

## Ćwiczenie nr 22

### Pomiar wilgotności powietrza atmosferycznego

#### Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp teoretyczny</b>	<b>2</b>
1.1	Podstawowe pojęcia . . . . .	2
1.2	Para wodna w powietrzu . . . . .	2
1.3	Wilgotność powietrza . . . . .	2
1.4	Metody pomiaru wilgotności powietrza . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Opis doświadczenia</b>	<b>3</b>
2.1	Metoda punktu rosy . . . . .	3
2.2	Psychrometr Assmanna . . . . .	3
2.3	Higrometr włosowy . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Opracowanie wyników pomiarów</b>	<b>4</b>
3.1	Tabele pomiarowe . . . . .	4
3.2	Temperatura punktu rosy . . . . .	4
<b>4</b>	<b>Ocena niepewności pomiaru</b>	<b>5</b>
4.1	Złożona niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda punktu rosy) . . . . .	5
<b>5</b>	<b>Niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda psychrometryczna)</b>	<b>5</b>
5.1	Niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda higrometryczna)	6
<b>6</b>	<b>Wnioski</b>	<b>6</b>
<b>7</b>	<b>Wykresy</b>	<b>6</b>

# 1 Wstęp teoretyczny

## 1.1 Podstawowe pojęcia

Powietrze atmosferyczne składa się z różnych gazów, w tym pary wodnej, której zawartość wpływa na jego wilgotność. Zachowanie gazów, w tym pary wodnej, można opisać równaniem Clapeyrona dla gazu doskonałego:

$$pV = nRT \quad (1)$$

gdzie  $p$  to ciśnienie,  $V$  to objętość,  $n$  to liczba moli,  $R$  to stała gazowa, a  $T$  to temperatura bezwzględna.

## 1.2 Para wodna w powietrzu

Para wodna może występować w stanie nienasyconym lub nasyconym. Para nasycona to stan, w którym występuje równowaga między procesami parowania i skraplania. Zależność ciśnienia pary nasyconej  $p_s$  od temperatury opisuje równanie Clausiusa-Clapeyrona, które pokazuje wykładniczy wzrost ciśnienia pary nasyconej wraz ze wzrostem temperatury.

Para nienasycona zawiera mniej cząsteczek wody niż para nasycona w tej samej temperaturze i może przyjmować dodatkową parę wodną, zanim osiągnie stan nasycenia. Przejście pary nienasyconej do stanu nasycenia może nastąpić przez:

- Obniżenie temperatury przy stałym ciśnieniu (do osiągnięcia temperatury punktu rosy)
- Zwiększenie ciśnienia przy stałej temperaturze

## 1.3 Wilgotność powietrza

Wilgotność bezwzględna ( $W_b$ ) określa masę pary wodnej zawartej w jednostce objętości powietrza:

$$W_b = \frac{m_w}{V} \quad (2)$$

gdzie  $m_w$  to masa pary wodnej, a  $V$  to objętość powietrza.

Wilgotność względna ( $S$  lub  $W_w$ ) jest stosunkiem ciśnienia pary wodnej  $p$  do ciśnienia pary nasyconej  $p_s$  w danej temperaturze:

$$S = \frac{p}{p_s} \cdot 100\% \quad (3)$$

## 1.4 Metody pomiaru wilgotności powietrza

Do pomiaru wilgotności względnej powietrza stosuje się różne metody:

- **Metoda punktu rosy** – polega na wyznaczeniu temperatury, w której para wodna zawarta w powietrzu osiąga stan nasycenia (skrapla się). Na podstawie temperatury punktu rosy i temperatury otoczenia oblicza się wilgotność względną.
- **Metoda psychrometryczna** – wykorzystuje różnicę temperatur między termometrem suchym i mokrym. Parowanie wody z mokrego termometru powoduje obniżenie jego temperatury, przy czym różnica temperatur jest tym większa, im niższa jest wilgotność powietrza.
- **Metoda higrometryczna** – opiera się na zmianach właściwości fizycznych niektórych materiałów (np. włosa ludzkiego) pod wpływem zmian wilgotności powietrza.

W niniejszym ćwiczeniu zastosowano wszystkie trzy metody, co umożliwi porównanie ich dokładności i wiarygodności w danych warunkach laboratoryjnych.

Powyższe zagadnienia teoretyczne opracowano na podstawie materiałów pomocniczych do ćwiczenia [4], podręcznika "Fizyka dla szkół wyższych" [3] oraz rozdziału 47 "Wyznaczanie wilgotności powietrza" z podręcznika "Ćwiczenia laboratoryjne z fizyki" [2].

## 2 Opis doświadczenia

Celem doświadczenia było wyznaczenie wilgotności względnej powietrza atmosferycznego za pomocą trzech różnych metod pomiarowych.

### 2.1 Metoda punktu rosy

W metodzie punktu rosy wykorzystano efekt Peltiera do obniżania temperatury płytki krzemowej. Powierzchnia płytki była oświetlana wiązką laserową. Pomiar polegał na:

- Stopniowym zwiększaniu natężenia prądu zasilającego element Peltiera, co powodowało obniżanie temperatury płytki
- Obserwacji powierzchni płytki i odnotowaniu temperatury  $T_1$ , przy której pojawia się mgiełka (rozproszenie światła laserowego)
- Zmniejszaniu prądu i odnotowaniu temperatury  $T_2$ , przy której mgiełka znika

Wykonano 15 pomiarów, każdorazowo zmieniając natężenie prądu wokół punktu rosy. Temperatura punktu rosy została obliczona jako średnia z temperatur pojawienia się i zniknięcia mgiełki. Następnie, korzystając z tablic ciśnienia pary nasyconej, obliczono wilgotność względną ze wzoru:

$$S = \frac{p_t}{p_0} \quad (4)$$

gdzie  $p_t$  to ciśnienie pary nasyconej przy temperaturze punktu rosy, a  $p_0$  to ciśnienie pary nasyconej przy temperaturze otoczenia.

### 2.2 Psychrometr Assmanna

W pomiarach wykorzystano psychrometr Assmanna wyposażony w dwa termometry: suchy i mokry. Procedura pomiaru obejmowała:

- Napełnienie próbówki wodą destylowaną
- Wsuniecie próbówki do osłony termometru oznaczonego kolorem niebieskim (termometr mokry)
- Nakręcenie mechanizmu dmuchawy
- Odczytanie wskazań obu termometrów po około 4 minutach

Na podstawie różnicy temperatur między termometrem suchym ( $T_s$ ) i mokrym ( $T_m$ ) obliczono wilgotność względną korzystając z tablic psychrometrycznych.

### 2.3 Higrometr włosowy

Pomiar wilgotności przy użyciu higrometru włosowego polegał na bezpośrednim odczycie wskazań przyrządu. Wykonano dwa odczyty: na początku i na końcu sesji pomiarowej.

### 3 Opracowanie wyników pomiarów

#### 3.1 Tabele pomiarowe

Nr. pomiaru	Wilgotność
1	59%
2	61%

Tabela 1: Wilgotność powietrza odczytana z higrometru włosowego.

$T_s [^{\circ}C]$	$T_m [^{\circ}C]$	$\Delta T [^{\circ}C]$	wilgotność względna
25,00	20,00	5,00	63,00%

Tabela 2: Wyniki pomiarów dla Psychrometru Assmanna.

Nr. pomiaru	$T_1 [^{\circ}C]$	$T_2 [^{\circ}C]$
1	11,4	14,0
2	12,0	14,7
3	11,9	16,0
4	12,3	13,8
5	12,5	14,5
6	12,5	14,1
7	12,5	13,5
8	11,9	14,4
9	11,5	15,7
10	12,0	14,9
11	12,0	15,4
12	12,3	14,9
13	11,8	15,4
14	12,4	15,1
15	12,2	14,2

Tabela 3: Wyniki pomiarów metodą punktu rosy.

#### 3.2 Temperatura punktu rosy

Temperatura punktu rosy obliczana jest jako średnia z temperatur pojawienia i znikania mgiełki. Wartość ciśnienia pary nasyconej  $p_t$  dla każdej z temperatur punktu rosy  $T_{rosy}$  została odczytana ze strony internetowej [1] (wykorzystując równanie Antoine'a). Ciśnienie pary nasyconej dla temperatury otoczenia  $T_s = 25,00^{\circ}C$  wynosi  $p_0 = 3158 Pa$ .

Wilgotność względna  $S$  obliczana jest ze wzoru:

$$S = \frac{p_t}{p_0} \quad (5)$$

Powyższe wartości zostały zapisane w tabeli 4.

Nr. pomiaru	$T_{rosy} [^{\circ}C]$	$p_t [Pa]$	$S$
1	12,70	1461,3	0,461
2	13,35	1525,0	0,481
3	13,95	1586,0	0,500
4	13,05	1495,3	0,472
5	13,50	1540,0	0,486
6	13,30	1520,0	0,479
7	13,00	1490,4	0,470
8	13,15	1505,0	0,475
9	13,60	1550,0	0,489
10	13,45	1535,0	0,484
11	13,70	1560,2	0,492
12	13,60	1550,0	0,489
13	13,60	1550,0	0,489
14	13,75	1565,3	0,494
15	13,20	1510,0	0,476

Tabela 4: Temperatura punktu rosy oraz ciśnienie pary nasyconej dla każdego pomiaru.

Średnia arytmetyczna wartości wilgotności względnej wynosi  $\hat{S} = 0,4824$ .

## 4 Ocena niepewności pomiaru

### 4.1 Złożona niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda punktu rosy)

Złożoną niepewność standardową obliczono na podstawie wzoru:

$$u_c(S) = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^n (S_i - \hat{S})^2} \quad (6)$$

gdzie:

- $n = 15$  - liczba pomiarów
- $S_i$  - wartość wilgotności względnej dla i-tego pomiaru
- $\hat{S} = 0,4824$  - średnia wartość wilgotności względnej

Po podstawieniu wartości do wzoru otrzymujemy:

$$u_c(S) = 0,0027 \quad (7)$$

## 5 Niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda psychrometryczna)

Dla psychrometru Assmanna wykonano tylko jeden pomiar, dlatego niepewność standardową oszacowano jako niepewność typu B. Niepewność pomiarowa termometrów użytych w psychrometrze wynosi  $\Delta_d T = 0,1^{\circ}C$ , co daje niepewność standardową:

$$u_B(T) = \frac{\Delta_d T}{\sqrt{3}} = \frac{0,1}{\sqrt{3}} \approx 0,058^{\circ}C \quad (8)$$

Wilgotność względna  $S$  w metodzie psychrometrycznej zależy od różnicy temperatur  $\Delta T = T_s - T_m$ , zatem korzystając z prawa przenoszenia niepewności:

$$u_B(\Delta T) = \sqrt{u_B^2(T_s) + u_B^2(T_m)} = \sqrt{2} \cdot u_B(T) \approx 0,082^\circ C \quad (9)$$

## 5.1 Niepewność standardowa pomiaru wilgotności względnej (metoda higrometryczna)

Dla higrometru włosowego niepewność standardową oszacowano jako niepewność typu B, wynikającą z dokładności odczytu skali przyrządu. Przy podziale co 1%, niepewność odczytu wynosi  $\Delta_d S = 1\%$  wilgotności względnej, co daje niepewność standardową:

$$u_B(S_{higr}) = \frac{\Delta_d S}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \approx 0,58\% \quad (10)$$

## 6 Wnioski

Na podstawie przeprowadzonych pomiarów wilgotności powietrza atmosferycznego przy pomocy różnych metod pomiarowych można sformułować następujące wnioski:

1. Metodą punktu rosy wyznaczono wilgotność względną powietrza:

$$S = 0,4824 \pm 0,0027 \quad (11)$$

co wyrażone w procentach daje wartość  $(48,24 \pm 0,27)\%$ .

2. Za pomocą higrometru włosowego uzyskano dwa odczyty wilgotności względnej: 59,00% na początku wykonywania pomiarów oraz 61,00% na końcu. Niepewność standardowa wynosi  $u_B(S) = 0,58\%$ .
3. Psychrometr Assmanna wskazał wilgotność względną na poziomie 63%, przy temperaturze suchego termometru  $T_s = 25,00^\circ C$  i mokrego termometru  $T_m = 20,00^\circ C$ .
4. Występują znaczące różnice między wynikami uzyskanymi różnymi metodami pomiarowymi. Wartość zmierzona metodą punktu rosy (najbardziej dokładną w tym doświadczeniu) jest znacząco niższa od wartości otrzymanych pozostałymi metodami.

## 7 Wykresy

## Literatura

- [1] Omni Calculator. Vapour pressure of water. <https://www.omnicalculator.com/chemistry/vapour-pressure-of-water>, 2025. Dostęp: 25.05.2025.
- [2] Tadeusz Dryński. *Ćwiczenia laboratoryjne z fizyki*. Państwowe Wydawnictwo Naukowe, Warszawa, 5 edition, 1976.
- [3] William Moebs, Samuel J. Ling, and Jeff Sanny. *Fizyka dla szkół wyższych, Tom 2*. OpenStax, 2018. Dostęp: 14.04.2024.
- [4] Instytut Fizyki Doświadczalnej UW. Materiały pomocnicze do ćwiczenia 22. <https://wfa.uwr.edu.pl/wp-content/uploads/sites/216/2024/02/Ciep.22-wstep.pdf>, 2024. Dostęp: 25.05.2025.