) {
      scanf("%d",&vect[i]);
  }
  printf("Introduza o elemento a procurar:\n");
  scanf("%d",&elem);
  aux=pesquisaSeq(vect,20,elem);
  if (aux==-1) {
      printf("Não encontrou o elementos\n");
  }
  else {
      printf("O elemento encontra-se na posição %d\n", aux);
  }
  return 0;
}</pre>
```

Algoritmos de pesquisa

Algoritmos de pesquisa linear ordenada:

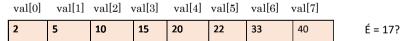
- Se os elementos do vetor estiverem **ordenados**, é possível melhorar o algoritmo de pesquisa.
- Se o elemento a procurar não existir no vetor, e este estiver ordenado por ordem crescente, logo que se encontre um elemento maior pode-se terminar a procura, evitando assim percorrer todo o vetor.
- Para estes casos, o algoritmo que se apresenta a seguir é mais eficiente.

48

45

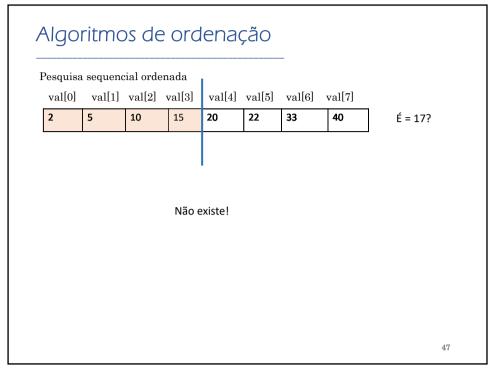
Algoritmos de ordenação

Pesquisa sequencial ordenada



Não existe!

46



Algoritmos de pesquisa

Pesquisa linear ordenada: a função seguinte verifica se o numero passado no parâmetro (x) se encontra no array v (1º parâmetro da função).

```
\begin{array}{l} \text{int pesquisaOrdenada(int } v[], \text{ int tam, int } x) \; \{ \\ \text{int } i; \\ \text{for}(i=0; i < \text{tam & & } v[i] <= x; i + +) \; \{ \\ \text{if } (v[i] == x) \; \{ \\ \text{return}(i+1); \\ \} \\ \} \\ \text{return -1;} \\ \} \end{array}
```

48

Algoritmos de pesquisa

O programa seguinte testa o algoritmo anterior, pedindo os valores ao utilizador, bem como o elemento a procurar.

```
int main() {
  int vect[20],i, aux=0, elem;
  printf("Digite 20 numeros inteiros:");
  for(i=0; i<20; i++) {
      scanf("%d",&vect[i]);
  }
  printf("Introduza o elemento a procurar:\n");
  scanf("%d",&elem);
  bublleSort(vect,20);
  aux=pesquisaOrdenada(vect,20,elem);
  if (aux==-1) {
      printf("Não encontrou o elementos\n");
  }
  else {
      printf("O elemento encontra-se na posição %d\n", aux);
  }
  return 0;
}</pre>
```

49

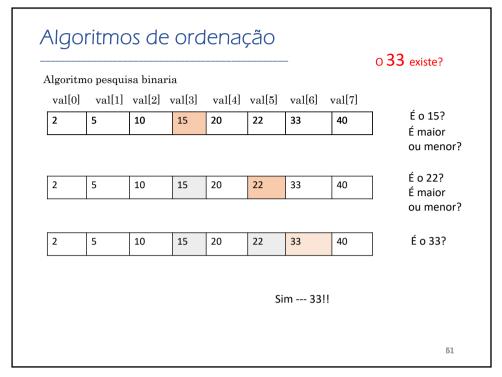
Algoritmos de pesquisa

Algoritmos de pesquisa binária:

Nos casos em que os elementos do vetor estão ordenados, é possível aplicar um algoritmo bem mais eficiente para efetuar a pesquisa, denominado de algoritmo de pesquisa binária.

Este algoritmo usa a seguinte estratégia:

- · Divide o vetor a meio.
- · Se o elemento a procurar for o elemento do meio,
 - · então está encontrado, termina a procura.
- · senão,
- se o elemento a procurar é menor que elemento do meio,
 - · então procura no sub-vetor da direita,
 - · senão procura no sub-vetor da esquerda.



```
Algoritmos de pesquisa

Função que implementa o algoritmo de pesquisa binária:

int pesquisaBin(int v[], int tam, int x) {
  int meio=0, ini=0, fim=tam-1; //fim fica com o último índice
  while (ini <= fim) {
      meio=(fim+ini)/2;
      if (x==v[meio]) {
            return (meio+1);
      }
      if (x < v[meio]) {
            fim=meio-1; // pesquisa na parte esquerda
      }
      else {
            ini=meio+1; // pesquisa na parte direita
      }
   }
   return -1;
}
```

Algoritmos de pesquisa

O programa seguinte testa o algoritmo de pesquisa binária:

58

53

Algoritmos de pesquisa

Função que implementa o algoritmo de pesquisa binária recursivo:

Algoritmos de pesquisa

O programa seguinte testa o algoritmo de pesquisa binária:

```
int main() {
  int vect[20]={1,3,5,7,8, 9,20,30,45,67,90,120, 122, 124,128,130, 140,150,155,160};
  int aux=0, elem;
  printf("Introduza o elemento a procurar\n");
  scanf("%d",&elem);
  aux=pesquisaBinRec (vect,0,19,elem);
  if (aux==-1) {
            printf("Não encontrou o elemento\n");
      }
  else {
                 printf("O elemento encontra-se na posição %d\n", aux);
      }
      return 0;
}
```

54

55

Algoritmos de pesquisa

Algoritmos de pesquisa binária:

O numero de comparações efetuadas por este algoritmo é substancialmente menor que nos anteriormente apresentados, visto que cada iteração reduz para metade o conjunto de valores a pesquisar.

Alguns dados:

- Num conjunto de 100 elementos são necessárias, no máximo, 6 interações;
- Num conjunto de 10 000 elementos são necessárias, no máximo, 13 interações;
- Num conjunto de 1 000 000 elementos são necessárias, no máximo, 19 interações;
- Num conjunto de 1 000 000 000 elementos são necessárias, no máximo, 29 interações;

Exercícios:

- Implemente uma função que recebe como parâmetro um array de nomes e a respetiva quantidade e ordena alfabeticamente os nomes
- Implemente o algoritmos de pesquisa binária, que verifica se um determinado nome recebido como parâmetro existe no array de nomes
- Implemente um programa que receba do utilizador os nomes, invoque a função de ordenação criada anteriormente e apresenta o resultado para o ecrã.
- Depois de ordenar os nomes, deve pedir ao utilizador um nome e, recorrendo ao algoritmo de pesquisa binária, verificar se o nome existe no array.

57

57

Bibliografia

- Programação Avançada Usando C, António Manuel Adrego da Rocha, ISBN: 978-978-722-546-0.
- · Schildt, Herbert: C the complete Reference, McGraw-Hill, 1998.
- Algoritmia e Estruturas de Dados, José Braga de Vasconcelos, João Vidal de Carvalho, ISBN: 989-615-012-5.
- · Linguagem C, Luís Manuel Dias Damas, ISBN: 972-722-156-4.
- * Elementos de Programação com C Pedro João Valente D. Guerreiro, 3^a edição, ISBN: 972-722-510-1.
- Introdução à Programação Usando C, António Manuel Adrego da Rocha, ISBN: 972-722-524-1.
- · https://bettercodehub.com/

58