

## U.B.A. FACULTAD DE INGENIERÍA

## Departamento de Computación

# Modelos y Simulación 7526 - 9519 TRABAJO PRÁCTICO #2

Procesos de Poisson, Cadenas de Markov, Sistemas dinámicos, Simpy

Curso: 2019 - 1er Cuatrimestre

Turno: Miércoles

GRUPO N° 1		
Integrantes	Padrón	
Amurrio, Gastón	93584	
Gamarra Silva, Cynthia Marlene	92702	
Pinto, Tomás	98757	
Fecha de Entrega:	19-06-2019	
Fecha de aprobación:		
Calificación:		
Firma de aprobación:		

Observaciones:



## Contents



## 1 Enunciado del trabajo práctico



## Trabajo Práctico 2

Simulación - 75.26 - 95.19

## **Consideraciones generales**

La entrega de este TP debe contar con un informe explicando el procedimiento utilizado para resolver cada ejercicio y justificando las conclusiones a las que se arriba en cada punto. Se debe incluir también el código fuente utilizado para resolver cada ejercicio en uno o más archivo(s) por ejercicio.

## **Procesos de Poisson**

#### **Ejercicio 1**

Utilizando Matlab, Octave o Python (sin utilizar Simpy) se debe determinar con cuál de las siguientes 2 arquitecturas nos permite tener un menor tiempo de procesamiento.

A un procesador arriban instrucciones siguiendo una distribución exponencial con una tasa de 250 instrucciones por microsegundo.

Las instrucciones se pueden agrupar en las siguientes categorías, y en función de ella es el tiempo que demoran en ser ejecutadas el cual sigue una distribución exponencial con parámetro lambda especificado a continuación.

Tipo de instrucción	Probabilidad	Tasa del tiempo de ejecución (instrucciones por µseg)
Simple	0,6	60
Compleja	0,4	10

Se sabe que el 65% de las instrucciones requieren buscar datos en memoria para antes de ser ejecutadas. En este punto se plantean dos alternativas:

- **Alternativa 1**: Cada vez que se requiera un dato de memoria se lo busca en memoria principal. Tarea cuyo tiempo corresponde a una distribución exponencial con una tasa de 2000 instrucciones por microsegundo.
- Alternativa 2: Implementar un Caché, con el cual existiría una probabilidad de .6 de encontrar el dato requerido y no tener la necesidad de buscarlo en memoria principal.

El tiempo de acceso a este caché se puede modelar siguiendo una distribución exponencial con una tasa de 500 instrucciones por microsegundo.

Cuando el dato no es encontrado en el caché y debe buscarse en memoria principal donde su demora también sigue una distribución exponencial con una tasa de 1500 instrucciones por microsegundo.





## Trabajo Práctico 2

Simulación - 75.26 - 95.19

## Cadenas de Markov

## **Ejercicio 2**

Una entidad bancaria se encuentra analizando cuantos clientes en simultáneo están conectados a su home banking.

Para ello comenzó a monitorear cada minuto la cantidad de clientes activos, y analizó como se modifica esta cantidad de una observación a la siguiente.

Se determinó que la probabilidad que la cantidad de clientes conectados aumentara, o se mantenga igual, podía modelarse utilizando una distribución de probabilidad Binomial, mientras que la probabilidad de tener menos clientes conectados respondía a una distribución uniforme.

Siendo i y j dos cantidades de usuarios conectados al sistema.

Se sabe además que la probabilidad que un cliente se conecte al sitio es p=0,7

(Por simplicidad supondremos que el servidor de este home banking permite cómo máximo 50 clientes en simultáneo)

- a) Determinar la matriz de transición de estados explicando cómo se obtiene la misma.
- b) Utilizando Matlab, Octave o Python simular una posible evolución del sistema a lo largo de 100 observaciones graficando cómo se modifica la cantidad de clientes conectados en cada momento.
- Simulando 100.000 observaciones realizar un histograma mostrando cuantas veces el sistema estuvo en cada estado.
  - (Recomendación: utilizar tantas categorías en el histograma como estados tiene el sistema).
- d) Determinar el % de tiempo que en el home banking no tuvo clientes conectados.
- e) Se está evaluando migrar el home banking a un servidor que permitiría cómo máximo 40 clientes conectados en simultáneo. La migración sólo se realizaría si la probabilidad de tener más de 40 clientes es menor a 10%. Indique si se puede recomendar realizar la migración.

### Sistemas dinámicos

#### **Ejercicio 3**

El siguiente sistema dinámico es conocido como "Modelo de la telaraña".

Mediante el mismo se puede modelar la formación de precios de productos cuya oferta se establece en función del precio de mercado en el período de tiempo anterior.

$$\begin{cases} Q_t^{demanda} = a - bP_t & \text{Con:} \\ Q_t^{oferta} = dP_{t-1} - c & \text{b=1,1} \\ Q_t^{demanda} = Q_t^{oferta} = Q_t & \text{c=0,4} \\ d=1 & P_0=8 \end{cases}$$





## Trabajo Práctico 2

Simulación - 75.26 - 95.19

#### Se pide:

- 1. Determinar el tipo de sistema (discreto/continuo, lineal/ no lineal, autónomo/no autónomo, de primer orden / orden superior)
- 2. Hallar el o los puntos de equilibrio.
- Realizar un análisis asintótico del sistema.
   ¿Cómo afectan las condiciones iniciales al estado asintótico del sistema? Justifique.
   Simule el sistema para distintas condiciones iniciales e interprete los resultados.
- 4. Graficar la variable precio en función del período (t) para 100 períodos.
- 5. Graficar el espacio de faces del sistema a través de 100 períodos para pares ordenados (Qt , Pt) (mostrar los puntos vinculados mediante una recta).

## Simpy

### **Ejercicio 4**

Resolver el Ejercicio 1 utilizando Simpy y comparar los resultados obtenidos con los obtenidos en el Ejercicio1.

### **Ejercicio 5**

Siguiendo una distribución Exponencial negativa de media 45 ms arriban solicitudes a un cluster de base de datos, compuesta por 6 servidores y un balanceador de carga.

El tiempo de procesamiento de cada solicitud dependerá del tipo de solicitud que se trate:

Tipo	Probabilidad	Tiempo de proceso (mseg)
Α	.6	75 ± 10
В	.25	60 ± 15
С	.15	90 ± 20

Se necesita determinar la mejor política de asignación de procesos a utilizar en el balanceador entre las siguientes:

- a. Utilizando una política Round Robin (la primer solicitud se asigna al servidor 1, la segunda al 2, etc).
- b. La solicitud es asignada al azar entre los 6 servidores.

(Justifique la respuesta midiendo todos los indicadores que considere necesarios)



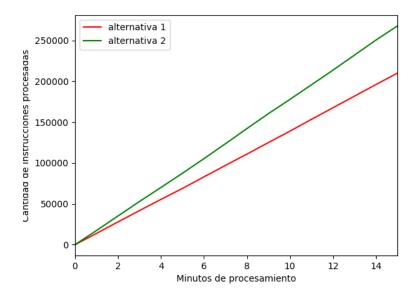
## 2 Implementación y resultados

Para cada uno de los ejercicios pedidos se realiza una explicación de cada uno de ellos. Se toma como base teórica lo explicado en clase tanto teórica como clase práctica.

## 2.1 Ejercicio 1

En readme.md se encuentran las instrucciones de como ejecutar el programa Se utilizaron threads distintos para simular el OS que genera instrucciones, el procesador que las procesa y la memoria/cache (segun la alternativa ejecutada) que busca el dato en memoria de ser necesario, estos threads comparten una cola de instrucciones a ser ejecutadas, mientras que solo el OS y la memoria/cache comparten una cola de instrucciones que primero deben acceder a memoria

Los resultados obtenidos luego de ejecutar ambas alternativas durante 15 minutos fueron los siguientes:



Sin duda, la mejor alternativa es la segunda. Luego de 15 minutos pudo procesar alrededor de 50mil instrucciones mas que la primer alternativa.

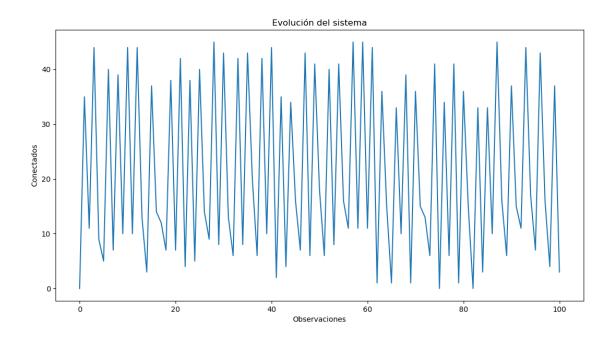
## 2.2 Ejercicio 2

a) La matriz de transición de estados se obtiene de la siguiente manera, dado que el ejercicio impone por simplicidad que la cantidad máxima de clientes que se permite en simultaneo en el Homebanking es 50, entonces la matriz de transición es de 51 x 51 (Tambien se incluye la cantidad de 0 clientes). Cada elemento de la matriz es el cambio de estado al siguiente, es decir el paso del estado i al j, por ejemplo si el elemento de la matriz es el (1,2) entonces es la probabilidad de la cantidad de clientes conectados sea 2 sabiendo que en el minuto anterior estaba conectado solo 1.

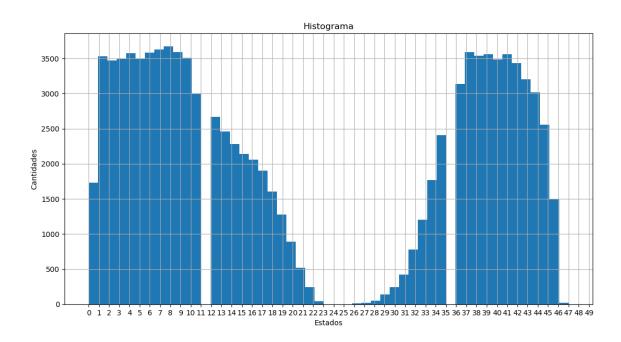
b)

5





c)



- d) Porcentaje de tiempo que el sistema no tuvo clientes conectados: 2.24531353%
- e) Es recomendable hacer la migración a otro servidor, la probabilidad de tener mas de 40 clientes es: 2.15%



## 2.3 Ejercicio 3

El "modelo de la telaraña" tiene la siguiente estructura:

$$\begin{aligned} Q_t^{demanda} &= a - bP_t \\ Q_t^{oferta} &= dP_{t-1} - c \\ Q_t^{demanda} &= Q_t^{oferta} &= Q_t \end{aligned} \tag{1}$$

En donde tienen los parámetros siguientes :

- a = 9
- b = 1,1
- c = 0.4
- d = 1
- $P_0 = 8$

Respondiendo lo que se pide:

- 1. El sistema es dicreto, lineal, autónomo y de primer orden
- 2. Resolviendo el sistema de ecuaciones se obtuvo el punto de equilibrio:

$$P = \frac{a+c}{d+b}$$

Utilizando los datos del ejercicio se obtuvo:

$$P = \frac{94}{21}$$

$$Q = \frac{428}{105}$$

3. Realizando un análisis asintótico obtuvimos que:

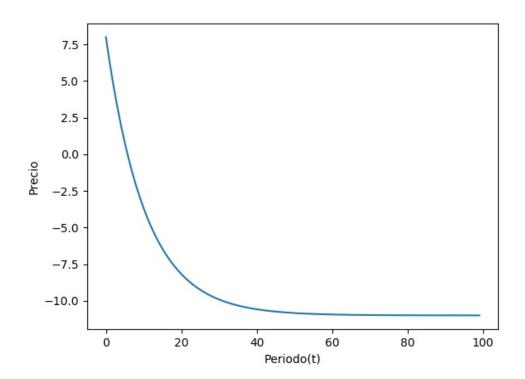
$$\lambda_1 = 1$$

$$\lambda_2 = \frac{-11}{10}$$

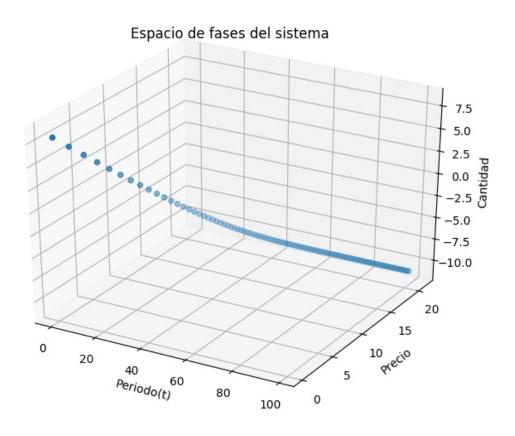
En donde se llega a que el sistema es un Saddle Point.

4. Graficando la variable precio en función del período(t):





5. Graficando el espacio de fases del sistema a través de 100 períodos para pares ordenados ( $Q_t$  ,  $P_t$  ):





## 2.4 Ejercicio 4

La conclusion es consistente con el ejercicio 1, es mejor la alternativa 2. Sin embargo por como esta implementado el ejercicio 1 nos dio distinto la cantidad de tiempo que lleva ejecutar 200000 instrucciones, para la alternativa 1 nos dio 21837124 microsegundos (alrededor de 20 segundos) y para la alternativa 2 7422610 microsegundos (alrededor de 7 segundos)

## 2.5 Ejercicio 5

Utilizando los datos del ejercicio procesamos nuestro archivo creado usando Simpy y obtuvimos los siguientes resultados:

- Con política Round Robin(en segundos):
  - Tiempo espera: 87.6
  - Tiempo max: 416.4
  - Tiempo min: 45.0
  - Tiempo total: 451783.9
- Las solicitudes son asignadas al azar entre los servidores:
  - Tiempo espera: 73.6
  - Tiempo max: 116.1
  - Tiempo min: 45.0
  - Tiempo total: 449154.5

Podemos observar que la mejor política de asignación es en donde la solicitud es asignada al azar entre los 6 servidores. Hay una diferencia significativa en el tiempo máximo entre ambos y el tiempo total.

## 3 Conclusiones

El trabajo práctico nos permitió conocer y realizar simulaciones teniendo como base teórica los conceptos explicados en clase . Además, nos permitió conocer herramientas que permiten realizar simulaciones que son muy utilizadas en el campo científico como Simpy que un framwork de simulación discreta orientada a eventos.

## References

- [1] Python, Generación de números con distintas distribuciones de probabilidad, https://docs.python.org/3/library/random.html.
- [2] Simpy, Apunte de la cátedra.
- [3] Simpy, Documentación, https://simpy.readthedocs.io/en/latest/



## A Código fuente

## A.1 Resolución ejercicio 1

#### A.1.1 instruccion

18

```
import random
   SECOND_TO_MICROSECOND = 1000000
   class InstruccionFactory(object):
4
     @staticmethod
5
     def nueva_instruccion():
6
       # Tiro un random entre 0 y 1, si es menor o igual a 0.6 entonces
       # es una instruccion simple
8
9
       # idem memoria
10
       tipo = random.uniform(0,1)
       memoria = random.uniform(0,1)
12
       lee_memoria = False
       if (memoria <= 0.65):</pre>
13
         lee_memoria = True
14
       if (tipo <= 0.6):</pre>
         return InstruccionSimple(lee_memoria)
16
       else:
17
         return InstruccionCompleja(lee_memoria)
18
19
   class InstruccionCompleja(object):
20
21
22
     def __init__(self, lee_memoria):
23
       self.lee_memoria = lee_memoria
24
     def costo(self):
25
       return 10/float (SECOND_TO_MICROSECOND)
26
27
   class InstruccionSimple(object):
28
29
     def __init__(self, lee_memoria):
30
       self.lee_memoria = lee_memoria
31
     def costo(self):
33
       return 60/float(SECOND_TO_MICROSECOND)
34
   A.1.2
          cache.py
   import queue
   import time
   import numpy
   import random
   SECOND_TO_MICROSECOND = 1000000
6
   TASA\_ALT1 = 2000
9
   def buscar(cola_acceso_memoria, cola_procesador):
10
     while True:
11
       if not (cola_acceso_memoria.empty()):
12
         instruccion = cola_acceso_memoria.get()
         #Busco el dato
13
         u = random.uniform(0,1)
14
         tiempo_busqueda_memoria = 1500
15
         if (u <= 0.6):
16
            tiempo_busqueda_memoria = 500
17
```



```
tiempo_de_espera_busqueda_dato = numpy.random.exponential(
tiempo_busqueda_memoria)
time.sleep(tiempo_de_espera_busqueda_dato/float(SECOND_TO_MICROSECOND))
#Mando la instruccion a procesar
cola_procesador.put(instruccion)
```

### A.1.3 memoria principal

```
import queue
   import time
2
   import numpy
3
   SECOND_TO_MICROSECOND = 1000000
   TASA\_ALT1 = 2000
   def buscar(cola_acceso_memoria, cola_procesador):
     while True:
9
       if not (cola_acceso_memoria.empty()):
         instruccion = cola_acceso_memoria.get()
         #Busco el dato
         tiempo_de_espera_busqueda_dato = numpy.random.exponential(TASA_ALT1)
         time.sleep(tiempo_de_espera_busqueda_dato/float(SECOND_TO_MICROSECOND))
14
         #Mando la instruccion a procesar
         cola_procesador.put(instruccion)
```

#### A.1.4 OS

```
1
3
   SECOND_TO_MICROSECOND = 1000000
4
   TASA\_ARRIBO\_INSTRUC = 250
6
   def run(modo):
     import instruccion
9
     import procesador
     import queue
11
     import threading
     import time
     import numpy
14
     import memoria_principal
     import cache
16
     generador_instrucciones = instruccion.InstruccionFactory()
17
18
     cola_acceder_memoria = queue.Queue()
19
     cola_instrucciones = queue.Queue()
20
     threading. Thread(target=procesador.procesar, args=(cola_instrucciones, modo)).start
21
       ()
22
     if modo == "alternativa_1":
       threading. Thread (target=memoria_principal.buscar, args=(cola_acceder_memoria,
       cola_instrucciones,)).start()
     elif modo == "alternativa_2":
24
       threading. Thread(target=cache.buscar, args=(cola_acceder_memoria,
       cola_instrucciones,)).start()
     while True:
26
       tiempo_de_espera_arribo_instruc = numpy.random.exponential(TASA_ARRIBO_INSTRUC)
2.7
       time.sleep(tiempo_de_espera_arribo_instruc/float(SECOND_TO_MICROSECOND))
28
       instruccion = generador_instrucciones.nueva_instruccion()
29
       if not(instruccion.lee_memoria):
30
         cola_instrucciones.put(instruccion)
31
       else:
32
         cola_acceder_memoria.put(instruccion)
```



#### A.1.5 procesador

```
import queue
  import time
  import csv
  import numpy
   def procesar(cola_instrucciones, modo):
     cantidad_procesada = 0
     minutos_procesamiento = 0
     start_time = time.time()
8
9
     while True:
       if not (cola_instrucciones.empty()):
10
         time.sleep(numpy.random.exponential(cola_instrucciones.get().costo()))
         cantidad_procesada += 1
12
         print("\r" + modo + " Cantidad procesada: "+str(cantidad_procesada), end="")
14
       # cada 60 segundos registro la cantidad de instrucciones que fueron procesadas
       actual_time = time.time()
16
       if actual_time - start_time >= 60:
         minutos_procesamiento += 1
18
         start_time = actual_time
19
         with open(modo+'.csv', mode='a') as registro_procesamiento:
20
           writer = csv.writer(registro_procesamiento, delimiter=',', quotechar='"',
       quoting=csv.QUOTE_MINIMAL)
           writer.writerow([str(minutos_procesamiento), str(cantidad_procesada)])
22
   A.1.6 main
  import OS
2 import sys
3 import threading
  opciones = ["alternativa_1", "alternativa_2"]
   def main():
5
     if len(sys.argv) != 2:
6
       print("Ingrese un argumento: alternativa_1 o alternativa_2")
     elif sys.argv[1] not in opciones:
9
       print("Argumento invalido. Usar alternativa_1 o alternativa_2")
10
11
       threading.Thread(target=OS.run, args=(sys.argv[1],)).start()
12
13
  main()
   A.1.7 grafico
1 import pandas as pd
  import matplotlib.pyplot as plt
   alt1 = pd.read_csv("alternativa_1.csv", names=["minuto", "cantidad_procesada"])
   alt2 = pd.read_csv("alternativa_2.csv", names=["minuto", "cantidad_procesada"])
   # gca stands for 'get current axis'
6
   ax = plt.gca()
   alt1.plot(x = 'minuto', y = 'cantidad_procesada', label = 'alternativa 1', color = '
   alt2.plot(x = 'minuto', y = 'cantidad_procesada', label = 'alternativa 2', color = '
      green', ax = ax)
10
   ax.set_xlabel('Minutos de procesamiento')
  ax.set_ylabel('Cantidad de instrucciones procesadas')
13 plt.show()
```



## A.2 Resolución ejercicio 2

## A.2.1 ejercicio2.py

```
import os
   import numpy
   import random
   import matplotlib.pyplot as plt
6
   cant=51
   p = 0.7
9
   def factorial(n):
10
           if (n==0):
11
                    return 1
            else:
                    return n* factorial(n-1)
14
   def combinatoria(n,r):
           return factorial(n)/(factorial(r) * factorial(n-r))
16
17
19
   def jMayorIgualAi(i,j):
            return combinatoria(cant,j-i) * p**(j-i) * (1-p) **(cant-(j-i))
20
21
   def jMenorAi(i,j):
22
            sumatoria =0
23
            for k in range(i,cant):
24
                     sumatoria = sumatoria + jMayorIgualAi(i,k)
25
            return (1-sumatoria)/i
26
   def funcionProbabilidad(i,j):
28
            if (i<=j):</pre>
29
                    probabilidad = jMayorIgualAi(i,j)
30
31
            else:
32
                    probabilidad = jMenorAi(i,j)
33
            return round (probabilidad, 4)
34
   def generarMatriz():
35
            archivo = open("matrizDeTransicion.txt","w")
36
            cadena = '
37
            matriz=[]
38
            for m in range (0, cant):
39
                    fila=[]
40
                    for n in range (0,cant):
                             valor=funcionProbabilidad(m,n)
42
                             fila.append(valor)
43
                             cadena = cadena + str(valor) + ','
44
                    archivo.write(cadena + os.linesep)
45
                    matriz.append(fila)
46
                    cadena='
47
            archivo.close()
48
49
            return matriz
50
   #a) genero la matriz de transición
51
   matrizDeTransicion = generarMatriz()
52
   # La matriz de transición de estados se obtiene de la siguiente manera, dado que el
54
       ejercicio impone por simplicidad que la cantidad máxima
   # de clientes que se permite en simultaneo en el Homebanking es 50, entonces la
55
       matriz de transición es de 51 x 51 (Tambien se incluye la
   # cantidad de 0 clientes).
   # Cada elemento de la matriz es el cambio de estado al siguiente, es decir el paso
```



```
del estado i al j, por ejemplo si el elemento de la
    # matriz es el (1,2) entonces es la probabilidad de la cantidad de clientes
58
       conectados sea 2 sabiendo que en el minuto anterior estaba
    # conectado solo 1.
60
    #b)
61
62
    def generarOtroEstado(Lista):
63
            aleatorio = random.random()
64
            sumaTotal = Lista[0]
65
            i=0
66
            while(aleatorio > sumaTotal ):
67
                     if (i < 50):
68
                              sumaTotal = sumaTotal + Lista[i]
69
70
                     sumaTotal = sumaTotal + Lista[i]
            return i
72
73
    estados = []
74
    estadoActual = 0
75
    estados.append(estadoActual)
76
77
    observaciones = 100
78
    #simulo los valores de los estados en cada momento
79
    for i in range(observaciones):
80
            estadoActual = generarOtroEstado(matrizDeTransicion[estadoActual])
81
            estados.append(estadoActual)
82
83
   #grafico de como se modifican los clientes a lo largo de las observaciones.
84
   plt.plot(estados)
85
   plt.title("Evolución del sistema")
86
   plt.xlabel('Observaciones')
87
   plt.ylabel('Conectados')
88
   plt.show()
89
90
91
92
    estados = []
93
    estadoActual = 0
94
    estados.append(estadoActual)
    observaciones = 100000
95
96
    #simulo los valores de los estados en cada momento
97
    for i in range(0, observaciones):
98
            estadoActual = generarOtroEstado(matrizDeTransicion[estadoActual])
99
            estados.append(estadoActual)
100
101
    #Histograma
   plt.title('Histograma')
   plt.xlabel('Estados')
104
    plt.ylabel('Cantidades')
106
    plt.xticks(numpy.arange(50))
107
    plt.hist(estados, bins =51)
    plt.grid(True)
108
   plt.show()
111
112
    # funcion que devuelve el estado estacionario del sistema
113
    def steady_state_prop(matriz):
114
            dimension = matriz.shape[0]
            matrizMenosIdentidad = (matriz-numpy.eye(dimension))
116
            vectorDeUnos = numpy.ones(dimension)
117
            matrizMenosIdentidad = numpy.c_[matrizMenosIdentidad, vectorDeUnos]
118
```



```
matrizXTranspuesta = numpy.dot(matrizMenosIdentidad, matrizMenosIdentidad.T)
119
            return numpy.linalg.solve(matrizXTranspuesta, vectorDeUnos)
120
   matrizDeTransicion = numpy.matrix(matrizDeTransicion)
122
123
   estadoEstacionario = steady_state_prop(matrizDeTransicion)
124
   # porcentaje de tiempo en que el sistema no tuvo clientes conectados
125
   print ('Porcentaje de tiempo que el sistema no tuvo clientes conectados: %.8f%%, % (
126
       float(estadoEstacionario[0] * 100)))
127
128
   #e)
129
   \#P(i-->j>=40) <= 0.1
130
131
   probabilidad=0
132
133
   divisor=0
   for i in range(0,51):
134
            for j in range(40,51):
135
                     probabilidad = probabilidad + funcionProbabilidad(i,j)
136
                    divisor=divisor+1
137
   probabilidad = probabilidad/divisor
138
139
    if (probabilidad < 0.1):</pre>
140
            print ("Es recomendable hacer la migración a otro servidor, la probabilidad de
141
        tener mas de 40 clientes es: ", probabilidad)
142
    else:
            print ("No es recomendable hacer la migración a otro servidor, la probabilidad
143
        de tener mas de 40 clientes es:", probabilidad)
```



## A.3 Resolución ejercicio 3

### A.3.1 ejercicio3.py

```
#!/usr/bin/env/ python
   import matplotlib.pyplot as plt
   from matplotlib.pyplot import plot
4
   import matplotlib.colors
   from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
6
   Pt = [8]
9
   def calculo(valor_pt):
10
           return ((0.909*valor_pt) - 1)
11
12
   def fully_price(Pt):
13
           for i in range(1,100):
14
                    Pt.append(calculo(Pt[i-1]))
15
           return Pt
16
17
18
   prices = fully_price(Pt)
   #Graficamos el precio en funcion del tiempo
19
  t = range(0,100)
   plt.xlabel('Periodo(t)')
   plt.ylabel('Precio')
22
   plt.plot(t, [ prices[i] for i in t ])
23
   #plt.show()
24
25
   #Hacemos el diagrama de fases del sistema
26
27
   y= [9 - (1.1*prices[i]) for i in range(0,100)]
   z= prices
30
31
   fig = plt.figure()
   ax = Axes3D(fig)
32
  ax.scatter(x,y,z,marker='o')
33
  plt.title("Espacio de fases del sistema")
34
  ax.set_xlabel('Periodo(t)')
35
  ax.set_ylabel('Precio')
36
  ax.set_zlabel('Cantidad')
37
  plt.show()
```



## A.4 Resolución ejercicio 4

## A.4.1 ejercicio4.py

54

```
import simpy
  import random as rnd
  import numpy
  import instruccion
6
   generador_instrucciones = instruccion.InstruccionFactory()
   tiempos = []
   SECOND_TO_MICROSECOND = 1000000
9
10
   class Procesamiento:
11
           def __init__(self, env, tiempos_procesamientos ,instruc, cache ):
12
                    self.env = env
14
                    self.instruc = instruc
                    self.tiempo_ejecucion = self.calcular_tiempo_ejecucion(cache)
16
17
                    self.tiempo_procesamiento = None
18
                    self.registro_procesamientos= tiempos_procesamientos
19
20
21
           def ejecutar(self, procesador):
22
                    with procesador.request() as req:
23
                             self.tiempo_procesamiento = env.now
24
                             vield req
25
                             yield self.env.timeout(self.tiempo_ejecucion)
26
                             self.tiempo_procesamiento = env.now - self.
27
       tiempo_procesamiento
                             self.registro_procesamientos.append(self.tiempo_procesamiento
       )
29
30
           def calcular_tiempo_ejecucion(self,cache):
                    tiempo_ejecucion = 0
31
32
                    if self.instruc.lee memoria:
33
34
                             if not cache:
35
                                     tiempo_ejecucion += numpy.random.exponential(2000/
36
       float (SECOND_TO_MICROSECOND))
                             elif cache:
39
40
                                     en_cache = (rnd.uniform(0,1) \le 0.6)
41
42
                                     if not en_cache:
43
                                              tiempo_ejecucion += numpy.random.exponential
44
       (1500/float(SECOND_TO_MICROSECOND)) #busqueda en memoria
45
                                              tiempo_ejecucion += numpy.random.exponential
46
       (500/float(SECOND_TO_MICROSECOND)) #busqueda en cache
47
48
                    tiempo_ejecucion += numpy.random.exponential(self.instruc.costo())
49
50
                    return tiempo_ejecucion
51
```



```
def procesar_instrucciones(environment, cantidad, cache):
55
           procesador = simpy.Resource(env, capacity = 1)
56
           for i in range(cantidad):
57
                    instruc = generador_instrucciones.nueva_instruccion()
58
59
                    proc = Procesamiento(env, tiempos,instruc, cache)
60
                    environment.process(proc.ejecutar(procesador))
                    tiempo_prox_instruc = numpy.random.exponential(250/float(
61
       SECOND_TO_MICROSECOND))
                    yield environment.timeout(tiempo_prox_instruc)
62
63
64
65
   cantidad = 200000
66
67
   env = simpy.Environment()
68
69
   env.process(procesar_instrucciones(env, cantidad, False))
70
   env.run()
   print(sum(tiempos))
71
   print("Tiempo total de ejecucion alternativa 1 (microsegundos) 200000 instrucciones:
       ", round(sum(tiempos)))
73
74
75
   tiempos = []
   env = simpy.Environment()
76
   env.process(procesar_instrucciones(env, cantidad, True))
77
   env.run()
78
   print("Tiempo total de ejecucion alternativa 2 (microsegundos) 200000 instrucciones:
       ", round(sum(tiempos)))
```



## A.5 Resolución ejercicio 5

### A.5.1 ejercicio5.py

```
import random
  from random import randint
  import simpy
   import numpy
4
   from numpy import mean
   client_count = 10000
9
   arrival_rate = 45
   tiempo_esperas = []
10
   class Client(object):
12
13
       def process_duration(self):
14
           if (self.type == 'A'):
                return (75 + randint(-10, 10))
16
           if (self.type == 'B'):
17
                return (60 + randint(-15, 15))
19
           return (90 + randint(-20, 20))
20
21
       def __init__(self, env):
22
           self.tiempo_entrada = env.now
23
           self.env = env
24
           self.type = numpy.random.choice(['A', 'B', 'C'], p=[0.6, 0.25, 0.15])
25
26
       def process(self, cashier):
27
           global tiempo_esperas
28
           with cashier.request() as req:
29
                process_duration = self.get_process_duration()
30
                yield req
31
32
                yield self.env.timeout(process_duration)
33
           # print("%.2f Client type %s attended" % (self.env.now, self.type))
34
           tiempo_esperas.append(env.now - self.tiempo_entrada)
35
36
       def get_process_duration(self):
37
           return self.process_duration()
38
39
   class Balanceador(object):
40
       def __init__(self, round_robin):
42
           self.resources = []
43
           self.round_robin = round_robin
44
           self.last_assigned = 0
45
46
           for i in range(6):
47
                self.resources.append(simpy.Resource(env, capacity = 1))
48
49
                self.cantidad_colas = 6
50
51
       def get_resource(self):
           #If we use Round Robin politic
           if self.round_robin:
54
                self.last_assigned = (self.last_assigned + 1) % 6
55
                return self.resources[self.last_assigned]
56
           else:
                # If we assign randomly
58
                random_value = randint(0,5)
59
```



```
return_value = self.resources[random_value]
60
61
                return return_value
62
63
   def generate_clients(environment, count, interval):
66
       #Select one the options in the exercise
       balanceador_round_robin = Balanceador(False)
67
       balanceador_2 = Balanceador(True)
68
69
       balanceador = balanceador_2
70
71
       for i in range(count):
72
           client = Client(env)
73
           environment.process(client.process(balanceador.get_resource()))
74
           t = random.expovariate(1.0 / interval)
76
           yield environment.timeout(t)
77
   env = simpy.Environment()
79
   env.process(generate_clients(env, client_count, arrival_rate))
80
   env.run()
81
82
  print("Tiempo espera: %s" % mean(tiempo_esperas))
83
  print("Tiempo max: %s" % max(tiempo_esperas))
85 print("Tiempo min: %s" % min(tiempo_esperas))
86 print("Tiempo total: %s" % env.now)
```