Введение в алгоритмы

@pvavilin

24 июля 2022 г.

Outline

Зачем нужны алгоритмы?

Задача

Подсчитать, какое количество сочетаний по три элементов входного массива даст в сумме 0.

Зачем нужны алгоритмы?

Результат наивной реализации

```
% python ./first_try.py 1K
2 вызовов для 1К данных: лучший результат равен
42.02
% python ./first_try.py 2K
2 вызовов для 2К данных: лучший результат равен
340.84
```

Бинарный поиск

```
def binary_search(
         lst:List[int], target:int
) -> int:
    start:int = 0
    end:int = len(lst) -1
    while(start <= end):</pre>
        mid = (start + end) // 2
         if(lst[mid] > target):
             end = mid - 1
         elif(lst[mid] < target):</pre>
             start = mid + 1
         else:
             return mid
    return -1
```

Быстрый ThreeSum

```
def counter(a: List[int]) -> int:
  # O(NlogN)
  arr:List[int] = sorted(a)
  N:int = len(arr)
  counter:int = 0
  for i in range(N):
    for j in range(i+1, N):
      # O(logN)
      if binary search(
        arr, -(arr[i]+arr[i])
      ) > i:
        counter += 1
  return counter
```

Результат быстрого ThreeSum

```
% python fast_threesum.py 1K
2 вызовов для 1K данных: лучший результат равен
1.64
% python fast_threesum.py 2K
2 вызовов для 2K данных: лучший результат равен
7.36
% python fast_threesum.py 4K
2 вызовов для 4K данных: лучший результат равен
31.31
```

Алгоритмическая сложность

order of grow			for a program that takes a few hours for input of size N		
description	function	2x factor	10x factor	predicted time for 10N	predicted time for 10N on a 10x faster computer
linear	N	2	10	a day	a few hours
linearithmic	$N \log N$	2	10	a day	a few hours
quadratic	N^2	4	100	a few weeks	a day
cubic	N^3	8	1,000	several months	a few weeks
exponential	2^N	2^N	2^{9N}	never	never

Predictions on the basis of order-of-growth function

Нужны ли алгоритмы backend-разработчику?



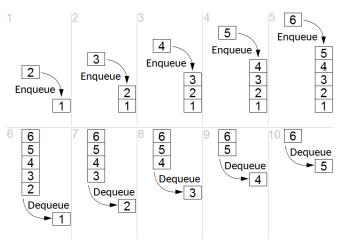
Какие алгоритмы нужнее всего?

Зависит от задачи, области применения

- алгоритмы на строках нужны например биоинформатикам, для работы с последовательностями ДНК
- алгоритмы на деревьях
 - компиляторы
 - машинное обучение
 - построение маршрутов
 - парсинг сайтов

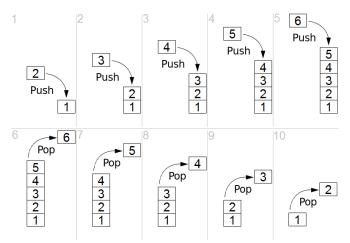
Структуры данных. Очередь

FIFO First In First Out



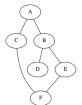
Структуры данных. Стек

LIFO Last In First Out



Структуры данных. Граф

```
graph = {
    'A': ['B', 'C'],
    'B': ['A', 'D', 'E'],
    'C': ['A', 'F'],
    'D': ['B'],
    'E': ['B', 'F'],
    'F': ['C', 'E']
}
```



Поиск вглубину. Depth-First Search

```
def dfs(graph, start, goal):
  stack = [(start, [start])]
  while stack:
    (v, p) = stack.pop()
    paths = set(qraph[v]) - set(p)
    for nxt in paths:
      if nxt == qoal:
        vield p + [nxt]
      else:
         stack.append((nxt, p+[nxt]))
print(list(dfs(graph, 'A', 'F')))
[['A', 'C', 'F'], ['A', 'B', 'E', 'F']]
```

Глупая сортировка / сортировка дурака

```
def sort alg(1):
  while True:
    C = 0
    for i in range(len(1)-1):
      if 1[i] > 1[i+1]:
        1[i+1], 1[i] = 1[i], 1[i+1]
      else:
        c += 1
    if c == (len(1) - 1): return 1
print(sort alg([1, 3, 2, 0]))
[0, 1, 2, 3]
```

Результат глупой сортировки

■ Эффективность глупой сортировки: $\mathcal{O}(N^3)$

```
% ./fool_sort.py 1K
```

2 вызовов для 1К данных: лучший результат равен 0.12

```
% ./fool_sort.py 2K
```

2 вызовов для 2K данных: лучший результат равен 0.53

% ./fool_sort.py 4K

2 вызовов для 4K данных: лучший результат равен 2.15

Пузырьковая сортировка

Результат пузырьковой сортировки

- lacktriangle Эффективность пузырьковой сортировки: $\mathcal{O}(N^2)$
 - % ./bubble_sort.py 1K
 - 2 вызовов для 1K данных: лучший результат равен 0.11
 - % ./bubble_sort.py 2K
 - 2 вызовов для 2K данных: лучший результат равен 0.45
 - % ./bubble_sort.py 4K
 - 2 вызовов для 4K данных: лучший результат равен 1.86

Сортировка слиянием (Merge Sort)

- Код
- мультик

Сортировка слиянием позволяет нам распараллелить процесс сортировки. Это очень эффективно на больших данных и широко используется в алгоритмах map/reduce.

Результат Merge Sort

■ Эффективность Merge Sort: *O*(NlogN)

```
% ./merge_sort.py 1K
```

2 вызовов для 1K данных: лучший результат равен 0.01

% ./merge_sort.py 4K

2 вызовов для 4K данных: лучший результат равен 0.03

% ./merge_sort.py 8K

2 вызовов для 8K данных: лучший результат равен 0.07

% ./merge_sort.py 32K

2 вызовов для 32K данных: лучший результат равен 0.31

Сравнение алгоритмов сортировки

Comparison sorts										
Name	Best	Average	Worst	Memory	Stable	Method	Other notes			
Quicksort	$n \log n$	$n \log n$	n^2	$\log n$	No	Partitioning	Quicksort is usually done in-place with $O(\log n)$ stack space. [5][6]			
Merge sort	$n \log n$	$n \log n$	$n \log n$	n	Yes	Merging	Highly parallelizable (up to $O(\log n)$ using the Three Hungarians' Algorithm). ^[7]			
In-place merge sort	-	-	$n \log^2 n$	1	Yes	Merging	Can be implemented as a stable sort based on stable in-place merging. ^[8]			
Introsort	$n \log n$	$n \log n$	$n \log n$	$\log n$	No	Partitioning & Selection	Used in several STL implementations.			
Heapsort	$n \log n$	$n \log n$	$n \log n$	1	No	Selection				
Insertion sort	n	n^2	n^2	1	Yes	Insertion	O(n+d), in the worst case over sequences that have d inversions.			
Block sort	n	$n \log n$	$n \log n$	1	Yes	Insertion & Merging	Combine a block-based $O(n)$ in-place merge algorithm ⁽⁹⁾ with a bottom-up merge sort.			
Timsort	n	$n \log n$	$n \log n$	n	Yes	Insertion & Merging	Makes n-1 comparisons when the data is already sorted or reverse sorted.			
Selection sort	n^2	n^2	n^2	1	No	Selection	Stable with $O(n)$ extra space, when using linked lists, or when made as a variant of Insertion Sort instead of swapping the two items. ^[10]			
Cubesort	n	$n \log n$	$n \log n$	n	Yes	Insertion	Makes n-1 comparisons when the data is already sorted or reverse sorted.			
Shellsort	$n \log n$	$n^{4/3}$	$n^{3/2}$	1	No	Insertion	Small code size.			
Bubble sort	n	n^2	n^2	1	Yes	Exchanging	Tiny code size.			
Exchange sort	n^2	n^2	n^2	1	Yes	Exchanging	Tiny code size.			
Tree sort	$n \log n$	$n \log n$	n log n (balanced)	п	Yes	Insertion	When using a self-balancing binary search tree.			
Cycle sort	n^2	n^2	n^2	1	No	Selection	In-place with theoretically optimal number of writes.			
Library sort	$n \log n$	$n \log n$	n^2	n	No	Insertion	Similar to a gapped insertion sort. It requires randomly permuting the input to warrant with-high-probability time bounds, which makes it not stable.			
Patience sorting	n	$n \log n$	$n \log n$	n	No	Insertion & Selection	Finds all the longest increasing subsequences in $O(n \log n)$.			
Smoothsort	n	$n \log n$	$n \log n$	1	No	Selection	An adaptive variant of heapsort based upon the Leonardo sequence rather than a traditional binary heap.			
Strand sort	n	n^2	n^2	п	Yes	Selection				
Tournament sort	$n \log n$	$n \log n$	$n \log n$	n[11]	No	Selection	Variation of Heapsort.			
Cocktail shaker sort	n	n^2	n^2	1	Yes	Exchanging	A variant of Bubblesort which deals well with small values at end of list			
Comb sort	$n \log n$	n^2	n^2	1	No	Exchanging	Faster than bubble sort on average.			
Gnome sort	n	n^2	n^2	1	Yes	Exchanging	Tiny code size.			
Odd-even sort	n	n^2	n ²	1	Yes	Exchanging	Can be run on parallel processors easily.			

Устойчивость сортировки

```
records = [
   {"A": "X", "B": 2},
   {"A": "X", "B": 1},
   {"A": "Y", "B": 1},
records.sort(key=lambda x: x["A"])
for r in records:
    print(f"{r['A']}, {r['B']}")
X, 2
X, 1
Y, 1
```

Как изучать алгоритмы

- Яндекс.Практикум
- Coursera (Part I, Part II)
- Альманах алгоритмов: Т.Кормен, Ч.Лейзерсон, Р.Ривест, К.Штайн «Алгоритмы. Построение и анализ.»