

巧妙利用range 函数

ex1:

```
probs[range(num_train), y]
```

`range(num_train)`: 这会生成一个从 0 到 N-1 的序列 [0, 1, 2, ..., N-1]。它将作为行索引。

`y`: 是一个形状为 (N,) 的向量, `y[i]` 存储的是第 `i` 个样本的正确类别的索引。它将作为列索引

当您用两个同样长度的数组（或列表）去索引一个 NumPy 数组时, NumPy 会将它们逐一配对, 取出对应 (行, 列) 位置的元素。

结果: 这个索引操作会返回一个形状为 (N,) 的一维向量, 其中包含了每一个样本的正确类别的预测概率。

ex2:

```
dscores[range(num_train), y] -= 1
```

- 这里不利用`range`取出, 而是利用这个巧妙索引, 把数组中对应的数进行处理

参数的利用

ex1:

```
np.sum(exp_scores, axis=1, keepdims=True)
```

参数1: `axis`:

沿着 `axis=0` 求和, 意味着对每一列的元素进行相加。

沿着 `axis=1` 求和, 意味着对每一行的元素进行相加。

参数2: `keepdims`

`keepdims=False` (默认情况): 当 NumPy 沿着某个轴求和时, 它会“压缩”掉那个维度。

- 对于形状为 (N, C) 的 `exp_scores`, `np.sum(..., axis=1)` 的结果形状会是 (N,), 即一个一维向量。

`keepdims=True`: 这个参数告诉 NumPy 不要压缩掉求和的那个维度, 而是将它的大小变为 1。

- 对于形状为 (N, C) 的 `exp_scores`，`np.sum(..., axis=1, keepdims=True)` 的结果形状会是 (N, 1)，即一个列向量。
- 这个处理是为了对后续向量的broadcast作准备。

python同C的区别

python 的变量名更类似于C的指针，不会给变量分配内存，所以如果像建立一个新的变量，应该这样：
`dscores = probs.copy()`

- 类似于创建副本这样修改`dscores`就不会改变`probs`的值了，如果直接`dscores = probs`，那么会改变值

.dot()函数

当两个输入都是二维矩阵时，会严格按照矩阵乘法来。

当矩阵 (2D) 和一维数组 (N,)时NumPy 会将一维数组“临时”当作向量处理，但最终结果会**“压缩”回一个一维数组**。

ex:

```
matrix = np.array([[1, 2, 3],
                   [4, 5, 6]]) # shape: (2, 3)
vector = np.array([1, 0, 1])   # shape: (3,)

result = matrix.dot(vector)
print(result)                   # 输出: [4 10]
print(result.shape)             # 输出: (2,) <-- 仍然是一维数组
```

outer () 函数:

ex1:

```
np.outer(X[i], dscores)
```

`np.outer(a, b)`: 这是一个外积操作。如果 `X[i]` 的形状是 (D,)，`dscores` 的形状是 (C,)，那么外积的结果就是一个 (D, C) 的矩阵。这正是我们需要的单个样本的梯度矩阵 `dW_i` 的形状。

np.argmax ():

np.argmax() 函数就是用来查找数组中最大值索引的。

axis=1 这个参数至关重要。它告诉 argmax 函数沿着每一行（跨列）独立地查找最大值的索引。这正好对应了为每一个样本找出得分最高的那个类别。