分散プログラムを 形式的証明から抽出する

東京大学大学院情報理工系研究科 萩谷研究室 平井洋一

2009-09-17

大会論文の修正版: ▶ 余りは空き机に置いてくだ

さい、

ます

ということでよろしいでしょうか.

- セッション後に平井が回収し

問題: 分散プログラムを 正しく書くのは困難

分散プログラムを書き間違えても, なかなか気付かないことがある

百万回に一回のバグ

本研究の対象: wait-free プログラム プロセス間同期無し.実に分散的.

解決法: プログラムでなく 形式的証明を書く

形式的証明を書き間違えると、 すぐに気付く

▶ 証明チェッカ

本研究の対象: 知識論理の変種プロセスの知識を記述できる.

仕樣

が書いてある

を満たす

証明

抽出

Wait-free プログラム

Wait-free プログラム

[Herlihy99]の, wait-free protocol. 他のプロセスを待てない

できないこと 入力 プロセス a, b に, 0 か 1 か 出力 プロセス a と b の両方が, 相手の入力を出力する.

Wait-free プログラムの例

入力 プロセス a, b に, 0 か 1 か 出力 少なくとも片方が, 相手の 入力を出力する.

```
*shm_x = *shm_y = -1; /* 共有メモリの初期化 */
/* 以下並列実行 */
```

```
int a(int x) {
    *shm_x = x;
    if (*shm_y != -1)
      return *shm_y;
    else
      return -1;
}
int b(int y) {
    *shm_y = y;
    if (*shm_x != -1)
      return *shm_x;
    else
      return -1;
}
```

*shm_x と*shm_y は別 . Sequential consistency を仮定

仕様

$\Gamma \vdash_{G} \Delta$

□ 実行前に全部成立と仮定Δ 実行後に一つ成立と保証G 実行に関与するプロセス

Γ,Δは論理式の有限列

 $\varphi ::= P \mid K_a \varphi \mid \varphi \lor \varphi \mid \varphi \land \varphi$ $K_a \varphi$ プロセスa が φ を知ってる \land , \lor かつ, または

仕様の例

 $K_aP \wedge K_bQ \vdash_{\{a,b\}} K_bK_aP \vee K_aK_bQ$

Pであることをaが知っていて, Qであることをbが知っている ならば $\rightarrow a, b$ の wait-free プログラムで \rightarrow Qであることをbが知っていることを **a**が知っているか, **P**であることを**a**が知っていることを **b**が知っている ようにできる

証明: 実現可能な仕様を網羅する

(axiom)
$$\frac{\Gamma}{\varphi \vdash_{G} \varphi}$$
 (cut) $\frac{\Gamma \vdash_{G} \Delta, \varphi}{\Gamma, \Gamma' \vdash_{G} \Delta, \Delta'}$ (K) $\frac{\Gamma}{K_{a} \varphi \vdash_{\{a\} \cup G} \varphi}$ (comm) $\frac{\Gamma}{K_{a} \varphi, K_{b} \psi \vdash_{\{a,b\} \cup G} K_{a} K_{b} \psi, K_{b} K_{a} \varphi}$ (nec) $\frac{\Delta \vdash_{G} \Gamma}{K_{a} (M \Gamma) \vdash_{G \cup \{a\}} K_{a} (W \Delta)}$ (上のほうに (comm) が無い) (Kハ) $\frac{\Gamma}{K_{a} \varphi, K_{a} \psi \vdash_{G} K_{a} (\varphi \land \psi)}$ (KV) $\frac{\Gamma}{K_{a} (\varphi \lor \psi) \vdash_{G} K_{a} \varphi, K_{a} \psi}$ (∨ 左) $\frac{\Gamma, \varphi \vdash_{G} \Delta}{\Gamma, \Gamma', \varphi \lor \varphi' \vdash_{G} \Delta'}$ (∨ 右) $\frac{\Gamma \vdash_{G} \Delta, \varphi, \varphi'}{\Gamma, \Gamma', \varphi \lor \varphi' \vdash_{G} \Delta}$ (∧ 右) $\frac{\Gamma \vdash_{G} \Delta, \varphi}{\Gamma, \Gamma', \varphi \lor \varphi'}$



Wait-free プログラムの抽出

```
(comm) \mapsto
     各プロセスが、共有メモリに書
     いてから読む
(cut),(∨左),(∧右) →
     プロセスごとの連接
```

各変数への代入が一度だけになる ように,変数をたくさん使う.

示したこと

▶ 健全性:

```
仕様に証明がある ⇒
仕様をみたす wait-free プロ
グラムが有る
```

[Herlihy99] による wait-free 計算の 特徴づけで使われた,単体的複体 上に意味論をつくった(続く).

意味論の概要(1)

$$x = 0$$
でプロセス a が起動

$$x=0$$

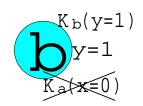
意味論の概要(2)

$$x = 0$$
はプロセス a の知識

$$x=0$$
 $K_a(x=0)$

意味論の概要(3)

y = 1でプロセスbが起動 プロセスaの知識は,わからない



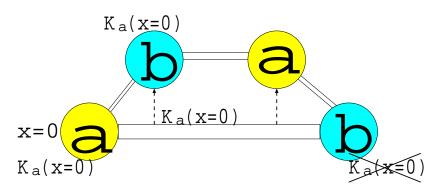
意味論の概要(4)

プロセス*a, b* の両方の状態が 見える視点からは , 少なくとも片 方で成立する命題は成立する

$$x=0$$
 $K_a(x=0)$
 $K_b(y=1)$
 $Y=1$
 $K_a(x=0)$

意味論の概要(5)

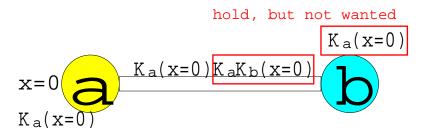
Wait-free protocol は単体的複体の 分割である[Herlihy99].



大会論文の修正理由: つまらない話だった

- ▶ 意味論が,もっとゆるかった
 - 証明体系も,ゆるかった
 - ▶ 超健全性が成立: 実現可能な 任意の仕様を「何もしない」 プログラムが満たす
 - ▶ 抽出しても嬉しくない

大会論文の修正理由: 意味論がゆるすぎる



Future work

▶ 完全性を示す

```
仕様に証明がある ←
仕様満たす wait-free プログラム有
```

- ▶ 関連研究との比較: 動的知識論理 [Ditmarsch07], 単体的複体上の知識論理 [Porter04]
- ▶ [Attiya04]の wait-free 計算を扱う (while 文が入る)

Future future work: もっと弱く

Sequential consistency が成り立たない場合を調べる

- ▶ 計算をscaleさせたい.
- 公理を弱くして, cut 除去可能 な論理を得たい (仕様を保ちプログラムを短く 変形できる)

Future future work: もっと強く

プリミティブを様相として追加す る機構を作る

「ここだけは同期が必要」と 証明中に明示する

参考文献

- [Herlihy99] Herlihy, M. and Shavit, N.: The Topological Structure of Asynchronous Computability, *J. ACM*, Vol. 46, No. 6, 1999, pp. 858–923.
- [Attiya04] Attiya, H. and Welch, J.: Distributed Computing Fundamentals, Simulations, and Advanced Topics, 2nd Edition, Wiley, 2004.
- [Ditmarsch07] Ditmarsch, H. v., Hoek, W. v. d., and Kooi, B.: *Dynamic Epistemic Logic*, Springer, 2007.
- [Porter04] Porter, T: Interpreted systems and Kripke models for multiagent systems from a categorical perspective, *Theor. Comput. Sci*, Vol. 323, No. 1–3, 2004, pp. 235–266.