### Отчет по лабораторной работе №7

Дисциплина: Математическое моделирование

Лобанова Полина Иннокентьевна

## Содержание

| 1                 | Цель работы                    | 5  |
|-------------------|--------------------------------|----|
| 2                 | Задание                        | 6  |
| 3                 | Выполнение лабораторной работы | 7  |
| 4                 | Выводы                         | 14 |
| Список литературы |                                | 15 |

# Список иллюстраций

| 3.1  | Код на языке Julia для случая 1                                   | 7  |
|------|---|----|
| 3.2  | График распространения рекламы (случай 1)                         | 7  |
| 3.3  | Код на языке OpenModelica для случая 1                            | 8  |
| 3.4  | График распространения рекламы (случай 1)                         | 8  |
| 3.5  | График распространения рекламы (случай 2)                         | 9  |
| 3.6  | Код на языке OpenModelica для случая 2                            | 9  |
| 3.7  | График распространения рекламы (случай 2)                         | 10 |
| 3.8  | Код на языке Julia для вычисления максимального значения          | 10 |
| 3.9  | График распространения рекламы (случай 2) и максимальное значение | 11 |
| 3.10 | Код на языке Julia для случая 3                                   | 11 |
| 3.11 | График распространения рекламы (случай 3)                         | 12 |
| 3.12 | Код на языке OpenModelica для случая 3                            | 12 |
| 3.13 | График распространения рекламы (случай 3)                         | 13 |

### Список таблиц

# 1 Цель работы

Построить график распространения рекламы.

#### 2 Задание

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

1. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.94 + 0.000094n(t))(N - n(t))$$

2. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.000094 + 0.94n(t))(N - n(t))$$

3. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.94\sin(t) + 0.94\sin(t)n(t))(N - n(t))$$

При этом объем аудитории N = 1040, в начальный момент о товаре знает 9 человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

#### 3 Выполнение лабораторной работы

1. Написала программу для построения графика первого случая на языке Julia.

```
using DifferentialEquations, Plots;
f(n, p, t) = (p[1] + p[2]*n)*(p[3]-n)
p1 = [0.94, 0.000094, 1040]
p2 = [0.000094, 0.94, 1040]
n_0 = 9
tspan1 = (0.0, 9.0)
tspan2 = (0.0, 0.02)
prob1 = ODEProblem(f, n_0, tspan1, p1)
prob2 = ODEProblem(f, n_0, tspan2, p2)

sol1 = solve(prob1, Tsit5(), saveat = 0.01)
plot(sol1, markersize =:15, c =:green, yaxis = "N(t)")
```

Рис. 3.1: Код на языке Julia для случая 1

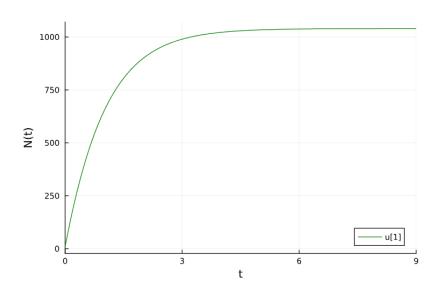


Рис. 3.2: График распространения рекламы (случай 1)

2. Написала программу для построения графика первого случая на языке OpenModelica.

```
1
    model mathmod7
2
      parameter Real N = 1040;
3
      parameter Real n 0 = 9;
      parameter Real a\overline{1} = 0.94;
4
      parameter Real a2 = 0.000094;
5
6
7
      Real n(start=n 0);
    equation
8
      der(n) = (a1+a2*n)*(N-n);
9
    end mathmod7;
10
```

Рис. 3.3: Код на языке OpenModelica для случая 1

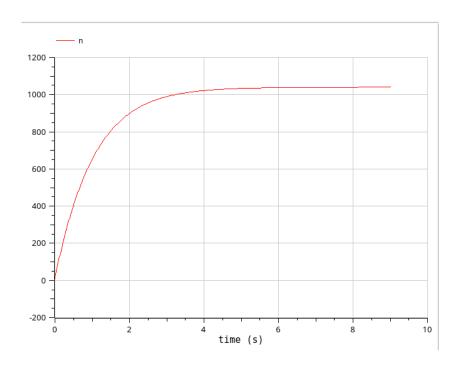


Рис. 3.4: График распространения рекламы (случай 1)

3. Написала программу для построения графика второго случая на языке Julia.

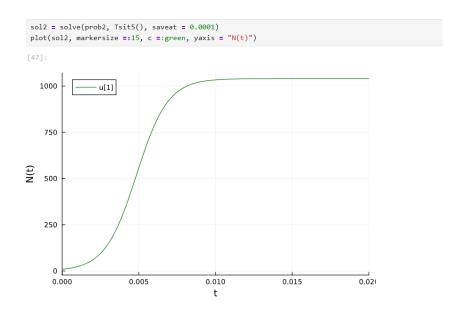


Рис. 3.5: График распространения рекламы (случай 2)

4. Написала программу для построения графика второго случая на языке OpenModelica.

```
dev = [sol2(i, Val{1}) for i in 0:0.0001:0.02]
maximum(dev)

[33]:
254002.90684480514

[34]:
findall(x -> x == 254002.90684480514, dev)

[34]:
1-element Vector{Int64}:
50

[35]:
x = sol2.t[50]
y = sol2.u[50]
scatter!((x, y), c=:purple, leg =:bottomright)
```

Рис. 3.6: Код на языке OpenModelica для случая 2

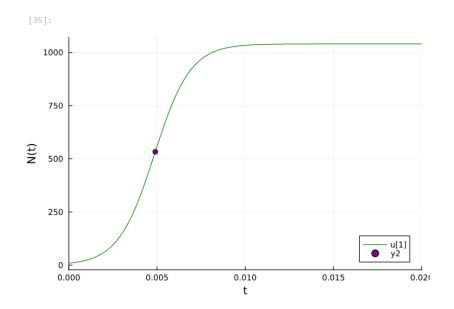


Рис. 3.7: График распространения рекламы (случай 2)

5. Для случая 2 определила в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

```
model mathmod7 2
2
      parameter Real N = 1040;
3
      parameter Real n 0 = 9;
4
      parameter Real a\bar{1} = 0.000094;
5
      parameter Real a2 = 0.94;
6
7
      Real n(start=n 0);
    equation
8
      der(n) = (a1+a2*n)*(N-n);
9
    end mathmod7 2;
10
```

Рис. 3.8: Код на языке Julia для вычисления максимального значения

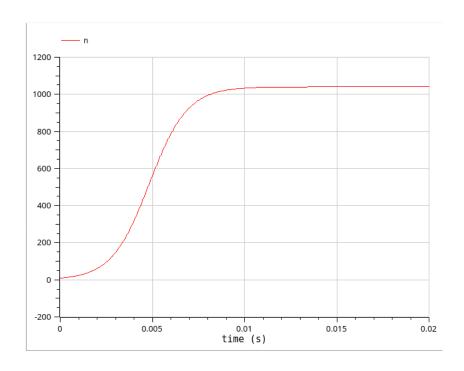


Рис. 3.9: График распространения рекламы (случай 2) и максимальное значение

6. Написала программу для построения графика третьего случая на языке Julia.

```
function f3(u, p, t)
    n = u
    dn = (0.94*sin(t) + 0.94*sin(t)*n)*(1040 - n)
end

u_0 = 9
tspan = (0.0, 2)
prob = ODEProblem(f3, u_0, tspan)
sol = solve(prob, Tsit5(), saveat = 0.001)
plot(sol, markersize =:15, c=:green, yaxis="N(t)")
```

Рис. 3.10: Код на языке Julia для случая 3

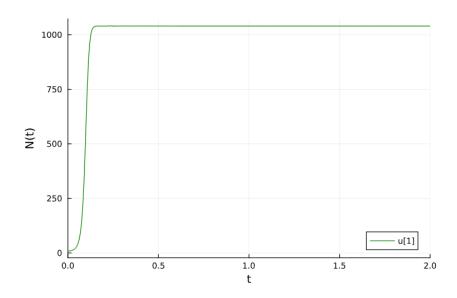


Рис. 3.11: График распространения рекламы (случай 3)

7. Написала программу для построения графика третьего случая на языке OpenModelica.

```
model mathmod7_3
parameter Real N = 1040;
parameter Real n_0 = 9;
parameter Real a1 = 0.94;
parameter Real a2 = 0.94;

Real n(start=n_0);
equation
der(n) = (a1*sin(time)+ a2*sin(time)*n)*(N-n);
end mathmod7_3;
```

Рис. 3.12: Код на языке OpenModelica для случая 3

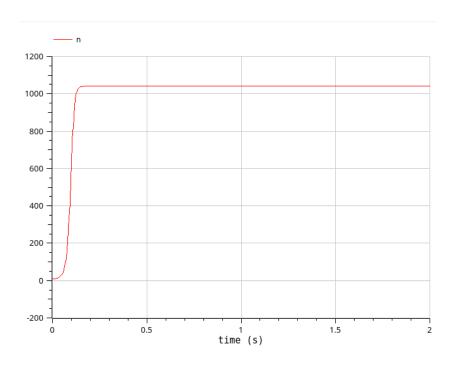


Рис. 3.13: График распространения рекламы (случай 3)

## 4 Выводы

Я построила график распространения рекламы.

# Список литературы