Kolor czerwony - Półrocze I

Kolor zielony - Półrocze II

dań tekstowych
- definiuje funkcje trygono- metryczne w trójkącie pro- tokątnym - podaje wartości funkcji trygonometrycznych dla ką- ta 30°,60° i 45° - podaje zależności między funkcjami trygonometrycz- nymi tego samego kąta - rozwiązuje proste zadania dotyczące funkcji trygono- metrycznych - rozwiązuje proste zadania prowadzące do zastosowa- nia wzorów redukcyjnych

Wymagania edukacyjne z matematyki (Piotr Bury) Klasa II – zakres rozszerzony – liceum czteroletnie

Program nauczania zgodny z:

Kurczab M., Kurczab E., Świda E., Szwed T., Matematyka. Solidnie od podstaw. Program nauczania w liceach i technikach. Zakres rozszerzony., Oficyna Edukacyjna Krzysztof Pazdro, Warszawa 2019.

Treści nauczania	Donuszczaiacy	Dostateczny	Dobry	Bardzo dobry	Celuiacy
Treści nauczania Funkcje trygono- metryczne dowol- nego kąta	 Dopuszczający definiuje kąt skierowany, podaje różnice między kątem skierowanym, a kątem zwy- ktym podaje miarę główną kąta skierowanego o dowolnej mierze definiuje miarę lukową kąta sprawnie przelicza miarę lukową na stopniową i od- wrotnie definiuje funkcje trygonome-	- rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące funkcji trygonometrycznych	Dobry - uzasadnia własności funkcji trygonometrycz- nych wychodząc z defini- cji funkcji dla kąta skie- rowanego - rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące funkcji try- gonometrycznych	Bardzo dobry - rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące funkcji trygonometrycz- nych	Celujący Ocenę celującą otrzy- muje uczeń, którego aktywności matematycz- ne świadczą o rozumieniu pojęć na poziomie strukturalnym (według: Dyrszlag Z., "O poziomach i kontroli rozumienia pojęć mate- matycznych w procesie dydaktycznym", WSP, Opole 1978) lub wyka-
	tryczne dowolnego kąta skierowanego podaje własności funkcji trygonometrycznych zmiennej rzeczywistej (dziedzina, zbiór wartości, miejsca zerowe, parzystość, okresowość, monotoniczność) zapisuje własności funkcji trygonometrycznej w sposób				zał się umiejętnością rozwiązywania zadań pochodzących z olimpiad, zawodów lub konkursów matematycznych dla uczniów liceów (np. przechodząc do ich kolejnych etapów).
	symboliczny stosuje wzory redukcyjne dla dowolnych kątów rozwiązuje proste zadania dotyczące funkcji trygonome- trycznych sporządza wykres dowolnej funkcji trygonometrycznej i odczytać z tego wykresu jej własności				

Związki między funkcjami trygo- nometrycznymi		podaje związki między funk- cjami tego samego kąta wykorzystuje związki do prostych tożsamości trygo- nometrycznych rozwiązuje proste zadania dotyczące związków między funkcjami trygonometrycz- nymi	- rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące związków między funkcjami trygonome- trycznymi	 udowadnia związki między funkcjami trygonometrycznymi wychodząc z definicji funkcji dla kąta skierowanego rozwiązuje złożone zadania dotyczące związków między funkcjami trygonometrycznymi 	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące związków między funk- cjami trygonometryczny- mi
Postać ogólna, kanoniczna i ilo- czynowa funkcji kwadratowej		rozpoznaje na podstawie wzoru, funkcję kwadratową w dowolnej postaci omawia znaczenie współczynników występujących w postaciach wzoru funkcji kwadratowej i korzysta z nich przy rozwiązywaniu zadania. zamienia funkcje kwadratową z postaci ogólnej na kanoniczną i odwrotnie rozwiązuje proste zadania tekstowe pozwalające znaleźć dowolną postać funkcji kwadratowej	- rozwiązuje trudniejsze zadania tekstowe po- zwalające znaleźć do- wolną postać funkcji kwadratowej	- rozwiązuje złożone zada- nia tekstowe pozwalające znaleźć dowolną postać funkcji kwadratowej	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania tekstowe pozwalające znaleźć do- wolną postać funkcji kwadratowej
Wykres funkcji kwadratowej		rysuje wykres dowolnej funkcji kwadratowej, w tym wykres funkcji będący przekształceniem danej funkcji kwadratowej w poznanych wcześniej przekształceniach wyznacza wzór funkcji kwadratowej na podstawie jej wykresu rozwiązuje proste zadania dotyczące wykresu funkcji kwadratowej	- rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące wy- kresu funkcji kwadra- towej	- rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące wykresu funkcji kwadratowej	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące wykresu funkcji kwadra- towej
Zadania prowa- dzące do wyzna- czenia ekstremum	-	określa ekstremum funkcji w zależności od wartości współczynników	- rozwiązuje trudniejsze zadania optymaliza- cyjne (w tym zadania	- rozwiązuje złożone zada- nia optymalizacyjne (w tym zadania geometrycz-	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania optymali- zacyjne (w tym zadania

funkcji kwadrato- wej	•	znajduje wartość najmniej- szą i największą funkcji w podanym przedziale rozwiązuje proste zadania optymalizacyjne (w tym za- dania geometryczne wyko- rzystujące najmniejszą i największą wartość funkcji kwadratowej)		geometryczne wyko- rzystujące najmniejszą i największą wartość funkcji kwadratowej)		ne wykorzystujące naj- mniejszą i największą wartość funkcji kwadra- towej)		geometryczne wykorzy- stujące najmniejszą i największą wartość funk- cji kwadratowej)
Miejsca zerowe i znak funkcji kwa- dratowej		podaje warunki, kiedy funk- cja kwadratowa posiada miejsca zerowe oblicza miejsca zerowe funk- cji kwadratowej znajduje postać iloczynową trójmianu kwadratowej rozwiązuje proste zadania dotyczące miejsc zerowych funkcji kwadratowej	-	rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące miejsc zerowych funk- cji kwadratowej	-	rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące miejsc ze- rowych funkcji kwadra- towej (na przykład złożo- ne zadania z parametrem na istnienie miejsc zero- wych) wyprowadza wzory na miejsca zerowe f. kwa- dratowej	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące miejsc zerowych funkcji kwadratowej
Wzory Viete'a	•	omawia wzory Viete'a układa warunki przy pomocy wzorów Viete'a w rozwiązy- waniu prostych zadań	-	stosuje wzory Viete'a do znajdowania miejsc zerowych rozwiązuje trudniejsze zadania m z wykorzy- staniem wzorów Vie- te'a	-	wyprowadza wzory Vie- te'a rozwiązuje złożone zada- nia z wykorzystaniem wzorów Viete'a	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania z wykorzy- staniem wzorów Viete'a
Równania i nie- równości kwadra- towe	-	rozwiązuje proste równania i nierówności kwadratowe w postaci zupełnej i niezupeł- nej rozwiązuje równania dwu- kwadratowe	-	rozwiązuje trudniejsze równania i nierówno- ści kwadratowe tam, gdzie to możliwe, rozwiązuje zadania bez liczenia wyróżnika	-	rozwiązuje złożone rów- nania i nierówności kwa- dratowe	-	rozwiązuje niestandar- dowe równania i nierów- ności kwadratowe
Zadania tekstowe prowadzące do funkcji kwadrato- wej	-	rozwiązuje proste zadania tekstowe prowadzące do równań i nierówności kwa- dratowych	-	rozwiązuje trudniejsze zadania tekstowe pro- wadzące do równań i nierówności kwadra- towych	-	rozwiązuje złożone zada- nia tekstowe prowadzące do równań i nierówności kwadratowych	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania tekstowe prowadzące do równań i nierówności kwadrato- wych
Wielomian jednej zmiennej	-	rozpoznaje wielomian jednej zmiennej rzeczywistej, wie- lomian zerowy i określa sto-	-	rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące wielomianu jednej	-	rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące wielomianu jednej zmiennej	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące wielomianu jednej zmien-

	wi alami ama			no.i
- podaj jednej	wielomianu ie definicję wielomianu j zmiennej rzeczywistej, ości dwóch wielomia-	zmiennej		nej
	suje współczynniki wie-			
- wyzna na po	acza wzór wielomianu odstawie wykresu i/lub			
- rozwi dotyc	nych informacji iązuje proste zadania zące wielomianu jednej			
	nuje dodawanie, odej- nnie i mnożenie wielo-	 wykonuje trudniejsze dzielenia wielomianu przez wielomian 	- rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące działań na wielomianach	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące działań na wielomianach
- dzieli - podaj	proste wielomiany ie twierdzenie o dziele- pielomianów z resztą	- rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące działań na wielomia-	wiciomunuch	aziaian na wiciomunach
wraz . niem	z dyskusją nad stop- występujących w nim mianów	nach		
- rozwi	iązuje proste zadania zące działań na wielo-			
Twierdzenie - wypo Bezouta i schemat Bezou	wiada treść twierdzenia uta i stosuje je w pro-	 rozwiązuje trudniejsze zadania wykorzystując 	 rozwiązuje złożone zada- nia wykorzystując twier- 	- dowodzi twierdzenie Bezouta
wielo	zadaniach dotyczących mianów	twierdzenie Bezouta oraz schemat Hornera	dzenie Bezouta oraz schemat Hornera	 rozwiązuje niestandar- dowe zadania wykorzy-
wielo	uje resztę z dzielenia mianu przez dwumian nując dzielenie wielo-			stując twierdzenie Bezou- ta oraz schemat Hornera
miane	-			
- rozwi	iązuje proste zadania rzystując twierdzenie			
Bezoi nera	uta oraz schemat Hor-			
	wiada twierdzenie vnych wielomianach	 rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące 	 rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące rozkładu 	 rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące
	zkładalnych na czynniki	rozkładu wielomianu	nia dotyczące rozkiadu wielomianu na czynniki	rozkładu wielomianu na

	1	1::	1			1::	1	:1 : 1: :	
	-	liniowe wypowiada twierdzenie o pierwiastkach wymiernych wielomianu i korzysta z nie-		na czynniki liniowe		liniowe		czynniki liniowe	
	•	go przy rozwiązywaniu zadań rozkłada proste wielomiany na czynniki możliwie najniż- szego stopnia, dowolną me-							
	•	todą rozwiązuje proste zadania dotyczące rozkładu wielo- mianu na czynniki liniowe							
Równania i nie- równości wielo- mianowe	-	sporządza wykres znaku dowolnego wielomianu rozwiązuje proste zadania dotyczące równań i nierów- ności wielomianowych	-	rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące równań i nierówności wielomianowych	-	rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące równań i nierówności wielomiano- wych	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące równań i nierówności wielomianowych	
Funkcje wymierne i działania na nich		definiuje funkcję wymierną rozpoznaje funkcję wymierną wyznacza dziedzinę funkcji wymiernej wykonuje działania na funkcjach wymiernych rozwiązuje proste zadania dotyczące funkcji wymiernej	-	rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące funkcji wymiernej	-	rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące funkcji wymiernej	_	rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące funkcji wymiernej	
Równania i nie- równości wymierne	-	rozwiązuje proste zadania prowadzące do równań i nierówności wymiernych	-	rozwiązuje trudniejsze zadania prowadzące do równań i nierów- ności wymiernych	-	rozwiązuje złożone zada- nia prowadzące do rów- nań i nierówności wy- miernych	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania prowadzą- ce do równań i nierówno- ści wymiernych	
Funkcja homogra- ficzna	-	definiuje funkcję homogra- ficzną i określa jej dziedzinę rysuje wykres f. homogra- ficznej podając równania asymptot i punkty przecięcia wykresu z osiami układu współrzędnych zamienia wzór funkcji homo- graficznej z postaci ogólnej na kanoniczną	-	rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące funkcji homograficznej	_	rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące funkcji ho- mograficznej	-	rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące funkcji homograficznej	

	mografic wykresu formacji - rozwiązu	u wzór funkcji ho- znej na podstawie i/lub podanych in- je proste zadania e funkcji homogra-						
Zadania tekstowe dotyczące funkcji homograficznej		je proste zadania dotyczące funkcji ficznej	- rozwiązuje to zadania teks tyczące funk graficznej	towe do-	rozwiązuje z nia tekstowe funkcji homo		dow doty	wiązuje niestandar- ve zadania tekstowe vczące funkcji homo- ficznej
Geometria na płaszczyźnie	sinusów stych zac - bada wzc	stosuje twierdzenie i cosinusów w pro- daniach ijemne położenie okręgu oraz dwóch	- rozwiązuje to zadania z plowykorzystan dzenia sinus nusów - podaje treść nia Ptolemet suje w zadar	animetrii z iem twier- ów i cosi- twierdze- usza i sto-	rozwiązuje z nia z planim rzystaniem t sinusów i co	wierdzenia	- rozv dow trii z twie sinu - dow	wiązuje niestandar- ve zadania z planime- z wykorzystaniem prdzenia sinusów i co-
Brzeg, wnętrze i zewnętrze figury. Figury ograniczo- ne	ny, zewn figury, figury, figure wy - wskazuje zewnętrz oraz stwi gura jest - podaje d - podaje p wklęsłej - określa (czy poda sła czy w - rozwiązu	punkty: wewnętrz- etrzny i brzegowy gurę ograniczoną, pukłą i wklęsłą punkt: wewnętrzny, ny i brzegowy figury erdza czy dana fi- ograniczona efinicję figury rzykłady figury i wypukłej z uzasadnieniem) na figura jest wklę- ypukła je proste zadania e poznanych pojęć	- definiuje figi tą i domknię - rozwiązuje ti zadania doty znanych poję	urę otwar- tą rudniejsze rczące po-		dożone zada- ce poznanych	dow stuje	wiązuje niestandar- ve zadania wykorzy- ące poznane definicje ierdzenia
Odległość w zbio- rze		odległość na osi	- rozwiązuje to zadania doty ległości		definiuje me znajduje okr następujący		dow	wiązuje niestandar- ve zadania dotyczące egłości

Kąty w kole	 definiuje okrąg i koło na płaszczyźnie, styczną do okręgu, kąt wpisany, dopisa- 	- rozumie intuicyjnie czym jest metryka maksimum, dyskretną, - rozróżnia metryki: urzędu pocztowego, węzła kolejowego, rzeki, mostu, konika szachowego - rozwiązuje trudniejsze zadania wykorzystują- ce poznane definicje i wego i wpisanego raz sugara wykorzystują-	
	ny i środkowy w kole - znajduje, dla danego kąta środkowego, kąt wpisany oparty na tym samym łuku - podaje twierdzenia dotyczą- ce kąta środkowego i wpisa- nego oraz dopisanego - podaje twierdzenie o odcin- kach stycznych, twierdzenie o stycznej i siecznej, twier- dzenie o siecznych - rozwiązuje proste zadania wykorzystujące poznane de-	twierdzenia dopisanego. i twierdzenia - rozwiązuje złożone zada- nia wykorzystujące po- znane definicje i twier- dzenia	
Trójkąt i jego punkty szczególne	finicje i twierdzenia - podaje warunek na istnienie trójkąta - podaje definicje symetralnej boku, środkowej, wysokości w trójkącie i dwusiecznej kąta - podaje wzory na pole trójkąta (uwzględniającym wysokości trójkąta, kąt wewnętrzny, promień okręgu wpisanego, opisanego w trójkąt, wzór Herona) oraz korzysta z nich przy rozwiązywaniu zadań - wypowiada twierdzenie	- udowadnia twierdze- nia o punktach prze- cięcia symetralnych i dwusiecznych - wyprowadza wzory na pole trójkąta - rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące trójkątów - udowadnia twierdzenia o punktach przecięcia wy- sokości oraz środkowych dwusiecznej - rozwiązenie o dwusiecznej - rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące trójkątów	

		Pitagorasa oraz twierdzenie				
		do niego odwrotne i stosuje				
		je w rozwiązywaniu zadań				
	_	podaje wzory na promienie				
		okręgu opisanego i wpisane-				
		go w trójkąt prostokątny				
	_	oraz równoboczny.				
	-	wypowiada twierdzenie				
		dotyczące wysokości popro-				
		wadzonej z wierzchołka kąta				
		prostego w trójkącie prosto-				
		kątnym				
		podaje twierdzenie o przeci-				
		naniu się w dowolnym trój-				
		kącie dwusiecznych, syme- tralnych boków i wysokości				
		oraz środkowych				
	_	podaje twierdzenie o dwu-				
		siecznej kąta wewnętrznego				
		w trójkącie				
		konstruuje okrąg wpisany i				
	-	opisany na trójkącie				
		rozwiązuje proste zadania				
	-	dotyczące trójkątów				
Twierdzenie Talesa	-	formuluje oba twierdzenia	- rozwiązuje trudniejsze	- dowodzi twierdzenie	- rozwiązuje niestandar-	
i twierdzenie do	_	wskazuje równoważne pro-	zadania z wykorzysta-	Talesa oraz o dwusiecz-	dowe zadania z wykorzy-	
niego odwrotne		porcje wynikające z twier-	niem poznanych	nej kąta wewnętrznego w	staniem poznanych twier-	
		dzenia Talesa	twierdzeń	trójkącie	dzeń	
	_	rozwiązuje proste zadania z		- rozwiązuje złożone zada-		
		wykorzystaniem poznanych		nia z wykorzystaniem po-		
		twierdzeń		znanych twierdzeń		
	-	konstruuje odcinki o długo-				
		ściach niewymiernych (z				
		twierdzenia Pitagorasa i				
		twierdzenia Talesa)				

Figury przystające	-	wymienia cechy przystawa-	-	rozwiązuje trudniejsze	-	rozwiązuje złożone zada-	-	rozwiązuje niestandar-	
i podobne		nia i podobieństwa trójkątów		zadania dotyczące fi-		nia dotyczące figur po-		dowe zadania dotyczące	
	-	zauważa trójkąty podobne w		gur podobnych i przy-		dobnych i przystających		figur podobnych i przy-	
		zadaniu		stających				stających	
	-	rozpoznaje figury przystają-							
		ce i podobne							
	-	rozwiązuje proste zadania							
		dotyczące figur podobnych i							
		przystających							

Zakłada się, że uczeń spełnia wymagania edukacyjne z matematyki określone na poprzednich etapach edukacji i aktywnie korzysta z nich przy rozwiązywaniu zadań.

Uwaga!

Należy podkreślić, że nauczyciel ma prawo do zaniechania realizacji pewnych wymagań spoza podstawy programowej, jeżeli w swojej ocenie uzna, że zasadne jest dostosowanie tych wymagań ze względu na możliwości i umiejętności danej klasy.

Klasyfikację poziomów trudności zadań matematycznych opracowano według: Dyrszlag Z., O poziomach i kontroli rozumienia pojęć matematycznych w procesie dydaktycznym", WSP, Opole 1978.

- 1. Zadanie proste ma na celu kontrolę rozumienia wszystkich pojęć w danym zadaniu na poziomie definicyjnym oraz zastosowanie wiadomości w sytuacjach typowych.
- 2. Zadanie trudniejsze dodatkowo wymaga od ucznia wykazania się rozumieniem pojęć w nim występujących na poziomie lokalnej komplikacji oraz zastosowanie analizowanych wiadomości w sytuacjach nietypowych tj. np. takich, w których na dane pojęcie narzucono dodatkowe warunki.
- 3. Zadanie złożone dodatkowo weryfikuje umiejętność ucznia do sprawnego łączenia wiadomości z co najmniej kilku działów matematyki i stosowania ich do sytuacji problemowych, sprawność rachunkową oraz stałą kontrolę wszystkich warunków zadania na każdym etapie jego rozwiązania.
- 4. Zadanie niestandardowe dodatkowo sprawdza rozumienie przez ucznia zawartych w zadaniu pojęć na poziomie uogólnienia, uwzględnia zastosowanie poznanej wiedzy do sytuacji problemowych, których rozwiązanie polega na konieczności abstrakcyjnego uogólnienia poznanych wiadomości lub twórczej aktywności matematycznej.