COMPITI 1 – EQUAZIONI ESPONENZIALI E CALCOLO CON LOGARITMI

Compito 1.1 – potenze e radicali

Gli esercizi in **bold** sono obbligatori.

- 1. Semplifica l'espressione $\frac{9^{3n} \cdot 27}{81 \cdot 3^{2n}}$. 3^{4n-1}
- 2. Scrivi l'espressione $\frac{4^{-7} \cdot 8 \cdot \frac{1}{32}}{8^{-2} \cdot 128^2}$ in forma di potenza con base 2. 2^{-24}
- 3. Semplifica l'espressione $\frac{\sqrt[3]{64} \cdot 4^3 \cdot \sqrt{8}}{\sqrt{128} \cdot \sqrt[3]{16}}$. $2^{\frac{14}{3}}$
- 4. Scrivi l'espressione $\sqrt[3]{a^2}$: $\sqrt{a^{-7}}$ in forma di potenza con base a. $a^{\frac{25}{6}}$
- 5. Scrivi l'espressione $\left(x^{0.75} \cdot \sqrt[8]{x^5} \cdot x^{-\frac{1}{3}}\right)^{24}$ in forma di potenza. x^{25}

Compito 1.2 – problemi con potenze e radicali

- 1. Scrivi il numero $4^7 3 \cdot 2^{12}$ in forma di potenza con base 2. 2^{12}
- 2. Scrivi il numero $3^a + 3^a + 3^a$ in forma di una potenza. 3^{a+1}
- 3. Scrivi in forma di una potenza il numero $125 \cdot 0.2 \cdot 25^2$. 5^6
- 4. Scrivi il numero $6^7 + 30 \cdot 6^6$ in forma di una potenza. 6^8
- 5. Quante cifre ha il numero $8^5 \cdot 25^3$? Hint: $2^9 = 512$ 9 cifre
- 6. Di quanto è maggiore il numero $5\cdot 10^{30}$ rispetto al numero $4\cdot 10^{27}$? È maggiore di $4996\cdot 10^{27}$
- 7. Quante volte è maggiore il numero $5\cdot 10^{30}$ rispetto a $4\cdot 10^{27}$? 1250 volte (va bene anche $\frac{5}{4}\cdot 10^3$ o $1.25\cdot 10^3$)
- 8. Ordina i numeri a^{-2} , a^{-3} , a^3 e a^{-4} in ordine crescente se a>1. a^{-4} , a^{-3} , a^{-2} , a^3

Compito 1.3 – legame tra potenze e logaritmi

- 1. Scrivi le uguaglianze in forma di logaritmo:
 - a. $8^{\frac{1}{3}} = 2$, perché...
 - b. $10^{-3} = 0.001$, perché...

- 2. Scrivi le uguaglianze in forma di potenza:
 - a. $\log_6 36 = 2 \Rightarrow$
 - b. $\log_4 8 = \frac{3}{2} \rightarrow$
- 3. Calcola:
 - a. $\log_{10} 0.0001 = -4$
 - b. $\log_7 7 =$
 - c. $\log_4 2 = \frac{1}{2}$
 - d. $\log_8 0.125 = -1$
 - e. $\log_3 \frac{1}{9} = -2$
 - f. $\log_{\frac{1}{2}} 8 = -3$

<u>Compito 1.4</u> – esercizi con logaritmi

- 1. Trova il valore di *x* se:
 - a. $\log_{0.1} x = -1$ x = 10
 - **b.** $\log_{\frac{1}{2}} x = -5$ x = 32
 - c. $\log_x 16 = 2$ x = 4
 - d. $\log_x \frac{7}{8} = 1$ $x = \frac{7}{8}$

49

- 2. Calcola:
 - a. $81^{\frac{1}{2}\log_3 7}$
 - b. $9^{-\log_3 8}$

Compito 1.5 – equazioni esponenziali 1/3

Risolvi le equazioni:

- 1. $0.5^x = \frac{1}{8}$ x = 3
- 2. $4^x = -\frac{1}{4}$ impossibile

3.
$$\left(\frac{4}{3}\right)^x = \frac{27}{64}$$

$$x = -3$$

4. 1.
$$5^x = \frac{4}{9}$$

$$x = -2$$

5.
$$27^x = \frac{1}{3}$$

$$\chi = -\frac{1}{3}$$

Compito 1.6 – equazioni esponenziali 2/3

Risolvi le equazioni:

1.
$$9^{2x-8} = 27^{x-4}$$

$$x = 4$$

2.
$$0.125^{3-x} - 4^{4x-1} = 0$$

$$x = -\frac{7}{5}$$

$$3. \ \frac{2^{x+1}}{27} - \frac{3^{x+1}}{8} = 0$$

$$x = -4$$

4.
$$2 \cdot 5^x - 5^{x-1} = 45$$

$$x = 2$$

Compito 1.7 – equazioni esponenziali 3/3

Risolvi le equazioni:

1.
$$3^x - 3^{x-1} = 2^x$$

$$x = 1$$

2.
$$3^x + 3^{x+1} = 5^{x+1} - 5^x$$

$$x = 0$$

3.
$$16^x - 4^x = 12$$

$$x = 1$$

4.
$$2 \cdot 25^x - 3 \cdot 10^x + 5 \cdot 4^x = 0$$

impossibile

Compito 1.8 – esercizi con logaritmi 1/2

Semplifica:

1.
$$\log_2 4\sqrt[3]{x}$$

$$2 + \frac{1}{3} log_2 x$$

2.
$$\log_5 \frac{5}{a^5}$$

$$1-5\log_5 a$$

3.
$$\log_4\left(\frac{x^3y}{\sqrt{z}}\right)$$

$$3 \log_4 x + \log_4 y - \frac{1}{2} \log_4 z$$

4.
$$\log(y^2 - 2y + 1)$$

$$2 \log(y-1)$$

Se $\log 3 = y$, quanto vale:

$$y + 1$$

$$y-1$$

$$2y + 2$$

$$4y - 1$$

5.
$$\log \frac{100}{27}$$

$$2 - 3y$$

Compito 1.9 – esercizi con logaritmi 2/2

Scrivi in forma di un logaritmo:

1.
$$\frac{1}{2} + \log a$$

$$\log(\sqrt{10}a)$$

2.
$$4 - \log_2 x - 2 \log_2 y$$

$$\log_2 \frac{16}{xy^2}$$

3.
$$\log_3 4 + \log_3(x-3)$$

$$\log_3(4(x-3))$$

4.
$$1 - \log_5(x + 2)$$

$$\log_5 \frac{5}{x+2}$$

5.
$$\log_5 10 + \log_{25} 16$$

$$\log_5 40$$

6.
$$\log_7 t + \log_{49} t - \log_{\frac{1}{7}} t$$

$$\log_{\frac{2}{75}} t$$

Calcola:

1.
$$\frac{\log_3 \sqrt{8}}{\log_3 36-2}$$

$$2. \ \frac{2 \log 4 + \log 5}{1 + 3 \log 2}$$

3.
$$\frac{4 \log_3 2 + \log_3 5}{\frac{1}{2} \log_3 4 + \log_3 40}$$

Calcola:

1.
$$\log_6 7 \cdot \log_7 36$$

$$2. \quad \log_4 25 \cdot \log_{\sqrt{5}} \frac{1}{8}$$