Условие

Ежедневно НИИ потребляет в среднем составляет в среднем 40 кВт.ч. электроэнергии, а значение среднеквадратического отклонения ежедневного расхода электроэнергии составляет 3 кВт.ч. Найти вероятность того, что за 100 дней НИИ израсходует более 5000 кВт.ч. электроэнергии.

Решение

Заметим, что потребление энергии в день - случайная величина х $\sim {
m Norm}(m,\sigma^2)={
m Norm}(40,3^2)$

В таком случае потребление энергии за 100 дней это $X = \sum x_i$

Воспользуемся центральной предельной теоремой

В таком случае
$$X \sim \text{Norm} \left(100*m, 100*\sigma^2\right) = \text{Norm} \left(4000, 3^2*100\right) = \text{Norm} \left(4000, 30\right)$$

$$P(X > 5000) = P\left(\frac{X - m_x}{\sigma_x^2} > \frac{5000 - 4000}{30}\right) = P\left(\text{Norm}(0, 1) > \frac{1000}{30}\right) = P(\text{Norm}(0, 1) > 33.33) = 0$$

Получаем, что приблизительная вероятность, что данное событие произойдет - 0