Анализ, 2 курс

(осенний семестр 2016–2017 уч. года)

Лектор — доц. А. Ю. Пирковский

Основная литература

- [BogachSmol] В. И. Богачёв, О. Г. Смолянов. Действительный и функциональный анализ. РХД, 2009. Современный университетский учебник, охватывающий курсы действительного анализа (т.е. теории меры и интеграла Лебега) и функционального анализа. Содержит много задач.
- [Folland] G. B. Folland. Real analysis. Wiley, 1999. Продвинутый учебник по анализу, включающий подробное изложение теории меры и интеграла, элементы общей топологии, анализа Фурье, теории обобщенных функций и другие сюжеты. Пожалуй, один из лучших учебников на эту тему с точки зрения соотношения «краткость изложения/охват материала». Содержит, в частности, ряд важных (и обычно не включаемых в учебники) фактов о бесконечных мерах и о мерах на топологических пространствах.
- [MakPodk] Б. М. Макаров, А. Н. Подкорытов. Лекции по вещественному анализу. БХВ—Петербург, 2011. Университетский учебник по теории меры и интеграла. Его отличительная особенность «встроенность» в курс классического анализа (calculus'a). Абстрактные теоретико-мерные конструкции перемежаются с классическими сюжетами (гамма-функция, замена переменной в п-мерном интеграле и т.п.).

Дополнительная литература

- [Bogachev] В. И. Богачёв. Основы теории меры. РХД, 2003. Двухтомная монография—учебник по теории меры. Может использоваться и как учебник для начинающих, и как справочник для специалистов. Содержит большое количество задач. Основной акцент делается на конечных мерах.
- [Cohn] D. L. Cohn. Measure theory. Birkhäuser, 2013. Подробный учебник по теории меры и интеграла. Наряду со стандартным материалом, содержит ряд продвинутых сюжетов. Есть много задач.
- [Verbit] М. Вербицкий. Теория меры. http://verbit.ru. Оригинальный подход к теории меры, основанный на использовании булевых алгебр.
- [KolmFom] А. Н. Колмогоров, С. В. Фомин. Элементы теории функций и функционального анализа. Наука, 1989. Первый в отечественной литературе учебник (1-е издание 1954 и 1960 гг.), включающий элементы теории множеств, общей топологии, действительного и функционального анализа. Во многом определил традиции преподавания этих предметов в советских и российских ВУЗах (к счастью и к сожалению одновременно). В изложении теории меры и интеграла основной акцент далеается на конечных мерах.
- [KirGvish] А. А. Кириллов, А. Д. Гвишиани. Теоремы и задачи функционального анализа. Наука, 1988. Вторая глава краткое введение в теорию меры и интеграла. Изложение весьма конспективное. Есть много задач.
- [Lvovsky] С. М. Львовский. Лекции по математическому анализу. МЦНМО, 2013. Параграфы 14–16 этого учебника crash course по теории меры и интеграла, короче не придумаешь.

- [Saks] С. Сакс. Теория интеграла. ИЛ, 1949. Первая монография (1-е изд. 1933 г.) по общей теории меры и интеграла. В качестве учебника малопригодна, но содержит много интересного.
- [Ulyanov] П. Л. Ульянов, А. Н. Бахвалов, М. И. Дьяченко, К. С. Казарян, П. Сифуэнтес. Действительный анализ в задачах. Физматлит, 2005. Сборник задач по теории меры и интеграла с решениями.
- [Halmos] П. Халмош. Теория меры. ИЛ, 1953. Первый учебник (1-е изд. 1950 г.) по общей теории меры и интеграла. Сохраняет актуальность по сей день (хотя терминология местами немного устарела).
- [Fremlin] D. H. Fremlin. Measure theory. Torres Fremlin, 2001–2009. Обширная пятитомная монография по теории меры. Первый (и отчасти второй) том можно использовать как учебник для начинающих.
- [Lang] S. Lang. Real and functional analysis. Springer, 1993. Продвинутый учебник по анализу. Излагаются элементы общей топологии, теория меры и интеграла, обобщенные функции и преобразование Фурье, функциональный анализ, дифференциальное исчисление на банаховых пространствах и анализ на многообразиях.
- [Rudin] W. Rudin. Real and complex analysis. McGraw-Hill, 1986. Продвинутый учебник по анализу. Излагаются теория меры и интеграла, комплексный анализ и элементы функционального анализа.