Kolor czerwony - Półrocze I Kolor zielony - Półrocze II

NOIDI C		<u> </u>	IUCZE I		IXUIUI ZICI	<u> </u>	
		liniowe	na czynniki liniowe		liniowe		czynniki liniowe
	-	wypowiada twierdzenie o					
		pierwiastkach wymiernych					
		wielomianu i korzysta z nie-					
		go przy rozwiązywaniu za-					
		dań					
	_	rozkłada proste wielomiany					
		na czynniki możliwie najniż-					
		szego stopnia, dowolną me-					
		toda					
	_	rozwiązuje proste zadania					
		dotyczące rozkładu wielo-					
		mianu na czynniki liniowe					
Równania i nie-	-	sporządza wykres znaku	- rozwiązuje trudniejsze	-	rozwiązuje złożone zada-	-	rozwiązuje niestandar-
równości wielo-		dowolnego wielomianu	zadania dotyczące		nia dotyczące równań i		dowe zadania dotyczące
mianowe	_	rozwiązuje proste zadania	równań i nierówności		nierówności wielomiano-		równań i nierówności
		dotyczące równań i nierów-	wielomianowych		wych		wielomianowych
		ności wielomianowych					
Funkcje wymierne i	-	definiuje funkcję wymierną	- rozwiązuje trudniejsze	-	rozwiązuje złożone zada-	-	rozwiązuje niestandar-
działania na nich	-	rozpoznaje funkcję wymierną	zadania dotyczące		nia dotyczące funkcji		dowe zadania dotyczące
		wyznacza dziedzinę funkcji	funkcji wymiernej		wymiernej		funkcji wymiernej
	Γ.	wymiernej					
	-	wykonuje działania na funk-					
	_	cjach wymiernych					
	-	rozwiązuje proste zadania					
		dotyczące funkcji wymiernej					
Równania i nie-	-	rozwiązuje proste zadania	- rozwiązuje trudniejsze	-	rozwiązuje złożone zada-	-	rozwiązuje niestandar-
równości wymierne		prowadzące do równań i	zadania prowadzące		nia prowadzące do rów-		dowe zadania prowadzą-
		nierówności wymiernych	do równań i nierów-		nań i nierówności wy-		ce do równań i nierówno-
			ności wymiernych		miernych		ści wymiernych
Funkcja homogra-	-	definiuje funkcję homogra-	- rozwiązuje trudniejsze	-	rozwiązuje złożone zada-	-	rozwiązuje niestandar-
ficzna		ficzną i określa jej dziedzinę	zadania dotyczące		nia dotyczące funkcji ho-		dowe zadania dotyczące
	-	rysuje wykres f. homogra-	funkcji homograficznej		mograficznej		funkcji homograficznej
		ficznej podając równania					
		asymptot i punkty przecięcia					
		wykresu z osiami układu					
		współrzędnych					
	-	zamienia wzór funkcji homo-					
		graficznej z postaci ogólnej					
		na kanoniczną					

		wyznacza wzór funkcji ho- mograficznej na podstawie wykresu i/lub podanych in- formacji rozwiązuje proste zadania dotyczące funkcji homogra- ficznej			
Zadania tekstowe dotyczące funkcji homograficznej	-	rozwiązuje proste zadania tekstowe dotyczące funkcji homograficznej	- rozwiązuje trudniejsze zadania tekstowe do- tyczące funkcji homo- graficznej	- rozwiązuje złożone zada- nia tekstowe dotyczące funkcji homograficznej	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania tekstowe dotyczące funkcji homo- graficznej
Geometria na płaszczyźnie	-	podaje i stosuje twierdzenie sinusów i cosinusów w pro- stych zadaniach bada wzajemne położenie prostej i okręgu oraz dwóch okręgów	 rozwiązuje trudniejsze zadania z planimetrii z wykorzystaniem twier- dzenia sinusów i cosi- nusów podaje treść twierdze- nia Ptolemeusza i sto- suje w zadaniach 	- rozwiązuje złożone zada- nia z planimetrii z wyko- rzystaniem twierdzenia sinusów i cosinusów	 rozwiązuje niestandar- dowe zadania z planime- trii z wykorzystaniem twierdzenia sinusów i co- sinusów dowodzi twierdzenie sinusów i cosinusów
Brzeg, wnętrze i zewnętrze figury. Figury ograniczo- ne	-	definiuje punkty: wewnętrz- ny, zewnętrzny i brzegowy figury, figurę ograniczoną, figurę wypukłą i wklęsłą wskazuje punkt: wewnętrzny, zewnętrzny i brzegowy figury oraz stwierdza czy dana fi- gura jest ograniczona podaje definicję figury podaje przykłady figury wklęsłej i wypukłej określa (z uzasadnieniem) czy podana figura jest wklę- sła czy wypukła rozwiązuje proste zadania dotyczące poznanych pojęć	 definiuje figurę otwartą i domkniętą rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące poznanych pojęć 	- rozwiązuje złożone zada- nia dotyczące poznanych pojęć	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania wykorzy- stujące poznane definicje i twierdzenia
Odległość w zbio- rze	-	definiuje odległość na osi liczbowej	 rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące od- ległości 	 definiuje metrykę znajduje okrąg i koło w następujących metrykach 	- rozwiązuje niestandar- dowe zadania dotyczące odległości

Wymagania edukacyjne z matematyki (Piotr Bury) Klasa III – zakres rozszerzony – liceum czteroletnie

Program nauczania zgodny z:

Kurczab M., Kurczab E., Świda E., Szwed T., Matematyka. Solidnie od podstaw. Program nauczania w liceach i technikach. Zakres rozszerzony., Oficyna Edukacyjna Krzysztof Pazdro, Warszawa 2019.

Treści nauczania	Dopuszczający	Dostateczny	Dobry	Bardzo dobry	Celujący
Ciągi liczbowe	 podaje definicję ciągu, sumy częściowej ciągu, ciągu monotonicznego, rosnącego, malejącego przedstawia sposoby określania ciągu określa monotoniczność ciągu z definicji rozwiązuje proste zadania dotyczące 	 posługuje się definicją rekurencyjną ciągu rozwiązuje trudniejsze 	- znajduje wzór ogólny ciągu z definicji rekurencyjnej - rozwiązuje złożone zadania dotyczące ciągów liczbowych - rozwiązuje typowe zadania dotyczące indukcji matematycznej	 udowodnia indukcyjnie równoważność pomiędzy definicją rekurencyjną , a ogólną ciągu rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące ciągów liczbowych rozwiązuje nietypowe i niestandardowe zadania dotyczące indukcji 	Ocenę celującą otrzymuje uczeń, którego aktywności matematyczne świadczą o rozumieniu pojęć na poziomie strukturalnym (według: Dyrszlag Z., "O poziomach i kontroli rozumienia pojęć matematycznych w procesie dydaktycznym", WSP, Opole 1978) lub wykazał się
Ciąg arytmetyczny i geometryczny	ciągów liczbowych definiuje ciąg arytmetyczny i geometryczny rozpoznaje ciąg arytmetyczny i geometryczny stosuje zależność między trzema kolejnymi wyrazami ciągu arytmetycznego i	 omawia monotoniczność ciągu arytmetycznego i geometrycznego w zależności od wartości współczynników rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące ciągu arytmetycznego i geometrycznego 	- rozwiązuje złożone zadania dotyczące ciągu arytmetycznego i geometrycznego	matematycznej - rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące ciągu arytmetycznego i geometrycznego	umiejętnością rozwiązywania zadań pochodzących z olimpiad, zawodów lub konkursów matematycznych dla uczniów liceów (np. przechodząc do ich kolejnych etapów).
	geometrycznego - wykorzystuje pojęcie sumy częściowej ciągu arytmetycznego i geometrycznego - stosuje wzór ogólny ciągu arytmetycznego i				
	geometrycznego - rozwiązuje proste zadania dotyczące				

		,			
		ciągu arytmetycznego i			
		geometrycznego			
Granica ciągu	-	definiuje pojęcia: ciąg	- podaje definicję	- sprawdza na podstawie	- dowodzi twierdzenie o
		nieskończony, ciąg	Cauchy'ego granicy	definicji, czy dana liczba	liczbie e
		zbieżny, granica	ciągu i objaśnia	jest granicą ciągu	- rozwiązuje
		właściwa ciągu,	wszystkie jej elementy	- rozwiązuje złożone	niestandardowe zadania
		granica niewłaściwa	- podaje i stosuje	zadania dotyczące	dotyczące granicy ciągu
		ciągu, ciąg rozbieżny,	twierdzenia: o trzech	granicy ciągu	
		ciąg naprzemienny,	ciągach, o ciągu		
		ciąg ograniczony, ciąg	zbieżnym do liczby e, o		
	١.	nieograniczony	iloczynie granicy ciągów		
	-	podaje słowną	zbieżnego do zera i ograniczonego		
		definicję granicy ciągu i pojęć występujących	- rozwiązuje trudniejsze		
		w niej	zadania dotyczące		
		w niej wyjaśnia znaczenie	granicy ciągu		
	-	zwrotu "prawie	- korzysta z granic ciągów		
		wszystkie wyrazy	typu $\sqrt[n]{a}$		
		ciągu"	typu vu		
		podaje twierdzenie o			
	1	jednoznaczności			
		granicy ciągu,			
		twierdzenie o ciągu			
		zbieżnym i			
		ograniczonym oraz o			
		ciągu ograniczonym i			
		monotonicznym			
	-	podaje przykłady			
		zastosowania			
	1_	powyższych twierdzeń			
	-	podaje twierdzenia			
		dotyczące działań			
		arytmetycznych na			
		granicach ciągów zbieżnych i stosuje je			
		do rozwiązywania			
		zadań			
	-	rozwiązuje proste			
	-	zadania dotyczące			
	1				

Szereg geometryczny - definiuje szereg geometryczny i podaje geometryczny i podaje oraz wyprowadza warunek jego zbieżności oraz wylicza granicę szeregu zbieżnego - rozwiązuje proste zadania dotyczące szeregu geometrycznego
Czworokąty oraz czworokąt i koło - klasyfikuje czworokąty i podaje ich charakteryzację - podaje twierdzenie o czworokącie, w który da się wpisać okrąg i na którym da się opisać okrąg i stosuje je w prostych - rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące zadania dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem poznanych własności oraz twierdzeń - rozwiązuje złożone zadania dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem poznanych własności oraz twierdzeń - rozwiązuje z dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem poznanych własności oraz twierdzeń - rozwiązuje niestandardowe zadania z dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem poznanych własności oraz twierdzeń - rozwiązuje niestandardowe zadania z dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem poznanych własności oraz twierdzeń
zadaniach - podaje wzory na pole kwadratu, prostokąta, równoległoboku, rombu, trapezu, deltoidu.
- oblicza przekątne kwadratu, rombu, równoległoboku, trapezu - podaje twierdzenie o kątach wewnętrznych
przy ramionach w trapezie - rozwiązuje proste zadania z dotyczące czworokątów oraz koła z wykorzystaniem

Granica funkcji		definiuje pojęcia granicy właściwej funkcji w punkcie (w sensie Heinego), otoczenia, sąsiedztwa punktu na osi liczbowej, granicy niewłaściwej funkcji (w sensie Heinego), asymptoty pionowej, poziomej, ukośnej funkcji. podaje definicję granicy funkcji w nieskończoności w sensie Heinego podaje twierdzenie o działaniach arytmetycznych na granicach funkcji oblicza granice funkcji z wykorzystaniem poznanych twierdzeń wyjaśnia pojęcie granicy jednostronnej w punkcie i potrafi obliczać takie granice przy pomocy poznanych twierdzeń wyznacza równania asymptot pionowych dla wykresów funkcji wymiernych rozwiązuje proste zadania dotyczące granicy funkcji	-	sprawdza z definicji Heinego czy funkcja ma granice w punkcie wyznacza równania asymptot ukośnych dla wykresów funkcji wymiernych zna i stosuje twierdzenie lim sin x / x = 1 podaje twierdzenie o trzech funkcjach i stosuje je do obliczania granic funkcji rozwiązuje trudniejsze zadania dotyczące granicy funkcji		rozwiązuje złożone zadania dotyczące granicy funkcji	-	udowadnia z definicji, że podana funkcja nie ma granicy rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące granicy funkcji definiuje pojęcia granicy właściwej funkcji w punkcie (w sensie Cauchy'ego),	
Ciągłość funkcji	-	podaje definicję ciągłości funkcji w punkcie w sensie Heinego	-	rozróżnia typy nieciągłości dookreśla funkcję, aby nowo powstała funkcja była funkcją ciągłą	-	rozwiązuje złożone zadania dotyczące ciągłości	_	rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące ciągłości	

	I	roznoznaja funkcia	rozwiazaje tu	udnioiszo				
	-	rozpoznaje funkcję ciągłą na podstawie jej wykresu	- rozwiązuje tr zadania dotyc ciągłości					
	•	podaje definicję ciągłości jednostronnej	enqsioser					
	•	wyjaśnia pojęcie ciągłości funkcji w						
	E	zbiorze podaje własność Darboux, twierdzenie Weierstrassa o						
	•	osiąganiu kresów wykorzystuje poznane twierdzenia przy						
	•	rozwiązywaniu zadań sprawdza ciągłość funkcji w punkcie oraz zbiorze						
	•	korzysta z ciągłości funkcji przy obliczaniu						
		granic rozwiązuje proste zadania dotyczące pojęcia ciągłości funkcji						
Składanie funkcji	-	definiuje pojęcie składania funkcji	- rozwiązuje tru zadania dotyc		- podaje przykład, który uzasadnia , że składanie		rozwiązuje niestandardowe	
		składa proste funkcje rozpoznaje	złożenia funkc		funkcji nie jest przemienne		zadania dotyczące złożenia funkcji	
		kilkukrotne złożenie funkcji i potrafi wskazać składowe			- rozwiązuje złożone zadania dotyczące składania funkcji			
	-	złożenia sprawdza warunek na						
	•	wykonalność złożenia rozwiązuje proste zadania dotyczące złożenia funkcji						
Funkcje odwrotne	-	definiuje funkcję odwrotną do danej	- bada czy do a istnieje funkcj	000	- rozwiązuje złożone zadania dotyczące funkcji odwrotnej	-	rozwiązuje niestandardowe	

		podaje warunek na istnienie funkcji odwrotnej do danej sporządza wykres funkcji odwrotnej, mając wykres danej funkcji rozwiązuje proste zadania dotyczące funkcji odwrotnej	odwrotn - rozwiązi zadania	wzór funkcji ej do danej ije trudniejsze dotyczące dwrotnej			zadania dotyczące funkcji odwrotnej	
Pochodna funkcji		wyjaśnia pojęcie ilorazu różnicowego funkcji, potrafi wyznaczyć iloraz różnicowy w danym punkcie podaje definicję pochodnej funkcji w punkcie (właściwej i niewłaściwej)	pochodn funkcji v - bada, cz określen kilku wz różniczk - bada prz zmienno - liczy poc złożonej	rebieg ści funkcji rhodną funkcji	- rozwiązuje zł zadania dotyc pochodnej fu punkcie w tyn zadania optyi	czące nkcji w n również	- rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące pochodnej funkcji w punkcie w tym również zadania optymalizacyjne	
		pochodnej jednostronnej funkcji w punkcie wyjaśnia geometryczną oraz fizyczną interpretację pochodnej funkcji w punkcie podaje podstawowe wzory na pochodne podaje twierdzenia o	zadania pochodn punkcie	ije trudniejsze dotyczące ej funkcji w w tym również optymalizacyjne				
	•	podaje twieruzemu o pochodnej sumy, iloczynu, ilorazu funkcji różniczkowalnych oblicza pochodne elementarnych funkcji przy pomocy poznanych twierdzeń i wzorów						

	_			
	-	wyjaśnia pojęcie		
		stycznej do wykresu funkcji; wyznacza		
		równanie stycznej do		
		wykresu funkcji		
		różniczkowalnej w		
		danym punkcie		
	-	bada monotoniczność		
		funkcji		
		różniczkowalnej przy pomocy pochodnej		
		definiuje pojęcie		
		ekstremum lokalnego		
		funkcji		
	-	podaje warunek		
		konieczny i		
		wystarczający istnienia		
		ekstremum funkcji		
		różniczkowalnej wyznacza ekstremum		
		funkcji		
		różniczkowalnej		
	-	rozwiązuje proste		
		zadania dotyczące		
		pochodnej funkcji w		
		punkcie w tym również		
		zadania optymalizacyjne		
	_	-stosuje analizę		
		matematyczną do		
		rozwiązywania zadań		
	\perp	ze stereometrii		
Równanie prostej	-	podaje równanie	- definiuje iloczyn - rozwiązuje zadania - rozwiązuje	
na płaszczyźnie		ogólne i kierunkowe	skalarny wektorów złożone dotyczące niestandardowe zadania	
		prostej; określa, jaką rolę pełnią	- definiuje równania prostej na dotyczące równania jednokładność płaszczyźnie; prostej na płaszczyźnie;	
		współczynniki tych	- rozwiązuje proste - rozwiązuje trudniejsze - zapisuje i stosuje do	
		równań;	zadania dotyczące zadania dotyczące rozwiązania zadania	
	-	wyznacza równanie	jednokładności jednokładności równanie parametryczne	
		prostej, przechodzącej	- bada równoległość i prostej;	
		przez dane punkty (w	prostopadłość	

		postaci kierunkowej lub ogólnej); bada równoległość i prostopadłość prostych na podstawie ich równań kierunkowych; podaje wzory na współrzędne środka odcinka o danych końcach, odległość dwóch danych punktów na płaszczyźnie, odległość danego punktu od danej prostej; wykorzystuje znaczenie współczynników równania kierunkowego prostej przy rozwiązywaniu	prostych na podstawie ich równań ogólnych; - wykorzystuje znaczenie współczynników równania ogólnego prostej przy rozwiązywaniu zadań; - bada wzajemne położenie 3 punktów o zadanych współrzędnych - rozwiązuje zadania trudniejsze dotyczące równania prostej na płaszczyźnie;		- rozwiązuje złożone i niestandardowe zadania dotyczące jednokładności	
		zadań. oblicza odległość między dwoma punktami na płaszczyźnie kartezjańskiej korzystając ze wzoru analitycznego rozwiązuje proste zadania dotyczące równania prostej na płaszczyźnie				
Prosta i okrąg na płaszczyźnie	-	wyznacza punkty wspólne prostej i okręgu, prostej i paraboli oraz dwóch okręgów; bada wzajemne położenie prostej i okręgu oraz dwóch	- rozwiązuje zadania trudniejsze dotyczące prostej i okręgu na płaszczyźnie;	- rozwiązuje zadania złożone dotyczące prostej i okręgu na płaszczyźnie;	- rozwiązuje niestandardowe zadania dotyczące prostej i okręgu na płaszczyźnie;	

	1		1		1		1	
Wzór na pole trójkąta w układzie współrzędnych	-	rozwiązuje proste zadania dotyczące prostej i okręgu na płaszczyźnie; stosuje równanie okręgu w postaci ogólnej; zapisuje wzór na pole trójkąta w układzie współrzędnych; stosuje wzór na pole	-	stosuje wzór na pole trójkąta w układzie współrzędnych przy rozwiązywaniu zadań	_	rozwiązuje złożone zadania z wykorzystaniem wzoru na pole trójkąta w	-	rozwiązuje niestandardowe zadania z wykorzystaniem wzoru na pole trójkąta
		trójkąta w układzie współrzędnych przy rozwiązywaniu prostych zadań;		trudniejszych;		układzie współrzędnych;		w układzie współrzędnych;
Zadania optymalizacyjne	-	rozwiązuje proste zadania optymalizacyjne związane z geometrią analityczną z wykorzystaniem własności funkcji kwadratowej; rozwiązuje proste zadania optymalizacyjne związane z geometrią analityczną z wykorzystaniem rachunku różniczkowego;	-	rozwiązuje trudniejsze zadania optymalizacyjne związane z geometrią analityczną z wykorzystaniem własności funkcji kwadratowej lub rachunku różniczkowego;	-	rozwiązuje złożone zadania optymalizacyjne związane z geometrią analityczną z wykorzystaniem własności funkcji kwadratowej lub rachunku różniczkowego;	-	rozwiązuje niestandardowe zadania optymalizacyjne z wykorzystaniem własności funkcji kwadratowej lub rachunku różniczkowego;
Wzory trygonometryczne sumy i różnicy funkcji, funkcji sumy i różnicy argumentów, funkcji podwojonego kąta	•	podaje wzory, potrafi je stosować rozwiązuje proste zadania z zastosowaniem podanych wzorów	-	rozwiązuje trudniejsze zadania z zastosowaniem podanych wzorów	-	wyprowadza poznane wzory rozwiązuje złożone zadania z zastosowaniem podanych wzorów	-	rozwiązuje niestandardowe zadania z zastosowaniem podanych wzorów

Wykresy funkcji	-	sporządza wykres	-	odczytuje z wykresu	-	rozwiązuje złożone	-	rozwiązuje	
trygonometrycznyc		dowolnej funkcji		związki między funkcjami		zadania dotyczące		niestandardowe zadania	
h		trygonometrycznej i		trygonometrycznymi		wykresów funkcji		dotyczące wykresów	
		odczytuje z tego	-	rozwiązuje trudniejsze		trygonometrycznych,		funkcji	
		wykresu jej własności		zadania dotyczące		także z parametrem, w		trygonometrycznych , w	
	-	rozwiązuje proste		wykresów funkcji		tym zadania dotyczące		tym zadania dotyczące	
		równania i		trygonometrycznych,		przekształceń wykresów		przekształceń wykresów	
		nierówności		także z parametrem, w		funkcji		funkcji	
	_	trygonometryczne		tym zadania dotyczące					
	-	podaje z jakich		przekształceń wykresów					
		własności korzysta		funkcji					
		podczas							
		rozwiązywania równań							
	L	i nierówności							
	-	rozwiązuje proste							
		zadania dotyczące							
		wykresów funkcji							
		trygonometrycznych							

Zakłada się, że uczeń spełnia wymagania edukacyjne z matematyki określone na poprzednich etapach edukacji i aktywnie korzysta z nich przy rozwiązywaniu zadań.

Uwaga!

Należy podkreślić, że nauczyciel ma prawo do zaniechania realizacji pewnych wymagań spoza podstawy programowej, jeżeli w swojej ocenie uzna, że zasadne jest dostosowanie tych wymagań ze względu na możliwości i umiejętności danej klasy.

Klasyfikację poziomów trudności zadań matematycznych opracowano według: Dyrszlag Z., O poziomach i kontroli rozumienia pojęć matematycznych w procesie dydaktycznym", WSP, Opole 1978.

- 1. Zadanie proste ma na celu kontrolę rozumienia wszystkich pojęć w danym zadaniu na poziomie definicyjnym oraz zastosowanie wiadomości w sytuacjach typowych.
- 2. Zadanie trudniejsze dodatkowo wymaga od ucznia wykazania się rozumieniem pojęć w nim występujących na poziomie lokalnej komplikacji oraz zastosowanie analizowanych wiadomości w sytuacjach nietypowych tj. np. takich, w których na dane pojęcie narzucono dodatkowe warunki.
- 3. Zadanie złożone dodatkowo weryfikuje umiejętność ucznia do sprawnego łączenia wiadomości z co najmniej kilku działów matematyki i stosowania ich do sytuacji problemowych, sprawność rachunkową oraz stałą kontrolę wszystkich warunków zadania na każdym etapie jego rozwiązania.
- 4. Zadanie niestandardowe dodatkowo sprawdza rozumienie przez ucznia zawartych w zadaniu pojęć na poziomie uogólnienia, uwzględnia zastosowanie poznanej wiedzy do sytuacji problemowych, których rozwiązanie polega na konieczności abstrakcyjnego uogólnienia poznanych wiadomości lub twórczej aktywności matematycznej.