

# ANALIZA ZŁOŻONOŚCI OBLICZENIOWEJ ALGORYTM SORTOWANIA BĄBELKOWEGO

1. for (indeks i=n-1; i >= 1; zmniejszaj i o 1) {	Dla n = 7 i: 6, 5, 4, 3, 2, 1			n-1	c <sub>1</sub>
2.     for (indeks j = 0; j < i; zwiększaj j o 1) {	<b>i</b>	<b>j</b>	<b>suma</b>		c <sub>2</sub>
if (T[j] > T[j+1]) {	6	0,1,2,3,4,5	6	n-1	
zamień miejscami T[j] i T[j+1]	5	0,1,2,3,4	5	n-2	
}	4	0,1,2,3	4	...	
}	3	0,1,2	3	3	
}	2	0,1	2	2	
}	1	0	1	1	

**Pierwsza pętla:**  $(n - 1)$

**Druga pętla:**  $S = 1 + 2 + \dots + (n - 1) = \frac{1+(n-1)}{2} \cdot (n - 1) = \frac{n \cdot n - n}{2} = \frac{1}{2}(n^2 - n)$

Suma ciągu arytmetycznego:  $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$

$$T(n) = c_1(n - 1) + c_2 \left( \frac{1}{2}(n^2 - n) \right) = c_1n - c_1 + \frac{c_2}{2}n^2 - \frac{c_2}{2}n = \frac{c_2}{2}n^2 + \left( c_1 - \frac{c_2}{2} \right)n - c_1 = an^2 + bn - c$$

Gdy **szacujemy złożoność obliczeniową** nie interesuje nas zazwyczaj dokładna złożoność algorytmu, ale *rzęd wielkości złożoności*. W związku z powyższym do szacowania od góry złożoności algorytmów używamy notacji  $O$  (czyt. „ $O$  duże”), która upraszcza szacowania pozwalając *pominąć w trakcie obliczeń stałe i wolniej rosnące składniki wzoru*.

$$T(n) = an^2 + bn - c = O(n^2)$$

Algorithm	Time Complexity (Best)	Time Complexity (Average)	Time Complexity (Worst)	Space Complexity
Bubble Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$
Insertion Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$
Selection Sort	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$