Twierdzenie.

Poniższe zdania są tautologiami:

1)	$p \leq$	(-	$\neg p)$
2)	$\neg [n$	Λ	$(\neg i)$

$$\begin{array}{ll} 2) & \neg[p \wedge (\neg p)] \\ 3) & \neg(\neg p) \Leftrightarrow p \end{array}$$

4)
$$[p \land (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$$

5)
$$(p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow [(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow p)]$$

6)
$$\neg (p \land q) \Leftrightarrow (\neg p \lor \neg q)$$

7)
$$\neg (p \lor q) \Leftrightarrow (\neg p \land \neg q)$$

8)
$$\neg (p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [p \land (\neg q)]$$

9)
$$[(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow (p \Rightarrow r)$$

10)
$$(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [(\neg q) \Rightarrow (\neg p)]$$

11)
$$[(p \land q) \land r] \Leftrightarrow [p \land (q \land r)]$$

12)
$$[(p \lor q) \lor r] \Leftrightarrow [p \lor (q \lor r)]$$

13)
$$[p \land (q \lor r)] \Leftrightarrow [(p \land q) \lor (p \land r)]$$

14)
$$[p \lor (q \land r)] \Leftrightarrow [(p \lor q) \land (p \lor r)]$$

(prawo wyłączonego środka)

(prawo sprzeczności)

(prawo podwójnego przeczenia)

(regula odrywania)

(opis równoważności)

(prawo zaprzeczenia koniunkcji)

(prawo zaprzeczenia alternatywy)

(prawo zaprzeczenia implikacji)

(przechodniość implikacji)

(prawo kontrapozycji)

(prawo łączności koniunkcji)

(prawo łączności alternatywy) (rozdzielność koniunkcji względem alternatywy)

(rozdzielność alternatywy względem koniunkcji)

Twierdzenie.

Poniższe zdania są tautologiami:

- 1) $p \veebar (\neg p)$
- $2) \neg [p \wedge (\neg p)]$
- 3) $\neg(\neg p) \Leftrightarrow p$
- 4) $[p \land (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$
- 5) $(p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow [(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow p)]$
- 6) $\neg (p \land q) \Leftrightarrow (\neg p \lor \neg q)$
- 7) $\neg (p \lor q) \Leftrightarrow (\neg p \land \neg q)$
- 8) $\neg (p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [p \land (\neg q)]$
- 9) $[(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow (p \Rightarrow r)$
- 10) $(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [(\neg q) \Rightarrow (\neg p)]$
- 11) $[(p \land q) \land r] \Leftrightarrow [p \land (q \land r)]$
- 12) $[(p \lor q) \lor r] \Leftrightarrow [p \lor (q \lor r)]$
- 13) $[p \land (q \lor r)] \Leftrightarrow [(p \land q) \lor (p \land r)]$
- 14) $[p \lor (q \land r)] \Leftrightarrow [(p \lor q) \land (p \lor r)]$

(prawo wyłączonego środka)

(prawo sprzeczności)

(prawo podwójnego przeczenia)

(regula odrywania)

(opis równoważności)

(prawo zaprzeczenia koniunkcji)

(prawo zaprzeczenia alternatywy)

(prawo zaprzeczenia implikacji)

(przechodniość implikacji)

(prawo kontrapozycji)

(prawo łączności koniunkcji) (prawo łączności alternatywy)

(rozdzielność koniunkcji względem alternatywy)

(rozdzielność alternatywy względem koniunkcji)

Twierdzenie.

Poniższe zdania są tautologiami:

- 1) $p \vee (\neg p)$
- $2) \neg [p \wedge (\neg p)]$
- 3) $\neg(\neg p) \Leftrightarrow p$
- 4) $[p \land (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$
- 5) $(p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow [(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow p)]$
- 6) $\neg (p \land q) \Leftrightarrow (\neg p \lor \neg q)$
- 7) $\neg (p \lor q) \Leftrightarrow (\neg p \land \neg q)$
- 8) $\neg (p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [p \land (\neg q)]$
- 9) $[(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow (p \Rightarrow r)$
- 10) $(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow [(\neg q) \Rightarrow (\neg p)]$
- 11) $[(p \land q) \land r] \Leftrightarrow [p \land (q \land r)]$
- 12) $[(p \lor q) \lor r] \Leftrightarrow [p \lor (q \lor r)]$
- 13) $[p \land (q \lor r)] \Leftrightarrow [(p \land q) \lor (p \land r)]$
- 14) $[p \lor (q \land r)] \Leftrightarrow [(p \lor q) \land (p \lor r)]$

(prawo wyłączonego środka)

(prawo sprzeczności)

(prawo podwójnego przeczenia)

(regula odrywania)

(opis równoważności)

(prawo zaprzeczenia koniunkcji)

(prawo zaprzeczenia alternatywy)

(prawo zaprzeczenia implikacji)

(przechodniość implikacji)

(prawo kontrapozycji)

(prawo łączności koniunkcji)

(prawo łączności alternatywy)

(rozdzielność koniunkcji względem alternatywy)

(rozdzielność alternatywy względem koniunkcji)